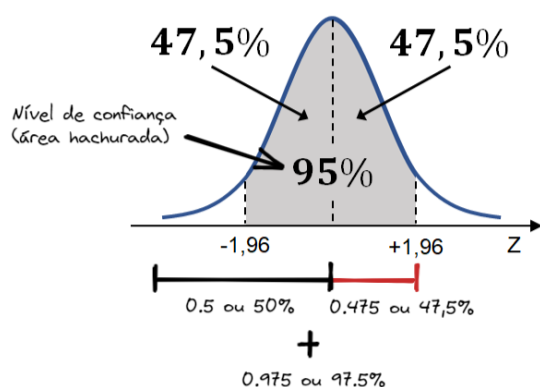
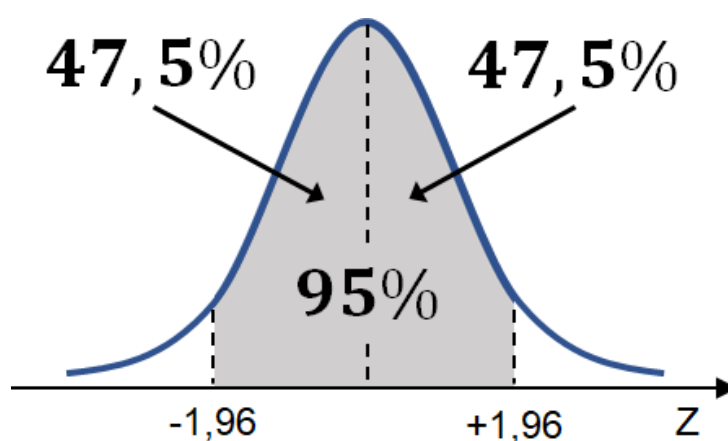
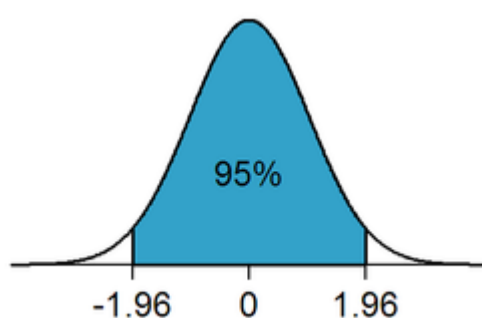


## Amostragem

### Entendendo o valor de “z”

Observação: O nível de significância é geralmente determinado pelo pesquisador antes da coleta dos dados e é tradicionalmente fixado em 0,05 ou menos, dependendo da área de estudo. Em muitas áreas de estudo, resultados com nível de significância de **0,05** (probabilidade de erro de 5%) são considerados estatisticamente relevantes.



| Z    | 0.00   | 0.01   | 0.02   | 0.03   | 0.04   | 0.05   | 0.06   | 0.07   | 0.08   | 0.09   |
|------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| 1.60 | 0.9452 | 0.9463 | 0.9474 | 0.9484 | 0.9495 | 0.9505 | 0.9515 | 0.9525 | 0.9535 | 0.9545 |
| 1.70 | 0.9554 | 0.9564 | 0.9573 | 0.9582 | 0.9591 | 0.9599 | 0.9608 | 0.9616 | 0.9625 | 0.9633 |
| 1.80 | 0.9641 | 0.9649 | 0.9656 | 0.9664 | 0.9671 | 0.9678 | 0.9686 | 0.9693 | 0.9699 | 0.9706 |
| 1.90 | 0.9713 | 0.9719 | 0.9726 | 0.9732 | 0.9738 | 0.9744 | 0.9750 | 0.9756 | 0.9761 | 0.9767 |
| 2.00 | 0.9772 | 0.9778 | 0.9783 | 0.9788 | 0.9793 | 0.9798 | 0.9803 | 0.9808 | 0.9812 | 0.9817 |
| 2.10 | 0.9821 | 0.9826 | 0.9830 | 0.9834 | 0.9838 | 0.9842 | 0.9846 | 0.9850 | 0.9854 | 0.9857 |
| 2.20 | 0.9861 | 0.9864 | 0.9868 | 0.9871 | 0.9875 | 0.9878 | 0.9881 | 0.9884 | 0.9887 | 0.9890 |
| 2.30 | 0.9893 | 0.9896 | 0.9898 | 0.9901 | 0.9904 | 0.9906 | 0.9909 | 0.9911 | 0.9913 | 0.9916 |
| 2.40 | 0.9918 | 0.9920 | 0.9922 | 0.9925 | 0.9927 | 0.9929 | 0.9931 | 0.9932 | 0.9934 | 0.9936 |
| 2.50 | 0.9938 | 0.9940 | 0.9941 | 0.9943 | 0.9945 | 0.9946 | 0.9948 | 0.9949 | 0.9951 | 0.9952 |

$z = 1.96$

## Determinando o Tamanho da Amostra

**Exercício 1:** Suponha que você esteja conduzindo uma pesquisa sobre a satisfação dos clientes em relação a um novo produto lançado por uma empresa. Você deseja determinar o tamanho da amostra necessário para obter resultados significativos com um nível de confiança de 95% e uma margem de erro de 5%.

