

School of Computer Science & Technology Harbin Institute of Technology

第五章 自底向上的语法分析



回顾: 句型

- 定义2.20 设文法G=(V, T, P, S), 对于 $\forall \alpha \in (V \cup T)^*$, 如果 $S \stackrel{*}{\Rightarrow} \alpha$, 则称 α 是G产生的 一个句型
- 对于任意文法 G=(V, T, P, S), G产生的句子w和句型α的区别在于句子满足w∈ T*, 而句型满足α∈(V∪T)*



回顾:短语和句柄

■定义2.27 设有CFG G=(V, T, P, S), ∃α, β, $γ∈(V \cup T)^*$, $S \Rightarrow γAβ$, $A \Rightarrow α$, 则称α是句型γαβ 的相对于变量A的短语(phrase);

■定义2.28 设有CFG G=(V, T, P, S), G的句型的最左直接短语叫做句柄(handle)。



- 5.1 自底向上的语法分析概述
- 5.2 算符优先分析法
- 5.3 LR分析法
- 5.4 语法分析程序的自动生成工具Yacc
- 5.5 本章小结



5.1 自底向上的语法分析概述

所谓自底向上的语法分析,是指从给定的输入符号串出发,试图自底向上地为其建立一棵语法分析树

5.1 自底向上的语法分析概述

■思想

- 从输入串出发,反复利用产生式进行归约,如果最后能得到文法的开始符号,则输入串是相应文法的一个句子,否则输入串有语法错误。
- 在分析过程中,寻找当前句型最左的和某个产生式的右部相匹配的子串(句柄),用该产生式的左部符号代替该子串(最左归约)。
- 如果每步都能正确选择子串,就可以得到输入串的最左归约,即规范归约过程

2023/10/19



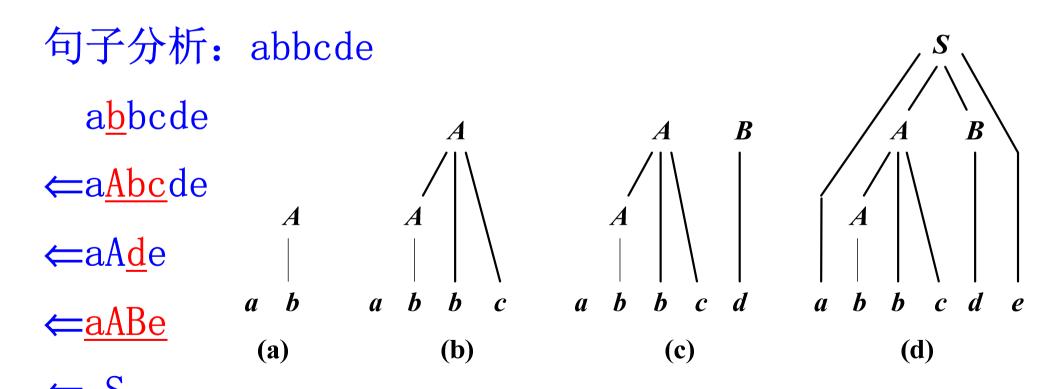
- ■核心问题
 - 寻找句型中当前归约对象——"句柄"进行 归约
 - 用不同方法寻找句柄,就可获得不同的分析方法

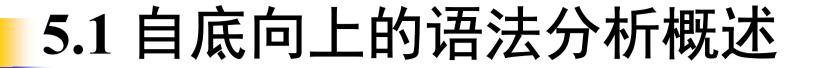
例5.1 一个简单的归约过程

设文法G为:

2023/10/19

 $S \rightarrow aABe \quad A \rightarrow Abc|b \quad B \rightarrow d$





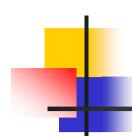
- · 根据基本思想,可以采用brute-force 方法来执行自底向上语法分析的问题
 - 效率问题
 - 冲突问题
- 下面介绍常用的自底向上语法分析方法,即移进-归约分析法



5.1.1 移进-归约分析

- 系统框架

- 采用表驱动的方式实现
- 输入缓冲区:保存输入符号串 w, 初始时 w#
- 分析栈:保存语法符号,即已经得到的分析结果, 栈底符号#,初始状态#,即栈为空
- 分析表: 存放不同情况下的分析动作
- 控制程序:控制分析过程,输出分析结果——产生 式序列
- 格局: 栈中符号串+输入缓冲区剩余内容



5.1.1 移进-归约分析

- 系统框架

- 采用表驱动的方式实现
- 输入缓冲区:保存输入符号串 w,初始时 w#
- 分析栈:保存语法符号,即已经得到的分析结果, 栈底符号#,初始状态#<u>,即栈为空</u>
- 分析表: 存放不同情 如果输入符号串是语言的

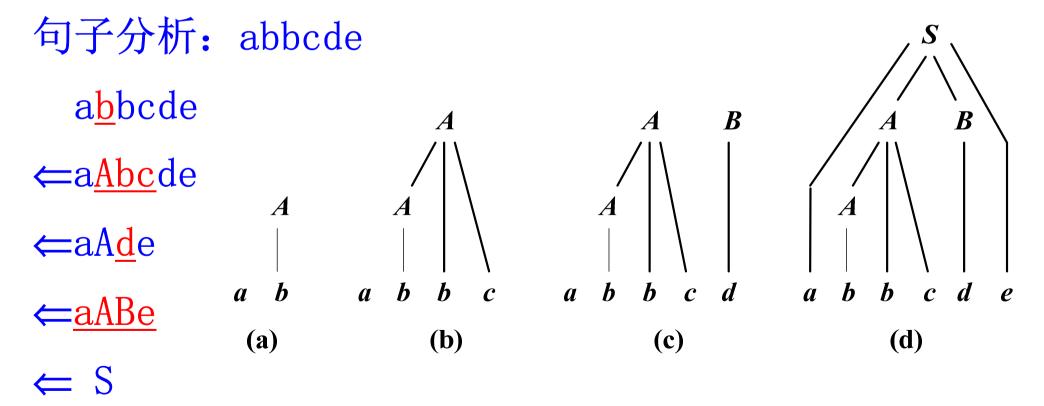
式序列

■ 格局: 栈中符号串+输入缓冲区剩余内容

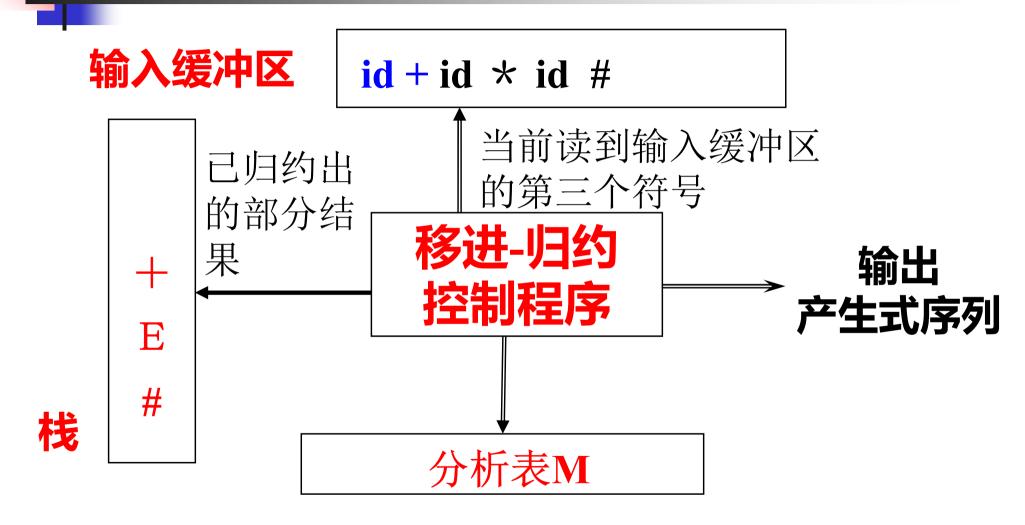


5.1.1 移进-归约分析

■ 格局: 栈+输入缓冲区剩余内容



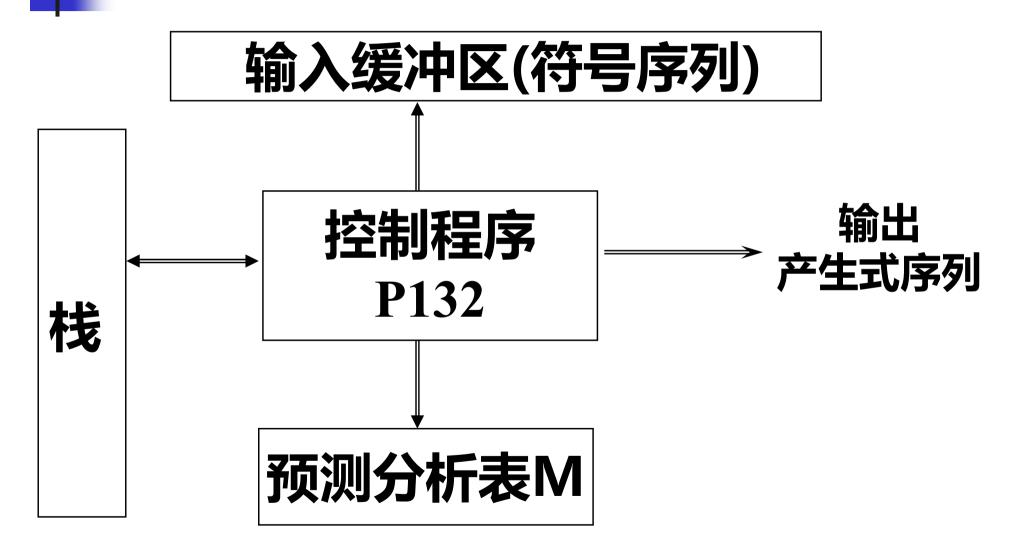
移进-归约语法分析器的总体结构



栈内容+输入缓冲区内容 = #当前句型#

2023/10/19





移进-归约分析的工作过程

- 系统运行
 - 开始格局 (栈: #; 输入缓冲区: w#)
 - 自左向右地扫描输入串,一边将输入符号移进分析栈内,一边检查栈顶是否形成句柄(A→α的右部)
 - 如果栈顶出现句柄α,则将α替换为A。如果 栈顶没有形成句柄,则继续将输入符号移进 栈内,进行判断。
 - 正常结束:栈中为#S,并且输入缓冲区只有

移进-归约分析的工作过程

- 系统运行
 - 开始格局 (栈: #; 输入缓冲区: w#)
 - 自左向右地扫描输入串,一边将输入符号移进分析栈内,一边检查栈顶是否形成句柄(A→α的右部)

 - 正常结束:栈中为#S, 并且输入缓冲区只有

输出结果表示: $M_{5.2} E \rightarrow E + E \mid E \times E \mid (E) \mid id$ 用产生式序列表示语法分析树

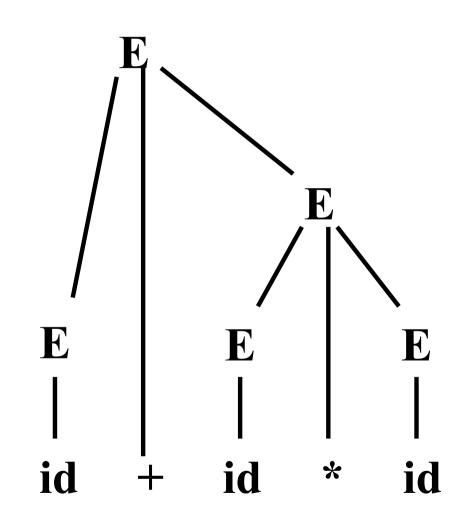
$$\mathbf{E} \rightarrow \mathbf{id}$$

$$E \rightarrow id$$

$$E \rightarrow id$$

$$\mathbf{E} \to \mathbf{E} * \mathbf{E}$$

$$E \rightarrow E + E$$



动作

栈 输入缓冲区

$id_1+id_2*id_3#$

2) 移进 #id₁ +id₂*id₃#

3)

归约 E→id

#E

+id₂*id₃#

4)

移进

#E+

id₂*id₃#

移进

#E+id₂

*id₃#

6)

归约 E→id

#E+E

*id₃#

7)

移进

#E+E*

 $id_3#$

8)

移进

#E+E*id₃

9)

归约 E→id

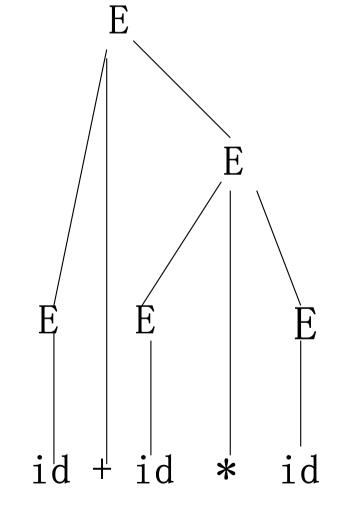
#E+E*E

归约 E→E*E #E+E

归约 E→E+E #E

接受

例5.2 分析过程



分析器的四种动作

1) 移进:将下一输入符号移入栈

2) 归约: 用产生式左侧的非终结符替换栈顶

的句柄 (某产生式右部)

3)接受:分析成功

4) 出错: 出错处理

对于这个问题的不同 解决方法形成不同的 移进-归约分析方法

问题1:决定移进和归约的依据是什么,即:

如何确定栈顶是否已经形成句柄

问题2: 栈中是否会出现句型的句柄后的符号

5.1.2 优先法

- 基本思想:根据归约的先后次序为句型中相邻的文法符号规定优先关系
 - 句柄内相邻符号同时归约,是同优先级的
 - 句柄两端符号的优先级要高于句柄外与之相 邻的符号
- $a_1...a_{i-1} < a_i = a_{i+1} = ... = a_{j-1} = a_j > a_{j+1}...a_n$
- 定义优先关系,语法分析程序可以通过 $a_{i-1} \leftarrow a_i$ 和 $a_j \rightarrow a_{j+1}$ 这两个关系来确定句柄的头和尾



5.1.2 优先法

- 简单优先文法:如果各文法符号之间的优先关系 系互不冲突(即至多存在一种优先关系),则可识别任意句型的句柄
- 算符优先文法: 仅对文法中可能在句型中相邻的终结符定义优先关系,并且各终结符对之间的优先关系互不冲突。
- 考虑算术表达式: sum = a + b + c; total = a + b * c;



5.1.3 状态法

- ·根据句柄的识别状态来识别句柄
 - 与柄是逐步形成的,用状态来描述不同时 刻形成的那部分句柄
 - 因为句柄是产生式的右部,可用产生式来表示句柄的不同识别状态



