

Pilhas e Filas

Algoritmos e Estruturas de Dados

2019/2020



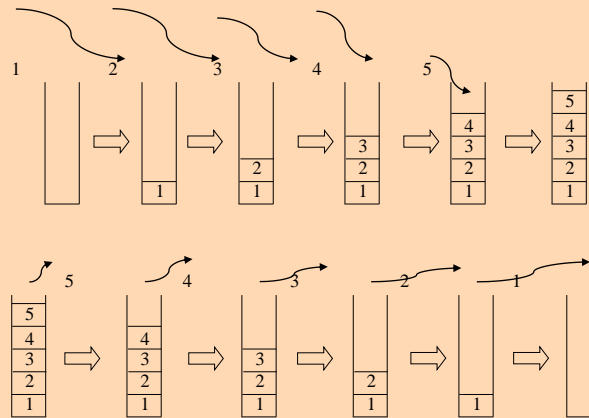
Pilhas

- Pilha
 - estrutura de dados linear em que a inserção e a remoção de elementos de uma sequência se faz pela mesma extremidade, designada por **topo** da pilha
 - uma pilha pode ser considerada como uma *restrição* de lista
 - porque é uma estrutura de dados mais simples que a lista, é possível obter implementações mais eficazes
 - o conceito de iterador **não se aplica** a esta estrutura de dados
 - a pilha é uma estrutura do tipo LIFO (*Last-In-First-Out*)
 - Operações mais usuais:
 - criar uma pilha vazia
 - adicionar/remover um elemento a uma pilha
 - verificar qual o último elemento colocado na pilha



Pilhas

- Operações com pilhas



Pilhas (Standard Template Library - STL)

- class **stack**<T>
- Alguns métodos:
 - stack & **operator** =(const stack &)
 - bool **empty**() const
 - size_type **size**() const
 - T & **top**()
 - void **push**(const T &)
 - void **pop**()
 - bool **operator** ==(const stack &, const stack &)
 - bool **operator** <(const stack &, const stack &)



Aplicações de pilhas

Notação RPN (*Reverse Polish Notation*)

- expressões matemáticas em que os operadores surgem a seguir aos operandos (notação pósfixa)
- vantagem: não requer parêntesis nem regras de precedência

Notação infixa

- os operadores binários surgem entre os operandos

Notação infixa: $2 * (4 + 5) / 3$

Notação RPN: $2\ 4\ 5\ +\ *\ 3\ /$



Aplicações de pilhas

Avaliação de expressões RPN : *algoritmo*

1. Processar sequencialmente os elementos da expressão.
Para cada elemento:
 - 1.1 Se o elemento for um número (operando), colocá-lo na pilha
 - 1.2. Se o elemento for um operador
 - 1.2.1. Retirar os dois elementos do topo da pilha
 - 1.2.2. Processar os elementos de acordo com o operador
 - 1.2.3. Colocar o resultado na pilha
1. Retirar o (único) elemento da pilha. É o resultado



Aplicação de pilhas: avaliação de expressões

```
float calcOp(float v1, float v2, char op)
{
    switch(op) {
        case '+' : return v1+v2;
        case '-' : return v1-v2;
        case '*' : return v1*v2;
        case '/' : return v1/v2;
        default: throw OperacaoInvalida();
    }
}
```



Aplicação de pilhas: avaliação de expressões

```
float avaliaRPN(string expressao)
// simplificação: números de 1 dígito apenas
{
    stack<float> pilha;
    for (int i=0; i<expressao.length(); i++) {
        if ( expressao[i]>='0' && expressao[i]<='9') // é número
            pilha.push(expressao[i]-48);
        else {
            float num1 = pilha.top();
            pilha.pop();
            float num2 = pilha.top();
            pilha.pop();
            float res = calcOp(num1, num2, expressao[i]);
            pilha.push(res);
        }
    }
    float res = pilha.top(); pilha.pop();
    return res;
}
```



