

# Algoritmo MergeSort

Estrutura de Dados II  
Prof Jairo Francisco de Souza

# Intercalação

## ■ Generalidades

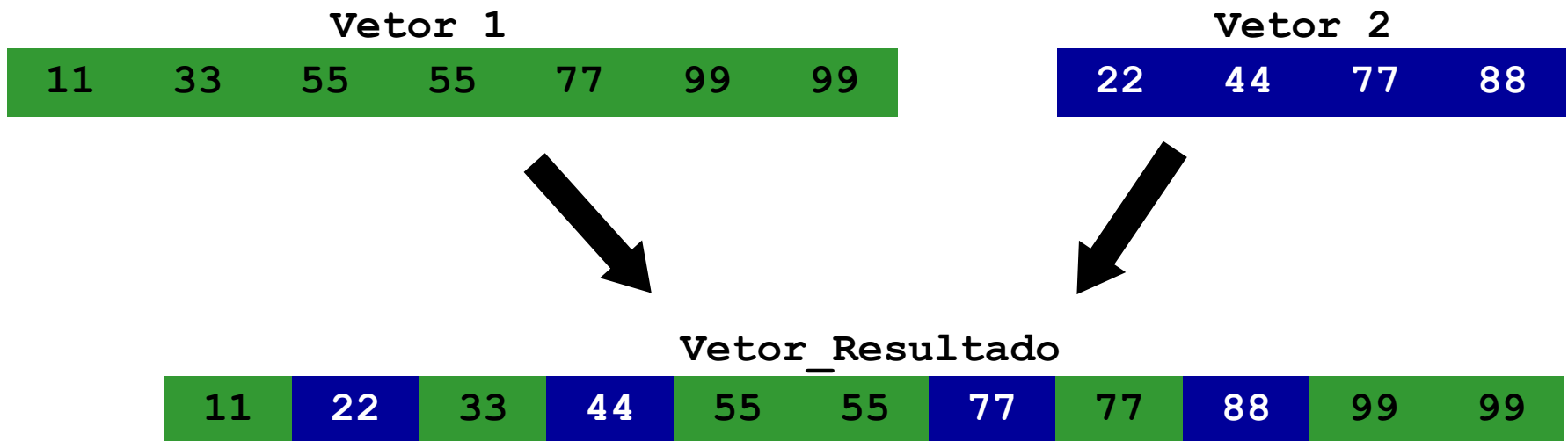
- Intercalação é o processo através do qual diversos arquivos seqüenciais classificados por um mesmo critério são mesclados gerando um único arquivo seqüencial

## ■ Algoritmo Básico

- De cada um dos arquivos a intercalar basta ter em memória um registro. Considera-se cada arquivo como uma pilha, e o registro em memória seu topo
- Em cada iteração do algoritmo e leitura dos registros, o topo da pilha com menor chave é gravado, e substituído pelo seu sucessor. Pilhas vazias têm topo igual a high value
- O algoritmo termina quando todos os topos da pilha tiverem high value

# Intercalação

- Outra forma de intercalação é mesclar dois vetores (ordenados previamente)
- O resultado é um vetor ordenado, com os elementos dos vetores usados na mesclagem



# Intercalação

- Inicialmente, para que aconteça a intercalação (ou *merge*), os elementos dos dois vetores devem ser copiados para apenas um vetor
- Para execução do algoritmo de intercalação, o índice de início do segundo vetor e o tamanho do novo vetor devem

ser encontrados      União dos Vetores

Vetor 1

Vetor 2

11   33   55   55   77   99   99

22   44   77   88

Início

Início Vet\_2

Fim

11   33   55   55   77   99   99

22   44   77   88

Intercalação



11   22   33   44   55   55   77   77   88   99   99

# Intercalação

- A intercalação deve ser usada também quando há necessidade de unir dados de dois arquivos de dados
- Desta maneira, os dados poderiam ser acessados por meio de suas estruturas
- Através de comandos de manipulação de arquivos, os dados entre os arquivos poderiam ser intercalados, gerando um novo arquivo de dados
- Neste caso, o desenvolvedor deve se preocupar principalmente com a coincidência de chaves primárias, e realizar o tratamento das transações problemáticas

# Algoritmo de Intercalação

```
intercala (inteiro inicio_vet, inteiro inicio_vet_2, inteiro fim_vet, inteiro vetor[])
{
    inteiro indice_inicio, indice_inicio_vet_2, indice_aux;
    inteiro *vetor_aux;
    vetor_aux = (inteiro *) aloca_memoria (fim_vet * sizeof (inteiro));
    indice_inicio = inicio_vet;
    indice_inicio_vet_2 = inicio_vet_2;
    indice_aux = 0;
    Enquanto (indice_inicio < inicio_vet_2 e indice_inicio_vet_2 < fim_vet)
    {
        Se (vetor[indice_inicio] <= vetor[indice_inicio_vet_2])
        {
            vetor_aux [indice_aux] = vetor[indice_inicio];
            indice_aux = indice_aux + 1;
            indice_inicio = indice_inicio + 1;
        } senão {
            vetor_aux [indice_aux] = vetor[indice_inicio_vet_2];
            indice_aux = indice_aux + 1;
            indice_inicio_vet_2 = indice_inicio_vet_2 + 1;
        }
    }

    Enquanto (indice_inicio < inicio_vet_2) {
        vetor_aux [indice_aux] = vetor[indice_inicio];
        indice_aux = indice_aux + 1;
        indice_inicio = indice_inicio + 1;
    }

    Enquanto (indice_inicio_vet_2 < fim_vet) {
        vetor_aux [indice_aux] = vetor[indice_inicio_vet_2];
        indice_aux = indice_aux + 1;
        indice_inicio_vet_2 = indice_inicio_vet_2 + 1;
    }

    Para (indice_inicio = inicio_vet; indice_inicio < fim_vet; indice_inicio++) {
        vetor[indice_inicio] = vetor_aux [indice_inicio - inicio_vet];
    }

    liberar_memoria (vetor_aux);
}
```

# Intercalação usada para ordenação

- Algoritmo MergeSort utiliza a idéia de intercalação para ordenar registros.
- Algoritmo criado por von Neumann
- Complexidade  $O(N \log N)$  no caso médio e pior
- No pior caso é mais rápido do que o QuickSort
- Exemplo: Ordenar 10000 chaves:
- Algoritmos de  $O(N^2)$ : 100.000.000 comparações
- MergeSort: 40.000 comparações

# MergeSort

A idéia central é unir dois arrays que já estejam ordenados. Ou seja, unir dois arrays A e B já ordenados e criar um terceiro array C que contenha os elementos de A e B já ordenados na ordem correta.

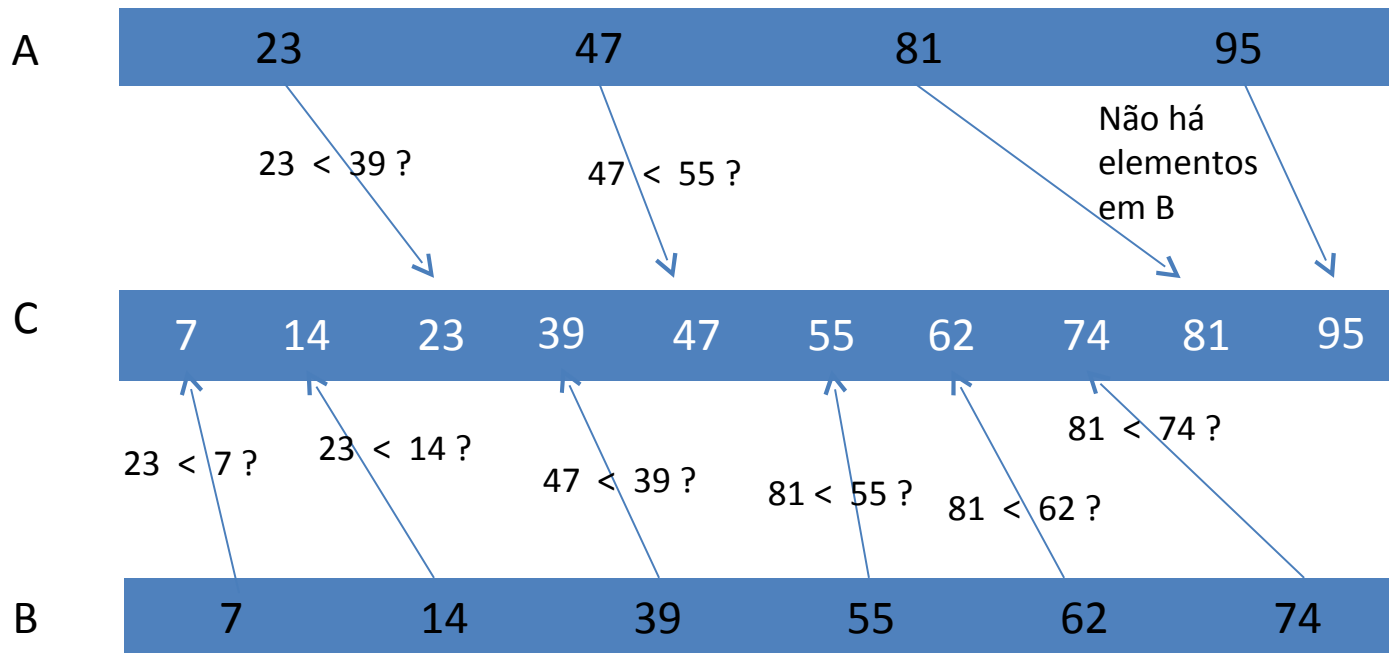
O foco inicial é no processo de junção dos arrays e posteriormente vamos trabalhar o processo de ordenação



# Cenário

Considere que temos dois arrays já ordenados A e B que não precisam ser do mesmo tamanho onde A possui 4 elementos e B possui 6 elementos. Eles serão unidos para a criação de um array C com 10 elementos ao final do processo de união

# Cenário



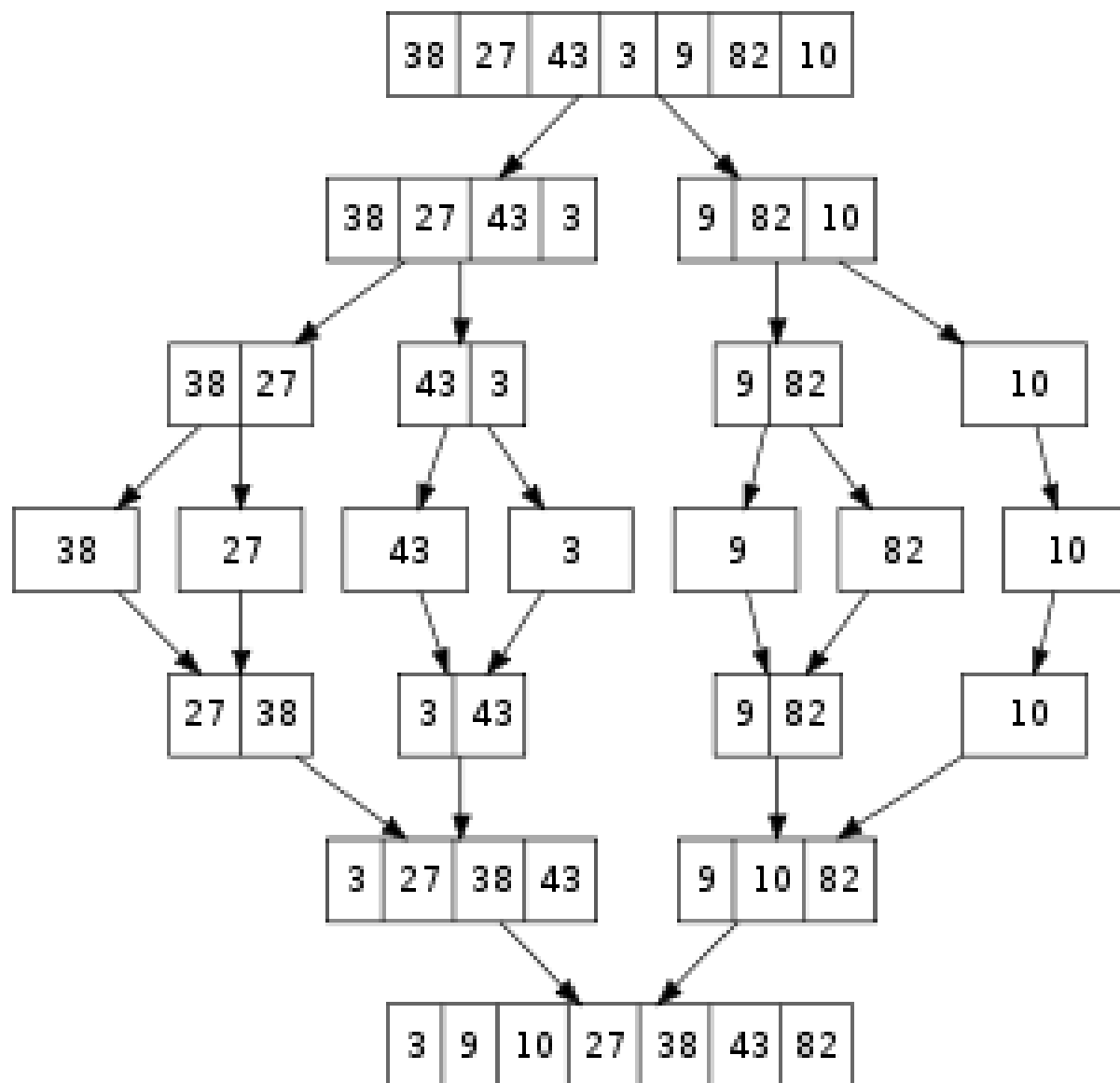
# Ordenação

A idéia do método MergeSort é dividir um array ao meio, ordenar cada metade e depois unir estas duas metades novamente formando o array original, porém ordenado.