5.1.3 状态法

- · 例如: S→bBB可分解为如下识别状态
 - S→.bBB 移进b
 - S→b.BB 等待归约出第一个B
 - S→bB.B 等待归约出第二个B
 - S→bBB. 归约

小黑点.左部的字符 串表示已识别出的 部分句柄符号

采用这种方法,语法分析程序根据当前分析状态就可以确定句柄的头和尾,并进行正确的归约。

移进-归约分析中的问题

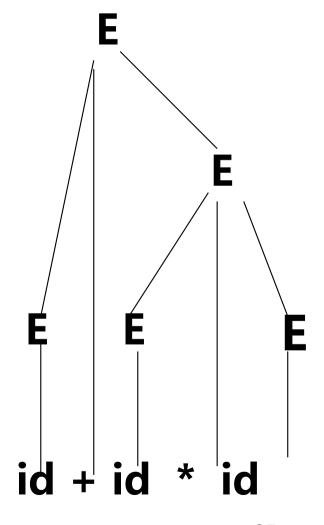
- 1) 移进归约冲突
 - 根据栈中的内容和下一个输入符号不能确

定是移进还是归约

动作 栈 输入缓冲区

- $1)' \qquad \# \quad id_1 + id_2 * id_3 \#$
- 2) 移进 #id₁ +id₂*id₃#
- 3) 归约 E→id #E +id₂*id₃#
- 4) 移进 #E+ id₂*id₃#
- 5) 移进 #E+id₂ *id₃#
- 6) 归约 E→id #E+E *id₃#
- 7) 移进 #E+E* id₃#
- 8) 移进 #E+E*id₃ #
- 9) 归约 E→id #E+E*E #
- 10) 归约 E→E*E #E+E #
- 11) 归约 E→E+E #E #
- 12) 接受

例5.2分析过程





移进-归约分析中的问题

2) 归约归约冲突

存在两个可用的产生式,不能确定按哪一个产生式进行归约



对于移进归约冲突和归约归约冲突,各种分析方法处理冲突的方法不同,可能方法包括移进优先、文法改造等。



5.2 算符优先分析法

Robert W.Floyd, Syntactic Analysis and Operator Precedence, Journal of the ACM (JACM), 1963, 10(3):316–333.

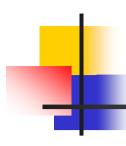


1936年出生,1953年芝加哥大学文学学士学位,堆排序算法和Floyd-Warshall算法(解决任意两点间的最短路径的一种算法)的创始人,斯坦福大学教授,1978年图灵奖得主



5.2 算符优先分析法

- 分析各类表达式尤为有效
- 方法
 - 将句型中的终结符号当作"算符",借助算符 之间的优先关系确定句柄
- 算符优先关系的直观意义
 - + < * + 的优先级低于 *</p>
 - (≡) (的优先级等于)
 - + > + 左侧+优先级高于右侧+(左结合原则)



*考虑A+B*C/D, 该表达式的计算步骤为

(1)
$$T_1 = B * C$$

(2)
$$T_2 = T_1 / D$$

(3)
$$T_3 = A + T_2$$

- 表达式的运算次序和运算对象没有关系,而只

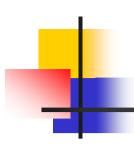
和运算符的优先级有关系



- 先给出算符文法的定义
- ■如果文法G = (V, T, P, S) 中不存在形如 $A\rightarrow \alpha BC\beta$

的产生式,则称之为算符文法(OG —Operator Grammar)

即:如果文法 G 中不存在具有相邻非终结符的 产生式,则称为算符文法。



 $\mathbf{E} \longrightarrow \mathbf{E} + \mathbf{E}$

$$\mathbf{E} \longrightarrow \mathbf{E} - \mathbf{E}$$

 $\mathbf{E} \longrightarrow \mathbf{E} \times \mathbf{E}$

 $\mathbf{E} \longrightarrow \mathbf{E}/\mathbf{E}$

 $\blacksquare E \rightarrow (E)$

 \blacksquare E \rightarrow id

对id + id * id / id进行分析

有错误

原因在于算符文法本身没有规定 算符之间的优先关系,所以语法 分析程序只能根据最左归约的原则来做

希望使文法本身还有确定各终结符之间的归约先后次序的信息,从而引出算符优先文法的定义



· 定义5.1 假设G是一个不含 ε -产生式的文法,A、B和 C均是G的语法变量,G的任何一对终结符a和b之间的优先关系定义为:

(1) $a \equiv b$, 当且仅当文法G中含有形如 $A \rightarrow ...ab...$ 或

 $A \rightarrow ...aBb...$ 的产生式;

终结符a和b相邻,且 在对变量A进行分析 时同时归约



- · 定义5.1 假设G是一个不含 ϵ -产生式的文法,A、B和 C均是G的语法变量,G的任何一对终结符a和b之间的优先关系定义为:
- (1) $a \equiv b$,当且仅当文法G中含有形如 $A \rightarrow ...ab...$ 或 $A \rightarrow ...aBb...$ 的产生式;
- (2) a < b , 当且仅当文法G中含有形如 $A \rightarrow ...aB...$ 的产生式,而且 $B \Rightarrow^+ b...$ 或 $B \Rightarrow^+ Cb...$;

终结符a和b相邻,且在对变量A进行分析时, 终结符b比a先归约



- · 定义5.1 假设G是一个不含 ϵ -产生式的文法,A、B和 C均是G的语法变量,G的任何一对终结符a和b之间的优先关系定义为:
- (1) $a \equiv b$,当且仅当文法G中含有形如 $A \rightarrow ...ab...$ 或 $A \rightarrow ...aBb...$ 的产生式;
- (2) a
 leq b, 当且仅当文法G中含有形如 $A \rightarrow ...aB...$ 的产生式,而且 $B \Rightarrow^+ b...$ 或 $B \Rightarrow^+ Cb...$;
- (3) $a \gg b$, 当且仅当文法G中含有形如 $A \rightarrow ...Bb...$ 的产生式,而且 $B \Rightarrow^+ ...a$ 或 $B \Rightarrow^+ ...aC$;

终结符a和b相邻,且在对变量A进行分析时, 终结符a比b先归约



- · 定义5.1 假设G是一个不含 ε -产生式的文法,A、B和 C均是G的语法变量,G的任何一对终结符a和b之间的优先关系定义为:
- (1) $a \equiv b$,当且仅当文法G中含有形如 $A \rightarrow ...ab...$ 或 $A \rightarrow ...aBb...$ 的产生式;
- (2) a
 leq b, 当且仅当文法G中含有形如 $A \rightarrow ...aB...$ 的产生式,而且 $B \Rightarrow^+ b...$ 或 $B \Rightarrow^+ Cb...$;
- (3) $a \Rightarrow b$,当且仅当文法G中含有形如 $A \rightarrow ...Bb...$ 的产生式,而且 $B \Rightarrow^+ ...a$ 战 $B \Rightarrow^+ ...aC$;
- (4) *a*与*b*无关系,当且仅当*a*与*b*在*G*的任何句型中都不相邻。

5.2.1 算符优先文法

设G= (V, T, P, S) 为算符文法, 如果∀
 a,b∈T, a≡b, a ≮b, a ≯b 至多有一个成立, 则
 称之为算符优先文法(OPG —Operator Precedence Grammar)

换句话说,在无ε产生式的算符文法G中,如果 任意一对终结符之间至多有一种优先关系, 则称为算符优先文法。



5.2.1 算符优先文法

$$\mathbf{E} \longrightarrow \mathbf{E} + \mathbf{E}$$

$$\mathbf{E} \longrightarrow \mathbf{E} - \mathbf{E}$$

$$\mathbf{E} \longrightarrow \mathbf{E} \times \mathbf{E}$$

$$\mathbf{E} \longrightarrow \mathbf{E}/\mathbf{E}$$

$$\mathbf{E} \longrightarrow (\mathbf{E})$$

$$\blacksquare$$
 E \rightarrow id

该文法是不是算法优先文法?

$$E \rightarrow E + E$$
, $E \rightarrow E - E$,

$$E \rightarrow E - E, E \rightarrow E + E$$

- 为什么需要算符优先矩阵
 - 在对算符优先文法进行分析时,语法分析程序随时都要比较两个相邻终结符之间的优先关系,以便识别句型的句柄
 - 为方便起见,通常用一个矩阵来存放文法中终结符之间的各种可能优先关系
 - 矩阵M[n*n], n是终结符数量, M[i,j]维护第i个 终结符和第j个终结符的优先关系
- 下面介绍如何来构造算符优先矩阵

- 优先关系的确定: 根据优先关系的定义
 - a≡b ⇔ A → ...ab...或者A → ...aBb...
 - $a < b \Leftrightarrow A \rightarrow ...aB... \in P \mathbf{\underline{I}}(B \Rightarrow b ... \mathbf{\underline{u}} \mathbf{\underline{d}}$ $B \Rightarrow Cb...)$, 需要求出非终结符B派生出的最左终结符集
 - $a \Rightarrow b \Leftrightarrow A \rightarrow ...Bb... \in P \blacksquare (B \Rightarrow + ...a 或者 B \Rightarrow + ...a C)$, 需要求出非终结符B派生出的最右终结符集

- 优先关系的确定: 根据优先关系的定义
 - a≡b ⇔ A → ...ab...或者A → ...aBb...

 - $a > b \Leftrightarrow A$ 和最右终结符集 …a或者 $B \Rightarrow + ...a$ 需要求出非终结符B派生出的最右

D→····aC), 需要水山平约与冰土山的取位 终结符集

- 设G = (V, T, P, S) 为算符优先文法,则定义
 - FIRSTOP(A)={b|A⇒+b...或者A⇒+Bb...,
 b∈T, B∈V} (最左终结符集合)
 - LASTOP(A)={b|A⇒+...b或者A⇒+...bB,
 b∈T, B∈V} (最右终结符集合)

- $A \rightarrow ...ab...; A \rightarrow ...aBb..., \square a \equiv b$
- A \rightarrow ...aB..., 则对 \forall b \in FIRSTOP(B), a \notin b
- A \rightarrow ...Bb..., 则对 \forall a \in LASTOP(B), a \Rightarrow b
- if A→B...∈P, then FIRSTOP(B)⊆ FIRSTOP(A), 即可从B推出的最左终结符肯定包括在可从A推出 的最左终结符集合
- if A→...B∈P, then LASTOP(B)⊆ LASTOP(A),
 即可从B推出的最右终结符肯定包括在可从A推出的最右终结符集合
- 问题: 求FIRSTOP、LASTOP

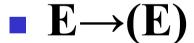


$$\mathbf{E} \longrightarrow \mathbf{E} + \mathbf{E}$$

 $\mathbf{E} \rightarrow \mathbf{E} - \mathbf{E}$

$$\blacksquare E \rightarrow E * E$$

 $\mathbf{E} \longrightarrow \mathbf{E}/\mathbf{E}$

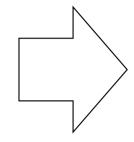


■ E→id

不是算符优

先文法

先文法



$$\mathbf{E} \rightarrow \mathbf{T}$$

$$\mathbf{E} \rightarrow \mathbf{E} + \mathbf{T}$$

$$\mathbf{E} \rightarrow \mathbf{E} - \mathbf{T}$$

$$\mathbf{T} \rightarrow \mathbf{F}$$

改造为算符优
$$T \rightarrow T * F$$

$$\mathbf{T} \rightarrow \mathbf{T} / \mathbf{F}$$

$$\mathbf{F} \rightarrow (\mathbf{E})$$

$$\mathbf{F} \rightarrow \mathbf{id}$$



- \blacksquare 1) E \rightarrow T
 - 先计算≡关系

(≡)由产生式7

- \blacksquare 2) E \rightarrow E + T
- \blacksquare 3) E \rightarrow E T
- \bullet 4) T \rightarrow F
- \blacksquare 5) T \rightarrow T * F
- \bullet 6) T \rightarrow T / F
- \bullet 7) F \rightarrow (E)
- \bullet 8) F \rightarrow id



计算FIRSTOP

 \blacksquare 1) E \rightarrow T

 \blacksquare 2) E \rightarrow E + T

 \blacksquare 3) E \rightarrow E - T

 \bullet 4) T \rightarrow F

 \blacksquare 5) T \rightarrow T * F

 \bullet 6) T \rightarrow T / F

 \blacksquare 7) F \rightarrow (E)

 \bullet 8) F \rightarrow id

由产生式1,2和3,我们有 FIRSTOP(E)包括+、-和FIRSTOP(T)

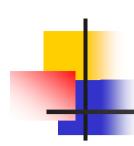
由产生式4,5和6,我们有 FIRSTOP(T)包括*、/和FIRSTOP(F)

由产生式7和8,我们有FIRSTOP(F)包括(和id

FIRSTOP(E) = {+, -, *, /, (, id}

FIRSTOP(T)= {*, /, (, id}

 $FIRSTOP(F) = \{(, id)\}$



计算LASTOP

- \blacksquare 1) E \rightarrow T
- \blacksquare 2) E \rightarrow E + T
- \blacksquare 3) E \rightarrow E T
- \blacksquare 4) T \rightarrow F
- \blacksquare 5) T \rightarrow T * F
- \bullet 6) T \rightarrow T / F
- \bullet 7) F \rightarrow (E)
- \bullet 8) F \rightarrow id

由产生式1,2和3,我们有 LASTOP(E)包括+、-和LASTOP(T)

由产生式4,5和6,我们有 LASTOP(T)包括*、/和LASTOP(F)

由产生式7和8,我们有 LASTOP(F)包括)和id

LASTOP(E) = {+, -, *, /,), id}

LASTOP(T) = {*, /,), id}

LASTOP(F) = {), id}

$$\blacksquare$$
 1) E \rightarrow T

$$\blacksquare$$
 2) E \rightarrow E + T

$$\blacksquare$$
 3) E \rightarrow E $-$ T

- \blacksquare 4) T \rightarrow F
- \bullet 5) T \rightarrow T * F
- \bullet 6) T \rightarrow T / F
- \blacksquare 7) F \rightarrow (E)
- \bullet 8) F \rightarrow id

计算卡关系

 $+ \ll FIRSTOP(T)$

 $- \ll FIRSTOP(T)$

* <FIRSTOP(F)

