

Questão 01-

D = Pessoa doente

PP = teste deu positivo

a)

$$P(D|PP) = \frac{P(PP|D) \cdot P(D)}{P(PP|D) \cdot P(D) + P(PP|\bar{D}) \cdot P(\bar{D})} \quad (\text{teorema de Bayes})$$

$$P(D|PP) = \frac{0,9 \cdot 0,0005}{0,9 \cdot 0,0005 + 0,9995 \cdot 0,01} \approx 0,043\%$$

b)

$$P(PP) = P(PP|D) \cdot P(D) + P(PP|\bar{D}) \cdot P(\bar{D})$$

$$P(PP) = 0,9 \cdot 0,0005 + 0,9995 \cdot 0,01 = 0,0104$$

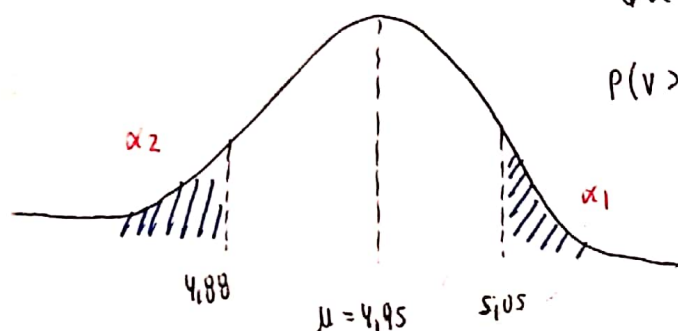
c) prob. binomial

$$\binom{25}{2} \cdot 0,0104^2 \cdot (1 - 0,0104)^{23} \approx 0,026$$

Questão 02. $X \sim N(4,95; 0,04^2)$

dentro das especificações: $v \in [4,88; 5,05]$

a)



Queremos saber a área em azul.

$$P(v > 5,05) + P(v < 4,88) = P(FP)$$

$$P(v > 5,05) = \frac{5,05 - 4,95}{0,04} = 2,5 \quad \therefore \quad P(v < 4,88) = \frac{4,88 - 4,95}{0,04} = -1,75$$

$$Z(\alpha_1) = 2,5 \Rightarrow \alpha_1 = 0,0061$$

$$Z(\alpha_2) = -1,75 \Rightarrow \alpha_2 = 0,041$$

$$P(FP) = 0,0061 + 0,041 = 0,0471$$

b) Pelo menos 2. \Rightarrow selecionar 15 garrafas ao acaso a partir de uma remessa supostamente aleatória e o mesmo de tirar 15 garrafas da população normal infinita.

$$1 - [P(0) + P(1)]:$$

$$P(0) = \binom{15}{0} \cdot (1 - 0,0471)^{15} = 0,485$$

$$\Rightarrow 1 - [0,485 + 0,36] = 0,155$$

$$P(1) = \binom{15}{1} \cdot 0,0471 \cdot (1 - 0,0471)^{14} = 0,36$$

$$c) 1 - \left[(1 - 0,0471)^x + \binom{x}{1} \cdot 0,0471 \cdot (1 - 0,0471)^{1-x} \right] = 0,05$$

tentativa e erro.

d)

lucro (L):	15	5	-20
P(L)	0,485	0,36	0,155

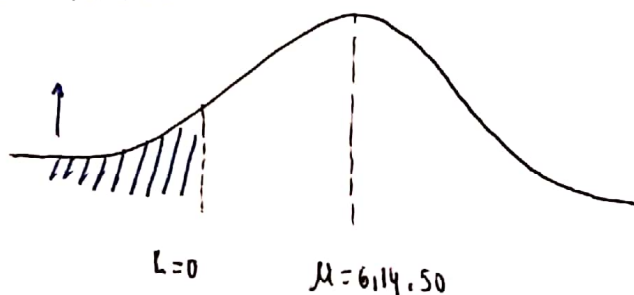
$$\mu = \sum y \cdot p(y) \Rightarrow \mu_L = \sum L \cdot p(L) = 0,155 \cdot (-20) + 0,36 \cdot 5 + 0,485 \cdot 15 \approx 6,14 \text{ €}$$

$$\text{VAR}(L) = \sum_L (L - \mu_L)^2 \cdot p(L) = (15 - 6,14)^2 \cdot 0,485 + (5 - 6,14)^2 \cdot 0,36 + (-20 - 6,14)^2 \cdot 0,155 \approx 144$$