Como seria feita essa divisão e ordenação para que as metades possam ser unidas?

**RECURSIVIDADE!**

# Ordenação



# O algoritmo MergeSort

- O algoritmo divide a sequência original em pares de dados, classificando e intercalando os elementos das partições
- Três passos são fundamentais para a execução do *mergesort*:
  - Dividir: Dividir os dados em subsequências pequenas;
  - Conquistar: Classificar as duas metades recursivamente aplicando o *mergesort*;
  - Combinar: Juntar as duas metades em um único conjunto já classificado

# O algoritmo MergeSort

- Dividir para conquistar
- O algoritmo é executado de forma recursiva
- Primeiro ordenar a primeira metade, em seguida a segunda metade

```
mergesort(inteiro *vetor, inteiro inicio, inteiro fim)
{
    inteiro meio;

    Se (inicio < fim) {

        meio = (inicio + fim) / 2;
        mergesort(vetor, inicio, meio);
        mergesort(vetor, meio+1, fim);
        intercala(vetor, inicio, meio, fim);
    }
}
```

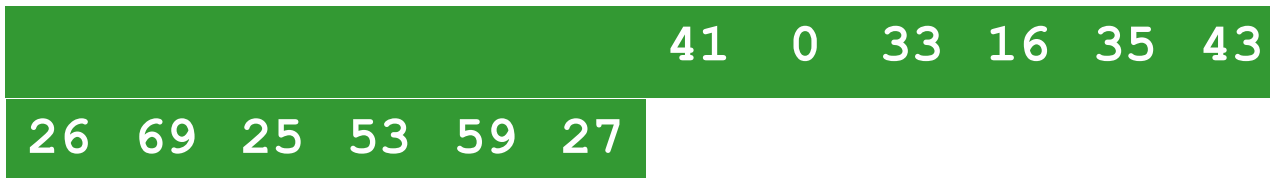
# O algoritmo MergeSort

- Considere o vetor abaixo:

26 69 25 53 59 27 41 0 33 16 35 43

# O algoritmo MergeSort

## ■ Execução:

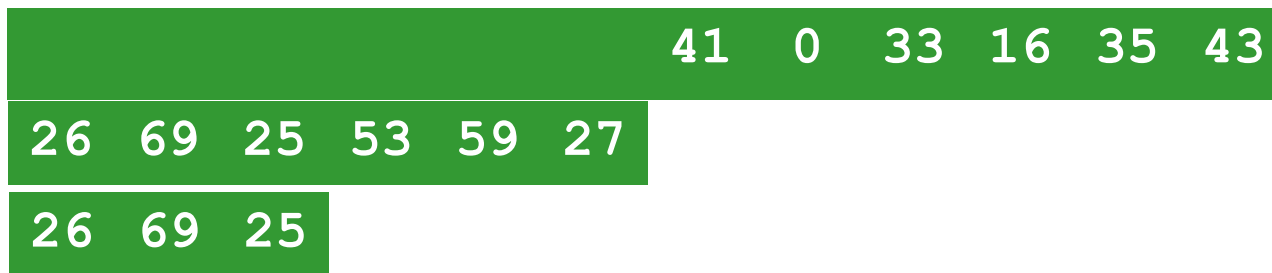


```
...  
Se (inicio < fim) {  
    → meio = (inicio + fim) / 2;  
      mergesort(vetor, inicio, meio);  
      mergesort(vetor, meio+1, fim);  
      intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```



# O algoritmo MergeSort

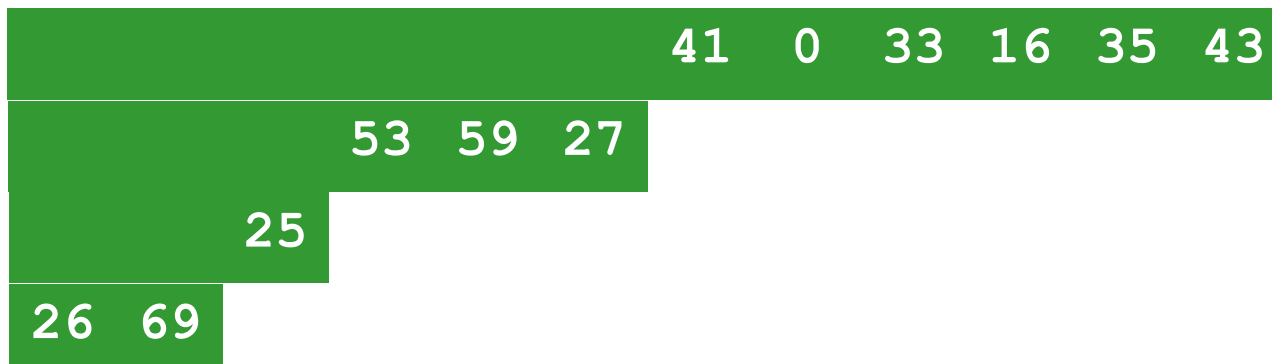
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    → mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

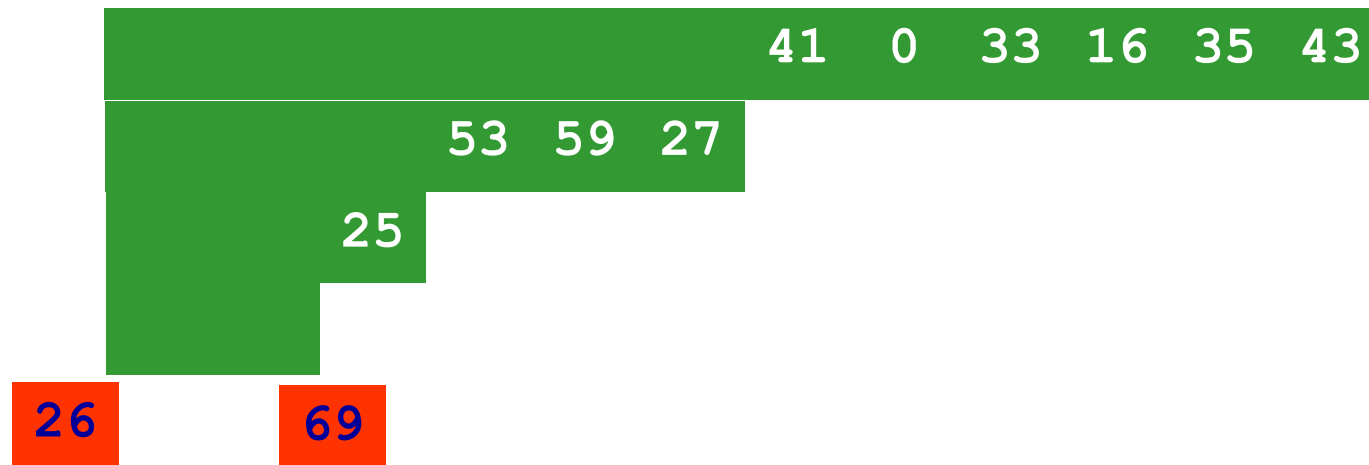
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    → mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

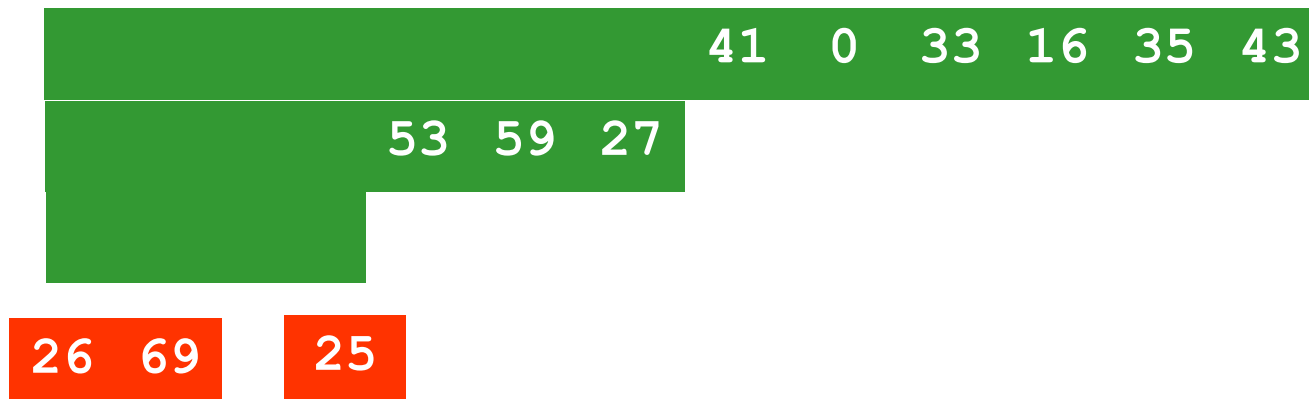
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

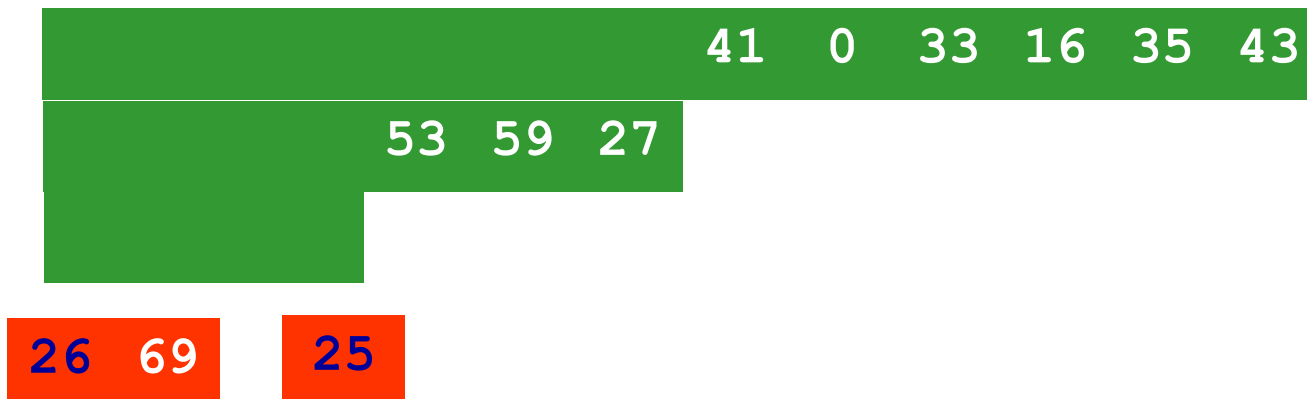
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    → mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

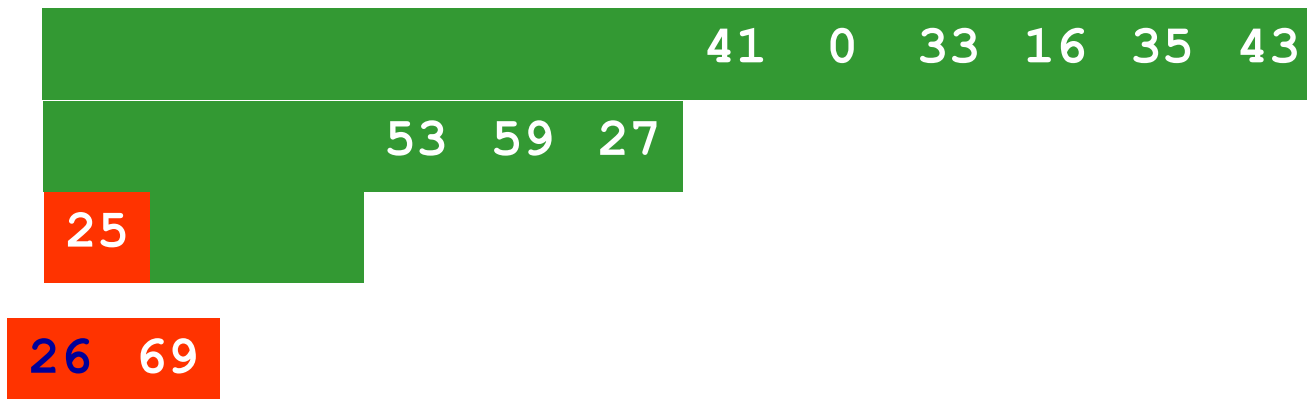
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

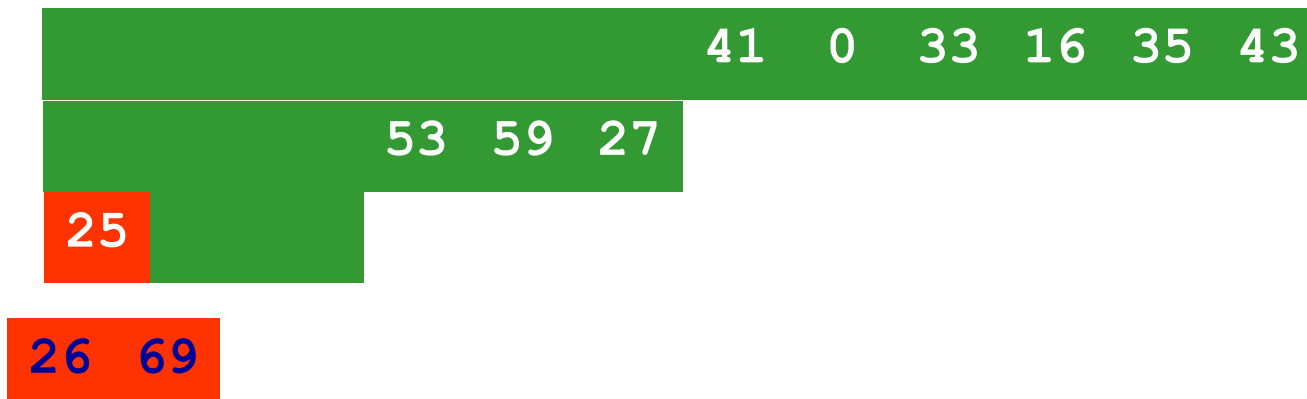
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

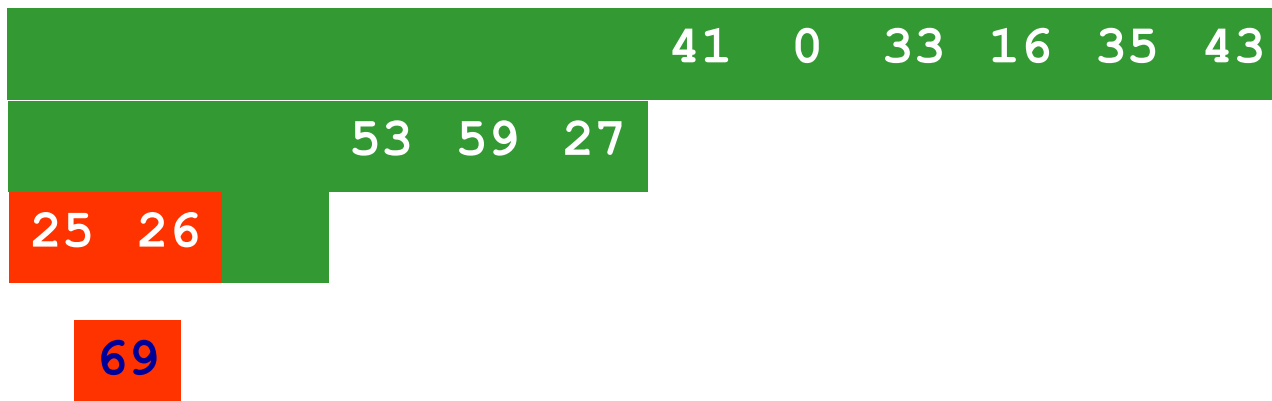
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

## ■ Execução:

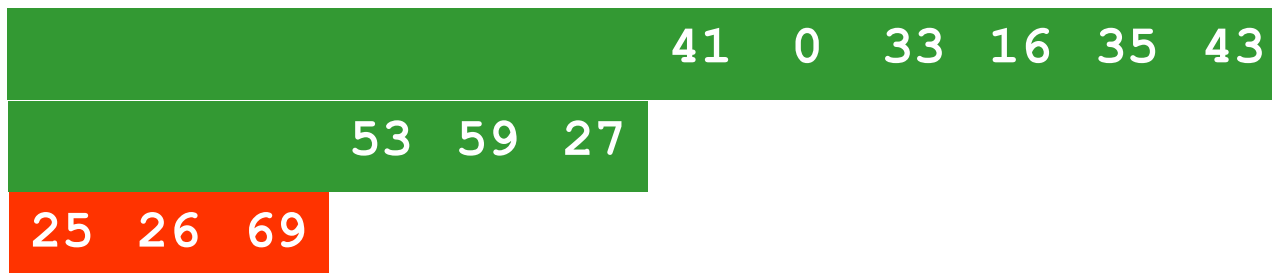