 $/ \ll FIRSTOP(F)$

(\angle FIRSTOP(E)



$$\blacksquare$$
 1) E \rightarrow T

$$\blacksquare$$
 2) E \rightarrow E + T

$$\blacksquare$$
 3) E \rightarrow E $-$ T

$$\blacksquare$$
 4) T \rightarrow F

$$\bullet$$
 5) T \rightarrow T * F

$$\bullet$$
 6) T \rightarrow T / F

$$\bullet$$
 7) $\mathbf{F} \rightarrow (\mathbf{E})$

$$\bullet$$
 8) F \rightarrow id

计算≯关系

$$LASTOP(E) \gg +$$

LASTOP(E)
$$\Rightarrow$$
 -

LASTOP(T)
$$\gg *$$

$$LASTOP(T) \gg /$$

LASTOP(E)
$$\Rightarrow$$
)

例 5.6 表达式文法的算符优先关系

					,	•		
	+	_	*)	id	#
+	>	*	\forall	*	*	*	*	*
_	>	*	\forall	\forall		力优先	关系试	通过增
*	>	>	\uparrow	>				和产生
/	>	>	\uparrow	>		5′ → #\$		
(<	$ $	\forall	$ $			'	
)	>	>	*	>		>		>
id	>	*	>	>		>		>
#	≮	*	*	*	*		*	acc

```
算法5.1 计算FIRSTOP集合
输入: 文法G = (V, T, P, S)
输出: ∀A ∈ V, FÌŔSŤOP(Á)
步骤:
begin
 for \forall (A, a) \in V \times T do F[A, a] = false
 for \forall A \rightarrow a \dots \in P \exists \forall A \rightarrow Ba \dots \in P
     insert(A, a)
                                       F[A, a]表示a是否属于
     while 栈非空 do
                                       FIRSTOP(A)的指示器
       begin
         pop(A, a)
         for \forall C \rightarrow A \dots \in P do
            insert(C, a)
                                         procedure insert(A,a)
       end
                                         if not F[A, a] then
 for \forall A \in V do
    FIRSTOP(A) = \emptyset
                                            F[A, a] = true
 for \forall (A, a) \in V \times T do
                                            push(A, a)
    begin
                                         end
      if F[A, a] then
        FIRSTOP(A) = FIRSTOP(A) \cup \{a\}
    end
                                                              51
end
```

```
算法: 计算LASTOP集合
输入: 文法G = (V, T, P, S)
输出: ∀A ∈ V, LASTOP(A)
步骤:
begin
 for \forall (A, a) \in V \times T do F[A, a] = false
 for \forall A \rightarrow \cdots a \in P \exists \forall A \rightarrow \cdots a B \in P
      insert(A, a)
      while 栈非空 do
         begin
           pop(A, a)
           for \forall C \rightarrow ... A \in P do
              insert(C, a)
         end
  for \forall A \in V do
    LASTOP(A) = \emptyset
 for \forall (A, a) \in V \times T do
     begin
        if F[A, a] then
          LASTOP(A) = LASTOP(A) \cup \{a\}
     end
```

■原理

- 移入-归约分析程序的一种,不断移入符号, 通过优先关系来识别句柄并归约
- 各种优先关系存放在算符优先分析表
- 利用>识别句柄尾,利用
- 分析栈存放已识别部分, 比较栈顶终结符号和下一输入符号的关系
- 如果是句柄尾,则沿栈顶向下寻找句柄头, 找到后弹出句柄,归约为非终结符。

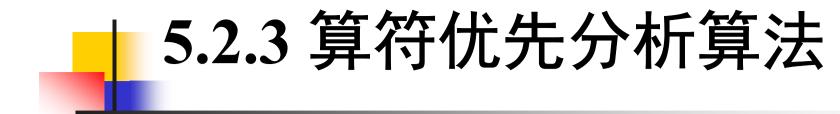
例5.7 $E \rightarrow E + T|E - T|T T \rightarrow T*F|T/F|F F \rightarrow (E)|id$, 试利用算符优先分析法对id+id进行分析

步骤	栈	输入串	优先关系	动作
1	#	id ₁ +id ₂ #	$\# \ll id_1$	移进id ₁
2	# id ₁	+id ₂ #	$\# \ll id_1 \gg +$	用F→id归约
3	#F	+id ₂ #	*	移进+
4	# F +	id ₂ #	*	移进id ₂
5	#F+ id ₂	#	+ <id< b="">₂>#</id<>	用F→id归约
6	# F + F	#	#<+>#	用 $E \rightarrow E + T$ 归约
7	#E	#		

例5.7 $E \rightarrow E + T|E - T|T T \rightarrow T*F|T/F|F F \rightarrow (E)|id$, 试利用算符优先分析法对id+id进行分析

步骤	栈	输入串	优先关系	动作
1	#	问题		\mathbf{d}_1
2	# id ₁		归约真正的	グ ー・ プーン J
3	#F		格的最左归符号串有时	
4	#F+		的右部不同	$\mathbf{d_2}$
5	#F+ id ₂		1102 1 11	加加加
6	#F+F	#	#<+>#	用 $E \rightarrow E + T$ 归约
7	#E	#		

- 有时未归约真正的句柄
- 不是严格的最左归约
- 归约的符号串有时与产生式右部不同
- 仍能正确识别句子的原因
 - 算符优先文法未定义非终结符之间的优先关系,不能识别由单非终结符组成的句柄
 - 为和严格意义上的"句柄"区分,定义算符 优先分析过程识别的"句柄"为最左素短语 LPP (Leftmost Prime Phrase)



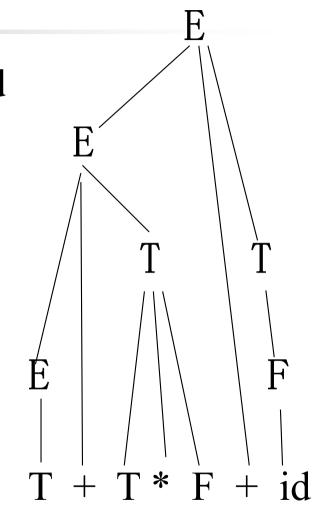
- 素短语是一个短语,至少包含一个终结符,除自身外不再包括其他含终结符的短语
- $S \Rightarrow^* \alpha A \beta$ and $A \Rightarrow^+ \gamma$, γ 至少含一个终结符, 且不含更小的含终结符的短语, 则称 γ 是句型 $\alpha \gamma \beta$ 的相对于变量A的素短语(Prime Phrase)

● 例: E→E+T|T T→T*F|F F→(E)|id
 句型 T+T*F+id 的短语有

T T*F id T+T*F T+T*F+id 其中的素短语为

T*F id

T*F为最左素短语,是被归约的对象



文法: E→E+E|E*E

 $E \rightarrow (E)|id$

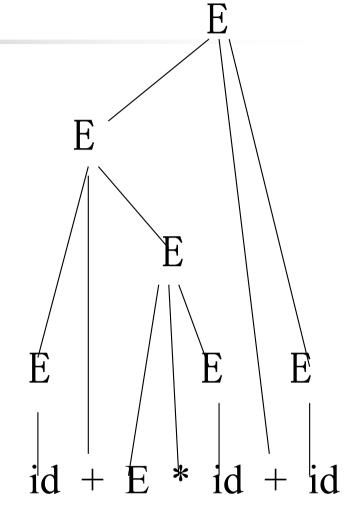
句型id+E*id+id

其中的短语为

id id E*id id id+E*id+id

其中的素短语为

id id id



问题: 归约过程中如何发现"中间句型"

的最左素短语?

给定算符优先文法,其句型的一般形式为

 $||N_1 a_1 N_2 a_2 ... N_n a_n N_{n+1}|| + (N_i \in V \cup \{\epsilon\}, a_i \in T)$

它的最左素短语是满足下列条件的最左子串

$$N_{i}a_{i} N_{i+1}a_{i+1}... N_{j}a_{j} N_{j+1}$$

$$a_i \equiv a_{i+1} \equiv \dots \equiv a_{j-1} \equiv a_j$$

$$a_j \gg a_{j+1}$$



 N_1 =F, a_1 =+, N_2 =F, $N_1a_1N_2$ 就是选定的最左素短语

6	#F+F	#	#<+>#	用 $E \rightarrow E + T$ 归约
7	# E	#		



设句型的一般形式为 $\#N_1a_1 N_2a_2... N_na_n \#$,它的最左素短语 $N_ia_i N_{i+1}a_{i+1}... N_ja_j N_{j+1}$, 规约为哪个语法变量:

- 2) 每个终结符与最左素短语中对应位置的终结符相同,而每个语法变量只要与最左素短语相对应位置的语法变量对应即可(看作匿名语法变量)



E→E+T的右部与F+F对应, 所以F+F被归约为E

6	#F+F	#	#<+>#	用 $E \rightarrow E + T$ 归约
7	#E	#		



算符优先分析的实现

- 系统组成: 移进归约分析器 + 优先关系表

分析算法:根据输入串、优先关系表,完成

一系列归约,生成语法分析树—输出产生式

算法5.3 算符优先分析算法。

输入: 文法G, 输入字符串w和优先关系表f, S是用到的分析栈; 输出: 如果w是一个句子则输出一个分析树架子, 否则指出错误; 步骤:

begin S[1]:='#'; i:=1; repeat 将下一输入符号读入R; if $S[i] \in T$ then j:=i else j:=i-1;

S[i]表示栈顶符号, S[j]表示栈顶终结符号

完成归约操作,**S[i]**指向当前的栈顶变量

repeat Q:=S[j]; if $S[j-1] \in T$ then j:=j-1 else j:=j-2until $S[j] \not = Q$; 将S[j+1]...S[i]归约为N; i:=j+1;S[i]:=N

移入操作 end;

If $S[j] \leq R$ or $S[j] \equiv R$ then begin i:=i+1; S[i]:=R end

else error

 $^{2023/10/19}$ until *i*=2 and *R*='#' end;

5.2.4 优先函数

- 给定文法G,如果G含有n个终结符,那么其算符优 先分析表的表项数量是n²,当n较大时,空间消耗 较大,优先级比较的效率也较低
- 在寻找最左素短语的尾时,比较当前栈顶算符的优先级(可看作算符在栈内的优先级)和当前待读入算符的优先级(可看作算符在栈外的优先级)

5.2.4 优先函数

- 为了节省存储空间 (n² → 2n) 和便于执行比较运算, 用两个优先函数f和g(f是栈内优先数, g是栈外优先数), 来表示算符之间的优先关系。
- 对于终结符号a和b选择f和g,使之满足:
 - 如果a < b ,则f(a) < g(b)
 - 如果 $a \equiv b$, 则f(a)=g(b)
 - 如果a > b ,则f(a) > g(b)。
- 损失: 错误检测能力降低,如: id ≯id不存在,但
 f(id)>g(id)可比较

例 5.6 表达式文法的算符优先关系

	+	_	*	/	()	id	#
+	>	>	\forall	\forall	*	*	\forall	>
_	>	>	\forall	\forall	\forall	*	\forall	>
*	>	>	\forall	\forall	*	\Rightarrow	\forall	*
/	>	>	*	\bigstar	*	>	\forall	>
(*	*	\forall	\forall	*		*	
)	>	>	>	>		>		>
id	>	>	>	*		>		>
#	≮	*	*	*	*		*	acc

5.2.4 优先函数



	+	_	*	/	()	id	#
f	2	2	4	4	0	4	4	0
$oldsymbol{g}$	1	1	3	3	5	0	5	0

- 1) 构造优先函数的算法不是唯一的。
- 2) 存在一组优先函数,那就存在无穷组优 先函数。

算法5.4 优先函数的构造。

输入: 算符优先矩阵;

输出:表示输入矩阵的优先函数,或指出其不存在;

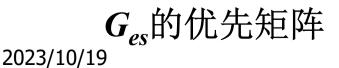
步骤:

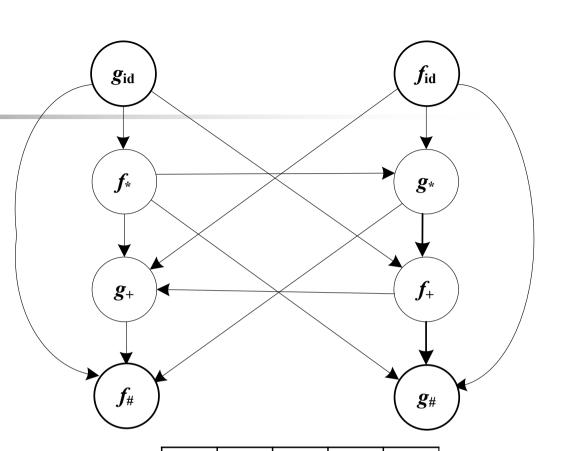
- 1. 对 $\forall a \in T \cup \{\#\}$, 建立以fa和ga为标记的顶点;
- 2. 对 $\forall a, b \in T \cup \{\#\}$,若 $a \Rightarrow b$ 或者 $a \equiv b$,则从fa至gb画一条有向弧;若 $a \not < b$ 或者 $a \equiv b$,则从gb至fa画一条有向弧;
- 3. 如果构造的有向图中有环路,则说明不存在优先函数;如果没有环路,则对 $\forall a \in T \cup \{\#\}$,将f(a)设为从fa开始的最长路径的长度,将g(a)设为从ga开始的最长路径的长度。



 $G_{es}: E \rightarrow E+T|T$ $T \rightarrow T^*F|F$ $F \rightarrow id$

	+	*	id	#
+	>	\forall	\forall	*
*	>	>	\forall	>
id	>	>		>
#	*	\forall	*	





	+	*	id	#
f	2	4	4	0
g	1	3	5	0

根据*G_{es}*的优先矩阵建立的 有向图和优先函数 71

5.2.5 算符优先分析的出错处理

- (1) 栈顶终结符号和当前输入符号不存在任何优先关系;
- (2) 发现被"归约对象",但该"归约对象"不能满足归约要求,即不是任何产生式的右部。
- 对于第(1)种情况,为了进行错误恢复,必须修改栈、输入或两者都修改。对于优先矩阵中的每个空白项,必须指定一个出错处理程序,而且同一程序可用在多个地方。
- 对于第(2)种情况,由于找不到与"归约对象"匹配的产生式右部,分析器可以继续将这些符号弹出栈,而不执行任何语义动作。

算符优先分析法小结

- 优点
 - ■简单、效率高
 - 能够处理部分二义性文法
- 缺点
 - 文法书写限制大(算符之间优先关系的唯一性)
 - 占用内存空间大
 - 不规范、存在查不到的语法错误
 - 算法在发现最左素短语的尾时,需要回头寻找 对应的头



