

# Algoritmos e Estruturas de Dados (Pilhas - Implementação e Uso)

Prof. Me. Diogo Tavares da Silva  
contato: *diogotavares@unibarretos.com.br*

# Nas últimas aulas aprendemos...

- Sobre as estruturas de listas encadeadas
  - seus métodos
  - suas variações

# A estrutura de Pilha (*Stack*)

- É uma subclasse da estrutura de lista
  - Na prática é uma lista encadeada...
  - PORÉM
    - Possui regras de inserção e remoção
      - **Último a entrar é o primeiro a sair**
        - **Last In - First Out (LIFO)**
    - POR QUE?
      - Para manter seu propósito e funcionalidade

# A estrutura de Pilha

- A estrutura de dados de pilha é uma organização lógica de um comportamento natural no mundo real
  - Ex:
    - Pilha de pratos
    - Pilha de cartas
    - Um caminhão para descarregar
    - Um pacote de bolachas
    - etc.

# A estrutura de Pilha

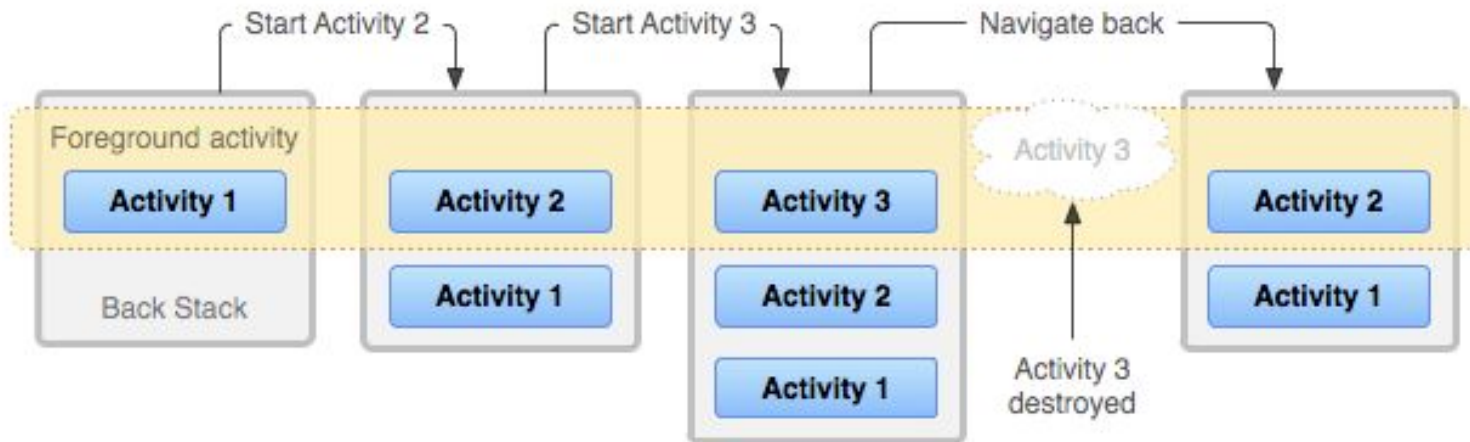
- Na computação são amplamente utilizadas
  - propósito:
    - Preservar os dados e acessá-los na ordem inversa a que foram obtidos
    - Preservar o histórico de ocorrências permitindo a reversão de eventos.

# A estrutura de Pilha

- Na computação são amplamente utilizadas
  - Exemplo:
    - Ações de Desfazer e Refazer
    - Avançar e Voltar páginas em um navegador
    - Pilha de execução de um programa
      - pilha de recursão
    - Algoritmos de árvore e de grafos
    - Pilha de retorno do sistema android
      - <https://developer.android.com/guide/components/activities/tasks-and-back-stack?hl=pt-br>

