# Resolução e Elaboração de jogos KenKen implementado em Prolog

Diogo Pinto ei<br/>11120 and Wilson Oliveira ei<br/>11085  $\,$ 

FEUP-PLOG, Turma 3MIEIC06, Grupo 67 www.fe.up.pt

**Abstract.** O objectivo do trabalho é o desenvolvimento de um programa em prolog com a capacidade de resolver problemas do conhecido jogo de puzzle numerico KenKen, e também a elaboração de puzzles deste jogo. Para a resolução deste problema será utilizado técnicas de programação com restrições em prolog.

Keywords: KenKen, Prolog, Restrições, Resolução, Geração

# 1 Introdução

Este trabalho tinha como objectivo a utilização de programação com restrições em prolog, para a resolução de problemas de optimização ou decisão, verificando assim a eficácia deste método de programação em relação a métodos de tentativa e erro. Para a realização deste objectivo decidimos implementar um programa capaz de resolver puzzle numéricos do conhecido jogo KenKen. Neste artigo é possivel analisar os métodos utilizados para a resolução do problema em prolog, assim como excertos mais importantes do código implementado.

# 2 Descrição do problema

A implementação de um programa capaz de resolver puzzles numéricos do tipico jogo KenKen, um jogo similar a Sudoku, em que temos um tabuleiro NxN com números diferentes em cada linha e coluna. Este tabuleiro é subdividido em campos, para os quais é indicado uma operação matemática e um resultado. Estes campos impôem restricões no preenchimento do tabuleiro, uma vez que os números utilizados em cada campo, após a aplicação da operação matemática indicada, devem originar o resultado pedido.

Para a resolução deste problema foram utilizados métodos de programação com restricões em prolog, impondo restrições nos numeros que podem ser utilizados, verificando que não existem números repetidos por linha e coluna, e verificando que as operações matemáticas indicadas se evidenciam.

#### 3 Estruturas de dados

O puzzle que modela um dado problema é abstracionado sobre duas estruturas de dados elementares. Os valores do tabuleiro são guardados numa matriz de comprimento e largura iguais. Esta matriz é preenchida com elementos do tipo

```
cell(FieldID, Value)
```

, onde o primeiro campo guarda uma referencia para a segunda estrutura de dados utilizada, que é uma lista de ítens

```
field(FieldID, Operation, Result)
```

. Aqui são mapeados a operação e o resultado a que corresponde uma determinada região no puzzle. Tal traduz-se numa estrutura como a seguinte:

```
testBoard([[cell(1, _), cell(2, _), cell(2, _), cell(3, _)],
[cell(1, _), cell(4, _), cell(5, _), cell(3, _)],
[cell(6, _), cell(4, _), cell(5, _), cell(5, _)],
[cell(6, _), cell(7, _), cell(7, _), cell(8, _)]]).

testFields([field(1, '-', 1),
```

```
field(2, '/', 2),
field(3, '-', 3),
field(4, '-', 2),
field(5, '*', 24),
field(6, '-', 1),
field(7, '+', 7),
field(8, '=', 2)]).
```

#### 4 Variáveis de Decisão

Para a resolução deste problema são necessárias quatro variáveis de decisão, primeiro o dominio dos números a serem utilizados no tabuleiro. Só podem ser utilizados no tabuleiro números de valor igual ou inferior ao tamanho do tabuleiro, por exemplo, se o tabuleiro for 4x4, só poderão ser utilizados números de um a quatro. A segunda e terceira restrição são similares, deve ser verificado que não existem números repetidos, por coluna e linha. A última restrição deve verificar que as operações matemáticas pedidas e respectivo resultado se verificam. Fazendo a verificação destas quatro restrições estaremos a reduzir eficazmente o dominio de pesquisa de possiveis soluções.

