

# Visibilidade

**Objectivo:** a partir de um conjunto de objectos 3D, determinar quais as linhas ou superfícies dos objectos que são visíveis, quer a partir do centro de projecção (para projecção em perspectiva) quer ao longo da direcção de projecção (para projecção paralela), de modo a mostrar apenas as linhas ou superfícies visíveis.

Dois aproximações possíveis:

## 1. Algoritmos no ESPAÇO IMAGEM:

Para cada pixel da imagem determinar qual o objecto visível:

**for** (cada pixel na imagem)  
determinar o objecto mais perto do observador, atendendo aos raios de projecção;  
desenhar o pixel com a cor apropriada;

## 1. Algoritmos no ESPAÇO OBJETO:

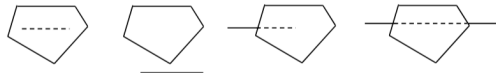
Comparar os objectos entre si de modo a seleccionar a parte visível de cada um

**for** (cada objecto do "mundo")  
determinar as partes do objecto não obstruídas por ele ou por outros objectos;  
desenhar as partes visíveis na cor apropriada;

## Espaço Objeto

**Requisito:** cada aresta deve pertencer a uma face de um poliedro convexo. Poliedros côncavos devem ser partidos em vários convexos para poder aplicar o algoritmo.

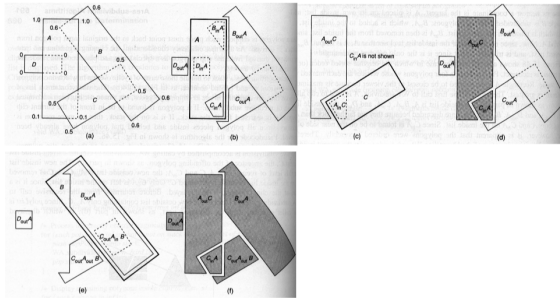
1. Remover todas as faces posteriores dos objectos (*backface culling*) e correspondentes arestas
2. Comparar as arestas restantes contra cada volume (poliedro) da cena; deste teste podem ocorrer 4 situações:



- Aresta completamente oculta pelo volume.
- Aresta não oculta
- Uma parte da aresta não é oculta
- Duas partes da aresta não são ocultas

## Atherton & Weiller

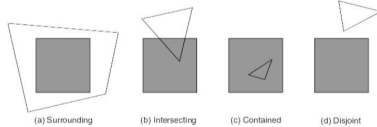
Na figura os valores indicam a coordenada Z de cada vértice.



## Warnock

Procedimento alg. Warnock:

- Divisão da área em 4 blocos iguais. Em cada fase da subdivisão, a projecção de cada polígono estará em uma das 4 situações em relação a cada área:



As situações em que a decisão é possível, não havendo mais subdivisão:

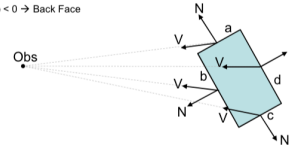
- a)- Apenas um polígono que ocupa toda a área, não havendo mais nenhum projetado nessa área. Pintar a área com a cor desse polígono.
- b, c)- Apenas um polígono que intersecta ou que está totalmente dentro da área. Preencher a área com a cor de fundo e depois pintar a parte do polígono que se encontra nessa área.
- d)- Todos os polígonos estão fora da área → Pintar a área à cor de fundo.

## Backface Culling

- *Backface culling*

- Técnica usada para reduzir o número de polígonos a processar
  - Front Faces (ex: a, b): Enviar para cálculo de visibilidade;
  - Back Faces (ex: c, d): Não são visíveis → desnecessário enviar.

- $N \cdot V = |N| \cdot |V| \cdot \cos(\alpha)$ 
  - Resultado > 0 → Front Face
  - Resultado < 0 → Back Face



- Redução:

- Número de Front Faces  $\approx \frac{1}{2}$  Número total de Faces

## À aresta - Algoritmo de Appel, Loutrel, Galimberti e Montanari (1967/9,1970)

Ao contrário do alg. de Roberts trata ao nível do polígono.