$$\sigma_L = \sqrt{\text{VAR}(L)} \approx 12 \text{ €}$$

$$e) N \sim (50, 6,14; 50, 11,93^2)$$

queremos esta área



$$z \text{ para } \mu_L = 0; \quad z = \frac{0 - 50 \cdot 6,14}{\sqrt{50} \cdot 11,93} = -3,639$$

olhando na tabela, $P(L < 0) < 0,001$; na calculadora $P(L < 0) \approx 0,0001$

Questão 03 -

a) teste ao valor esperado; amostra de pequena população

$$H_0: \mu = 6500$$

$$H_1: \mu > 6500$$

$$ET = \frac{\bar{x} - \mu_0}{s/\sqrt{n}} \Rightarrow ET = \frac{(7367 - 6500) \cdot \sqrt{6}}{973} = 2,18$$

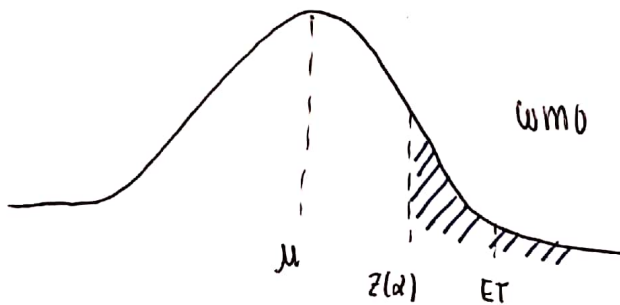
$$0,025 < p\text{-value} < 0,05; \quad t_{s(\alpha)} = 2,015$$

análise:

conclusão: como $p\text{-value} < \alpha \Rightarrow$ rejeitamos H_0

ou

como $ET > z(\alpha) \Rightarrow$ rejeitamos H_0 .



b) erro do tipo II $\rightarrow H_0$ aceita quando na verdade é falso

1º passo) calcular \bar{x}_c (valor crítico)

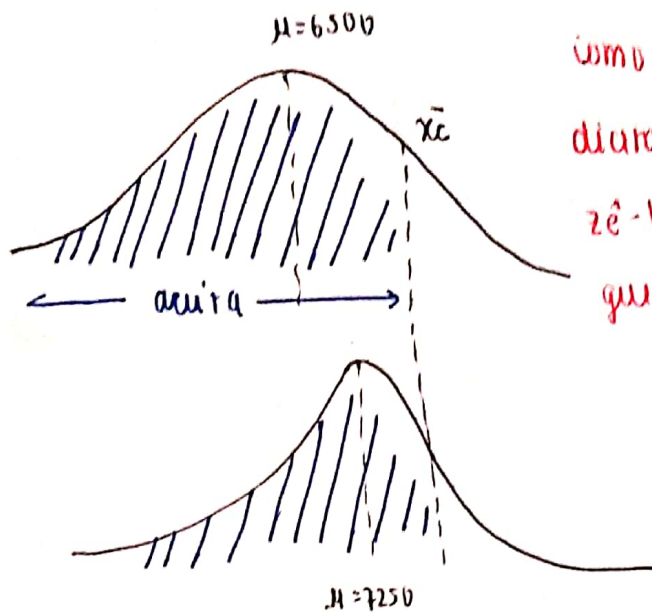
$$\frac{\bar{x}_c - 6500}{973} \cdot \sqrt{6} = 2,015 \Rightarrow \bar{x}_c = 7300,4$$

2º passo) calcular β

$$0,127 = z; \quad z(0,45) = 0,127$$

$$p(\bar{x} \leq \bar{x}_c) = p\left(\frac{\bar{x} - \mu_{novo}}{s/\sqrt{n}} \leq \frac{(7300,4 - 7250) \cdot \sqrt{6}}{973}\right) \quad 1 - 0,45 = 0,55$$

Análise:



Como o cálculo do p para tgi não é imediato (é preciso de um computador para fazê-lo), é preciso considerar que esta segue uma distribuição normal.

c) $\alpha = 5\%$; $\mu = 7000$; $s = 700$

1º) A variância é (igual)? $\sigma_A = 973$ e $\sigma_B = 700$

$$H_0: \frac{\sigma_A^2}{\sigma_B^2} = 1$$

$$Et: \frac{973^2}{700^2} = 1,9321$$

$$H_1: \frac{\sigma_A^2}{\sigma_B^2} \neq 1$$

$$F_{5,5}(0,025) = 7,15$$

Como $-F_{5,5}(0,025) < 1,9321 < F_{5,5}(0,025)$, aceitamos H_0 .