#### 5 Restrições

A implementação da restrição do dominio, é feita criando uma lista com as variáveis de dominio que irão ser preenchidas, e impondo a restrição do valor máximo a ser utilizado (SupLim).

```
imposeDomainConstrainInRow([cell(_, Value) | Rs], SupLim) :-
Value in 1..SupLim, imposeDomainConstrainInRow(Rs, SupLim).
```

A implementação da restrição de números diferentes numa linha é feita através da construção de uma lista com as variáveis de dominio, e utilizando a função .......", para adicionar esta restrição. A restrição para as colunas é feita utilizando o mesmo predicado, mas é utilizado a função *transpose* para inverter a ordem das listas que formam o tabuleiro.

```
imposeRowConstrain([], List) :- all_distinct(List).
imposeRowConstrain([cell(_, Value) | Rs], List) :-
append([Value], List, NewList),
imposeRowConstrain(Rs, NewList).
```

A implementação da restrição das operações matemáticas e feita construindo uma lista com as celulas que compoem um campo, e mediante a operação especificada nesse campo, é imposta a restrição.

```
imposeFieldConstrain(Board, [field(FID, Op, Res) | Fs]) :-
getFieldCells(FID, Board, L),
applyOpConstrain(L, Op, Res),
imposeFieldConstrain(Board, Fs).
```

#### 6 Estratégia de Pesquisa

Na resolução de um tabuleiro, após a imposição das restrições é executado o *labelling* com os valores por defeito, para obter a melhor solução possivel para o tabuleiro apresentado.

Na geração de um tabuleiro, após a imposição das restrições nas variáveis de dominio, o labelling é feito um número aleatório de vezes, com o objectivo de obter sempre tabuleiros diferentes e válidos para o mesmo tamanho pedido.

# 7 Visualização da solução

Os predicados de visualização são chamados automaticamente após a resolução de um tabuleiro. Os predicados de impressão são bastante simples, fazendo uso da recursividade de prolog e de iteradores para fazer a construção do tabuleiro, e numerar as colunas e linhas, para facilitar a identificação dos campos internos do tabuleiro. Como os campos são aleatórios, fizemos uso de carateres ascii para salientar a diferença entre campos e ao mesmo tempo tornar o tabuleiro mais apelativo. Também é impressa um lista com os detalhes dos campos (operação matemática, e resultado final) e fazendo uso da numeração do tabuleiro, a coluna e linha onde se inicia o campo, sendo facilmente identificável as restantes células desse campo.

Predicado responsável por salientar a mudança de campo no tabuleiro, entre células adjacentes na mesma linha.

```
printRow([C1]) :-
cell(_, Value1) = C1,
printNumber(Value1),
write('||\n').
printRow([C1, C2 | Cs]) :-
cell(FieldID1, Value1) = C1,
cell(FieldID2, _Value2) = C2,
FieldID1 = FieldID2,
printNumber(Value1),
write('|'),
printRow([C2 | Cs]).
printRow([C1 | Cs]) :-
cell(_, Value1) = C1,
printNumber(Value1),
write('||'),
printRow(Cs).
```

Predicado responsável por salientar a mudança de campo no tabuleiro, entre células adjacentes na mesma coluna.

```
printHorizMidBorder([R1 | R1s], [R2 | R2s]) :-
cell(FieldID1, _) = R1,
cell(FieldID2, _) = R2,
FieldID1 = FieldID2,
write('---='),
printHorizMidBorder(R1s, R2s).

printHorizMidBorder([_R1 | R1s], [_R2 | R2s]) :-
write('===='),
printHorizMidBorder(R1s, R2s).
```

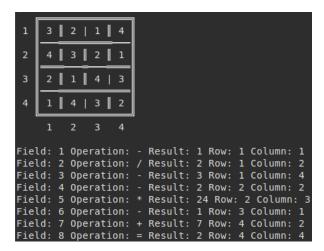


Fig. 1. Picture of a solved board.