5.3 LR分析法

- LR(k)分析法: 有效的自底向上语法分析技术
 - L: 自左到右扫描输入符号
 - R: 构造最右推导的逆过程(即最左归约)
 - k: 超前读入的字符个数以便确定归约用的产生式
 - k=1时可以满足绝大多数高级语言编译程序的需要, 着重介绍LR(0)、SLR(1)和LR(1)方法



5.3 LR分析法

- LR分析的特点
 - 规范规约
 - 适用范围广,可识别所有上下文无关文法描述的程序设计语言
 - 分析速度快,准确定位错误
 - 缺点:构造的工作量大,多采用自动生成 (YACC)

- ■基本原理
 - 分析器将句柄的识别过程分为若干状态,根据当前的状态,至多向前查看k个输入符号,就可以确定是否找到句柄
 - 如果找到句柄,则执行归约操作,进入下一个 状态
 - 如果未找到句柄,则移进输入符号,也进入下 一个状态



- 状态是句柄识别程度的描述,每个状态识别句柄的一部分符号
- 一个长为n的句柄的识别需要n+1个状态

- 符号串的前缀是指符号串的任意首部
- 每个状态所识别的那一部分符号正好是当前句型的一个前缀,这个前缀不含相应句型的句柄右部的任何符号,将其称为规范句型的活前缀
- 如果已得到待规约的句柄,该活前缀也称为可 归前缀

例: 规范句型 a<mark>Ab</mark>cde (下划线为句柄)的可归前 级为aAb, 活前级为: ε, a, aA, aAb

78

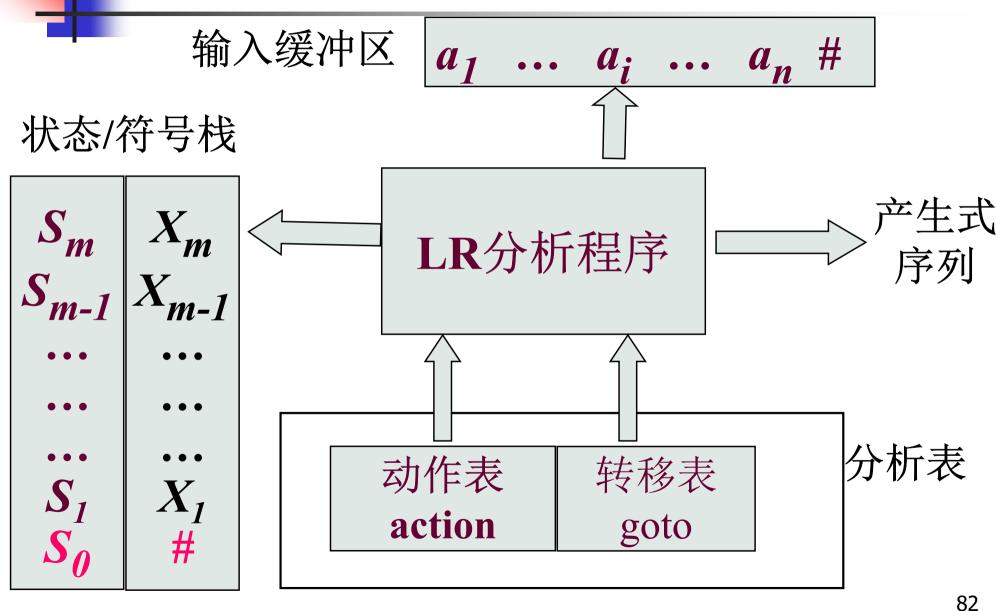
- 所有活前缀构成一个正则语言,对文法的识别就变成 对规范句型的活前缀的识别
- 利用有穷状态自动机识别

- •有穷状态自动机的<mark>状态转移函数</mark>包括两个表:动作表 (action表)和转移表(goto表),两个表统称为LR分析表
 - ACTION表示当前状态面临输入符号时应采取的动作
 - GOTO表示当前状态面临文法符号时应转向的下一个状态。

■ LR分析器包括一个分析栈

• 文法符号栈: 已经识别出的符号串

■ 状态符号栈: 栈里的状态序列



- LR分析器的核心是action表和goto表组成的分析表
 - action[S, a]:当栈顶状态为S, 当前输入符号为a 时分析器应执行的动作,可能动作包括: 移进、 归约、接受和报错
 - goto[S, X]: 当栈顶状态为S, 且分析器刚归约出 语法变量X时要转向的下一个状态

约定: sj表示将符号a、状态j压入栈 rk表示用第k个产生 式进行归约

LR(0)、SLR(1)、 LR(1)、LALR(1) 将以不同的原则 构造这张分析表

	动作表			转移表		
状态	ac	action			goto	
	a	b	#	S	В	
0	s3	s4		1	2	
1			acc			
2	s3	s4			5	
3	s3	s4			6	
4	r3	r3	r3			
5	r1	r1	r1			
6	r2	r2	r2			

LR分析器的工作过程(5.3.1)

分析器的格局 (三元组)

$$(s_0s_1...s_m, \#X_1X_2...X_m, a_ia_{i+1}...a_n\#)$$

- □ #X₁X₂... X_m表示文法符号栈里已经识别出的符号串
- a_ia_{i+1}...a_n#表示剩余的输入符号串
 如果输入句子是所分析语言的一个句子,那么X₁X₂... X_m a_ia_{i+1}...a_n代表一个规范句型
- $X_1X_2...X_m$ 是该规范句型的活前缀

LR分析器的工作过程(5.3.1)

分析器的格局 (三元组)

$$(s_0s_1...s_m, \#X_1X_2...X_m, a_ia_{i+1}...a_n\#)$$

- 以分析栈的格式表示为

$$s_0s_1...s_m$$

$$\#X_1...X_m$$
 $a_ia_{i+1}...a_n$ #



LR分析器的工作过程(5.3.1)

1. 初始化,初始状态s₀和#压入栈中

s₀ # a₁a₂...a_n# 对应"句型" a₁a₂...a_n

2. 在一般情况下,假设分析器的格局如下:

 $s_0s_1...s_m$ $\#X_1...X_m$ $a_ia_{i+1}...a_n\#$ 对应"句型" $X_1...X_ma_ia_{i+1}...a_n$ 分析器根据当前输入符号 a_i 和栈顶状态 s_m 查分析表action[s_m, a_i],包括四种不同动作

$$S_0S_1...S_m$$
 $\#X_1...X_m$
 $a_ia_{i+1}...a_n\#$

(5.3.1节)

①If action[s_m,a_i]= sj(移进) then 格局变为

$$s_0 s_1 \dots s_m j$$

$$\#X_1...X_m a_i \quad a_{i+1}...a_n \#$$

$$S_0S_1...S_m$$
 $\#X_1...X_m$
 $a_ia_{i+1}...a_n\#$

(5.3.1节)

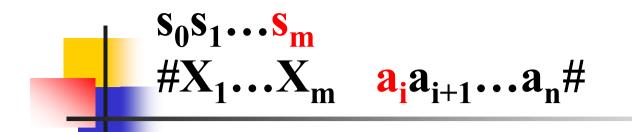
②If $action[s_m,a_i]=rj(归约)$ then 表示用第j个产生式 $A \rightarrow X_{m-(k-1)}...X_m$ 进行归约,格局变为

$$s_0s_1...s_{m-k}$$
 $\#X_1...X_{m-k}$ $a_ia_{i+1}...a_n$ #

查goto表,如果goto[s_{m-k},A]=z then 格局变为

$$s_0 s_1 \dots s_{m-k} z$$

$$\#X_1...X_{m-k}A$$
 $a_ia_{i+1}...a_n\#$



(5.3.1节)

- ③If action[s_m,a_i]=acc then 分析成功
- ④If action[s_m,a_i]=err then 出现语法错误

LR分析算法

算法5.5 LR分析算法。

(5.3.1节)

输入: 文法G的LR分析表和输入串w;

输出:如果 $w \in L(G)$,则输出w的自底向上分析,否则报错;

步骤:

- 1. 将#和初始状态S0压入栈,将w#放入输入缓冲区;
- 2. 令输入指针ip指向w#的第一个符号;
- 3. 令S是栈顶状态, a是ip所指向的符号;
- 4. repeat
- 5. if action[S,a]=Si then /* Si表示移进a并转入状态i*/
- 6. begin
- 7. 把符号a和状态i先后压入栈;
- 8. **令ip指向下一输入符号**
- **9.** end

10. elseif action[S,a]=rk then /* ri表示按第k个产生式 $A \rightarrow \beta$ 归约 */

- 11. begin
- 12. 从栈顶弹出 $2*|\beta|$ 个符号;
- 13. $\phi S'$ 是现在的栈顶状态;
- 14. 把A和goto[S',A]先后压入栈中;
- 15. 输出产生式 $A \rightarrow \beta$
- **16.** end
- 17. elseif action[S,a] = acc then
- 18. return
- 19. else
- 20. error();



例5.12

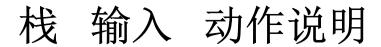
分析表

文法

- 1) $S \rightarrow BB$
- $2) \quad B \rightarrow aB$
- 3) $B \rightarrow b$

识别bab 的过程 初始状态看作状 态0

	动作表			转移表		
状态	ac	action			goto	
	a	b	#	S	В	
0	s3	s4		1	2	
1			acc			
2	s3	s4			5	
3	s3	s4			6	
4	r3	r3	r3			
5	r1	r1	r1			
6	r2	r2	r2			





```
bab# action(0,b)=s4
04
#b ab# action(4,a)=r3
\#B ab\# goto(0,B)=2
02
#B ab# action(2,a)=s3
023
\#Ba b\# action(3,b)=s4
0234
\#Bab \# action(4,\#)=r3
023
\#BaB \# goto(3,B)=6
```

bab 的分析过程:

- 1) $S \rightarrow BB$
- 2) B→aB
- 3) B→b

```
0236

#BaB # action(6,#)=r2

02

#BB # goto(2,B)=5

025

#BB # action(5,#)=r1
```

```
0
#S # goto(0,S)=1
01
#S # action(1,#)=acc
```



LR(0)分析法不需要向前查看输入符号,只需要根据当前的栈顶状态就可以确定下一步所应采取的动作

- 分析栈中内容+剩余输入符号=规范句型
 - 分析栈中内容为某一句型的前缀
- 来自分析栈的活前缀(Active Prefix)
 - 不含句柄右侧任意符号的规范句型前缀
- 例: id + id * id 的分析中
 - **句型** E + id. * id **和** E + E *. id 活前缀 活前缀

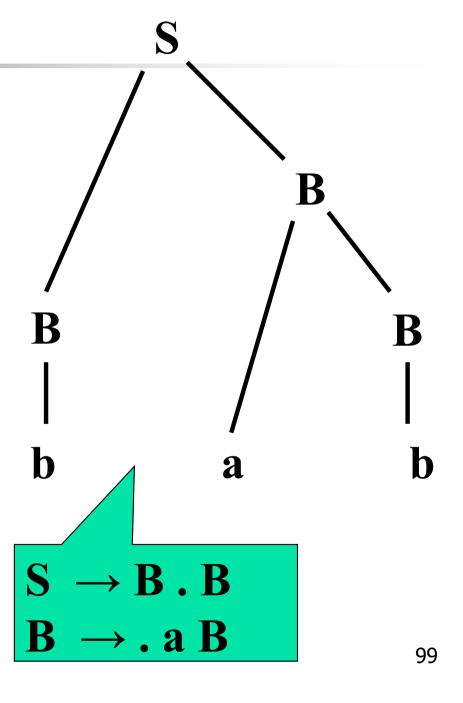
- 规范句型的活前缀是出现在分析栈中的符号串,并且不会出现句柄之后的任何字符
- 相应的后缀正是输入串中还未处理的终结符号串
- 活前缀与句柄的关系
 - 包含句柄 $A \rightarrow \beta$.
 - 包含句柄的部分符号 $A \rightarrow \beta_1.\beta_2$
 - 不含句柄的任何符号 $A \rightarrow . \beta$

- LR(0)项目——从产生式寻找归约方法
 - 定义5.3 右部某个位置标有圆点的产生式称 为相应文法的LR(0)项目 (Item)
 - 例 $S \rightarrow .bBB$ $S \rightarrow b.BB$ $S \rightarrow bB.B$ $S \rightarrow bBB.$
 - 归约 (Reduce) 项目: S→bBB.
 - 移进 (Shift) 项目: S→.bBB
 - 待约项目: S→b.BB S→bB.B

项目的意义

-项目表示分析的进程 (即句柄的识别状态)

-方法: 在产生式右部加一圆点来分割已获取的内容和待获取的内容



- 用LR(0)项目构造识别规范句型活前缀的DFA
- 为了保证文法开始符号只出现在一个产生式的 左边,保证只有一个接受状态,需要对文法进 行拓广,增加一个0号产生式 S'→ S
- 文法 G= (V, T, P, S)的拓广文法 G':
 - $G'= (V \cup \{S'\}, T, P \cup \{S'\rightarrow S\}, S')$
 - S'∉ V
 - 对应 $S' \rightarrow .S$ (分析开始) 和 $S' \rightarrow S$. (分析成功)



• 例5.13

- 0) S' \rightarrow S
- 1) $S \rightarrow BB$
- 2) $B \rightarrow aB$
- 3) $B \rightarrow b$

求其全部LR(0)项目。



问题:如何设计一个装置,能够指导分析器运行,并且能够根据当前状态(栈顶)确定句柄

构造识别文法G的所有规范句型 活前缀的DFA



每个项目集闭包对应分析器的一个状态

```
定义5.5 (闭包): 设I是文法G = (V, T, P, S)的一个LR(0)项目集,则I的闭包(closure)定义如下:
```

CLOSURE(I)

```
= I
\cup \{A \to \alpha \mid \exists B \to \gamma. A\beta \in CLOSURE(I) \& A \to \alpha \mid \exists P, \alpha, \beta, \gamma \in (V \cup T)^*, A, B \in V\}
```

```
计算闭包的函数
   function CLOSURE(I)
   begin
      J := I
      repeat
         for J中每一个形如B \rightarrow \alpha.A\beta的项目 do
           for G'中每一个形如A→y的产生式 do
              if A → .γ不在J中
                将A \rightarrow .y加入J中
      until J不再增大
      return J
   end;
```



例5.13

- 0) S' \rightarrow S
- 1) $S \rightarrow BB$
- 2) $B \rightarrow aB$
- 3) $B \rightarrow b$

 I_0 :表示DFA的初始状态,记为状态0,其包括LR(0)项目S' \rightarrow .S,表示等待归约出S,但是目前尚未得到S的任何符号, I_0 =CLOSURE(S' \rightarrow .S)

如何确定从状态0可能转移到的下一个状态呢?