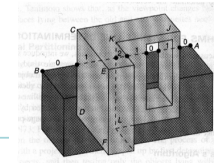
1. Determinar as faces orientadas para o observador (*backface culling*).

2. Calcular a "*Quantitative Invisibility*" de um vértice para cada objecto.

"*Quantitative Invisibility*" QI de um ponto: é o número de polígonos entre o observador e o próprio ponto.

Quando uma aresta passa por detrás de um polígono, a sua QI é incrementada de 1, e quando deixa de ser ocultada é decrementada de 1.

- Quando se chega ao vértice final de uma aresta, o valor QI desse vértice é o valor inicial de QI nas arestas que se iniciam nesse vértice.



*Contour line*: é definida como uma aresta partilhada por um polígono *back-facing* com outro *front-facing*, ou um polígono *front-facing* isolado.

*Contour lines*: AB, CD, DF, KL

CE, EF, JK não são (porque são partilhadas por polígonos *front-facing*)

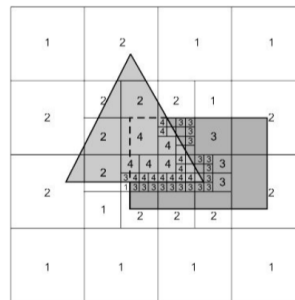
## Espaço Imagem

1. Orientada à área: **Algoritmo de Warnock** (1969)
2. Orientada à linha: **Linha de Varrimento / Watkins**
3. Orientado ao pixel: **Z-buffer, Ray Casting**

## Warnock

- O algoritmo divide sucessivamente a imagem projectada em áreas rectangulares.
- Se uma área é considerada coerente,
  - A área é desenhada com os polígonos que contém.
  - SENÃO, a área é dividida em áreas menores; o procedimento é aplicado recursivamente.
- Quanto menores forem as áreas, menor número de polígonos estarão sobrepostos nessas áreas; é mais fácil se poderá decidir qual o polígono a desenhar.

- O algoritmo utiliza o conceito de coerência de área: um grupo de pixels adjacentes é habitualmente coberto pela mesma face visível.



## Alg. Linha de Varimento

A imagem é criada linha a linha, à semelhança do algoritmo de preenchimento de regiões 2D, designado por **algoritmo da lista das arestas activas**.

Conceitos explorados:

- **Coerência vertical**: o conjunto de objetos visíveis determinados para uma linha de varimento, difere pouco do conjunto correspondente da linha anterior.
- **Coerência de aresta**: uma aresta só altera a sua visibilidade quando se cruza com outra aresta visível ou quando penetra uma face.

Estruturas de dados utilizadas:

AEL - Lista de Arestas Activas  
ET - Tabela de (novas) Arestas  
PT - Tabela de Polígonos

**Tabela de Arestas (ET)**: guarda informação de todas as arestas cuja projecção no plano de visualização não é horizontal. As entradas da tabela estão ordenadas de forma crescente pelo menor valor de Y, e contém inicialmente:

1. Coordenadas (X, Z) do vértice com menor Y
2. Altura da aresta (Y1-Y0) ou, em alternativa, Ymax
3. Incrementos  $\Delta X/\Delta Y = \partial X/\partial Y$ ,  $\Delta Z/\Delta Y = \partial Z/\partial Y$ , usados na actualização de X e de Z, na passagem para a linha de varimento seguinte
4. Identificação do(s) polígono(s) partilhados pela aresta

**Tabela de Polígonos (PT)**: informação de todos os polígonos, contendo para cada um:

1. Coeficientes da equação do plano (no mínimo,  $\Delta Z/\Delta X = \partial Z/\partial X$ )
2. Informação da cor
3. Coordenada Z, a recalculer a cada pixel
4. Flag de in-out, inicializada a False, é usada para controlar se o processamento está dentro ou fora do polígono

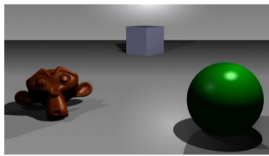
**Lista de Arestas Activas (AEL)**: informação de quais as arestas ativas na linha de varimento actual.

