Física I - 2017/2018

Página principal / As minhas disciplinas / EIC0010-1718

Segundo teste

Aluno: Fábio Daniel Reis Gaspar

Ponto: 2.1

Data: 2018-05-25

Avaliador: Augusto Rodrigues

Avaliação: 14

1 Correta

1)

pontos: 1 (Máx

Um bloco de massa 5 kg desce deslizando sobre a superfície dum plano inclinado, partindo do ponto A com valor da velocidade igual a 7 m/s e parando completamente no ponto B. As alturas dos pontos A e B, medidas na vertical desde a base horizontal do plano, são: h_B =10 cm e h_A =60 cm. Calcule o trabalho realizado pela força de atrito, desde A até B.

- **A**. -166.6 J
- **B**. -161.7 J
- **© C**. -147.0 J**√**
- **D**. -151.9 J
- **E**. -156.8 J

A resposta correta é: C.

2 Correta

pontos: 1 (Máx

Qual das matrizes na lista é a matriz jacobiana do sistema dinâmico equivalente à seguinte equação diferencial? $2\ddot{x}x^2-4x^2\dot{x}-2x^3=0$

$$egin{array}{ccc} egin{array}{ccc} egin{array}{ccc} egin{array}{ccc} 0 & 1 \ 0 & 2 \end{array} \end{array}$$

$$egin{array}{ccc} egin{array}{ccc} egin{array}{ccc} 0 & 1 \ 4\,y-2 & 4\,x \end{array} \end{array}$$

$$egin{array}{c} \mathbf{c}. \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -2 & 2 \end{bmatrix}$$

$$lackbox{O}$$
 D. $egin{bmatrix} 0 & 1 \ y-4\,x & x \end{bmatrix}$

• E.
$$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$$

A resposta correta é: **E**.

3 Correta pontos: 1 (Máx 1) As expressões das energias cinética e potencial dum sistema conservativo com dois graus de liberdade, x e θ , são: $E_{\rm c}=3\,\dot{x}^2+5\,\dot{\theta}^2$ e U = -7 x θ . Encontre a expressão da aceleração $\ddot{\theta}$.

$$\bullet$$
 A. $\frac{7}{3} x \theta$

$$lacksquare$$
 B. $rac{7}{10} x \, heta$

• c.
$$\frac{7}{10} x \checkmark$$

$$lacksquare$$
 D. $\frac{7}{3}x$

$$ullet$$
 E. $rac{7}{10}\, heta$

A resposta correta é: C.

4 Correta

pontos: 1 (Máx 1) Uma partícula com massa m=2 desloca-se no eixo dos x sob o efeito de uma força resultante conservativa, com energia potencial: $2 x^2 e^{-x^2}$. Qual das seguintes afirmações é correta?

- A. Há 2 pontos de equilíbrio e nenhuma órbita homoclínica.
- **B**. Há 3 pontos de equilíbrio e uma órbita homoclínica.
- C. Há 2 pontos de equilíbrio e uma órbita homoclínica.
- D. Há 3 pontos de equilíbrio e uma órbita heteroclínica.
- E. Há 2 pontos de equilíbrio e uma órbita heteroclínica.

A resposta correta é: **D**.

5

Correta

pontos: 1 (Máx 1) A equação diferencial:

$$\ddot{x} - x^2 - 5x - 6 = 0$$

é equivalente a um sistema dinâmico com espaço de fase (x, \dot{x}) . Qual dos pontos na lista é ponto de equilíbrio desse sistema?

- **A**. (-3, 0) ✓
- **B**. (0, 0)
- **C**. (3, 0)
- **D**. (-1, 0)
- **E**. (1, 0)

A resposta correta é: A.

6

Correta

pontos: 1 (Máx 1) Qual dos vetores na lista é vetor próprio da matriz:

$$\begin{bmatrix} -1 & 4 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}$$
?

- **A**. (0,1)
- **B**. (1,1)
- **C**. (1,2)
- D. (2,1)
- **E**. (1,0)

A resposta correta é: **D**.

7

Não respondida pontos: 0 (Máx 1) Quando uma partícula passa por um ponto P, a sua velocidade é $3\,\hat{\imath}+2\,\hat{\jmath}$ (SI) e a força resultante é $4\,\hat{\imath}+6\,\hat{\jmath}$ (SI). Calcule o valor da componente tangencial da força resultante nesse ponto.

- **A**. 0 N
- **B**. 13 N
- **C**. 7.21 N
- **D**. 6.66 N

A resposta correta é: **D**.