# A estrutura de Pilha

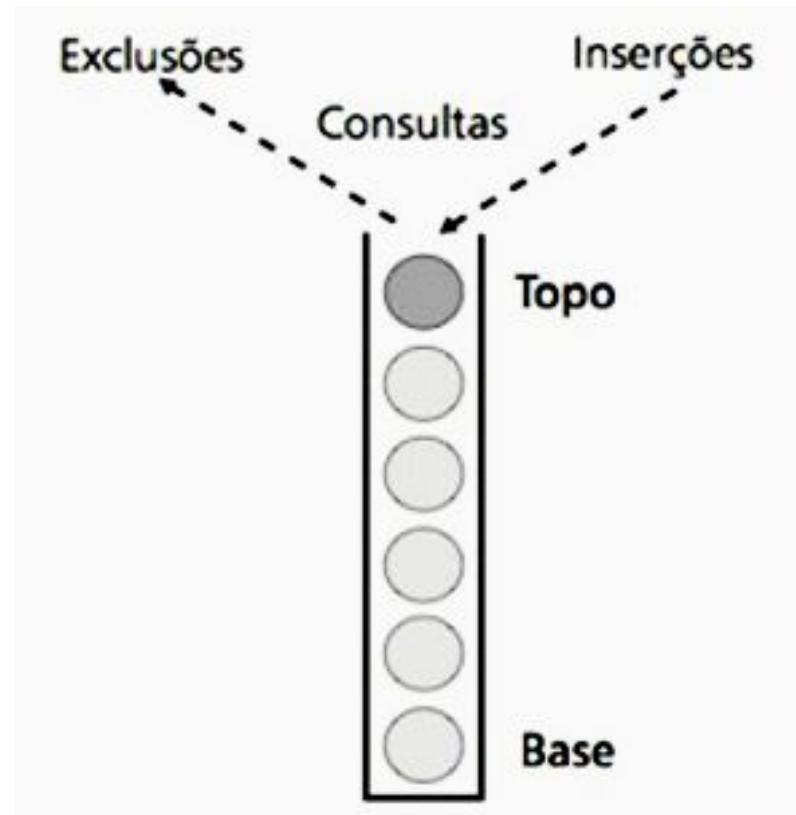
- Pilha de retorno do sistema android
  - <https://developer.android.com/guide/components/activities/tasks-and-back-stack?hl=pt-br>



**Figura 1.** Uma representação de como cada nova atividade em uma tarefa adiciona um item à pilha de retorno. Quando o usuário pressiona o botão **Voltar**, a atividade atual é destruída e a anterior é retomada.

# A estrutura de Pilha

- Na prática:
  - Pilha é uma lista encadeada onde as inserções, remoções e consultas são realizadas apenas por uma extremidade da estrutura: O topo





# Operações sobre pilhas

- Devem sempre respeitar a disciplina de acesso
  - Somente pelo topo!
    - Se acessa, insere, remove ou altera nós abaixo do topo **NÃO É Pilha!**
      - Cuidado na prova coleguinhas...

# Operações sobre pilhas

- Deste modo, as seguintes operações são comuns para a estrutura de pilha:
  - Criar a pilha vazia
  - Verificar se a pilha está vazia
  - Inserir um novo nó no topo da pilha (*PUSH*)
  - Excluir o nó do topo da pilha (*POP*)
  - Consultar e/ou modificar o nó que está no topo da pilha (*TOP*)
  - Destruir a pilha, liberando as posições reservadas para ela.

# Projeto da estrutura do tipo Pilha

- Duas abordagens:
  - Criar um tipo específico
  - Usar um ponteiro que aponta para o topo
    - Assim como o ponteiro na lista que aponta para a cabeça

# Projeto da estrutura do tipo Pilha

- Duas abordagens:
  - Criar um tipo específico
  - Usar um ponteiro que aponta para o topo
    - Assim como o ponteiro na lista que aponta para a cabeça
- Vamos usar a primeira abordagem!