#### 8 Resultados

Após a realização de vários testes, com geração e resolução de tabuleiros KenKen, o programa demorou sempre menos de 1 segundo a gerar e resolver o tabuleiro. Foi constatado para além disso que para tabuleiros com lado maior ou igual que dez verificam-se casos em que a obtenção de solução não ocorrera em tempo útil, crescendo exponencialmente a probabilidade de tal acontecer.

Board Size	Creating Time	Solving Time
4	0.010	0.000
6	0.000	0.000
8	0.000	0.000
10	0.010	222.720

Fig. 2. Results of different tests.

# 9 Conclusões e perspectivas de desenvolvimento

Para terminar, é importante salientar que foi necessário a reestruturação do programa, uma vez que a variada complexidade dos puzzles levava a quebra do sistema. Após análise dos resultados obtidos e diferentes testes, podemos concluir que os métodos de programação com restrições se tornam mais eficazes que métodos de tentativa e erro, uma vez que limitam à priori o nível de possibilidades para a resolução do problema tornando mais eficaz a procura de uma solução válida.

# 10 Bibliografia

# References

- Sicstus Documentation, http://sicstus.sics.se/sicstus/docs/latest/html/sicstus.html/
- 2. Swi-Prolog Documentation, http://www.swi-prolog.org/pldoc/refman/