8 Correta

pontos: 1 (Máx 1) As equações dum sistema dinâmico com variáveis de estado (x,y) foram transformadas para coordenadas polares (r,θ) , obtendo-se as equações: $\dot{\theta}=-2$ $\dot{r}=r^2-3\,r$ Como tal, conclui-se que o sistema tem um ciclo limite:

- \bigcirc **A**. atrativo com r=2
- **B**. repulsivo com $r=3\sqrt{}$
- \bigcirc **C**. atrativo com r=0
- **D**. atrativo com r=3
- E. repulsivo com r=2

A resposta correta é: **B**.

9

Correta
pontos: 1 (Máx
1)

A força tangencial resultante sobre um objeto $é -s^2 + 2 + s + 3$, onde s é a posição na trajetória. Sabendo que o retrato de fase do sistema tem uma órbita homoclínica que se aproxima assimptoticamente do ponto (a, 0), determine o valor de a.

- A. -1
- **B**. 3
- **C**. -2
- **D**. 2
- **E**. 1

A resposta correta é: A.

10

Correta

pontos: 1 (Máx 1) Qual dos sistemas dinâmicos na lista é equivalente à equação diferencial $2\,\ddot{x}\,x-2\,x^2\,\dot{x}+4\,x^3=0$?

- $igorplus \mathbf{A}.\,\dot{x}=y \qquad \dot{y}=4\,x\,y-2\,x$
- ullet B. $\dot{x}=y$ $\dot{y}=2\,y-2$
- ullet c. $\dot{x} = y$ $\dot{y} = 2y 2x$
- ullet D. $\dot{x}=y$ $\dot{y}=x\,y-2\,x^2$
- ullet E. $\dot{x}=y$ $\dot{y}=2\,y+x$

A resposta correta é: **D**.

11

Incorreta

pontos: -0.25 (Máx 1) As equações dum sistema de duas espécies com competição são:

$$\dot{x} = x(2-x-0.5\,y) \qquad \dot{y} = y(2-y-0.5\,x)$$

sabendo que o sistema aproxima-se sempre dum estado em que as duas espécies coexistem de forma harmoniosa, determine os valores de x e y após muito tempo.

- **A**. 2/3 e 2/3
- **B**. 2 e 0
- **C**. 4/3 e 4/3
- **D**. 0 e 0
- **E**. 0 e 2

(Máx 1)

As equações de evolução dum sistema linear, são:

$$\dot{x} = a x + b y$$
 $\dot{y} = c x + d y$

onde a, b, c e d são parâmetros reais, todos positivos excepto b que é negativo. Que tipo de ponto de equilíbrio é a origem do espaço de fase?

- A. nó
- B. foco
- C. atrativo
- D. ponto de sela **
- E. repulsivo

A resposta correta é: **E**.

13

Correta pontos: 1 (Máx O espaço de fase dum sistema dinâmico é o plano xy. Em coordenadas polares, as equações de evolução são $\theta=-3$, $\dot{r}=r^3-2\,r^2+r$. Quantos ciclos limite tem o sistema?

- **A**. 2
- **B**. 0
- **C**. 4
- D. 1 ✓
- **E**. 3

A resposta correta é: **D**.

14

Correta

pontos: 1 (Máx

Qual das seguintes equações podera ser uma das equações de evolução num sistema predador presa?

$$ullet$$
 A. $\dot{y} = 2 \, x \, y + 3 \, y$

$$ullet$$
 B. $\dot{y}=2\,y^2-3\,y$

$$ullet$$
 c. $\dot{y} = 2\,y - 5\,y^2$

$$ullet$$
 D. $\dot{y}=6\,y-y^2$

$$lacksquare$$
 E. $\dot{y}=x+\,x\,y^2$

A resposta correta é: A.

15

Correta

pontos: 1 (Máx

O sistema dinâmico não linear:

$$\dot{x} = xy - 2x + y - 2$$
 $\dot{y} = xy + x - 5y - 5$

tem um ponto de equilíbrio em x=5, y=2. Qual é o sistema linear que aproxima o sistema não linear na vizinhança desse

• A.
$$\dot{x} = 6 \, y \quad \dot{y} = 3 \, x \, \checkmark$$

$$ullet$$
 B. $\dot{x} = -3 \, y \quad \dot{y} = -6 \, x$

$$ullet$$
 D. $\dot{x} = 3 \, y \quad \dot{y} = -6 \, x$

• E.
$$\dot{x} = -6 \, y \quad \dot{y} = 3 \, x$$

A resposta correta é: A.