```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```



# O algoritmo MergeSort

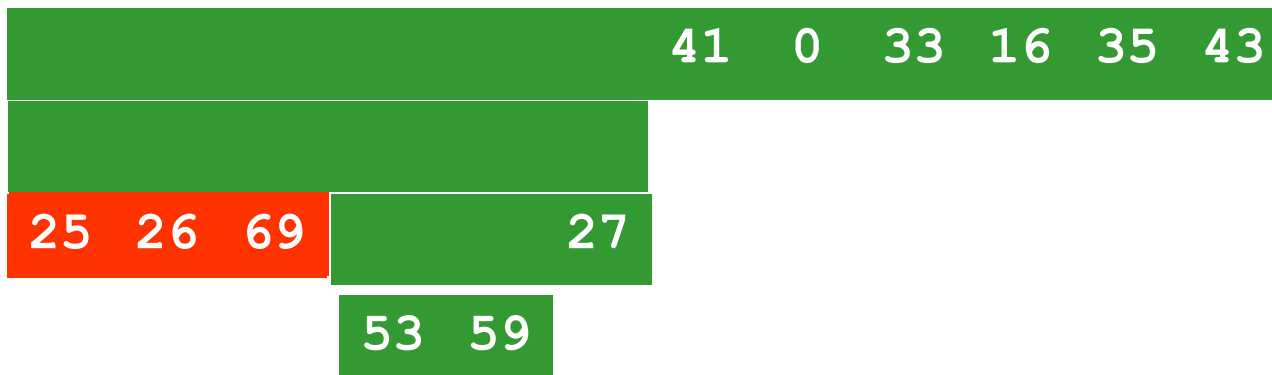
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    → mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

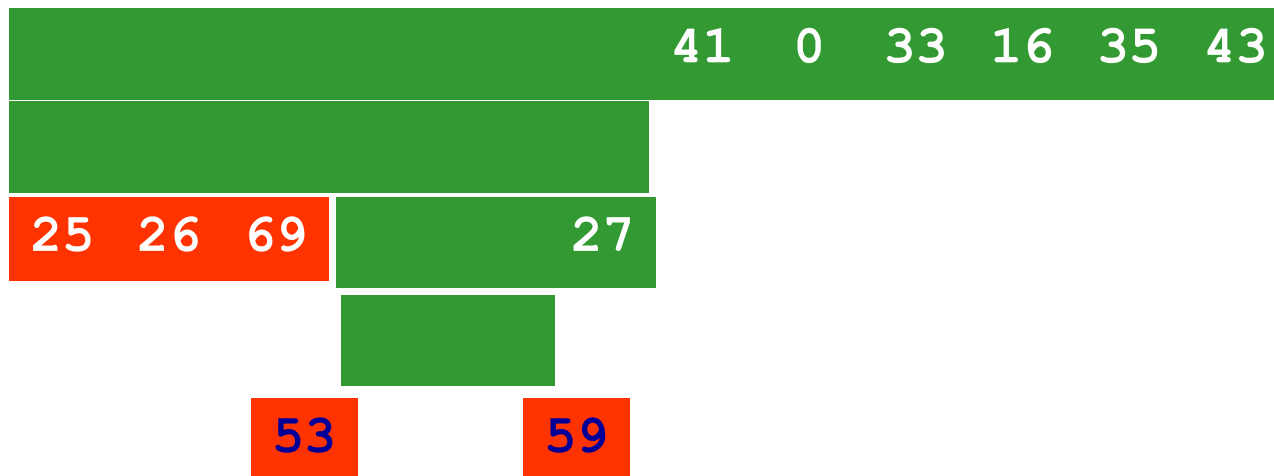
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    → mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

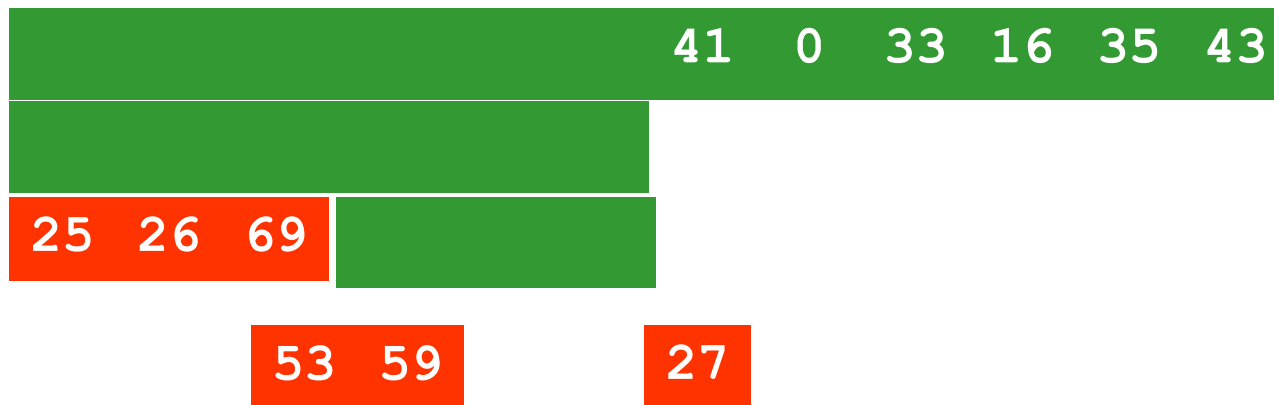
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

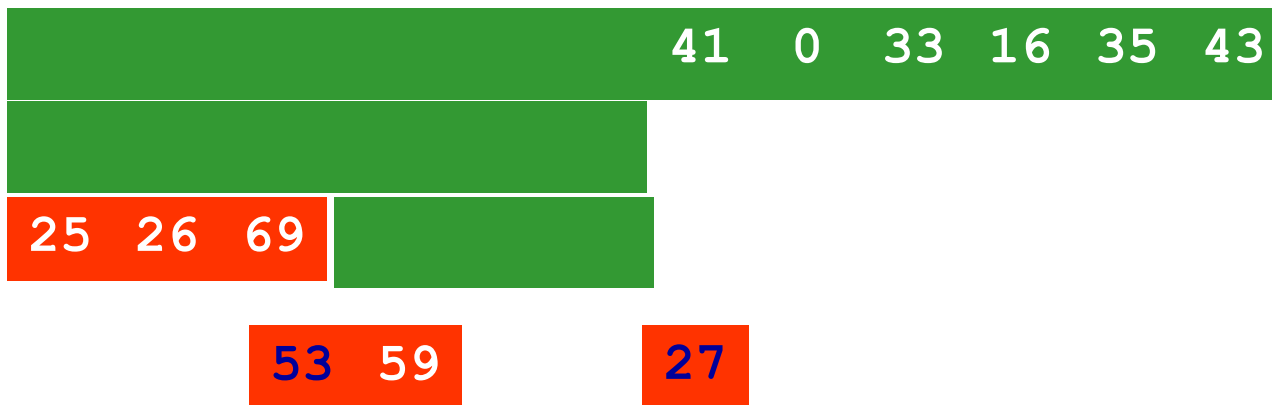
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    → mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