- 后继项目 (Successive Item)
 - $A \rightarrow \alpha.X\beta$ 的后继项目是 $A \rightarrow \alpha X.\beta$
- 闭包之间的转移
 - 项目集I的关于X的后继项目集

GO(I,X)=CLOSURE($\{A \rightarrow \alpha X.\beta | A \rightarrow \alpha.X\beta \in I\}$

确定在某状态遇到一个文法符号后的状态 转移目标

```
function GO(I, X);
begin
J:=\emptyset;
for I中每个形如A \rightarrow \alpha.X\beta的项目do
begin J:=J \cup \{A \rightarrow \alpha X.\beta\} end;
return CLOSURE(J)
end;
```

· 识别文法G= (V, T, P, S) 的拓广文法G'的所有规范句型活前缀的DFA:

 $M=(C, V \cup T, GO, I_0, C)$

- I_0 =CLOSURE($\{S' \rightarrow .S\}$)
- C={I₀} ∪ {I|∃J∈C, X∈V∪T, I=GO(J,X)}
 称为G'的LR(0)项目集规范族

5.3.2 LR(0)分析表的构造

计算LR(0)项目集规范族C

即:分析器状态集合

begin

C := {closure($\{S'\rightarrow .S\}$)}; repeat

for $\forall I \in C$, $\forall X \in V \cup T$ if $GO(I,X) \neq \Phi \& GO(I,X) \notin C$ then $C = C \cup \{GO(I,X)\}$

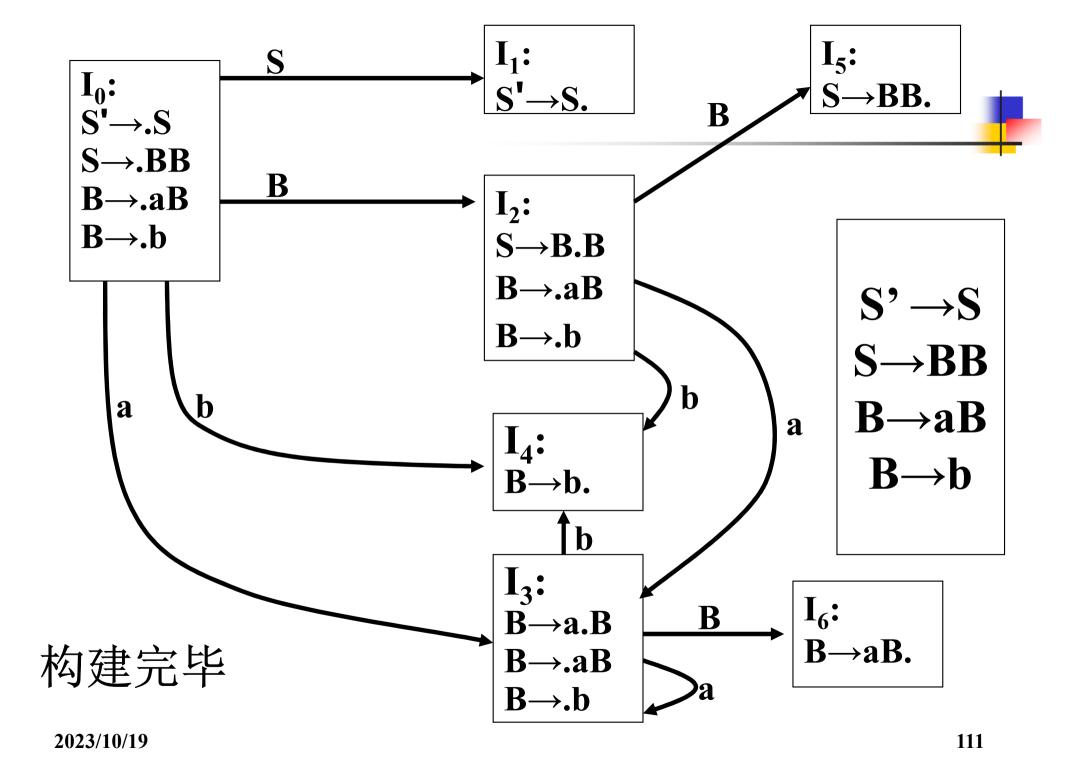
until C不变化 end.

识别拓广文法所有规范句型活前缀的DFA

例5.13

- $0) S' \rightarrow S$
- 1) $S \rightarrow BB$
- 2) $B \rightarrow aB$
- 3) $B \rightarrow b$

如何构建识别该文法所有活前缀的DFA?





LR(0)分析表的构造算法

算法5.6 LR(0)分析表的构造。

输入: 文法G=(V, T, P, S)的拓广文法G';

输出: G'的LR(0)分析表,即action表和goto表;

步骤:

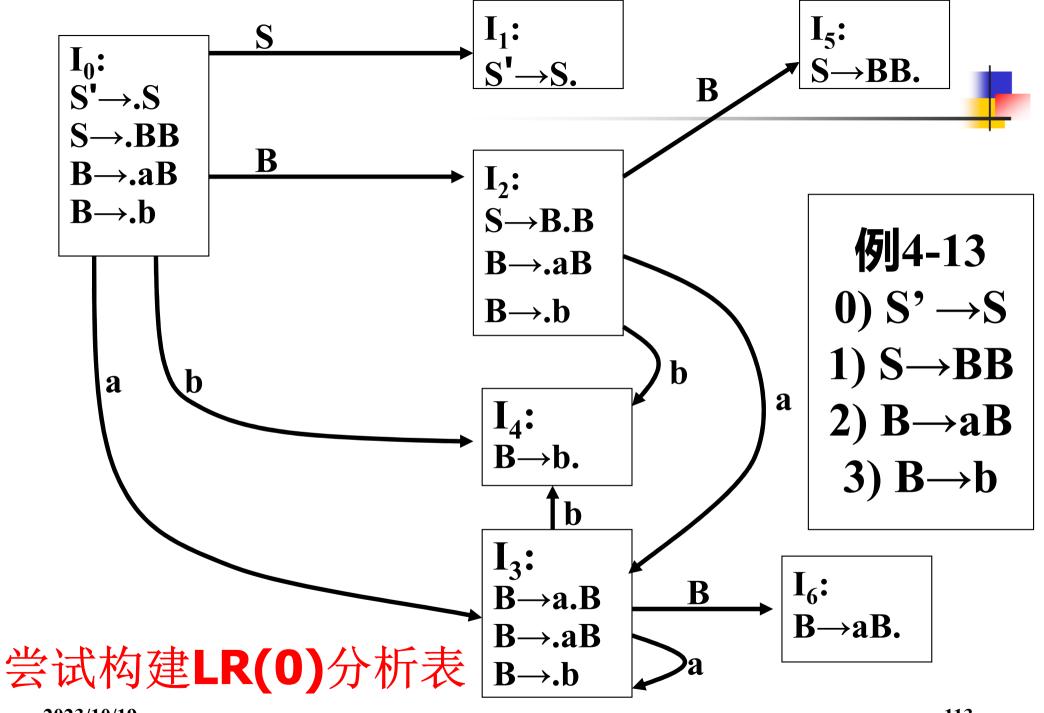
- 1.令 I_0 = CLOSURE($\{S' \rightarrow .S\}$),构造G'的LR(0)项目集规范族C= $\{I_0,I_1,...,I_n\}$
- 2. 让 I_i 对应状态i, I_0 对应状态0, 0为初始状态。
- 3. for k=0 to n do begin
- (1) if $A \rightarrow \alpha .a\beta \in I_k \& a \in T \& GO(I_k, a) = I_j$ then action[k,a] := Sj;
- (2) if $A \rightarrow \alpha . B\beta \in I_k \& B \in V \& GO(I_k, B) = I_j$ then goto[k, B] := j;
- (3) if $A \rightarrow \alpha \in I_k \& A \rightarrow \alpha$ 为G的第j个产生式then

for $\forall a \in T \cup \{\#\}$ do action[k,a] := rj;

只要栈内出现句柄,

- (4) if $S' \rightarrow S \in I_k$ then action[k,#] := acc end; 无论当前输入符号如
 - 何,执行归约操作

4. 上述(1)到(4)步未填入信息的表项均置;



2023/10/19

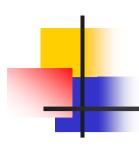
例5.12

分析表

文法

- 1) $S \rightarrow BB$
- 2) $B \rightarrow aB$
- 3) $B \rightarrow b$

	动	作表	转移表			
状态	ac	tion	goto			
	a	b	#	S	В	
0	s3	s4		1	2	
1			acc			
2	s3	s4			5	
3	s3	s4			6	
4	r3	r3	r3			
5	r1	r1	rl			
6	r2	r2	r2			



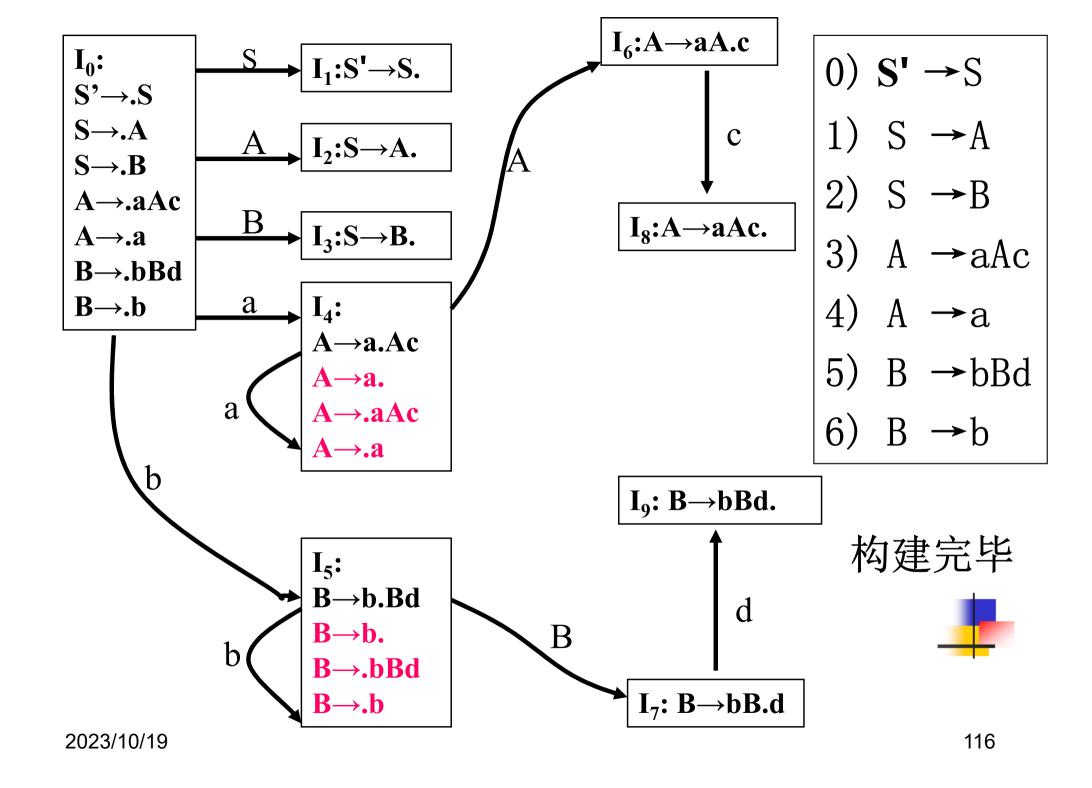
LR(0)不是总有效的

$$(S' \rightarrow S)$$

- 1) $S \rightarrow A|B$
- 2) $A \rightarrow aAc$
- 3) $A \rightarrow a$
- 4) $B \rightarrow bBd$
- 5) $\mathbf{B} \rightarrow \mathbf{b}$

不是所有上下文无关文 法都能用LR(0)方法进 行分析

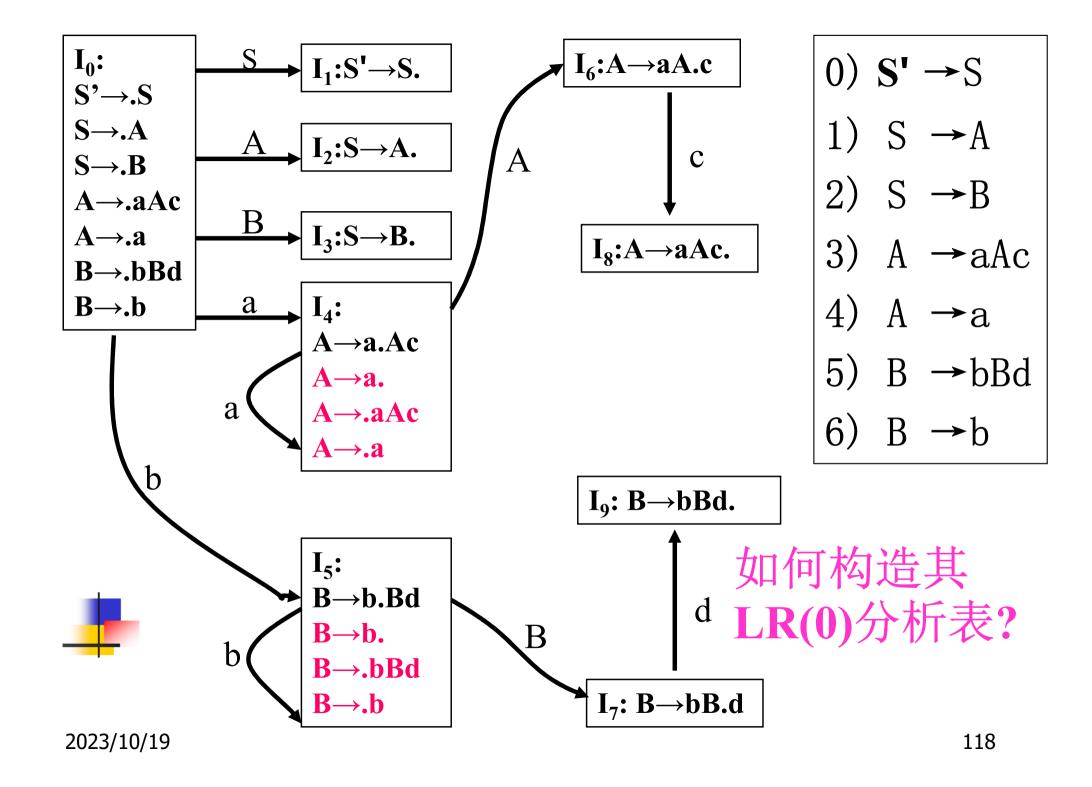
CFG不总是LR(0)文法.