# Projeto da estrutura nó de pilha

- Deve conter a informação armazenada e um ponteiro para o próximo nó
  - Ou seja, um nó comum de lista.

```
struct nodo{  
    int info; //informação  
    struct nodo *prox; //ponteiro para o próximo  
    conteúdo da pilha  
};  
typedef struct nodo Nodo;
```

# Projeto da estrutura de Pilha

- Após construir o nó:

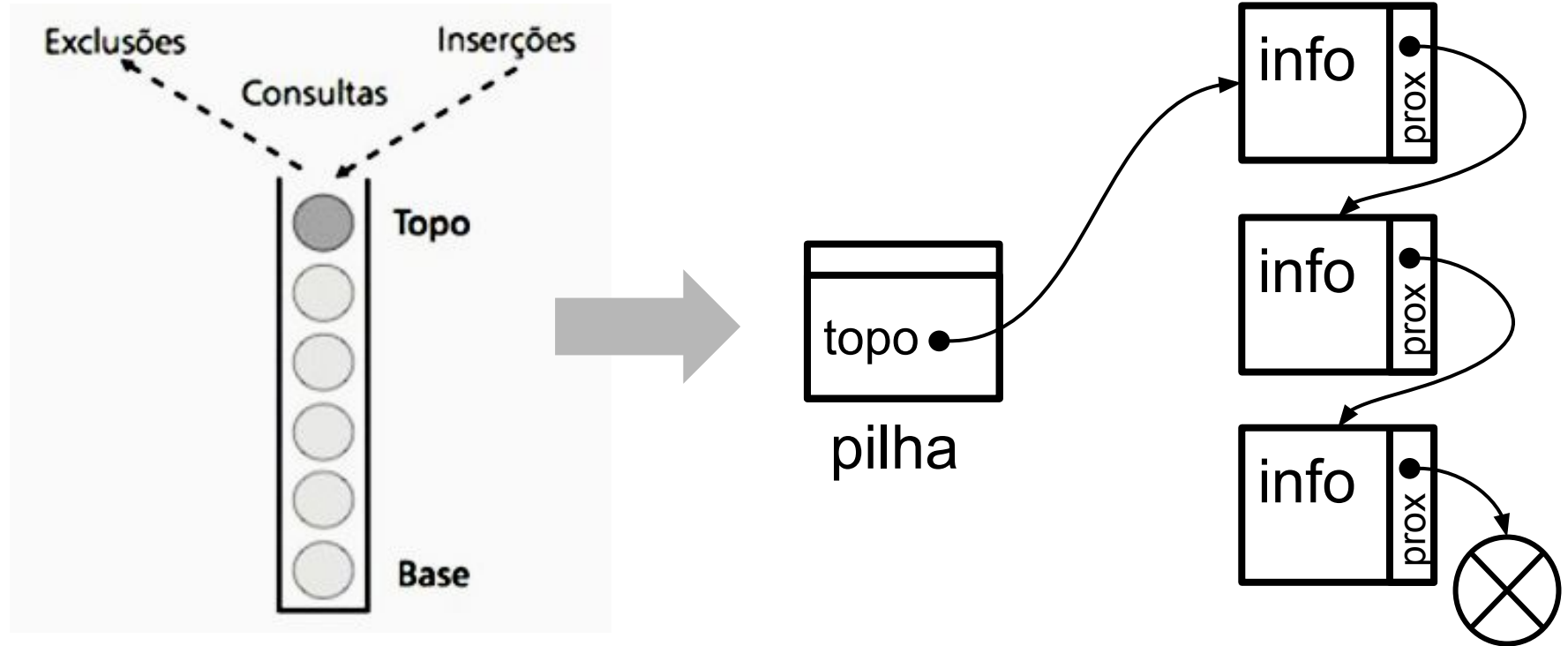
```
struct pilha{
```

```
    Nodo *topo; //nó para o topo da pilha
```

```
}
```

```
typedef struct pilha Pilha;
```