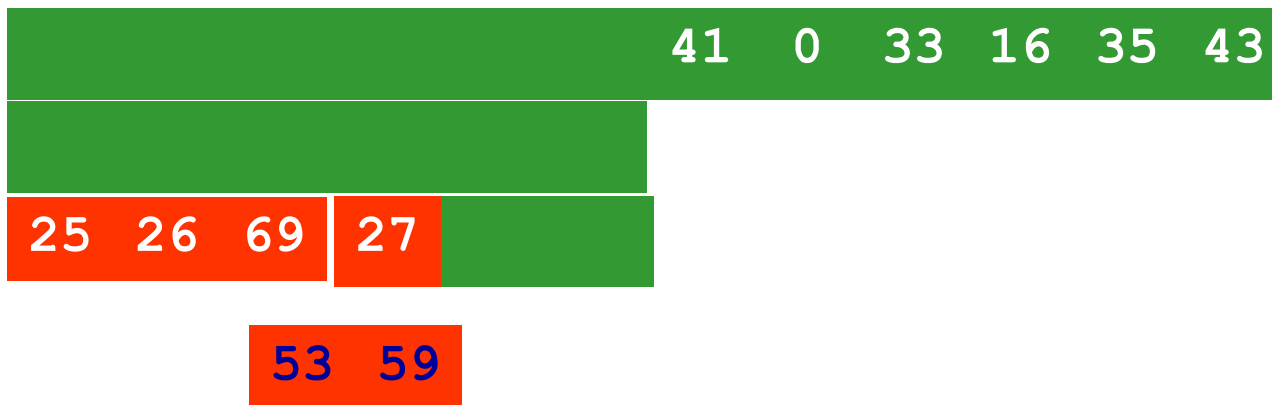
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

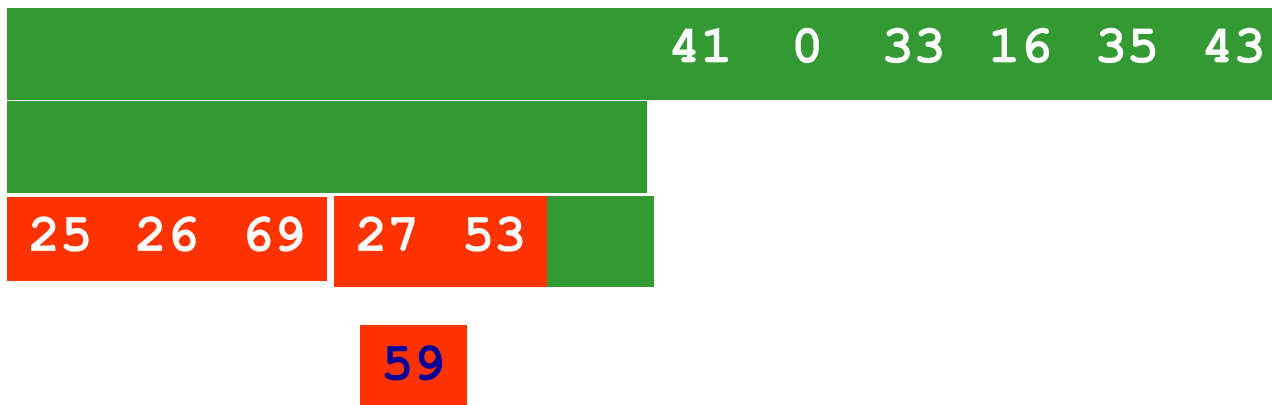
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

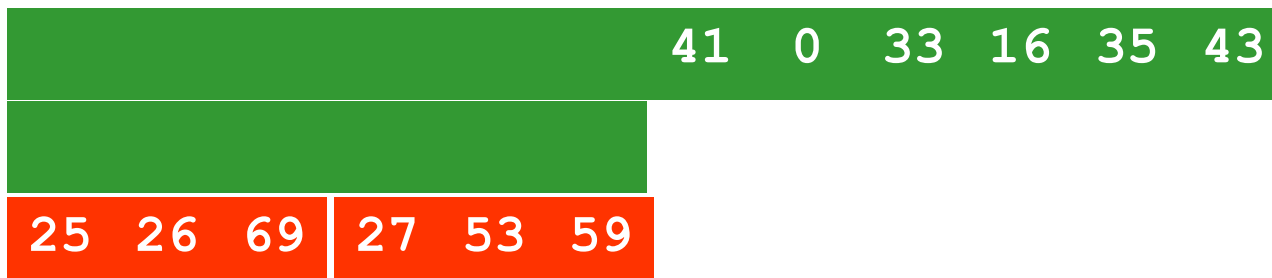
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

## ■ Execução:

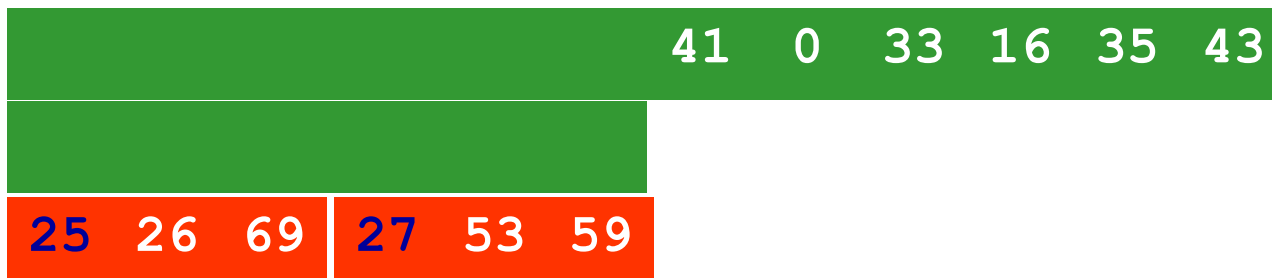


```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```



# O algoritmo MergeSort

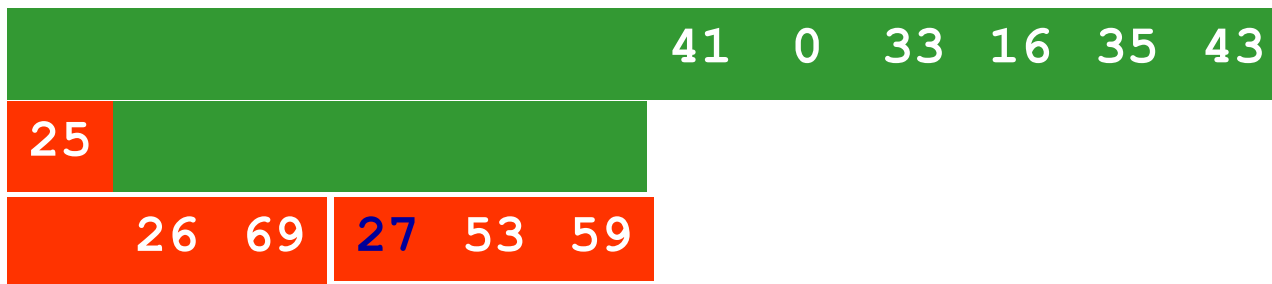
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

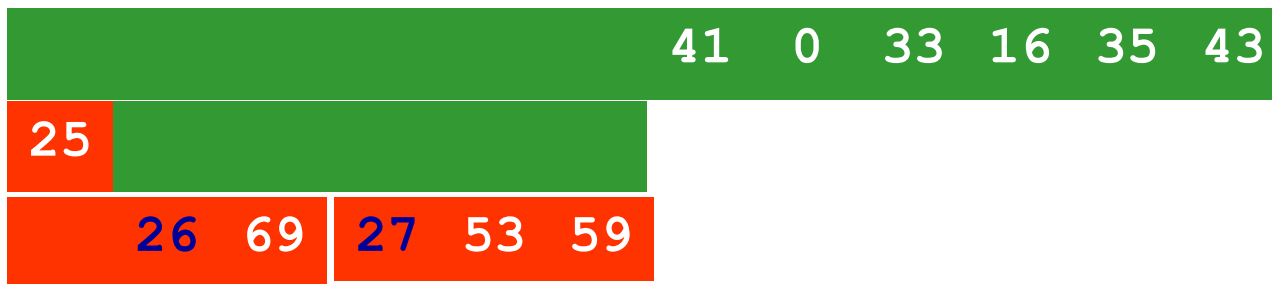
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

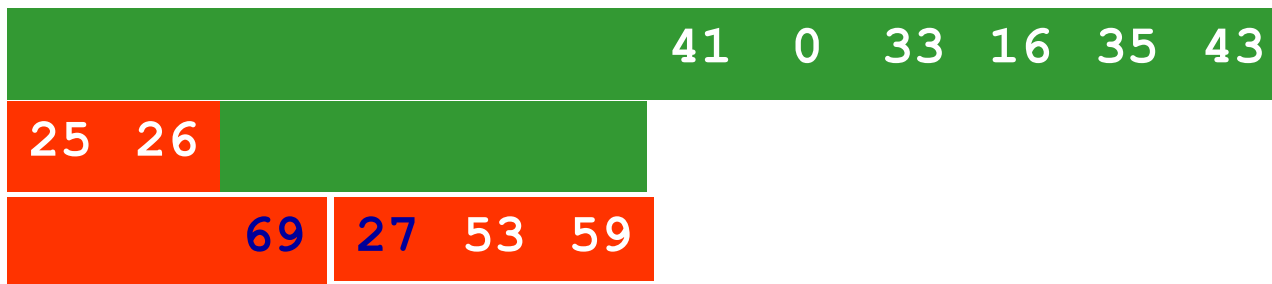
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

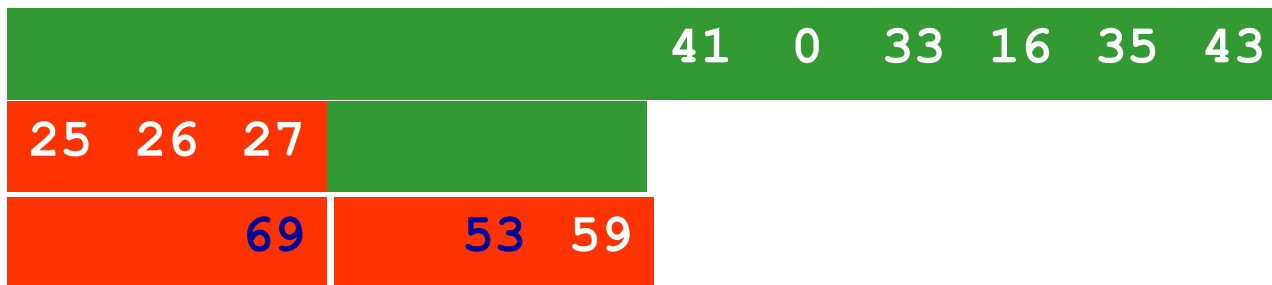
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

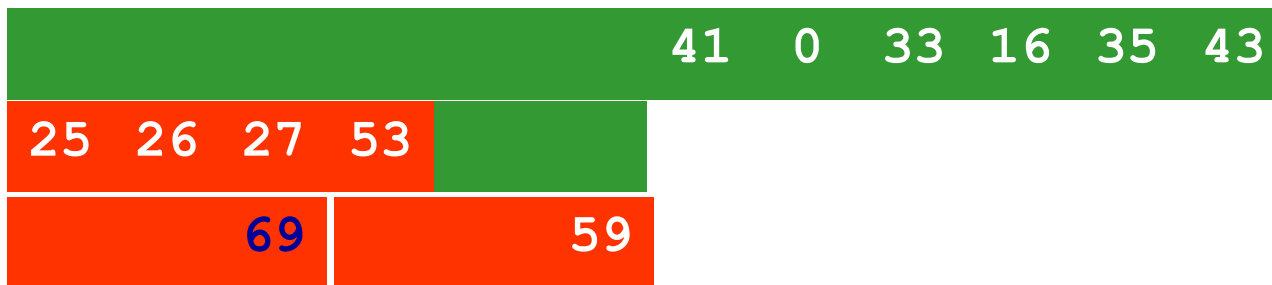
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

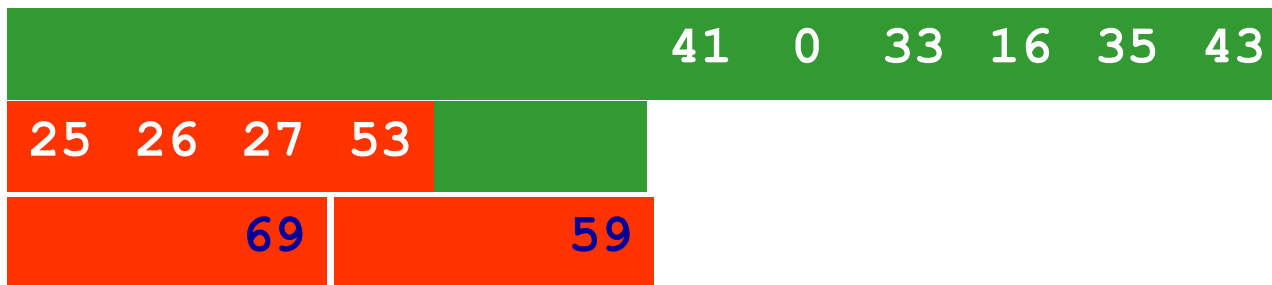
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

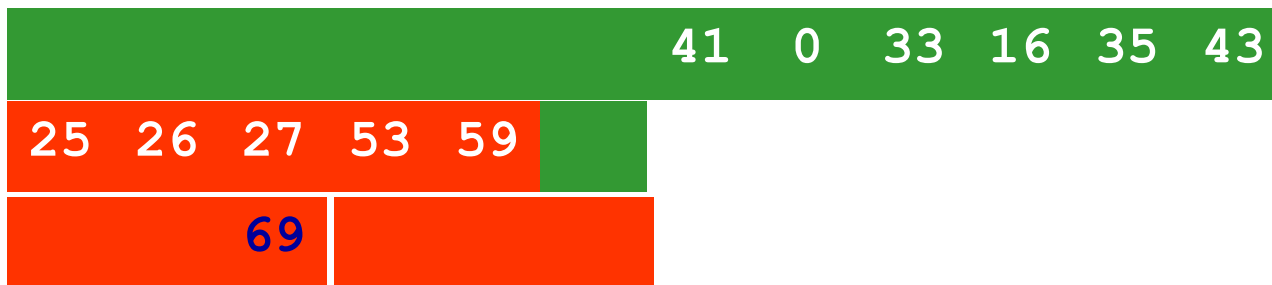
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

## ■ Execução:

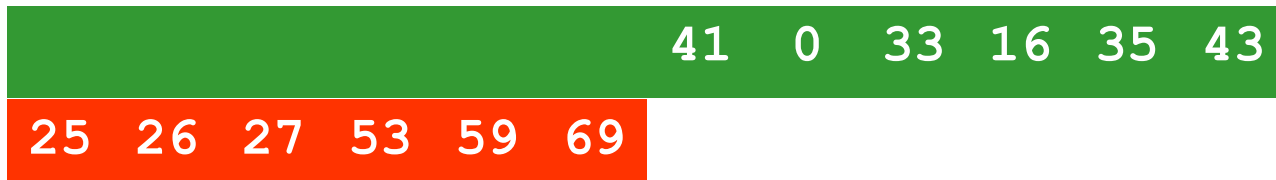


