Resolução Automática de Problemas

Ano Lectivo de 2018/2019

©Luís Seabra Lopes

Departamento de Electrónica, Telecomunicações e Informática
Universidade de Aveiro

Última actualização: 2018-09-30

I Objectivos

O presente guião centra-se no tema da resolução automática de problemas através de diferentes técnicas de pesquisa de soluções, Em particular, explora-se a utilização de técnicas de pesquisa em árvore.

Este guião é usado nas disciplinas de *Inteligência Artificial*, da *Licenciatura em Engenharia Informática*, e *Introdução à Inteligência Artificial*, do *Mestrado Integrado em Engenharia de Computadores e Telemática*.

O guião será realizado em 4 a 5 aulas práticas. ***Para um bom aproveitamento das aulas, os exercícios que estejam no âmbito temático de uma dada aula devem ser completados antes da aula seguinte.***

II Pesquisa em árvore

1 Apresentação do módulo inicial

Uma implementação completa do algoritmo básico de pesquisa em árvore é fornecida em anexo a este guião, no módulo `tree_search`.

O módulo contém as seguintes classes:

- Classe `SearchDomain()` – classe abstracta que formata a estrutura de um domínio de aplicação
- Classe `SearchProblem(domain,initial,goal)` – classe para especificação de problemas concretos a resolver
- Classe `SearchNode(state,parent)` – classe dos nós da árvore de pesquisa
- Classe `SearchTree(problem)` – classe das árvores de pesquisa, contendo métodos para a geração de uma árvore para um dado problema

Como se pode inferir da estrutura de dados adoptada, cada instância da classe `SearchTree` tem acesso aos seguintes atributos e métodos:

- `self.problem` - O problema a resolver (uma instância de `SearchProblem`)
- `self.problem.domain` - O domínio (uma instância de `SearchDomain`) em que se enquadra o problema
- `self.problem.domain.actions(state)` - Devolve uma lista com as acções aplicáveis em `state`
- `self.problem.domain.result(state,action)` - Devolve o resultado de `action` em `state`
- `self.problem.domain.cost(state,action)` - Devolve o custo de `action` em `state`
- `self.problem.domain.heuristic(state1,state2)` - Devolve uma estimativa do custo de ir de `state1` para `state1`
- `self.problem.initial` - O estado inicial
- `self.problem.goal` - O estado objectivo
- `self.problem.goal_test(state)` - Verifica se `state` é o objectivo
- `self.strategy` - A estratégia de pesquisa usada
- `self.open_nodes` - A fila dos nós abertos (folhas da árvore, a expandir), em que cada nó é uma instância de `SearchNode`
- `self.search()` - O método principal de pesquisa

O método principal da classe `SearchTree` implementa um procedimento genérico de pesquisa, baseado em fila de nós abertos:

```
def search(self):
    while self.open_nodes != []:
        node = self.open_nodes[0]
        if self.problem.goal_test(node.state):
            return self.get_path(node)
        self.open_nodes[0:1] = []
        lnewnodes = []
        for a in self.problem.domain.actions(node.state):
            newstate = self.problem.domain.result(node.state,a)
            lnewnodes += [SearchNode(newstate,node)]
        self.add_to_open(lnewnodes)
    return None
```

Em anexo, encontra ainda o módulo `cidades`, com um domínio de aplicação concreto, que pode usar para testes.

2 Exercícios

Resolva em seguida as seguintes alíneas: [1]

1. (1) A implementação fornecida não previne ciclos. Isso leva a desperdício de espaço de memória na pesquisa em largura e a ciclos infinitos na pesquisa em profundidade. Assim, altere e/ou acrescente o código necessário por forma a prevenir a criação de ramos com ciclos. Teste o programa com a estratégia de *pesquisa em profundidade*.

2. (6) Na estrutura de dados usada para representar os nós no módulo de pesquisa, acrescente um campo para registar a profundidade do nó. Considera.se que a raiz da árvore de pesquisa está na profundidade 0.