Filas

- Fila

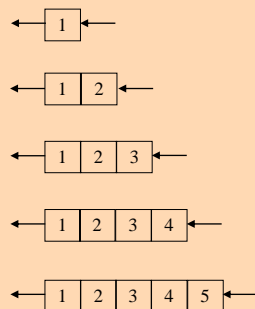
- estrutura de dados linear em que a inserção e a remoção de elementos de uma sequência se faz por extremidades opostas, geralmente designadas por **cabeça** e **cauda** da fila
- uma fila pode ser considerada como uma *restrição* de lista
- porque é uma estrutura de dados mais simples que a lista, é possível obter implementações mais eficazes
- o conceito de iterador **não se aplica** a esta estrutura de dados
- a fila é uma estrutura do tipo FIFO (*First-In-First-Out*)
- Operações mais usuais:
 - criar uma fila vazia
 - adicionar/remover um elemento a uma fila
 - verificar qual o elemento da cabeça da fila (elemento mais antigo)



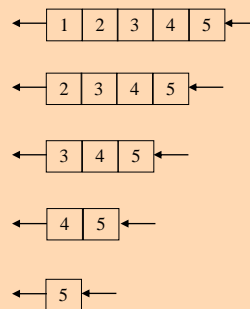
Filas

- Operações com filas

Inserir: 1, 2, 3, 4, 5



Remover: 1, 2, 3, 4, 5



Filas (Standard Template Library - STL)

- class **queue**<T>
- Alguns métodos:
 - queue & **operator** =(const queue &)
 - bool **empty**() const
 - size_type **size**() const
 - T & **front**()
 - T & **back**()
 - void **push**(const T &)
 - void **pop**()
 - bool **operator** ==(const queue &, const queue &)
 - bool **operator** <(const queue &, const queue &)



Aplicações de filas

- Pretende-se implementar uma classe para gerir a fila de impressão de uma impressora de rede. Considere que uma impressora de rede, quando recebe um ficheiro para impressão, adiciona o mesmo numa fila de espera obedecendo a um regime FIFO.

```
class Document
{
    string nome;
    string owner;
    int tamanho;
    int nFolhas;
public:
    Document(string n, string o, int t, int f): nome(n),
                                                owner(o), tamanho(t), nFolhas(f) {}
    friend class Printer;
};
```



Aplicações de filas

```
class Printer
{
    queue<Document> filaDeImpressao;
    int maxMemoria;
    int folhasRestantes;
public:
    Printer(int m, int f): maxMemoria(m), folhasRestantes(f){}
    bool adicionaDocumento(Document doc);
    Document imprimeDocumento();
    void trocaToner(int numeroFolhas);
    void listaDocumentos(ostream& os);
    void excluiDocumento(string n, string o);
};
```



Aplicações de filas

```
// Adiciona um novo documento à fila de impressão. Se o tamanho do documento
// a adicionar é superior à memória disponível, o documento é ignorado.

bool Printer::adicionaDocumento(Document doc)
{
    //calcula memória consumida
    int memoriaConsumida = 0;
    queue<Document> temp(filaDeImpressao);
    while(!temp.empty()) {
        memoriaConsumida += temp.front().tamanho;
        temp.pop();
    }
    bool res=false;
    //adiciona documento
    if( (maxMemoria - memoriaConsumida) >= doc.tamanho ) {
        filaDeImpressao.push(doc);
        res = true;
    }
    cout << filaDeImpressao.size() << endl;
    return res;
}
```



Aplicações de filas

```
// Imprime o próximo documento na lista de espera. Se o documento for impresso na
// totalidade, sai da fila. Se não houver toner suficiente para imprimir todas as
// páginas, imprime as que forem possíveis, deixando o restante para ser impresso
// quando o toner for trocado e lança uma exceção do tipo Erro.
```

```
Document Printer::imprimeDocumento()
{
    Document d = filaDeImpressao.front();
    if( folhasRestantes >= d.nFolhas ) {
        folhasRestantes -= d.nFolhas;
        filaDeImpressao.pop();
    }
    else {
        d.nFolhas -= folhasRestantes;
        filaDeImpressao.front() = d;
        folhasRestantes = 0;
        throw Erro();
    }
    return d;
}
```



Aplicações de filas

```
// Retira da fila de impressão o documento de nome n, pertencente ao owner o.
```

```
void Printer::excluiDocumento(string n, string o)
{
    queue<Document> temp;
    //apaga todos os documentos com nome n e owner o
    while(!filaDeImpressao.empty()) {
        if( (filaDeImpressao.front().nome == n) &&
            (filaDeImpressao.front().owner == o) )
            filaDeImpressao.pop();
        else {
            temp.push( filaDeImpressao.front() );
            filaDeImpressao.pop();
        }
    }
    filaDeImpressao = temp;
}
```