```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```



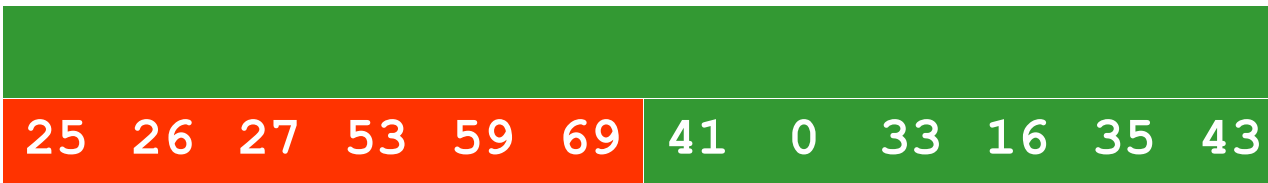
# O algoritmo MergeSort

- Execução:



# O algoritmo MergeSort

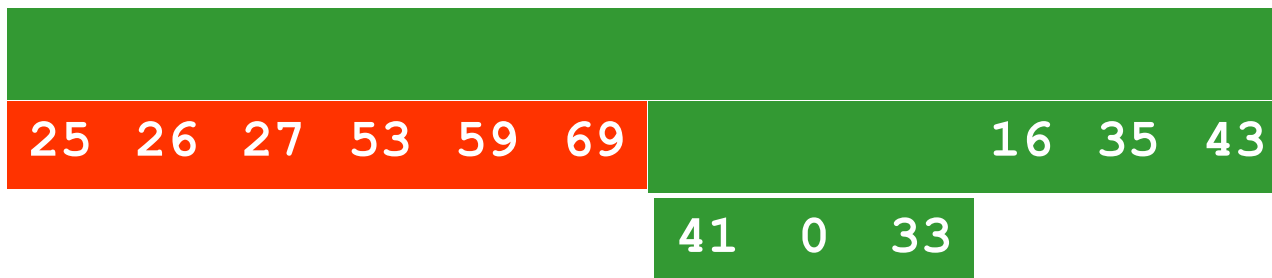
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    → mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

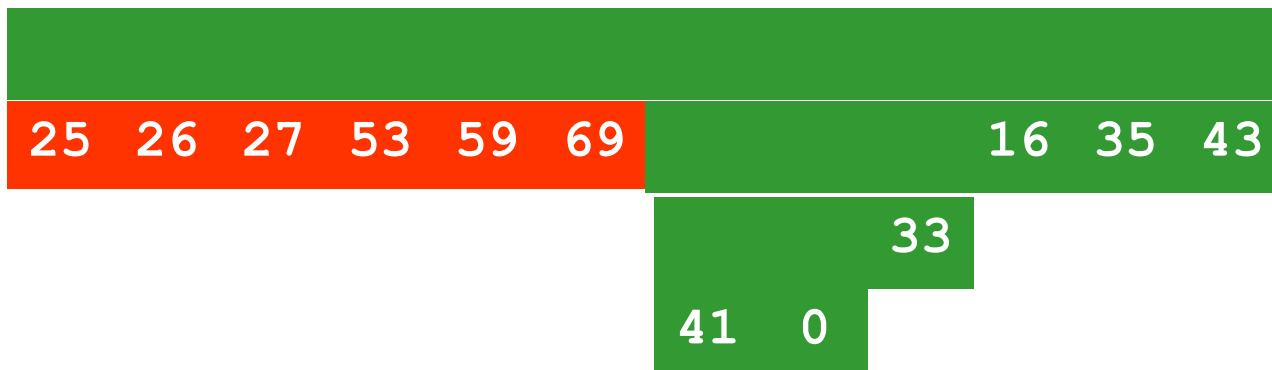
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    → mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

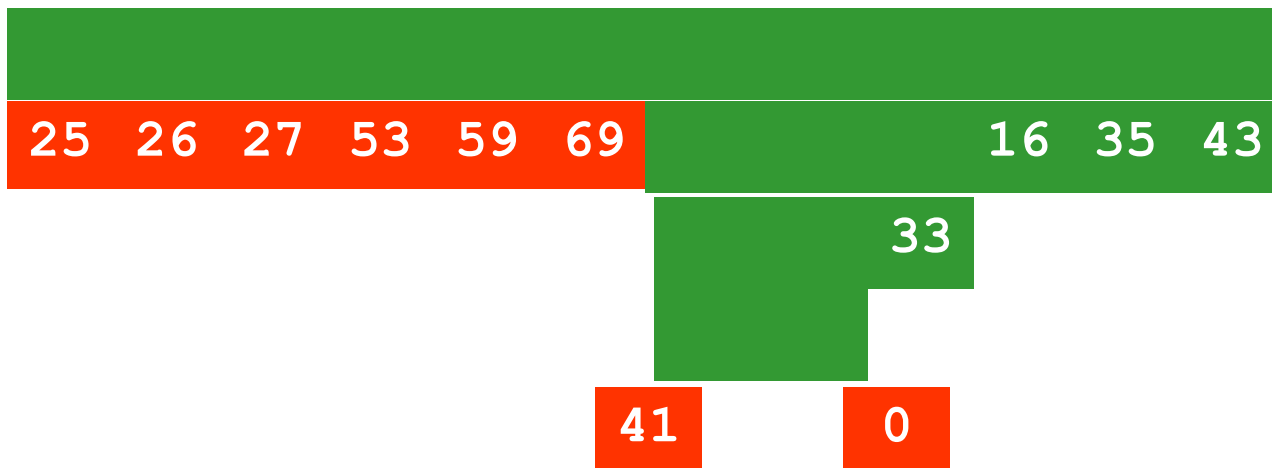
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    → mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

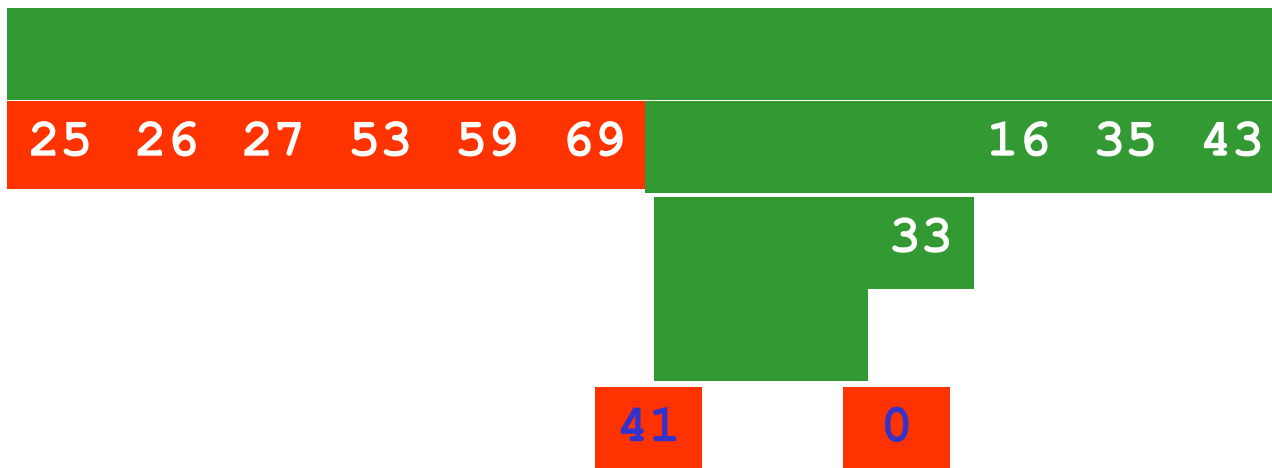
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    → mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

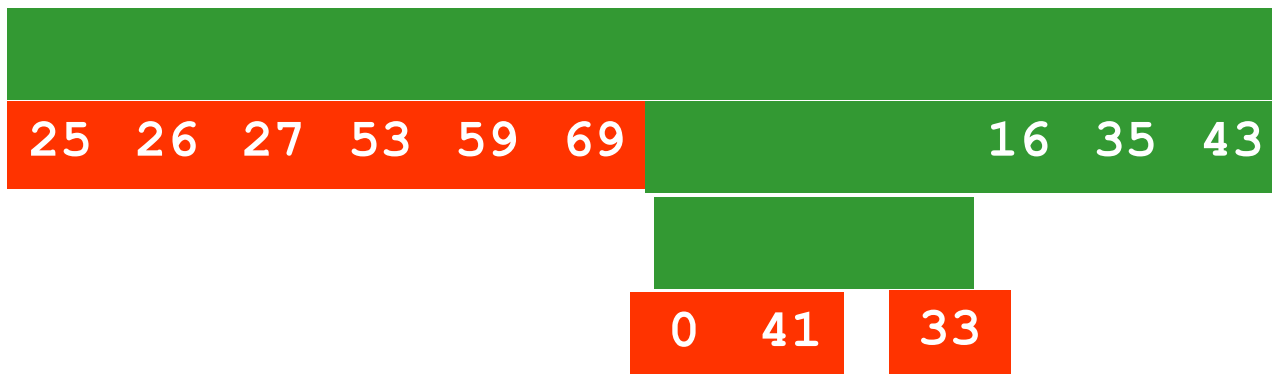
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

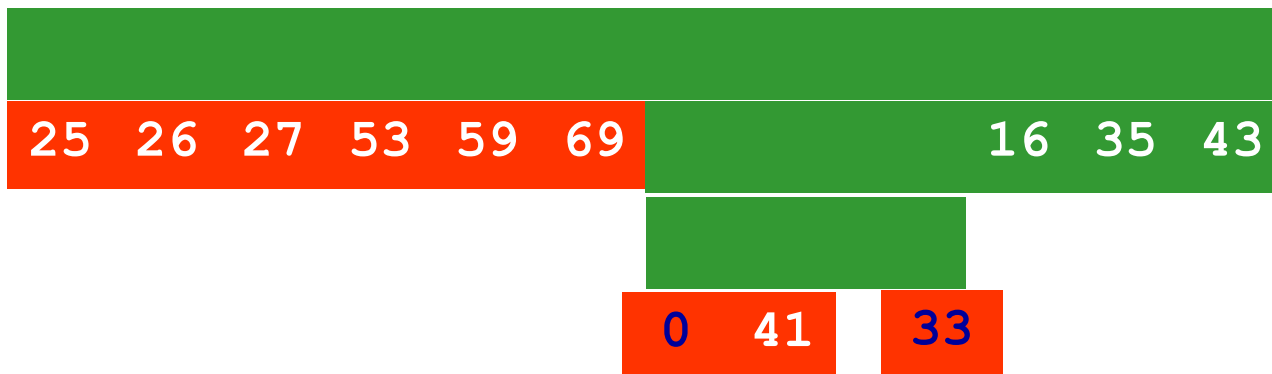
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    → mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