3. (7) Modifique o algoritmo de pesquisa de maneira a registar, na árvore de pesquisa (uma instância de `SearchTree`), o comprimento da solução encontrada, dado pelo número de transições de estado desde o estado inicial até ao estado que satisfaz o objectivo.

4. (8) Faça as alterações necessárias ao módulo `tree_search`, por forma a suportar a pesquisa em profundidade com limite.

5. (13) Acrescente código ao método `search()` da classe `SearchTree` por forma a calcular o número total de nós terminais e não terminais existentes na árvore após a conclusão da pesquisa. Essa informação deverá ficar armazenada em campos do `self`. Considere que um nó expandido, mas sem filhos, conta como nó não terminal.

6. (14) Como sabe, o factor de ramificação média é dado pelo ratio entre o número de nós filhos (ou seja, todos os nós com excepção da raiz da árvore) e o número de nós pais (nós não terminais). Acrescente código ao método `search()` da classe `SearchTree` por forma a calcular o respectivo factor de ramificação média, armazenando-o num campo do `self`.

7. (2) Na classe `Cidades` do módulo `cidades`, acrescente uma implementação do método `cost()`, o qual, dado um estado e uma acção, devolve o respectivo custo de executar essa acção nesse estado. Neste caso, para uma acção $(C1, C2)$, correspondente a uma deslocação da cidade $C1$ para a cidade $C2$, o custo deverá ser a distância entre essas cidades.

8. (3) Na estrutura de dados usada para representar os nós no módulo `tree_search`, acrescente um campo para o custo acumulado desde a raiz até cada nó. Modifique o algoritmo de pesquisa por forma a registar o custo acumulado em cada nó introduzido na árvore.

9. (5) Modifique o algoritmo de pesquisa de maneira a registar, na árvore de pesquisa (uma instância de `TreeSearch`), o custo total da solução encontrada, dado pela soma dos custos das sucessivas transições.

10. (4) Faça as alterações necessárias ao código deste módulo por forma a suportar a *pesquisa de custo uniforme*.

11. (9) Na estrutura de dados usada para representar os nós no módulo de pesquisa, acrescente um campo para registar uma estimativa (heurística) do custo de chegar a uma solução a partir do estado desse nó.

12. (10) Identifique uma heurística adequada para o classe de domínios de problemas definida no módulo `cidades` (classe `Cidades`) e implemente o método `heuristic()` dessa classe.

[1] A numeração dos exercícios foi modificada. A numeração do ano lectivo anterior é dada entre parentesis.

13. (11) Faça as alterações necessárias ao módulo `tree_search` por forma a suportar a pesquisa gulosa.

14. (12) Faça as alterações necessárias ao módulo `tree_search` por forma a suportar a pesquisa A*. Comparare os resultados das diferentes técnicas de pesquisa.

15. (15) Acrescente código ao método `search()` da classe `SearchTree` por forma a determinar o nó ou nós com maior custo acumulado. Esta informação dever armazenada na forma de uma lista num campo do `self`.

16. (16) Acrescente código ao método `search()` da classe `SearchTree` por forma a determinar a profundidade média dos respectivos nós. Esta informação deve ser armazenada num campo do `self`.

III Pesquisa para problemas de atribuição com restrições

Em anexo a este guião, pode encontrar o módulo `constraintsearch`, similar ao desenvolvido nas aulas teóricas. O módulo disponibiliza uma classe `ConstraintSearch` que permite resolver problemas de atribuição com restrições. Por sua vez, e a título de exemplo, o módulo `rainhas` cria uma instância de `ConstraintSearch` para resolver o problema das 4 rainhas.

1 Exercícios

1. Resolva os exercícios IV.4 e IV.5 do guião teórico-pratico usando o módulo `constraintsearch`.

2. O método `search()` da classe `ConstraintSearch` não faz propagação de restrições. Acrescente um método para fazer propagação de restrições e utilize-o no método `search()`.