### Informações fornecidas:

- ✓ Nível de confiança ( $1 - \alpha$ ): 95% (correspondente a um nível de significância de  $\alpha = 0,05$ )
- ✓ Margem de erro ( $E$ ): 5% (ou 0,05)
- ✓ Desvio padrão populacional ( $\sigma$ ): Suponha que seja desconhecido. Você pode usar um valor estimado com base em estudos semelhantes ou um valor conservador de 0,5 para representar a maior variabilidade possível.

### Fórmula para calcular o tamanho da amostra ( $n$ ):

$$n = \left( \frac{Z^2 \cdot p \cdot (1-p)}{E^2} \right)$$

Onde:

- $Z$  é o valor crítico da distribuição normal padrão para o nível de confiança desejado (para um nível de confiança de 95%,  $Z$  é aproximadamente 1,96).
- $p$  é a estimativa da proporção na população (como é desconhecido, podemos usar 0,5 para maximizar o tamanho da amostra).
- $E$  é a margem de erro.

### Cálculo:

Substituindo os valores na fórmula, obtemos:

$$n = \left( \frac{1,96^2 \cdot 0,5 \cdot (1-0,5)}{0,05^2} \right)$$

$$n = \left( \frac{3,8416 \cdot 0,25}{0,0025} \right)$$

$$n = \frac{0,9604}{0,0025}$$

$$n \approx 384,16$$

**Exercício 2:** Suponha que você esteja conduzindo uma pesquisa para determinar a proporção de estudantes universitários que possuem um smartphone. Você deseja determinar o tamanho da amostra necessário para obter resultados significativos com um nível de confiança de 90% e uma margem de erro de 3%.

**Informações fornecidas:**

- ✓ Nível de confiança ( $1 - \alpha$ ): 90% (correspondente a um nível de significância de  $\alpha = 0,10$ )
- ✓ Margem de erro ( $E$ ): 3% (ou 0,03)
- ✓ Estimativa da proporção na população ( $p$ ): Suponha que seja desconhecida. Você pode usar uma estimativa conservadora de 0,5 para maximizar o tamanho da amostra.

**Fórmula para calcular o tamanho da amostra ( $n$ ):**

$$n = \left( \frac{Z^2 \cdot p \cdot (1-p)}{E^2} \right)$$

Onde:

- $Z$  é o valor crítico da distribuição normal padrão para o nível de confiança desejado (para um nível de confiança de 90%,  $Z$  é aproximadamente 1,645).
- $p$  é a estimativa da proporção na população.
- $E$  é a margem de erro.

**Cálculo:**

Substituindo os valores na fórmula, temos:

$$n = \left( \frac{1,645^2 \cdot 0,5 \cdot (1-0,5)}{0,03^2} \right)$$

$$n = \left( \frac{2,702 \cdot 0,25}{0,0009} \right)$$

$$n = \frac{0,6755}{0,0009}$$

$$n \approx 750$$

**Resultado:**

Portanto, o tamanho mínimo da amostra necessário para esta pesquisa é de aproximadamente 750 estudantes universitários.

**Exercício 3:** Imagine que você esteja conduzindo uma pesquisa para determinar a proporção de pacientes que responderam positivamente a um novo tratamento médico. Você deseja determinar o tamanho da amostra necessário para obter resultados significativos com um nível de confiança de 95% e uma margem de erro de 2%.

**Informações fornecidas:**

- ✓ Tamanho da população (N): 10.000 pacientes.
- ✓ Nível de confiança ( $1 - \alpha$ ): 95% (correspondente a um nível de significância de  $\alpha = 0,05$ ).
- ✓ Margem de erro (E): 2% (ou 0,02).
- ✓ Estimativa da proporção na população (p): Suponha que seja desconhecida. Você pode usar uma estimativa conservadora de 0,5 para maximizar o tamanho da amostra.

**Fórmula para calcular o tamanho da amostra (n):**

$$n = \left( \frac{Z^2 \cdot p \cdot (1-p)}{E^2} \right)$$

Onde:

- $Z$  é o valor crítico da distribuição normal padrão para o nível de confiança desejado (para um nível de confiança de 95%,  $Z$  é aproximadamente 1,96).
- $p$  é a estimativa da proporção na população.
- $E$  é a margem de erro.

**Cálculo:**

Substituindo os valores na fórmula, temos:

$$n = \left( \frac{1,96^2 \cdot 0,5 \cdot (1-0,5)}{0,02^2} \right)$$

$$n = \left( \frac{3,8416 \cdot 0,25}{0,0004} \right)$$

$$n = \frac{0,9604}{0,0004}$$

$$n \approx 2401$$