## ■ Execução:

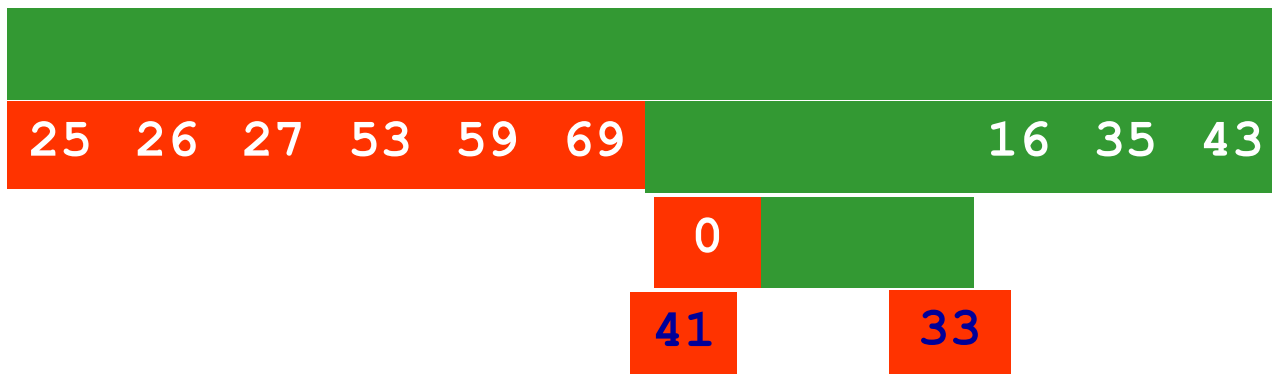


```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```



# O algoritmo MergeSort

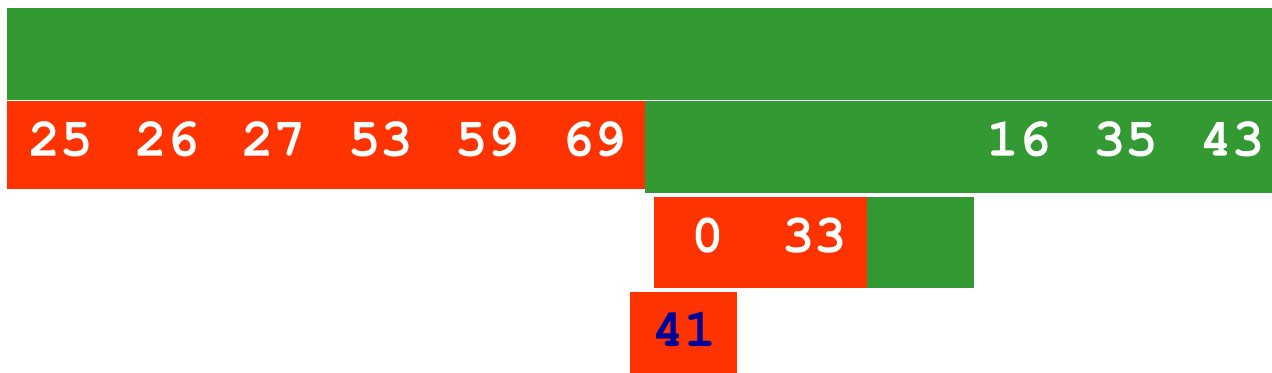
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

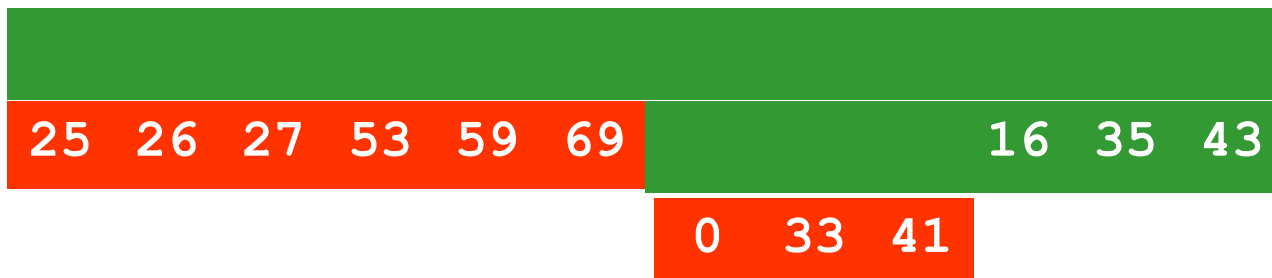
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

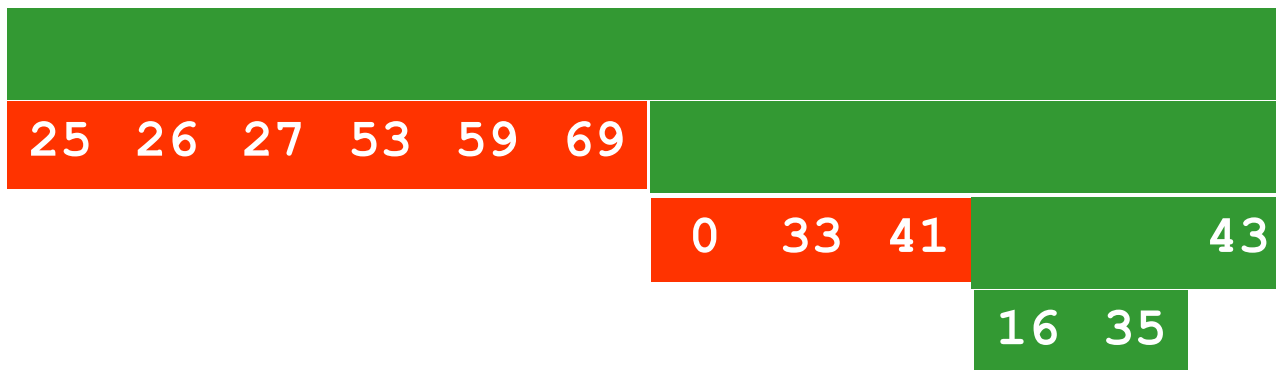
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    → mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

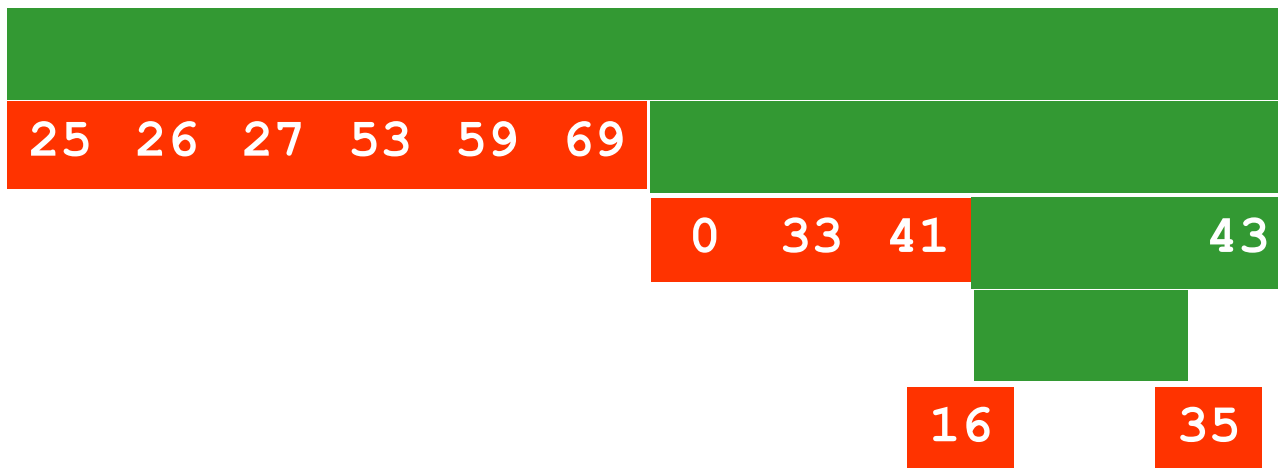
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    → mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

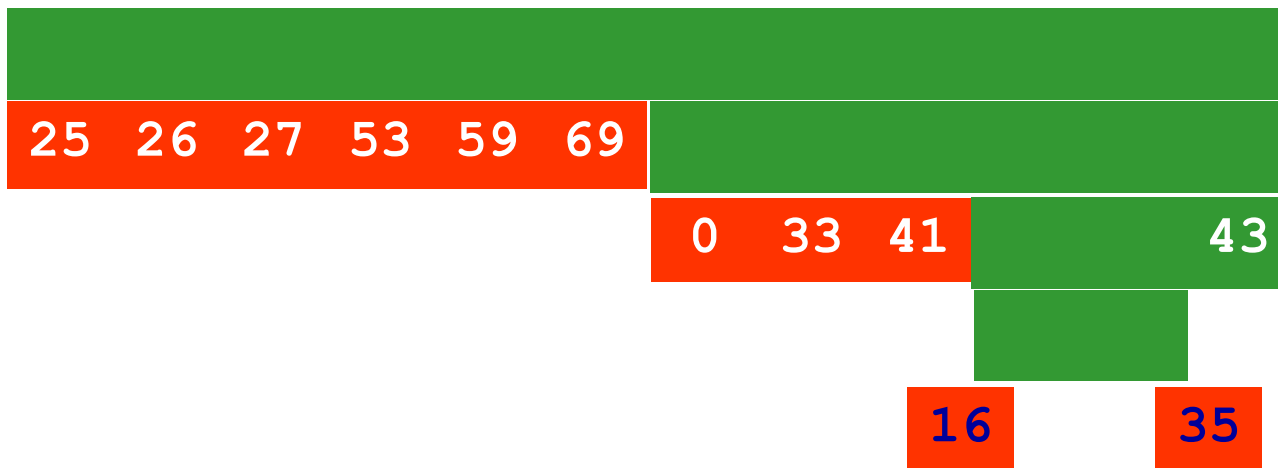
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

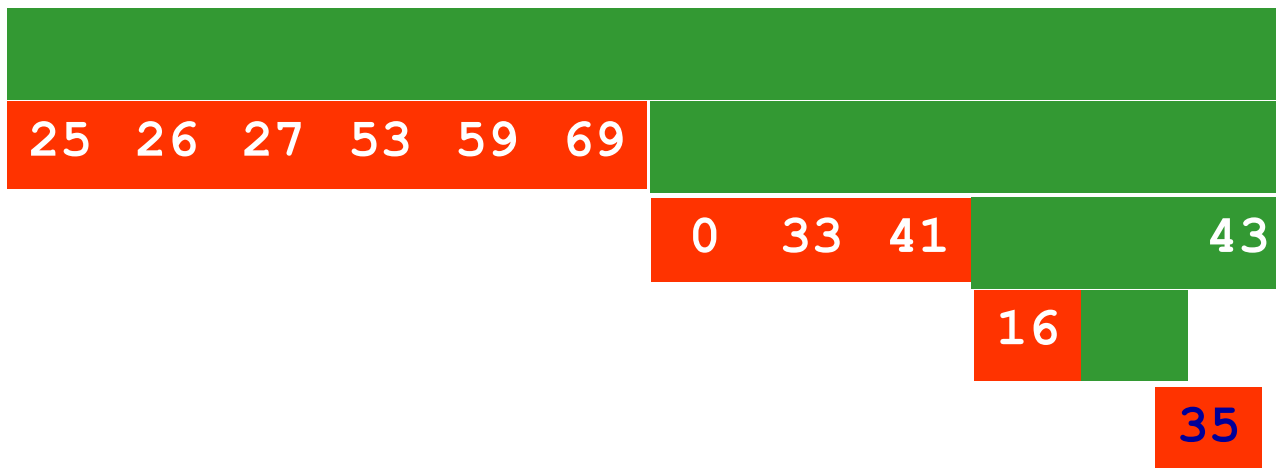
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

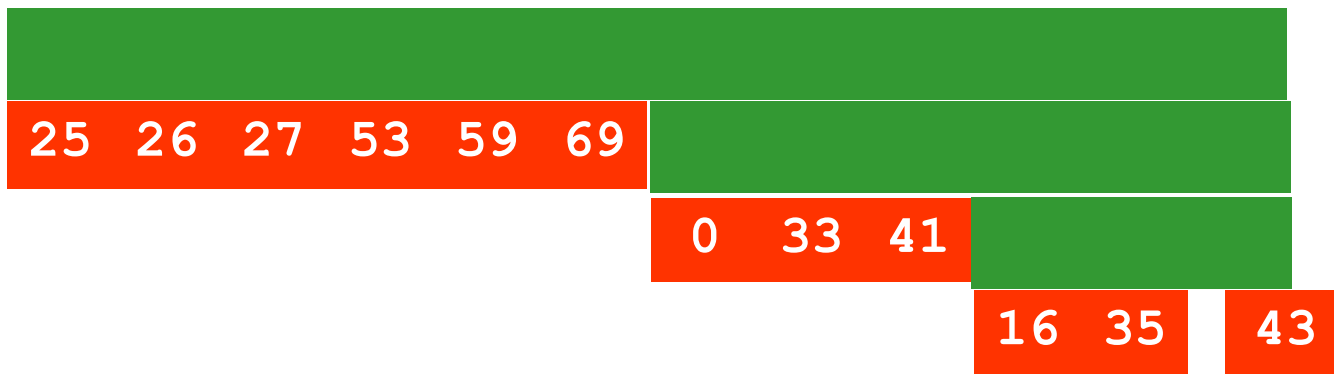
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

## ■ Execução:

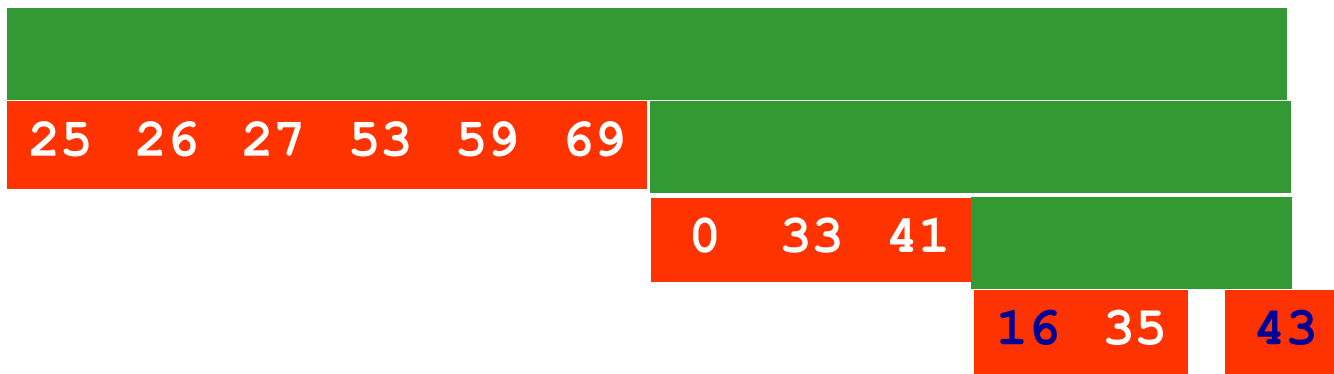