项目集I的相容

- 如果 I 中至少含两个归约项目,则称 I 有归约—归 约冲突 (Reduce/Reduce Conflict)
- 如果 I 中既含归约项目,又含移进项目,则称 I 有 移进—归约冲突 (Shift/Reduce Conflict)
- 如果 I 既没有归约—归约冲突,又没有移进—归约冲突,则称 I 是相容的(Consistent),否则称 I 是不相容的
- 对文法G,如果∀I∈C都是相容的,则称G为LR(0)
 文法





LR(0)分析表的构造算法

算法5.6 LR(0)分析表的构造。

输入: 文法G=(V, T, P, S)的拓广文法G';

输出: G'的LR(0)分析表,即action表和goto表;

步骤:

- 1.令 I_0 = CLOSURE($\{S' \rightarrow .S\}$),构造G'的LR(0)项目集规范族C= $\{I_0,I_1,...,I_n\}$
- 2. 让 I_i 对应状态i, I_0 对应状态0, 0为初始状态。
- 3. for k=0 to n do begin
- (1) if $A \rightarrow \alpha.a\beta \in I_k \& a \in T \& GO(I_k, a) = I_j$ then action[k,a] := Sj;
- (2) if $A \rightarrow \alpha.B\beta \in I_k \& B \in V \& GO(I_k, B) = I$. then goto[k.B] := i:
- (3) if $A \rightarrow \alpha \in I_k & A \rightarrow \alpha$ 为G的第j个产生 for $\forall a \in T \cup \{\#\}$ do action[k,a] := rj;
- (4) if $S' \rightarrow S \in I_k$ then action[k,#] := acc
- 4. 上述(1)到(4)步未填入信息的表项以

问题出现原因:在LR(0)分析 表的构造过程中,只要当前状 态出现可以归约的项目,无论 后面遇到什么符号都进行归约



LR(0)分析表的构造算法

算法5.6 LR(0)分析表的构造。

输入: 文法G=(V, T, P, S)的拓广文法G';

输出: G'的LR(0)分析表,即action表和goto表;

步骤:

- 1.令 I_0 = CLOSURE($\{S' \rightarrow .S\}$),构造G'的LR(0)项目集规范族C= $\{I_0,I_1,...,I_n\}$
- 2. 让 I_i 对应状态i, I_0 对应状态0, 0为初始状态。
- 3. for k=0 to n do begin
- (1) if $A \rightarrow \alpha.a\beta \in I_k \& a \in T \& GO(I_k, a) = I_i$ then action[k,a] := Sj;
- (2) if $A \rightarrow \alpha.B\beta \in I_k \& B \in V \& GO(I_k, B) = I_i$ then goto[k,B] := j;
- (3) if $A \rightarrow \alpha \in I_k \& A \rightarrow \alpha$ 为G的第j个产生式then
- for $\forall a \in T \cup \{\#\}$ do action[k,a] := rj;
- (4) if $S' \rightarrow S \in I_k$ then action[k,#] := acc
- 4. 上述(1)到(4)步未填入信息的表项均

在产生移进-归约冲突时,确定应该优先读入符号还是优先进行归约

5.3.3 SLR(1)分析表的构造算法

输入: 文法G=(V, T, P, S)的拓广文法G';

输出: G'的LR(0)分析表,即action表和goto表;

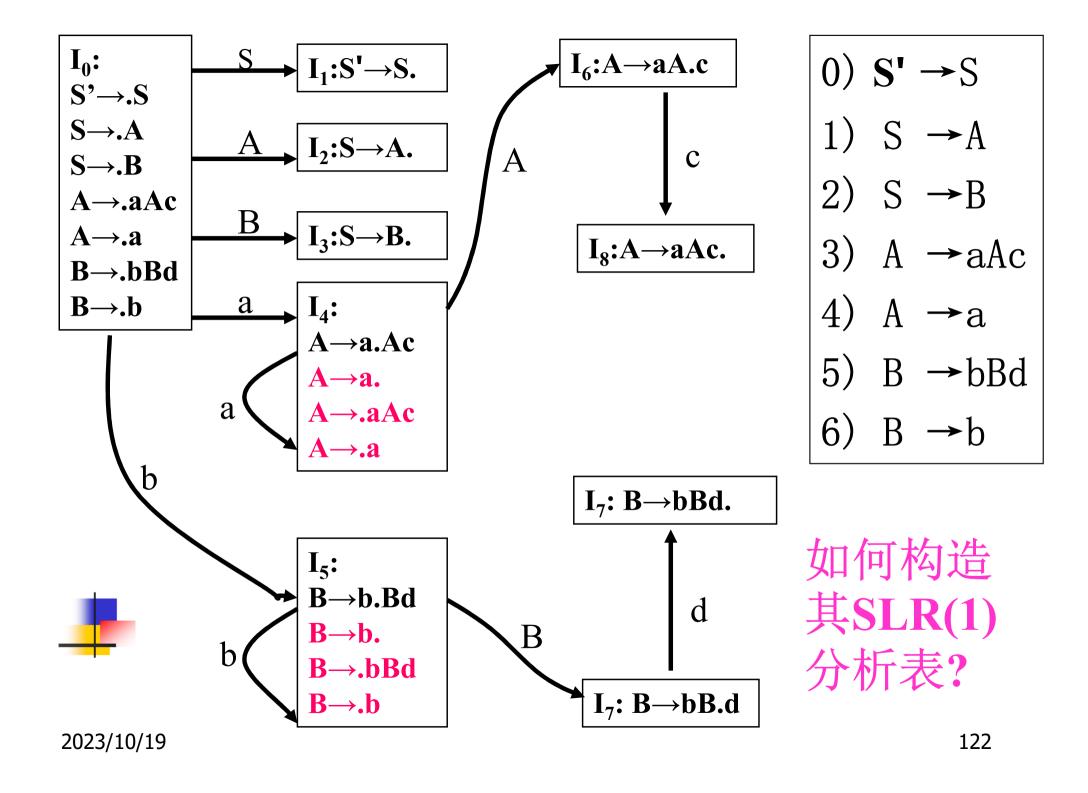
步骤:

- 1.令I₀= CLOSURE($\{S' \rightarrow .S\}$),构造G'的LR(0)项目集规范族 $C = \{ I_0, I_1, ..., I_n \}$
- 2. 让L对应状态i, L对应状态0, 0为初始状态
- 3. for k=0 to n do begin
- (1) if $A \rightarrow \alpha.a\beta \in I_k$ & $a \in T$ & $GO(I_k, a) = I_i$ then 查看一个输入符
- (2) if $A \rightarrow \alpha.B\beta \in I_k \& B \in V \& GO(I_k, B) = I_i$ then 号,判断当前是
- (3) if $A \rightarrow \alpha \in I_k$ & $A \rightarrow \alpha$ 为G的第j个产生式the 否可以归约

解决办法:

for $\forall a \in FOLLOW(A)$ do action [k,a] := rj;

- (4) if $S' \rightarrow S \in I_k$ then action[k,#] := acc end;
- 4. 上述(1)到(4)步未填入信息的表项均置为error。

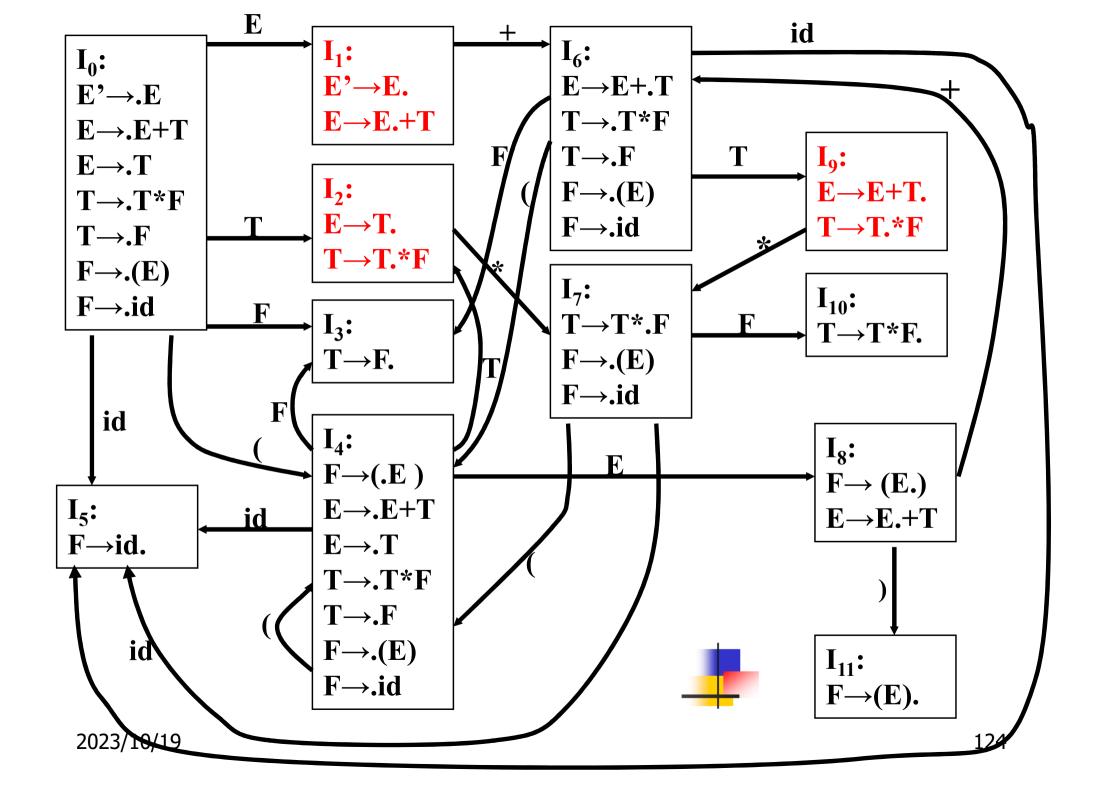


识别表达式文法的所有活前缀的DFA

拓广文法

- $0) \quad \mathsf{E'} \to \mathsf{E}$
- 1) $E \rightarrow E + T$
- 2) $E \rightarrow T$

- 3) $T \rightarrow T * F$
- 4) $T \rightarrow F$
- 5) $F \rightarrow (E)$
- 6) $F \rightarrow id$



表达式文法的 LR(0)分析表含有冲突

状	ACTION							
态	id	+	*	()	#		
0								
1	r0	r0/s	s6 r0	r0	r0	r0		
2	r2	r2	r2/s7	r2	r2	r2		
3	r4	r4	r4	r4	r4	r4		
5	 r6	r6	r6	r6	r6	r6		
9	r1	r1	r1/s7	r1	r1	r1		
10	r3	r3	r3	r3	r3	r3		
11	r5	r5	r5	r5	r5	r5		