## Z-Buffer

Um dos algoritmos mais simples de implementar quer em software quer em hardware. Não exige qualquer pré-ordenação nem efetua comparações objeto-objeto.

Requisitos: dois buffers

**Frame Buffer**: contém a imagem final, pixel a pixel.



**Depth Buffer / Z-Buffer**: contém os valores Z, pixel a pixel.



**Procedimento:**

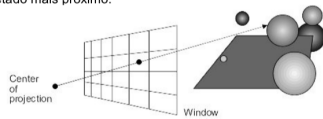
1. Preencher com zeros o Z-Buffer e o frame buffer com a cor de fundo (background). O maior valor de Z será o correspondente ao plano frontal de clipping.
2. Percorrer cada polígono (Scan-convert), por qualquer ordem.
3. Se o ponto (x,y) do polígono corrente estiver mais próximo do observador do que o ponto actual do Z-Buffer, então o corrente substitui o anterior.

```
for (y=0; y<YMAX; y++)  
  for (x=0; x<XMAX; x++)  
    ImBuffer(x,y) = BACKGROUND_COLOR;  
    ZBuffer(x,y) = 0;  
  for (cada polígono)  
    for (cada pixel na projecção do polígono)  
      /* calcula Z para (x,y) no polígono */  
      pz = polígono.Z(x,y);  
      if (pz > ZBuffer(x,y))  
      {  
        ZBuffer(x,y) = pz;  
        ImBuffer(x,y) = polígono.cor();  
      }
```

→ *Otimização nos slides de visibilidade.*

## Ray Casting

A superfície visível em cada pixel da imagem é determinada traçando um raio de luz imaginário a partir do centro de projecção (observador), passando pelo centro do pixel para a cena 3D. A cor em cada pixel é definida pela cor, no ponto de interseção, do objeto interseccionado mais próximo.



```
Definir Centro de Projecção e window no plano de visualização  
for(cada linha da imagem)  
{  
  for(cada pixel da linha)  
  {  
    Definir o raio que a partir do centro de projecção passa no pixel  
    for (cada objeto na cena)  
    {  
      if ((objeto interseccionado) e (mais próximo do que registado anterior))  
        registar intersecção e referência do objeto  
    }  
    atribuir ao pixel a cor da intersecção mais próxima  
  }  
}
```

## Algoritmos tipo Lista de Prioridades

- Alg. Newell, Newell & Sancha
- Binary Space-Partitioning Trees

**Objectivo:** determinar a ordem de visibilidade para os objectos (polígonos), assegurando assim que a imagem será correctamente criada se os objectos forem desenhados por certa ordem:

1. pintar as **faces mais afastadas do observador** em primeiro lugar
2. à medida que **outras**, mais próximas, **vão sendo pintadas**, ocultam as anteriores.

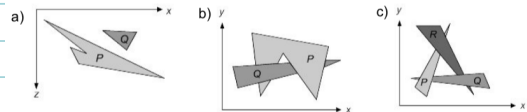
(Algoritmo do "Pintor")

## Algoritmo Newell, Newell & Sancha (Depth-sort algorithm)

**Procedimento:** **pintar** os polígonos por **ordem decrescente da distância ao observador**. Para isso são realizados 3 passos:

1. **Ordenar** os polígonos por **ordem crescente de z**
2. **Resolver** qualquer **ambiguidade** na ordenação, nomeadamente se houver sobreposição de polígonos na coordenada z. Poderá ser necessário **dividir** polígonos.
3. **Pintar** os polígonos por **ordem** do **mais afastado para o mais próximo**.

→ *Tipo de Ambiguidades Possíveis*



Pré-processamento:

**Ordenar** os polígonos pela coordenada **Z do vértice mais afastado**

Processamento:

Para o último polígono **P** da lista, verificar se existe algum polígono **Q** cujo maior **Z** seja mais afastado do que o menor **Z** de **P**, e que esteja a ser obstruído por **P**. Se não estiver, então **P** pode ser desenhado.