# A kenken.pl

```
:- use_module(library(clpfd)).
 1
 2
    :- use_module(library(lists)).
    :- use_module(library(random)).
 4
    :- use_module(library(between)).
    :- use_module(library(system)).
 5
 6
    testBoard([[cell(1, \_), cell(2, \_), cell(2, \_), cell(3, \_
 7
        )],
               [\text{cell}(1, \_), \text{cell}(4, \_), \text{cell}(5, \_), \text{cell}(3, \_)],
8
9
               [ cell(6, \_), cell(4, \_), cell(5, \_), cell(5, \_) ],
               [cell(6, \_), cell(7, \_), cell(7, \_), cell(8, \_)
10
                   ]]).
11
    testBoardPrint([[cell(1, 5), cell(2, 5), cell(2, 555),
12
        cell(3, 5)],
               [\text{cell}(1, 55), \text{cell}(4, 5), \text{cell}(5, 5), \text{cell}(3, 5)]
13
               [cell(6, 5), cell(4, 55), cell(5, 5), cell(5, 5)]
14
               [cell(6, 5), cell(7, 5), cell(7, 5), cell(8, 55)]
15
16
    \operatorname{testFields}([\operatorname{field}(1, '-', 1),
17
              field (2, '/', 2), field (3, '-', 3),
18
19
               field (4, '-', 2),
20
               field (5, '*', 24),
21
              field (6, '-', 1),
field (7, '+', 7),
field (8, '=', 2)]).
22
23
24
25
26
    \% \ for \ testing \ the \ domain \ constrains
27
    testBoard2([[cell(1, \_), cell(1, \_)],
              [cell(1, \_), cell(1, \_)]).
28
29
    testFields2([field(1, +, 6)]).
30
31
32
    cell(_FieldID, _Value).
33
    \label{eq:fieldID} \ \ field \ (\ \_FieldID \ , \ \ \_Op \ , \ \ \_Final Value \ ) \ .
34
35
    solveBoard :- testBoard (Board),
    testFields (Fields),
36
37
    length (Board, Size),
```

```
imposeDomainConstrain(Board, Size),
39
   imposeRowConstrain(Board),
   imposeColumnConstrain(Board),
40
   imposeFieldConstrain(Board, Fields),
41
   getValsList(Board, List),
43
   labeling ([], List),
   printBoard (Board),
44
45
   write(' \n\n'),
   printFieldTable(Board, Fields).
46
47
48
   solveBoard (Board, Fields) :- statistics (runtime, [T0, _])
49
   length (Board, Size),
   imposeDomainConstrain(Board, Size),
50
   imposeRowConstrain(Board),
51
   imposeColumnConstrain(Board),
53
   imposeFieldConstrain(Board, Fields),
   getValsList (Board, List),
54
   labeling ([], List),
55
   statistics (runtime, [T1, _]),
57
   printBoard (Board),
   write(' \n\n'),
58
   printFieldTable(Board, Fields),
59
60
   T is T1 - T0
61
   format('~n~nSolving_took_~3d_sec.~n', [T]),
62
   fd_statistics.
63
64
65
   createBoard(Size) :- statistics(runtime, [T0, _]),
   length (Board, Size),
66
67
   now (Now),
68
   setrand (Now),
   initBoard (Size, Board),
69
70
   imposeDomainConstrain(Board, Size),
   imposeRowConstrain(Board),
   imposeColumnConstrain(Board),
73
   generateRandomVals (Board, Size),
   generateFields (Board, Fields),
74
   statistics(runtime, [T1, _]),
removeBoardFilling(Board, EmptyBoard),
75
76
77
   printBoard (EmptyBoard),
78
   write(' \n\n'),
79
   printFieldTable(EmptyBoard, Fields),
80
   solveBoard (EmptyBoard, Fields),
81
  T is T1 - T0,
```

```
10
```

```
82
     format ('Creating_took_~3d_sec.~n', [T]).
 83
 84
 85
 86
 87
 88
        Generations
 89
 90
 91
 92
       \begin{array}{lll} remove Board Filling ([]\ , & []\ )\ . \\ remove Board Filling ([B\ |\ Bs]\ , & [EB\ |\ EBs]) \ :- \end{array} 
 93
 94
          remove Board Filling In Row\left(B,\ EB\right)\,,
 95
      removeBoardFilling(Bs, EBs).
 96
 97
      removeBoardFillingInRow([], []).
      removeBoardFillingInRow([cell(FID, _Val) | Rs], [cell(
 98