```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    → mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```



# O algoritmo MergeSort

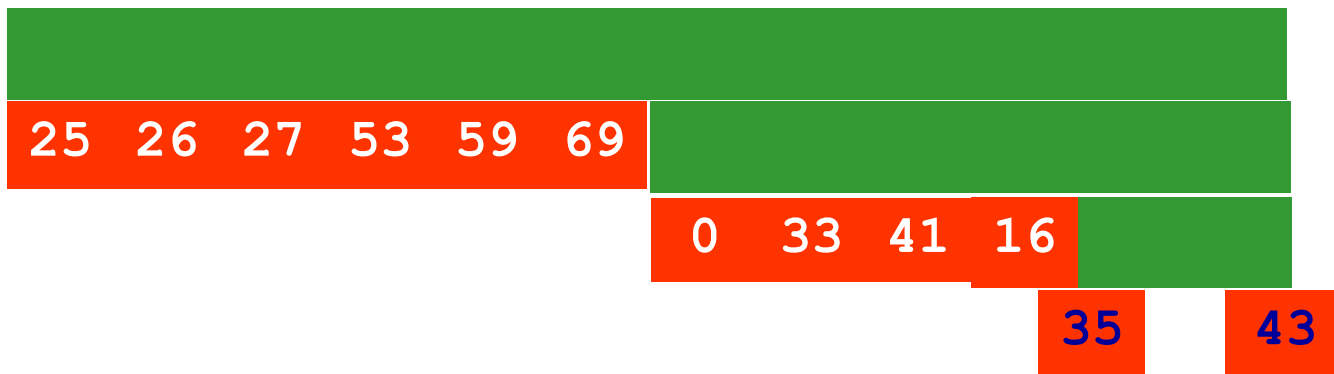
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

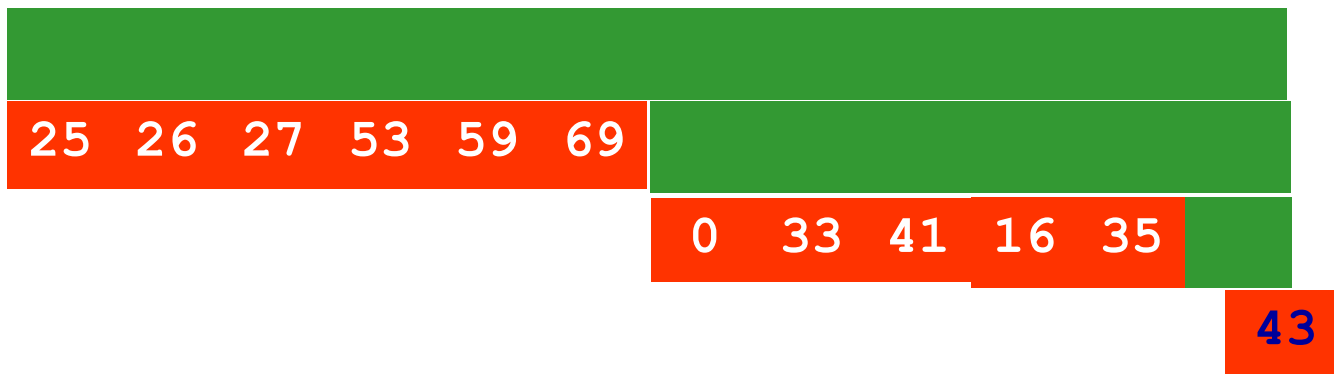
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

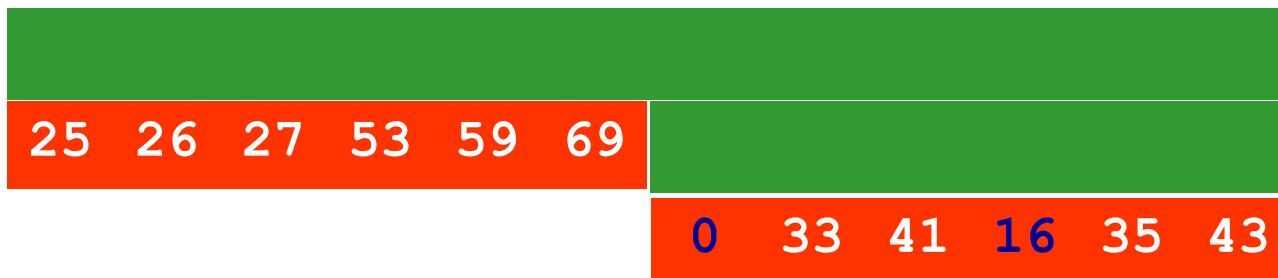
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

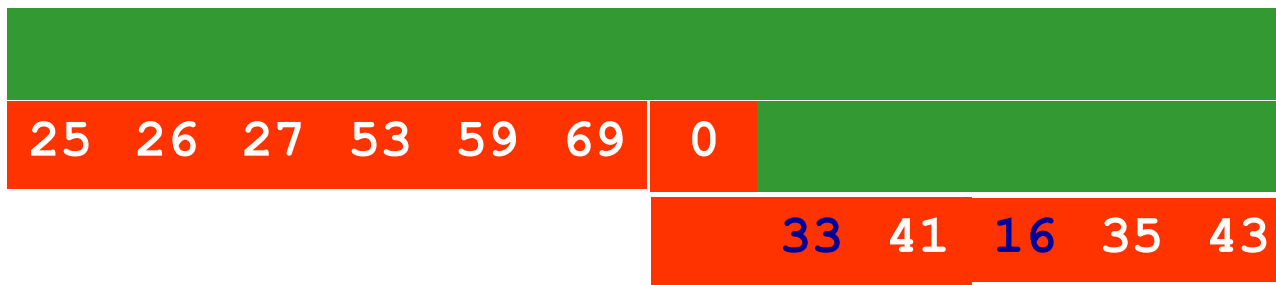
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

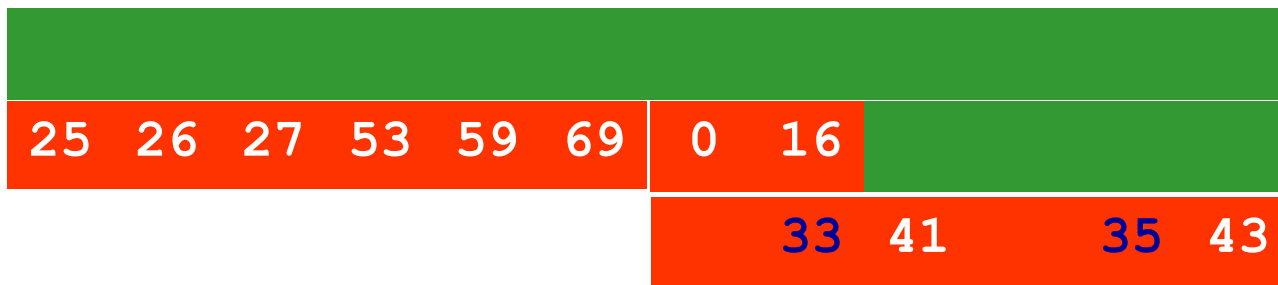
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

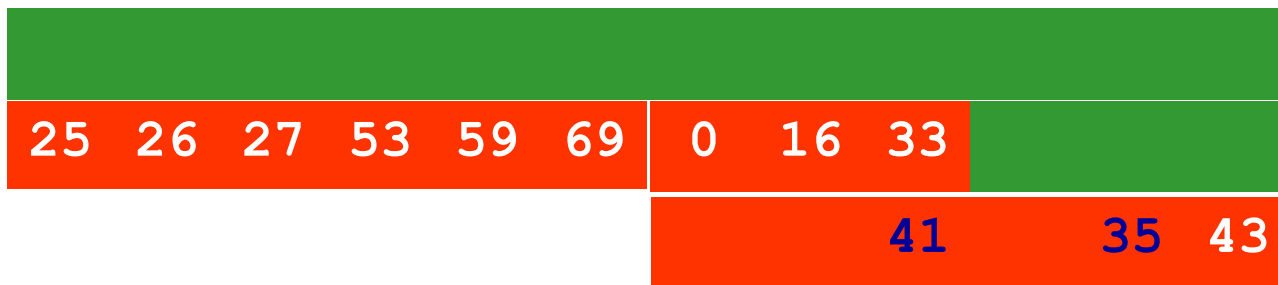
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

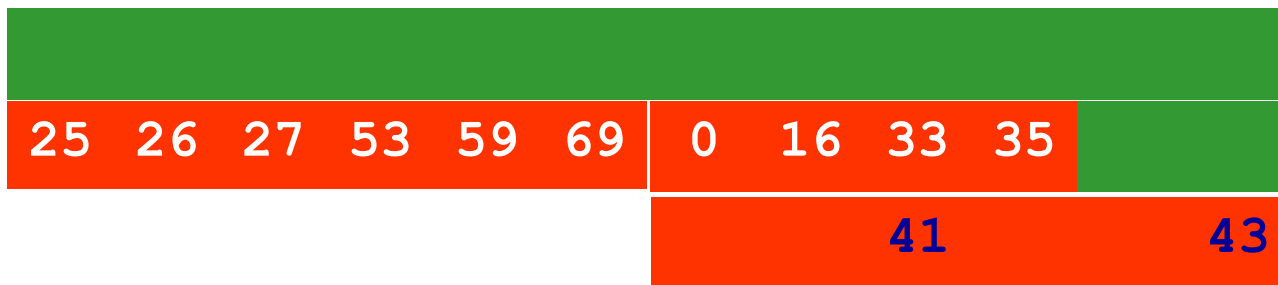
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