16

Correta

A trajetória de uma partícula na qual atua uma força central é sempre plana e pode ser descrita em coordenadas polares r e θ . As expressões da energia cinética e da energia potencial central em questão são:

$$E_{
m c} = rac{m}{2} (r^2 {\dot heta}^2 + {\dot r}^2) \qquad U = k \, r^3$$

onde m é a massa do corpo e k uma constante. Encontre a equação de movimento para \ddot{r}

$$igorplus \mathbf{A}.\ r\,\dot{ heta}\,-rac{3\,k\,r^2}{m}$$

$$lacksquare B. \ r \, \dot{ heta}^2 - rac{3 \, k \, r^2}{m}$$
 \checkmark

$$ullet$$
 c. $r^2\,\dot{ heta}^2-rac{3\,k\,r^2}{m}$

$$ullet$$
 D. $r^2\,\dot{ heta}^2-rac{3\,k\,r^2}{m}$

$$lacksquare$$
 E. $r\,\ddot{ heta}-rac{3\,k\,r^2}{m}$

A resposta correta é: B.

17Correta

pontos: 1 (Máx

Uma partícula de massa m desloca-se sobre a superfície de uma calha com forma de cicloide, com equações paramétricas:

$$x = \frac{a}{4}(2\theta + \sin 2\theta)$$
 $y = \frac{a}{4}(1 - \cos 2\theta)$

Onde a é uma constante e θ varia entre 0 e π . Encontre a expressão da energia cinética.

$$\circ$$
 A. $\frac{m a^2 \dot{\theta}^2}{8} (\cos 2\theta + \sin 2\theta)$

$$\bullet$$
 B. $\frac{m a^2 \dot{\theta}^2}{4} (1 + \cos 2\theta) \checkmark$

$$c. \frac{m a^2 \dot{\theta}^2}{2} (1 + \cos 2\theta)$$

$$ullet$$
 D. $rac{m\,a^2\dot{ heta}^2}{2}(1+\sin\,2 heta)$

$$\odot$$
 E. $\frac{m a^2 \dot{ heta}^2}{4} (1 + \sin 2 heta)$

A resposta correta é: **B**.

18

Correta
pontos: 1 (Máx
1)

Um cilindro desce uma rampa com 49 cm de altura, partindo do repouso e rodando à volta do seu eixo sem deslizar. Determine a velocidade do centro de massa do cilindro, quando chega ao fim da rampa, desprezando a resistência do ar e sabendo que o momento de inércia de um cilindro de massa m e raio r, à volta do seu eixo, é m $r^2/2$.

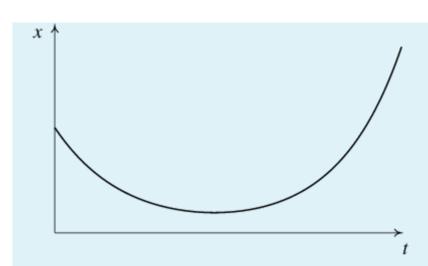
- **A**. 2.14 m/s
- B. 1.53 m/s
- **C**. 1.25 m/s
- **D**. 1.73 m/s
- E. 2.53 m/s

A resposta correta é: **E**.

19

Incorreta

pontos: -0.25 (Máx 1) A figura mostra uma possível solução para x(t) num sistema dinâmico linear com duas variáveis de estado, x e y. Qual das matrizes na lista seguinte poderá ser a matriz do sistema?



- $egin{array}{ccc} egin{array}{ccc} egin{array}{ccc} A. & \begin{bmatrix} 1 & -4 \\ 2 & -5 \end{bmatrix} \end{array}$
- $egin{array}{ccc} egin{array}{ccc} egin{array}{ccc} B. & egin{bmatrix} 2 & 3 \ 3 & -4 \end{bmatrix} \end{array}$
- ullet c. $\begin{bmatrix} 4 & -5 \\ 2 & -2 \end{bmatrix}$
- ullet D. $egin{bmatrix} 2 & -5 \ 2 & -4 \end{bmatrix}$
- ullet E. $egin{bmatrix} 5 & -4 \ 2 & -1 \end{bmatrix}$ $m{\times}$

A resposta correta é: **B**.

20

Incorreta

pontos: -0.25 (Máx 1) A força tangencial resultante sobre um corpo é:

 $F_t = s(s+1)(s+2)(s-1)(s-2)$

Quantos pontos de equilíbrio instável tem este sistema mecânico?

- **A**. 3
- **B**. 1
- C. 2★
- **D**. 5
- **E**. 4

A resposta correta é: A.

Nome de utilizador: <u>Fábio Daniel Reis Gaspar</u> (<u>Sair</u>) <u>EIC0010-1718</u> <u>Resumo da retenção de dados</u>

Obter a aplicação móvel