          FID, _) | ERs]) :- removeBoardFillingInRow(Rs, ERs).
99
      initBoard(_Size, []).
100
      initBoard (Size, [B | Bs]) :- length (B, Size),
101
      initBoardRow(B),
102
103
      initBoard (Size, Bs).
104
105
      initBoardRow([]).
      initBoardRow([cell(_FieldID, _Val) | Rs]) :-
106
          initBoardRow(Rs).
107
108
      generateRandomVals(Board, Size) :- getValsList(Board, L)
109
      random (1, Size, X),
      retractall(val(X)),
110
111
      random (1, 3, Dir),
112
      asserta(val(X)),
113
      genBoard (Dir, L).
114
115
      generateRandomVals(Board, _Size) :- getValsList(Board, L
116
      labeling ([bisect], L).
117
118
      genBoard(1, L) :- !, labeling([bisect, up], L),
```

```
119
     val(X),
120
     retract(val(X)),
121
     X1 is X - 1,
122
     asserta (val(X1)),
     X1 = 0.
123
124
     genBoard(2, L):-!, labeling([bisect, down], L),
125
126
     val(X),
127
     retract (val(X)),
128
     X1 is X-1,
129
     asserta (val(X1)),
130
     X1 = 0.
131
132
     \mathbf{not}(X) := X, !, \mathbf{fail}.
133
     \mathbf{not}(X).
134
135
     generateFields (Board, Fields) :- generateFields (Board,
         Fields, 1).
136
137
     generateFields (Board, [F | Fs], FieldIt) :- not(
         isBoardFilled (Board)),
138
     iterBoard (Board, F, FieldIt),
139
     FieldIt1 is FieldIt + 1,
140
     !,
     generateFields (Board, Fs, FieldIt1).
141
142
143
     generateFields(_Board, [], _FieldIt).
144
145
     isBoardFilled([]).
     isBoardFilled([B | Bs]) :- isBoardFilledIterRow(B),
146
147
     isBoardFilled (Bs).
148
149
     isBoardFilledIterRow([]).
150
     isBoardFilledIterRow([cell(FID, _) | Rs]) :- nonvar(FID)
     isBoardFilledIterRow(Rs).
151
152
153
     iterBoard (Board, F, FieldIt) :- field (FieldIt, _Op, _Res
         ) = F,
154
     repeat,
155
     random (1, 6, OpIt),
156
     length (Board, BoardSize),
157
     initField(OpIt, F, BoardSize, FieldSize),
158
     getFstAvailCell(Board, Row, Col),
     getCell(Board, Row, Col, cell(FieldIt, Val)),
159
```

```
160
      FieldSize1 is FieldSize - 1,
161
      prepMakeField (Board, Row, Col, F, FieldSize1, Val).
162
163
      prepMakeField (Board, Row, Col, F, FieldSize, Val) :-
           FieldSize > 0.
164
      getNextCellPos(Board, Row, Col, NewRow, NewCol),
165
      makeField(Board, NewRow, NewCol, F, FieldSize, Val).
166
167
      prepMakeField(_Board, _Row, _Col, field(_, '=', Val),
168
           _FieldSize1 , Val).
169
170
      initField(1, field(_FieldIt, '+', _Res), BoardSize, Size
           ) :- random(2, BoardSize, Size).
      \begin{array}{lll} & \text{initField} \ (2\,, & \text{field} \ (\,\, \_\text{FieldIt} \ , & \,\, '-'\,, \,\,\, \_\text{Res}) \,\,, \,\,\, \_\text{BoardSize} \,\,, \,\,\, 2) \,. \\ & \text{initField} \ (3\,, & \text{field} \ (\,\, \_\text{FieldIt} \,\,, & \,\, '*'\,, \,\,\, \_\text{Res}) \,\,, \,\,\, \text{BoardSize} \,\,, \,\,\, \text{Size} \end{array}
171
172
           ) :- random(2, BoardSize, Size).
173
      initField(4, field(_FieldIt, '/', _Res), _BoardSize, 2).
      initField (5, field (_FieldIt, '=', _Res), _BoardSize, 1).
174
175
176
      makeField (Board, Row, Col, field (FieldIt, Op, NewAcum),
           1, Acum) :- getCell(Board, Row, Col, cell(FieldIt,
           Val)),
      getNewAcum (Acum, Op, Val, NewAcum), !.
177
178
179
      makeField (Board, Row, Col, field (FieldIt, Op, Res),
           FieldSize, Acum) :- getCell(Board, Row, Col, cell(
           FieldIt, Val)),
180