在状态1、2、9采用归约,出现移进归约冲突



表达式文法的SLR(1)分析表

■ 求非终结符 FOLLOW 集

- FOLLOW(E') = { # }
- FOLLOW(E) = {), +, # }
- FOLLOW(T) = {), +, #, * }
- FOLLOW(F) = $\{ \}, +, \#, * \}$

0)
$$E' \rightarrow E$$

1)
$$E \rightarrow E + T$$

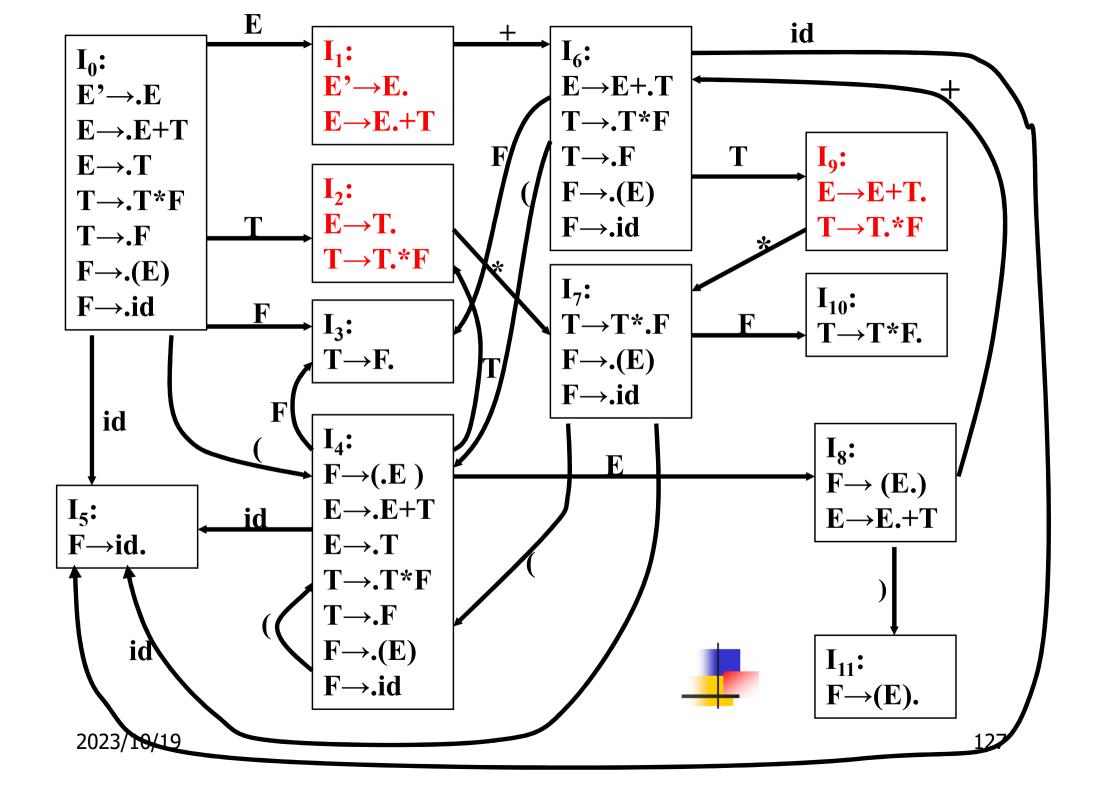
2)
$$E \rightarrow T$$

3)
$$T \rightarrow T * F$$

4)
$$T \rightarrow F$$

5)
$$F \rightarrow (E)$$

6)
$$\mathbf{F} \rightarrow \mathbf{id}$$



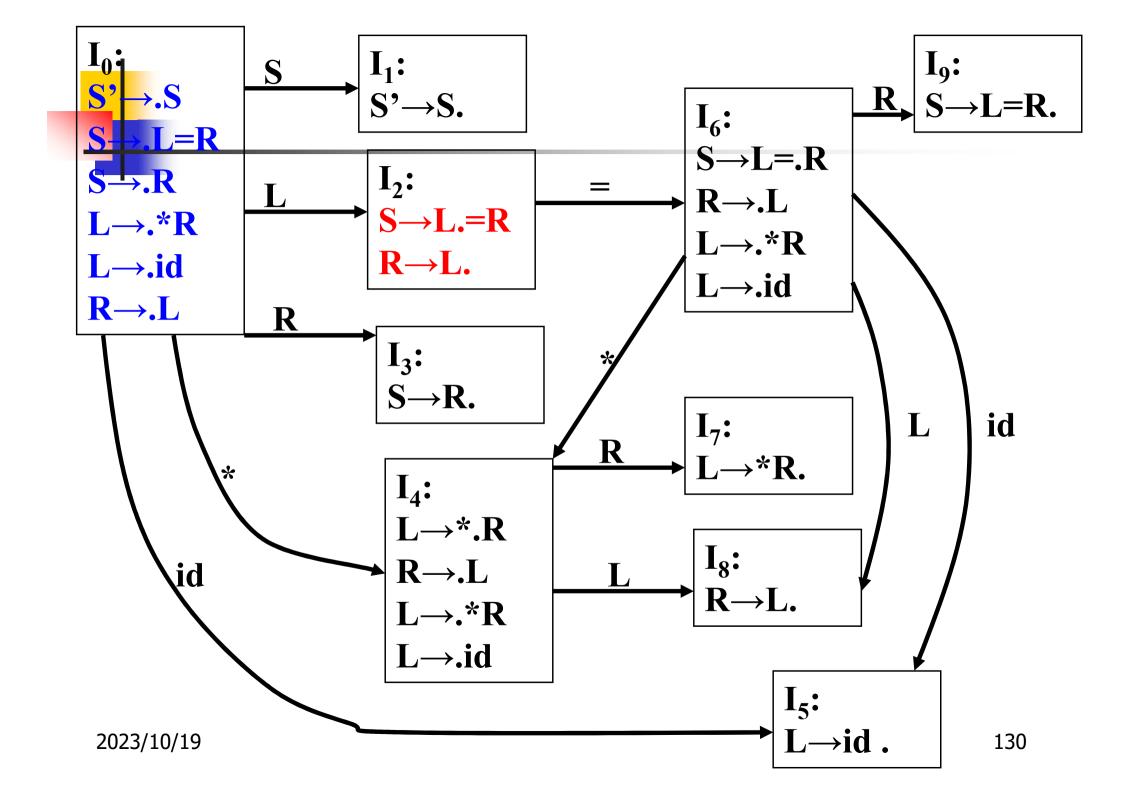
	I		

状态			ACTION					GOTO		
	id	+	*	()	#	Ε	T	F	
0	s5			s4			1	2	3	
1		s6				acc				
2		r2	s7		r2	r2				
3		r4	r4		r4	r4				
4	s5			s4			8	2	3	
5		r6	r6		r6	r6				
6	s5			s4				9	3	
7	s5			s4					10	
8		s6			s11					
9		r1	s7		r1	r1				
10		r3	r3		r3	r3				
11		r5	r5		r5	r5				



SLR(1)分析的局限性

- SLR(1) 文法: SLR(1)分析表无冲突的CFG
- 如果 SLR(1) 分析表仍有多重入口(移进归 约冲突或归约归约冲突),则说明该文法 不是 SLR(1) 文法;
- 说明仅使用 LR(0) 项目集和 FOLLOW 集
 还不足以分析这种文法



\$LR分析中的冲突——需要更强的分析方法

$$T_2 = \{S \rightarrow L.=R, R \rightarrow L.\}$$

• 输入符号为 = 时, 出现了移进归约冲突:

$$S \rightarrow L .= R \in I_2 \text{ and } go(I_2,=)=I_6$$

$$\Rightarrow \text{ action}[2,=] = \text{Shift } 6$$

$$R \rightarrow L . \in I_2 \text{ and } = \in \text{FOLLOW}(R)=\{=,\#\}$$

$$\Rightarrow \text{action}[2,=] = \text{Reduce } R \rightarrow L$$

说明该文法不是SLR(1)文法,分析这种文法需要更多的信息。

2023/10/19

SLR分析中存在冲突的原因

- SLR(1)只孤立地考察输入符号是否属于归约项目 $A \rightarrow \alpha$. 相关联的集合FOLLOW(A),而没有考察符号串 α 所在规范句型的"上下文"。
- 试图用某一产生式A→α归约栈顶符号串α时,不仅要向前扫描一个输入符号,还要查看栈中的符号串δα,只有当δAa的确构成文法某一规范句型的活前缀时才能用A→α归约。亦即要考虑归约的有效性。
- 问题: 怎样确定δAa是否是文法某一规范句型活前缀

2023/10/19



- LR(0)不考虑后继符(也叫搜索符)
- SLR(1)仅在归约时考虑后继符,对后继符所含信息量的利用有限,未考虑栈中内容。
- LR(1)希望在构造状态时就考虑后继符的作用

- 定义5.11
 - $[A \rightarrow \alpha.\beta, a_1 a_2 ... a_k]$ 为LR(k)项目,其中 $[A \rightarrow \alpha.\beta]$ 是一个LR(0)项目, $a_1 a_2 ... a_k$ 表示此LR(k)项目的搜索符串,只对归约项目有意义
 - 归约项目: [A→α., a₁a₂...a_k]
 - 移进项目: [A→α.aβ, a₁a₂...a_k]
 - 待约项目: $[A \rightarrow \alpha.B\beta, a_1a_2...a_k]$
- 利用LR(k)项目进行LR(k)分析,当k=1时,为 LR(1)项目,相应的分析叫LR(1)分析

- 形式上,称LR(1)项目[A→α.β, a]对活前缀δα是有效的,如果存在规范推导S ⇒*δAw ⇒δαβw,其中a为 w#的首字符,如果w=ε,则a=#
- 与LR(0)文法类似,识别文法全部活前缀的DFA的每一状态用一个LR(1)项目集来表示
- 为保证分析时每一步都在栈中得到规范句型的活前 缀,应使每一个LR(1)项目集所包含的项目对相应活 前缀都有效,即从开始只构建有效的LR(1)项目集。

2023/10/19



- LR(1) 项目集族的求法
 - CLOSURE(I): 给定LR(1)项目I, 求I的闭包, 目的是为了合并某些状态, 节省空间
 - GO(I, X): 转移函数

闭包的计算

■ 如果 $[A\rightarrow\alpha.B\beta, a]$ 对 $\gamma=\delta\alpha$ 有效

/*即存在 $S \Rightarrow \delta Aax \Rightarrow \delta \alpha B \beta ax*/$

■ 假定 $\beta ax \Rightarrow^* by$,则对任意的 $B \to \eta$ 有: $[B \to \eta]$, b]对 $\gamma = \delta \alpha$ 也是有效的

闭包的计算

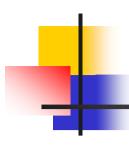
J:=I;

repeat

 $J=J \cup \{[B\rightarrow .\eta, b] \mid [A\rightarrow \alpha.B\underline{\beta}, \underline{a}] \in J,$ $b \in FIRST(\beta a)\}$

until J 不再扩大

当β⇒+ε时,此时b=a叫继承的后继符,否则叫自生的后继符



状态I和文法符号X的转移函数

go(I,X) =
closure([A
$$\rightarrow \alpha$$
X. β ,a]|[A $\rightarrow \alpha$.X β ,a] \in I)

C={I₀}∪{I|∃J∈C, X∈V∪T, I=go(J,X)}称为G'的 LR(1)项目集规范族 (算法: P185)

begin

```
C:= {closure(\{S'\rightarrow .S, \#\})};
repeat
```

计算LR(1)项目集 规范族C

```
for \forall I \in C, \forall X \in V \cup T
if go(I,X) \neq \Phi \& go(I,X) \notin C then
C = C \cup go(I,X)
```

until C不变化

end.

2023/10/19



识别活前缀的LR(1)文法的DFA

- 识别文法G= (V, T, P, S) 的拓广文法G'
 的所有活前缀的DFA M=(C, V∪T, go, I₀, C)
 - I_0 =CLOSURE({S' \rightarrow .S, #}
- 如果CFG G的LR(1)分析表无冲突则称G为 LR(1)文法

1 令I₀= CLOSURE({S'→.S, #}),构造C={ I₀, I₁, ..., l_n},即G'的LR(1)项目集规范族。

2. 从I_i构造状态i, 0为初始状态。

for k=0 to n do

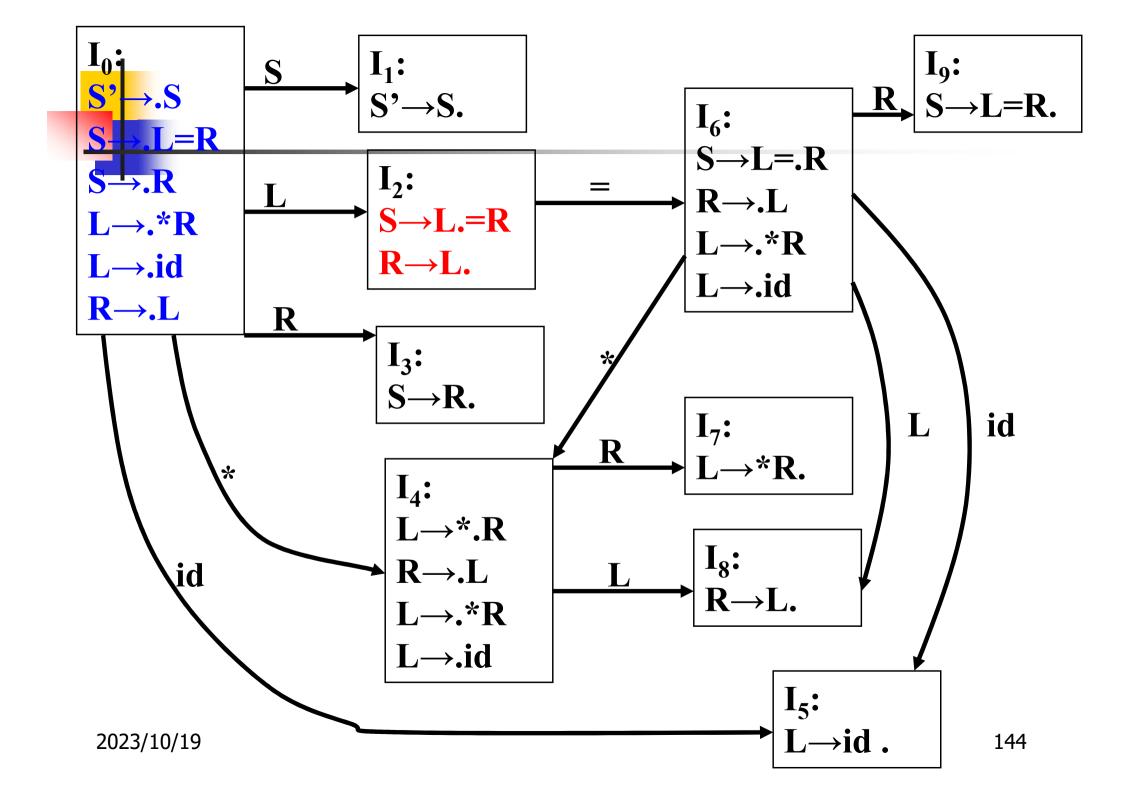
- (1) if $[A \rightarrow \alpha.a\beta, b] \in I_k \& a \in T \& GO(I_k, a) = I_j$ then action [k,a] := Sj;
- (2) if $GO(I_k, B)=I_j \& B \in V$ then goto[k,B]:=j;
- (3) if $[A \rightarrow \alpha., \mathbf{a}] \in I_k \& A \rightarrow \alpha$ 为G'的第j个产生式then action[k,\mathbf{a}]:=rj;
- (4) if $[S' \rightarrow S., \#] \in I_k$ then action [k,#] := acc;
- 上述(1)到(4)步未填入信息的表项均置为error。

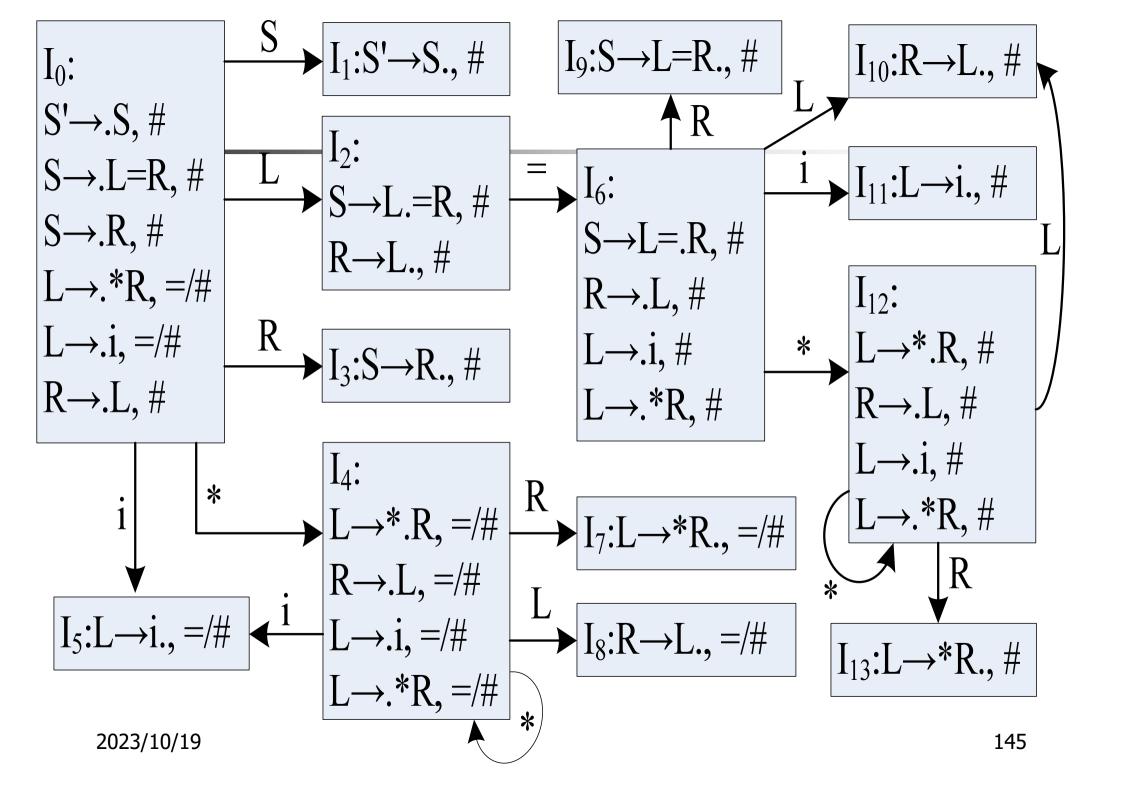
- 不同点主要在归约动作的选择:

■ LR(0): 考虑所有终结符

SLR(1): 参考 FOLLOW 集

■ LR(1): 仅考虑 LR(1)项目中的后继符





5.3.5 LALR(1)分析表的构造

LR(1)对应的分析表规模太大, Pascal语言的语法分析器, 其SLR(1)分析表只有几百个状态, 而LR(1)分析表则有几干个状态

5.3.5 LALR(1)分析表的构造

- 问题: 是否可以将某些闭包/状态合并?
 - 不同的LR(1)项目闭包可能有相同的LR(0)项目,但后继符可能不同——同心闭包
 - 合并后可能带来归约归约冲突
 - 合并那些不会带来冲突的同心的LR(1)闭包

I6: A
$$\rightarrow$$
 c., d

 $B \rightarrow c., e$

I9: A \rightarrow c., e

 $B \rightarrow c., d$

I69: A
$$\rightarrow$$
 c., d/e

$$B \rightarrow c., d/e$$

5.3.5 LALR(1)分析表的构造

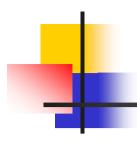
- LookAhead-LR
 - 在不带来移进归约冲突的条件下,合并状态, 重构分析表

2023/10/19



LALR(1) 的分析能力

- 强于 SLR(1)
 - 合并的后继符仍为 FOLLOW 集的子集
- 局限性
 - 合并后会出现归约-归约冲突
 - 如果CFG G的LALR(1)分析表无冲突,则
 称G为LALR(1)文法



5.3.6 二义性文法的应用

- 1. 任何二义性文法都不是LR文法
- 2. 某些二义性文法对语言的说明和实现非常有用,只要指明消除二义性的规则
- 3. 还是尽量少用二义性文法
- ightharpoonup采用二义性文法,可以减少结果分析器的状态数,并能减少对单非终结符(E
 ightharpoonup T)的归约。
- ▶在构造分析表时采用消除二义性的规则(按优先级)

2023/10/19

用优先级和结合性来解决冲突

$$(1)E \rightarrow E + E \qquad (1)E \rightarrow E + T$$

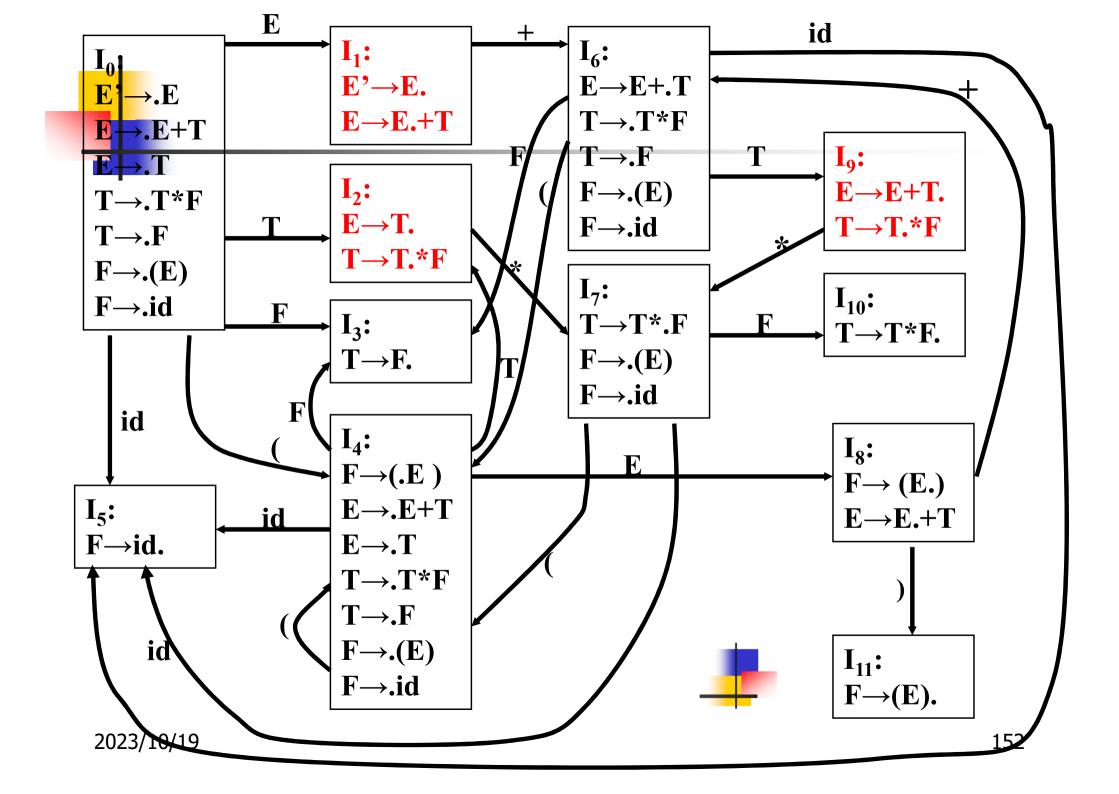
$$(2)E \rightarrow E * E$$
 $(2)E \rightarrow T (单变量的归约)$

$$(3)E \rightarrow (E) \qquad (3)T \rightarrow T * F$$

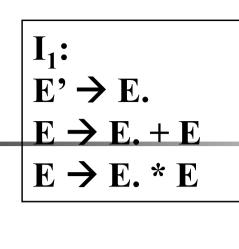
$$(4)E \rightarrow id$$
 $(4)T \rightarrow F (单变量的归约)$

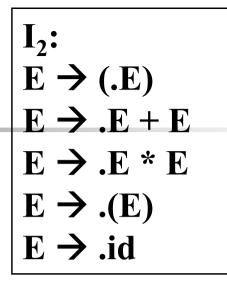
$$(5)F \rightarrow (E)$$

$$(6)F \rightarrow id$$



I ₀ :
E ′ → .E
$E \rightarrow E + E$
$E \rightarrow .E * E$
$E \rightarrow .(E)$
$E \rightarrow .id$





$$I_3$$
:
E \rightarrow id.

$$I_4$$
:
 $E \rightarrow E + .E$
 $E \rightarrow .E + E$
 $E \rightarrow .E * E$
 $E \rightarrow .(E)$
 $E \rightarrow .id$

I₅:

$$E \rightarrow E * .E$$

 $E \rightarrow .E + E$
 $E \rightarrow .E * E$
 $E \rightarrow .(E)$
 $E \rightarrow .id$

I₆:

$$E \rightarrow (E.)$$

 $E \rightarrow E. + E$
 $E \rightarrow E. * E$

$$I_{7}:$$

$$E \rightarrow E + E.$$

$$E \rightarrow E .+ E$$

$$E \rightarrow E .* E$$

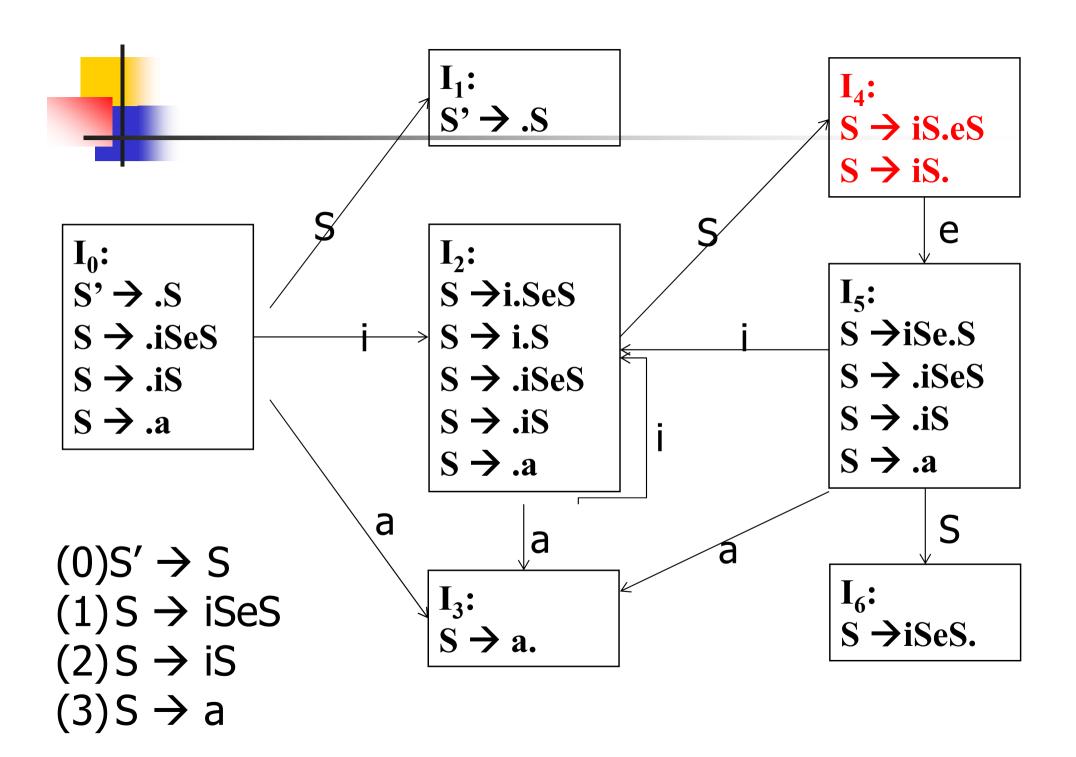
$$I_8$$
:
 $E \rightarrow E * E$.
 $E \rightarrow E . + E$
 $E \rightarrow E . * E$

$$I_9$$
:
E \rightarrow (E).



悬空-else的二义性

- $(1)S \rightarrow iSeS$
- $(2)S \rightarrow iS$
- $(3)S \rightarrow a$



5.3.7 LR分析中的出错处理

■ 当分析器处于某一状态S, 且当前输入符号为a时, 就以符号对(S, a)查LR分析表, 如果分析表元素action[S, a]为空(或出错), 则表示检测到了一个语法错误。

5.3.7 LR分析中的出错处理

- 紧急方式的错误恢复
 - 从栈顶开始退栈,直至发现在某个语法变量
 量△上具有转移的状态S为止,△通常是主要程序结构的语法变量
 - 丢弃零个或多个输入符号,直至找到符号 $a \in FOLLOW(A)$ 为止
 - 分析器把状态goto[S, A]压进栈,并恢复正常分析



LR分析的基本步骤

- 1、编写拓广文法,求Follow集
- 2、求识别所有活前缀的DFA
- 3、构造LR分析表

5.4 语法分析程序的自动生成工具Yacc

YSP(Yacc Specification)

%{变量定义: 头文件和全局变量

%开始符号

词汇表: %Token n₁,n₂,...(自动定义种别码)

%Token n₁,i₁ (用户指定种别码)

• • • • •

%Token n_h,i_h (用户指定种别码)

类型说明 %type

其它说明%}

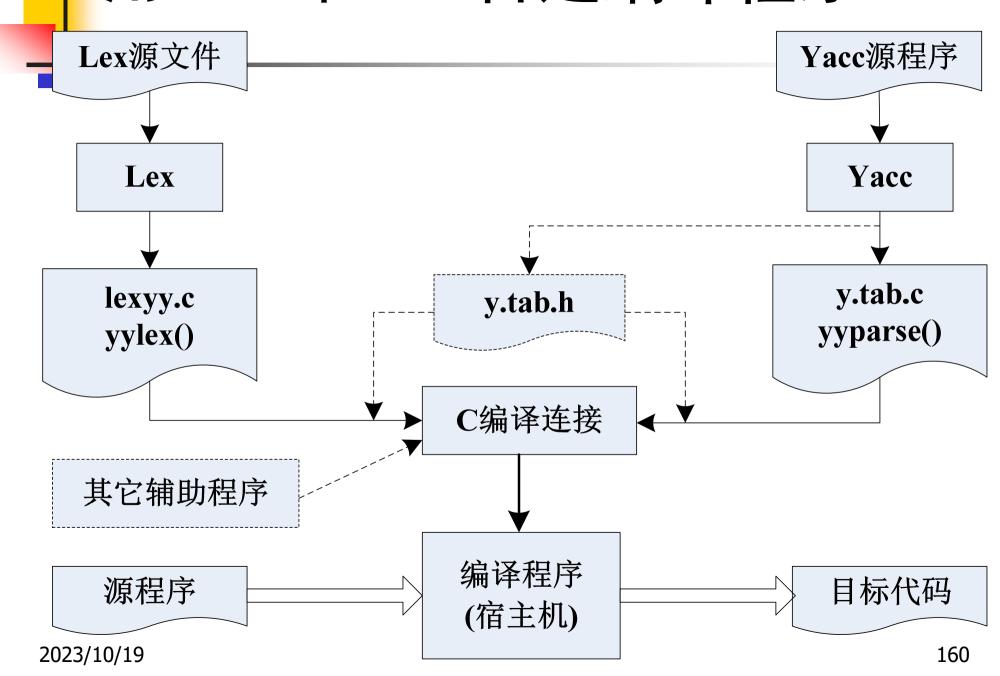
%%规则部分 给出文法规则的描述

%%程序部分 扫描器和语义动作程序

■ 输出: LALR(1)分析器

2023/10/19

用Yacc和Lex合建编译程序





- 自底向上的语法分析从给定的输入符号串ル 出发,自底向上地为其建立一棵语法分析树。
- 移进-归约分析是最基本的分析方式,分为 优先法和状态法。
- 算符优先分析法是一种有效的方法,通过定义终结符号之间的优先关系来确定移进和归约。



- LR分析法有着更宽的适应性。该方法通过构建识别规范句型活前缀的DFA来设计分析过程中的状态。可以将LR分析法分成LR(0)、SLR(1)、LR(1)、LALR(1)。
- 通过增加的附加信息可以解决一些二义性问题。
- Yacc是LALR(1)语法分析器的自动生成工具。