2º) $GL = (6+6-12)$ $\alpha = 5\%$

$$\left[\bar{x}_A - \bar{x}_B - t_{g1}(\alpha/2) \cdot s \cdot \sqrt{\frac{1}{N_A} + \frac{1}{N_B}} ; +\infty \right]$$

$$s = \sqrt{\frac{5.473^2 + 5.700^2}{10}} \approx 847,57$$

$$\left[7000 - 7250 - 2.228 \cdot 847,57 \sqrt{\frac{1}{6} + \frac{1}{6}} + \infty \right]$$

$$[-1340, +\infty]$$



mind blowing

Questão 04 -

a)

$$H_0: 0,85 = p$$

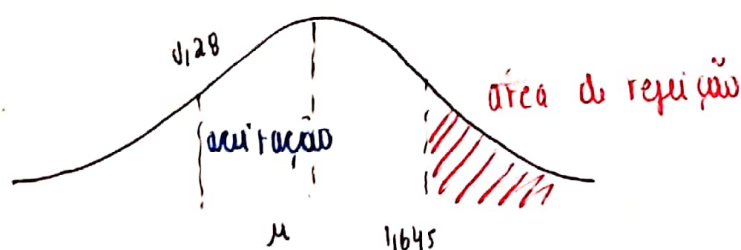
$$H_1: 0,85 > p$$

$$\hat{p} = 0,86$$

$$ET = \frac{\hat{p} - p_0}{\sqrt{\frac{p_0 \cdot (1-p_0)}{N}}}; \quad ET = \frac{(0,86 - 0,85) \cdot 10}{\sqrt{0,15 \cdot 0,85}} = 0,28$$

$$z(0,05) = 1,645; \quad p\text{-value} \approx 0,34$$

como $ET < z(0,05) = 0$ aceitamos H_0 (teste inconclusivo)



b) $\alpha = 5\%$ intervalo de confiança proporção binomial

$$\left[\hat{p} - z(0,025) \cdot \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{N}}, \hat{p} + z(0,025) \cdot \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{N}} \right]$$

$$\left[0,86 - 1,96 \sqrt{\frac{0,86 \cdot 0,14}{100}}, 0,86 + 1,96 \sqrt{\frac{0,86 \cdot 0,14}{100}} \right]$$

$$[0,7919; 0,9280]$$

• Interpretação: a verdadeira proporção estará nesse intervalo com 95% de confiança.

Então podemos afirmar com 95% de certeza que $\hat{p} \geq 0,7919$

$$[0,7919, \infty[$$

c) $2016: \frac{62}{80} = p_B; \quad 0,775 = p_B; \quad N=80$

2017: $0,86 = p_A; \quad N=100$

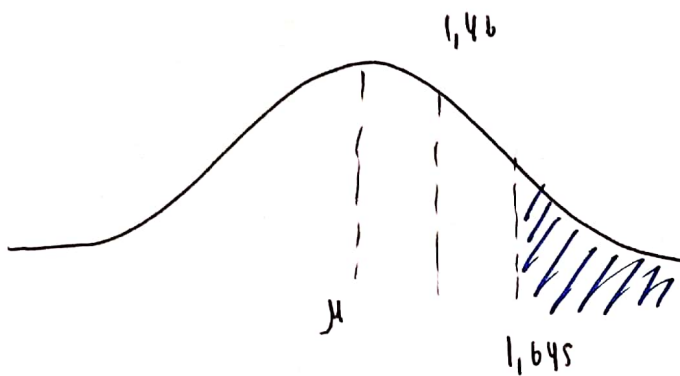
$H_0: p_A - p_B = 0$

$H_1: p_A > p_B$

$$E_T = \frac{(p_A - p_B)}{\sqrt{\frac{p_A(1-p_A)}{N_A} + \frac{p_B(1-p_B)}{N_B}}}$$

$$E_T = \frac{(0,86 - 0,775)}{\sqrt{\frac{0,86 \cdot 0,14}{100} + \frac{0,775 \cdot 0,225}{80}}} \approx 1,46$$

$$p\text{-value} \hat{=} 0,1072 \hat{=} 7,2\% ; z(0,105) = 1,645$$



aceitamos H_0 ,

teste inconclusivo.