      getNewAcum (Acum, Op, Val, NewAcum),
      getNextCellPos(Board, Row, Col, NewRow, NewCol),
181
182
      getCell(Board, NewRow, NewCol, cell(FID, _)),
183
      {
m FID} = {
m FieldIt} , {
m \%se} {
m \it falhar} , {
m \it \it backtracking} {
m \it \it para} {
m \it \it new} {
m \it \it random}
      FieldSize1 is FieldSize -1,
184
      makeField (Board, NewRow, NewCol, field (FieldIt, Op, Res)
185
           , FieldSize1, NewAcum).
186
      getNextCellPos(Board, Row, Col, NewRow, NewCol):-
187
           getNextCellPos(Board, Row, Col, NewRow, NewCol, 9).
188
      getNextCellPos(_Board, _Row, _Col, _NewRow, _NewCol, 0)
          :- !, fail.
      getNextCellPos(Board, Row, Col, NewRow, NewCol, _It):-
189
           random(1, 4, X),
190
      is Cell Available (Board, Row, Col, X, NewRow, NewCol).
191
      getNextCellPos(Board, Row, Col, NewRow, NewCol, It):-
           NewIt is It -1,
```

```
192
     getNextCellPos(Board, Row, Col, NewRow, NewCol, NewIt).
193
194
     is Cell Available (Board, Row, Col, X, NewRow, NewCol) :-
         getTestRow(X, Row, Col, NewRow, NewCol),
     getCell(Board, NewRow, NewCol, cell(FID, _)),
195
196
     var (FID).
197
     getTestRow(1, Row, Col, Row, NewCol) :- NewCol is Col +
198
199
     getTestRow(2, Row, Col, NewRow, Col): - NewRow is Row +
     getTestRow(3, Row, Col, Row, NewCol):- NewCol is Col -
200
201
     NewCol > 0.
202
203
     getCell([B | _Bs], 1, Col, Cell) :- getCellInRow(B, Col,
          Cell).
204
     getCell([\_B \mid Bs], Row, Col, Cell) :- Row1 is Row - 1,
205
     getCell(Bs, Row1, Col, Cell).
206
     getCellInRow([C \mid \_Cs], 1, C).
207
208
     getCellInRow([_C | Cs], Col, Cell) :- Col1 is Col - 1,
209
     getCellInRow(Cs, Col1, Cell).
210
211
     getNewAcum (Acum, '+', Val, NewAcum) :- NewAcum is Acum +
          Val.
212
     getNewAcum (Acum, '-', Val, NewAcum) :- min_member (Min, [
         Acum, Val]),
     max_member(Max, [Acum, Val]),
213
214
     NewAcum is Max - Min.
     getNewAcum (Acum, '*', Val, NewAcum) :- NewAcum is Acum *
215
          Val.
216
     getNewAcum(Acum, '/', Val, NewAcum) :- min_member(Min, [
        Acum, Val]),
217
     max_member(Max, [Acum, Val]),
218
     X is Max mod Min,
219
     X = 0,
220
     NewAcum is Max // Min.
221
     getNewAcum(_Acum, '=', Val, Val).
222
223
     getFstAvailCell(Board, RetRow, RetCol):-
         getFstAvailCell(Board, 1, RetRow, RetCol).
224
225
     getFstAvailCell([], _RowIt, _RetRow, _RetCol):- fail.
```

```
14
```

```
226
     getFstAvailCell([B | _Bs], RowIt, RowIt, RetCol):-
        getFstAvailCellInRow(B, 1, RetCol).
227
     getFstAvailCell([_B | Bs], RowIt, RetRow, RetCol) :-
        RowIt1 is RowIt + 1,
228
     getFstAvailCell(Bs, RowIt1, RetRow, RetCol).
229
230
     getFstAvailCellInRow([], \_, \_) :- fail.
231
     getFstAvailCellInRow([cell(FID, _) | _Rs], ColIt, ColIt)
         :- \mathbf{var}(FID).
     getFstAvailCellInRow([_R | Rs], ColIt, RetCol) :- ColIt1
232
         is Collt + 1,
233
     getFstAvailCellInRow(Rs, ColIt1, RetCol).
234
235
236
237
238
239
       Getters
240
241
             *************************
242
     getFieldCells(_-, [], []).
243
     getFieldCells(FieldID, [B | Bs], RetList):-
244
        getFieldCellsInRow(FieldID, B, RetList1),
245
     getFieldCells(FieldID, Bs, RetList2),
246
     append (RetList1, RetList2, RetList).
247
248
     getFieldCellsInRow(_FieldID, [], []).
249
     getFieldCellsInRow(FieldID, [cell(FieldID, Val) | Rs],