## ■ Execução:

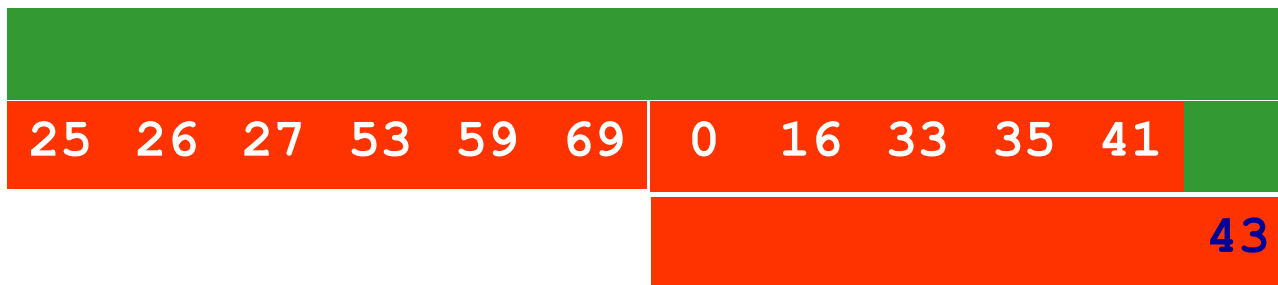


```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```



# O algoritmo MergeSort

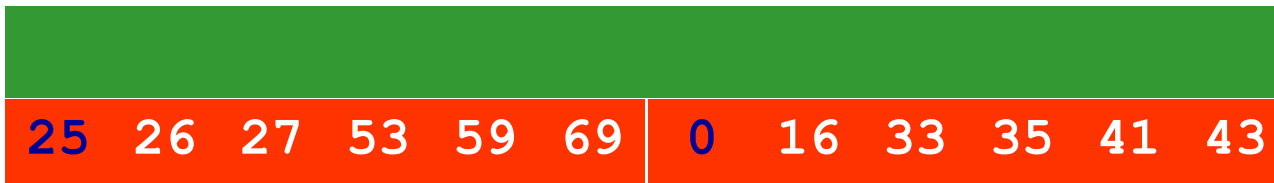
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

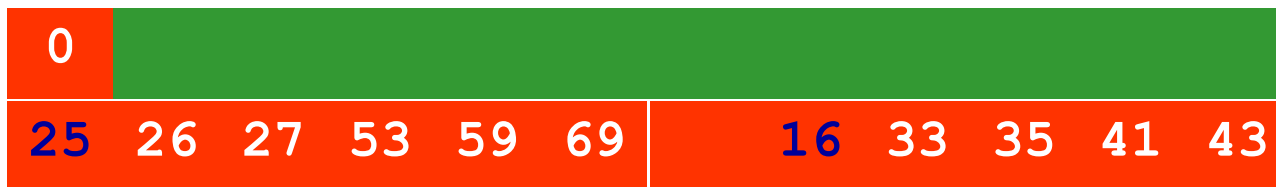
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

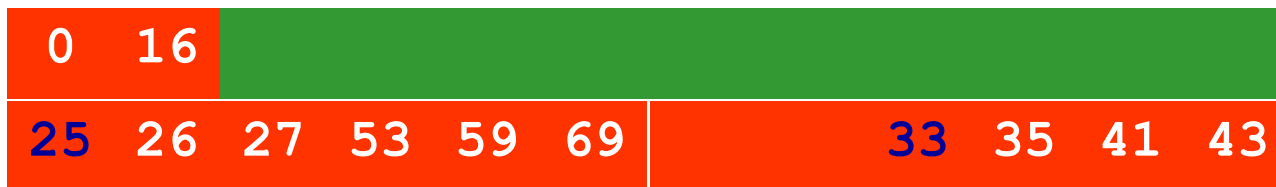
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

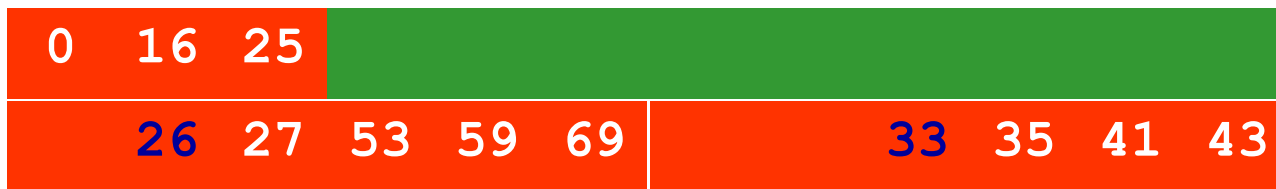
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

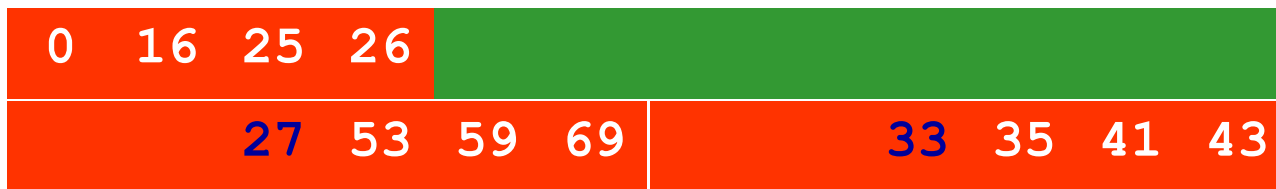
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

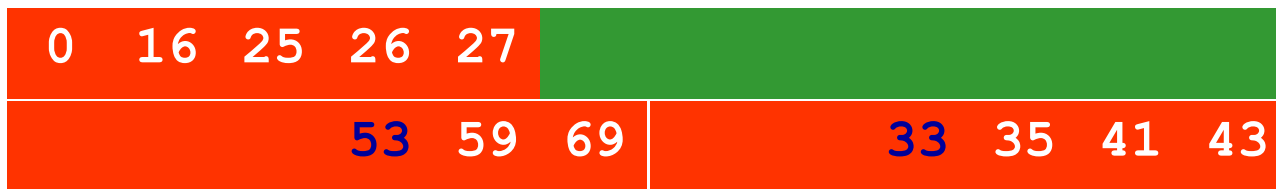
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

## ■ Execução:

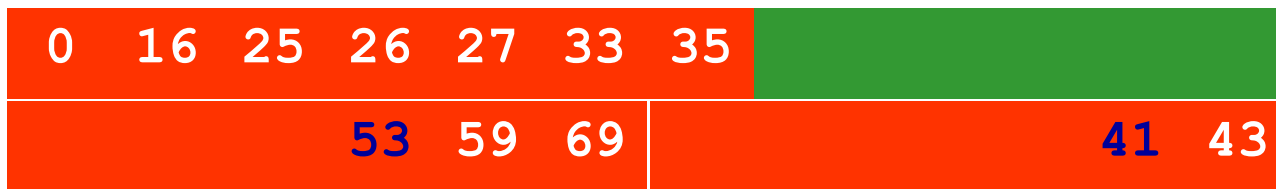
0	16	25	26	27	33	
			53	59	69	35 41 43

```
...  
Se (inicio < fim) {  
  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```



# O algoritmo MergeSort

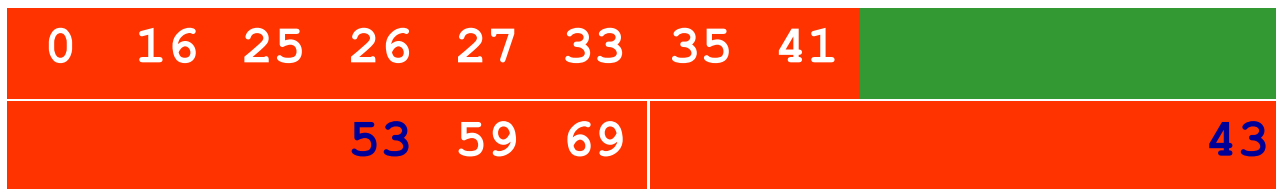
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

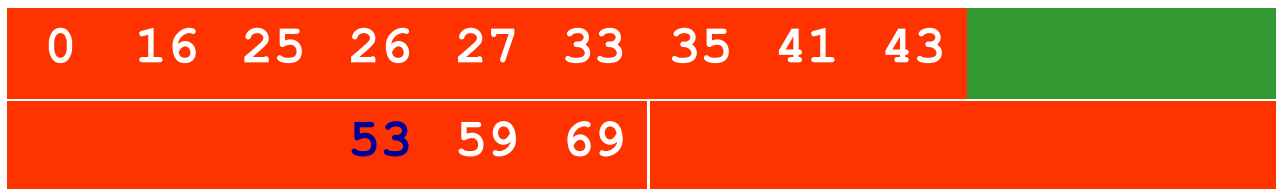
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

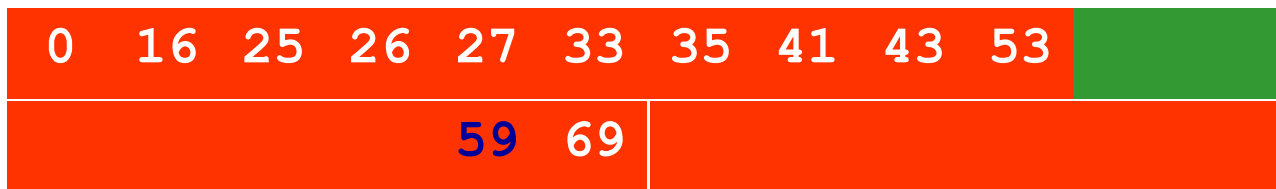
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

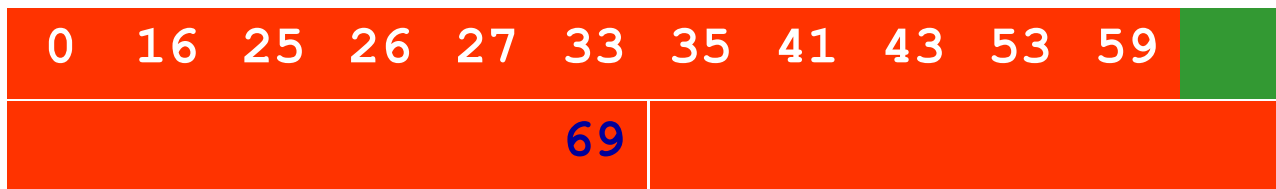
## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

## ■ Execução:



```
...  
Se (inicio < fim) {  
    meio = (inicio + fim) / 2;  
    mergesort(vetor, inicio, meio);  
    mergesort(vetor, meio+1, fim);  
    → intercala(vetor, inicio, meio, fim);  
}  
...
```

# O algoritmo MergeSort

- Vetor Ordenado:

0 16 25 26 27 33 35 41 43 53 59 69

# O algoritmo MergeSort

- Implementação do algoritmo MergeSort:

```
principal
{
    inteiro vetor[] = {7, 6, 5, 4, 8, 22, 3, 55, 7, 99, 11, 3, 1, 88};
    inteiro tamanho;
    inteiro indice;

    //Pode-se usar a função sizeof()
    tamanho ← tamanho_vetor / tamanho_de_um_inteiro;

    mergesort(vetor, 0, tamanho);
}
```

# O algoritmo MergeSort

## ■ Implementação do algoritmo MergeSort:

```
mergesort(inteiro *vetor, inteiro inicio, inteiro fim)
{
    inteiro meio;

    Se (inicio < fim) {

        meio ← (inicio + fim) / 2;
        mergesort(vetor, inicio, meio);
        mergesort(vetor, meio+1, fim);
        intercala(vetor, inicio, meio, fim);

    }
}
```



# O algoritmo MergeSort

## ■ Implementação do algoritmo MergeSort:

```
intercala(inteiro *vetor, inteiro inicio, inteiro meio, inteiro fim)
{
    inteiro indice_inicio;
    inteiro indice_meio;
    inteiro indice_aux;
    inteiro *vetor_aux;

    indice_inicio ← inicio;
    indice_meio ← meio+1;
    indice_aux ← 0;

    vetor_aux ← alocao_memoria(vetor);
    ...
    ...
    //Continua no slide posterior
```

# O algoritmo MergeSort

## ■ Implementação do algoritmo MergeSort:

```
enquanto(indice_inicio < meio+1 ou indice_meio < fim+1) {
    se (indice_inicio = meio+1) {
        vetor_aux[indice_aux] ← vetor[indice_meio];
        indice_meio ← indice_meio + 1;
        indice_aux ← indice_aux + 1;

    } senao se (indice_meio = fim+1) {
        vetor_aux[indice_aux] ← vetor[indice_inicio];
        indice_inicio ← indice_inicio + 1;
        indice_aux ← indice_aux + 1;

    } senao se (vetor[indice_inicio] <= vetor[indice_meio]) {
        vetor_aux[indice_aux] ← vetor[indice_inicio];
        indice_inicio ← indice_inicio + 1;
        indice_aux ← indice_aux + 1;

    } senao {
        vetor_aux[indice_aux] ← vetor[indice_meio];
        indice_meio ← indice_meio + 1;
        indice_aux ← indice_aux + 1;

    }

}
...
//Continua no slide posterior
```

# O algoritmo MergeSort

## ■ Implementação do algoritmo MergeSort:

```
// copia vetor intercalado para o vetor original
para(indice_inicio = inicio; indice_inicio <= fim; indice_inicio=indice_inicio+1)
    vetor[indice_inicio] ← vetor_aux[indice_inicio-inicio];

libera_memoria(vetor_aux);

}
```

# Estudo da estabilidade

- O algoritmo é considerado estável, pois não há a possibilidade de elementos iguais mudar de posição no processo de ordenação
- A fase de divisão do algoritmo não altera a posição de nenhuma chave
- Ordenação é feita pelo algoritmo de intercalação
  - A intercalação é feita verificando, sequencialmente, os elementos de acordo com sua posição no array
  - Dessa forma, elementos com mesma chave não terão a sua posição relativa alterada