        RetList) :- getFieldCellsInRow(FieldID, Rs, RetList1)
250
     append ([Val], RetList1, RetList).
251
252
     getFieldCellsInRow(FieldID, [_R | Rs], RetList) :-
        getFieldCellsInRow(FieldID, Rs, RetList).
253
254
     getValsList([], []).
255
     getValsList([B | Bs], L) :- getValsListInRow(B, L1),
256
     getValsList(Bs, L2),
257
     append (L1, L2, L).
258
259
     getValsListInRow([], []).
```

```
260
     getValsListInRow([cell(_, Val) | Rs], L) :-
         getValsListInRow(Rs, L1),
261
     append ([Val], L1, L).
262
263
264
                      *********************************
265
266
       Restrictions
267
268
269
270
     imposeDomainConstrain([], ]).
271
     imposeDomainConstrain([B | Bs], SupLim) :-
         imposeDomainConstrainInRow(B, SupLim),
272
     imposeDomainConstrain(Bs, SupLim).
273
     imposeDomainConstrainInRow([], _).
274
     imposeDomainConstrainInRow([cell(_, Value) | Rs], SupLim
275
         ) :- Value in 1.. SupLim,
276
     imposeDomainConstrainInRow(Rs, SupLim).
277
278
     imposeRowConstrain([]).
     imposeRowConstrain([B | Bs]) :- imposeRowConstrain(B,
279
280
     imposeRowConstrain(Bs).
281
282
     imposeRowConstrain([], List):- all_distinct(List).
283
284
     imposeRowConstrain([cell(_, Value) | Rs], List) :-
         append ([Value], List, NewList),
285
     imposeRowConstrain(Rs, NewList).
286
     imposeColumnConstrain(Board) :- transpose(Board, TBoard)
287
288
     imposeRowConstrain(TBoard).
289
290
     imposeFieldConstrain(_Board, []).
291
     imposeFieldConstrain(Board, [field(FID, Op, Res) | Fs])
        :- getFieldCells(FID, Board, L),
292
     applyOpConstrain(L, Op, Res),
293
     imposeFieldConstrain(Board, Fs).
294
```

```
16
```

```
295
     applyOpConstrain([], _Op, _Res):- fail.
296
     applyOpConstrain(L, '+', Res) :- sum(L, \#=, Res).
297
298
299
     applyOpConstrain(L, '-', Res) :- L = [\_, \_],
300
     maximum (Max, L),
     minimum (Min, L),
301
302
     Res \# Max - Min.
303
     applyOpConstrain(L, '/', Res) :- L = [\_, \_],
304
305
     maximum (Max, L),
306
     minimum (Min, L),
307
     Res #= Max / Min.
308
     applyOpConstrain([L], '=', Res) :- L #= Res.
309
310
311
     applyOpConstrain([L | Ls], '*', Res):- applyOpConstrain
        (Ls, '*', L, Res).
312
     applyOpConstrain([], '*', Acum, Res): - Acum #= Res.
313
314
315
     applyOpConstrain([L | Ls], '*', Acum, Res) :- Acum1 #= L
          * Acum,
     applyOpConstrain(Ls, '*', Acum1, Res).
316
317
318
319
320
321
       Print
322
323
     *************************************
        */
324
325
     printBoard :- testBoardPrint(Board),
326
     printBoard (Board).
327
     printBoard(Board) :- printTopBorder(Board),
328
329
     length(Board, Size),
     printBoard (Board, Size, 1),
330
331
     printBottomBorder (Board).
332
     printTopBorder(Board) :- length(Board, Size), asserta(
333
        size (Size)),
```

```
334
     write('___'), write('||'),
335
     printHorizTopBorder(Size).
336
337
     printBoard ([], _, _).
338
     printBoard ([B1, B2 | Bs], Size, RowIt) :- printNumber(
         RowIt), write('||'),
339
     printRow(B1),
     write(',__,||')
340
341
     printHorizMidBorder(B1, B2),
342
     RowIt1 is RowIt + 1,
     printBoard ([B2 | Bs], Size, RowIt1).
343
344
345
     printBoard ([B1 | Bs], Size, RowIt) :- printNumber (RowIt)
         , write(', | | '),
346
     printRow(B1),
347
     RowIt1 is RowIt + 1,
348
     printBoard (Bs, Size, RowIt1).
349
     printRow([C1]) :- cell(_-, Value1) = C1,
350
351
     printNumber (Value1),
     write('||\n').
352
353
     printRow([C1, C2 | Cs]) :- cell(FieldID1, Value1) = C1,
354
355
     cell(FieldID2, _Value2) = C2,
356
     FieldID1 = FieldID2,
357
     printNumber (Value1),
358
     write(', ', '),
359
     printRow([C2 | Cs]).
360
361
     printRow([C1 | Cs]) :- cell(_, Value1) = C1,
362
     printNumber (Value1),
363
     write(', ||'),
364
     printRow(Cs).
365
366
     printBottomBorder(Board) :- length(Board, Size), write('
         ___ | '), printHorizBotBorder(Size), write('_'),
         printBottomNumbers (Size).
367
     printHorizTopBorder(1):- write('===||'), write('\n').
368
369
370
     printHorizTopBorder(Size) :- write('==='), Size1 is
         Size - 1, printHorizTopBorder(Size1).
371
     printHorizBotBorder(1):- write('===||'), write('\n').
372
373
```

```
374
     printHorizBotBorder(Size) :- write('==='), Size1 is
         Size - 1, printHorizBotBorder(Size1).
375
376
     printBottomNumbers(Size) :- write('___'),
         printBottomNumbers (Size, 1).
377
     printBottomNumbers(Size, Size) :- printNumber(Size).
378
379
380
     printBottomNumbers(Size, Number) :- printNumber(Number),
          write(','), Number1 is Number + 1,
         printBottomNumbers (Size, Number1).
381
382
     printHorizMidBorder([R1], [R2]) :- cell(FieldID1, _) =
383
384
      cell(FieldID2, _{-}) = R2,
385
     FieldID1 = FieldID2,
     \mathbf{write}(\ '---|| \setminus \mathbf{n}').
386
387
     printHorizMidBorder([\_R1], [\_R2]) :- write('===||\n').
388
389
390
     printHorizMidBorder([R1 | R1s], [R2 | R2s]) :- cell(
         FieldID1, _{-}) = R1,
     cell(FieldID2, _{-}) = R2,
391
392
     FieldID1 = FieldID2,
393
     write('---='),
394
     printHorizMidBorder(R1s, R2s).
395
     printHorizMidBorder([_R1 | R1s], [_R2 | R2s]) :- write('
396
         ===='), printHorizMidBorder(R1s, R2s).
397
398
     printNumber(Number) :- var(Number), write('___').
     printNumber (Number) :- Number > 99, write (Number).
399
     printNumber(Number) :- Number > 9, write(''_'), write(
400
     printNumber(Number) := write('-'), write(Number), write(
401
         '_').
402
     printFieldTable(_-, []).
403
     printFieldTable(Board, [F | Fs]) :- RowIt = 1,
404
         printFieldTableAux(Board, F, RowIt), printFieldTable(
         Board, Fs).
405
406
     printFieldTableAux([], _, _).
407
```

```
printFieldTableAux\left(\left[B \ | \ _{-}Bs\right], \ F, \ RowIt\right) \ :- \ ColIt \ = \ 1\,,
408
          findFieldInCell(B, F, ColIt, Col), field(FID, Op, Val
          ) = F,
      printField (FID, Op, Val, RowIt, Col).
409
410
      printFieldTableAux\left(\left[ \ _{\cdot}B \ \mid \ Bs \right], \ F, \ RowIt\right) \ :- \ RowIt1 \ \ \textbf{is}
411
          RowIt + 1, printFieldTableAux(Bs, F, RowIt1).
412
413
      findFieldInCell([], \_, \_, \_) :- fail.
414
      findFieldInCell([cell(FID, _) | _Bs], field(FID, _, _),
          ColIt, ColIt).
      findFieldInCell([_B | Bs], F, Collt, Col) :- Collt1 is
415
          Collt + 1, findFieldInCell(Bs, F, Collt1, Col).
416
      printField(FID, Op, Val, Row, Col) :- write('Field: _'),
417
          write(FID), write(','),
418
      write('Operation: '), write(Op), write('.'),
419
      write('Result:_'), write(Val), write('..'),
420
      write('Row: _') , write(Row) , write('__') ,
      write('Column: _'), write(Col), write('.'),
421
422
      write('\n').
```