# Projeto da estrutura de Pilha



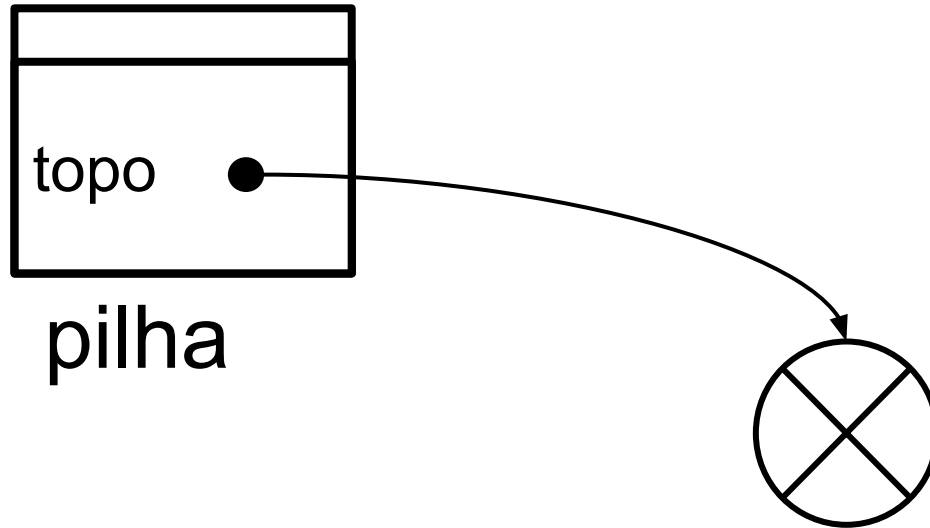
# Criação da Pilha vazia

- Para criar a pilha vazia é necessário criar uma função ***criaPilha()***
  - Aloca o espaço da estrutura de pilha na memória
  - Inicializa o ponteiro “*topo*” apontando para NULL
    - A lista começa vazia.
  - Retorna um ponteiro para a estrutura de pilha criada



# Criação da Pilha vazia

- função *criaPilha()*



# Criação da Pilha vazia

- Função ***criaPilha()***

```
/*  
FUNÇÃO: criaPilha  
RESUMO: Cria uma nova pilha vazia  
PARAM: void  
RETORNO: Pilha* (ponteiro para a pilha);  
*/  
Pilha* criaPilha(){  
    Pilha* p = new Pilha;  
    p->topo = NULL;  
    return p;  
}
```

# Função de teste ***pilhaVazia()***

- Mais uma vez, criaremos uma função para verificar se a pilha está vazia ou não
- Por essa razão, é conveniente criar uma função que testa se a lista está vazia
  - **int pilhaVazia(Pilha\* p)**
    - retorna 1, se lista vazia
    - retorna 0, caso contrário

# Criação da função *pilhaVazia()*

*//lembre-se de inserir TODOS os protótipos de funções no **pilha.h***

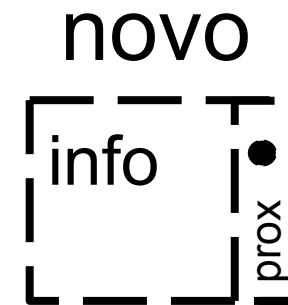
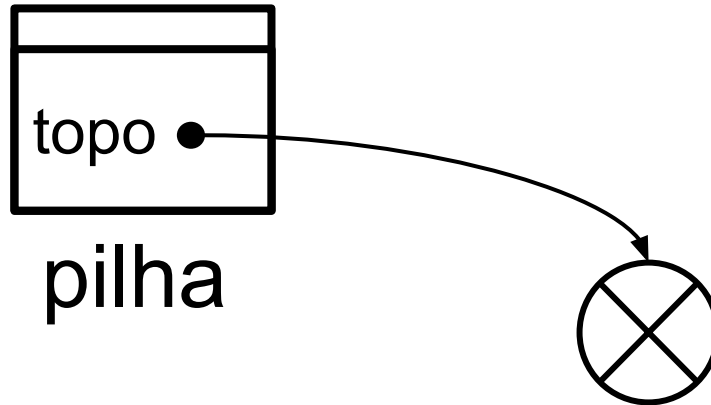
```
≡ /*  
FUNÇÃO: vazia  
RESUMO: verifica se a pilha está vazia  
PARAM: Pilha* (ponteiro para a pilha)  
RETORNO: int (1 se está vazia, 0 se não está)  
*/  
≡ int vaziaPilha(Pilha* pilha){  
    if( pilha->topo == NULL)  
        return 1;  
    else return 0;  
}
```

# Função de empilhar (*PUSH*)

- A função de empilhar (*push*) deve fazer uma inserção no topo da pilha.
  - Análogo a inserir no início da lista
    1. Cria-se no novo nó
    2. novo -> prox recebe pilha->topo
    3. pilha->topo recebe novo

# Função de empilhar (push)

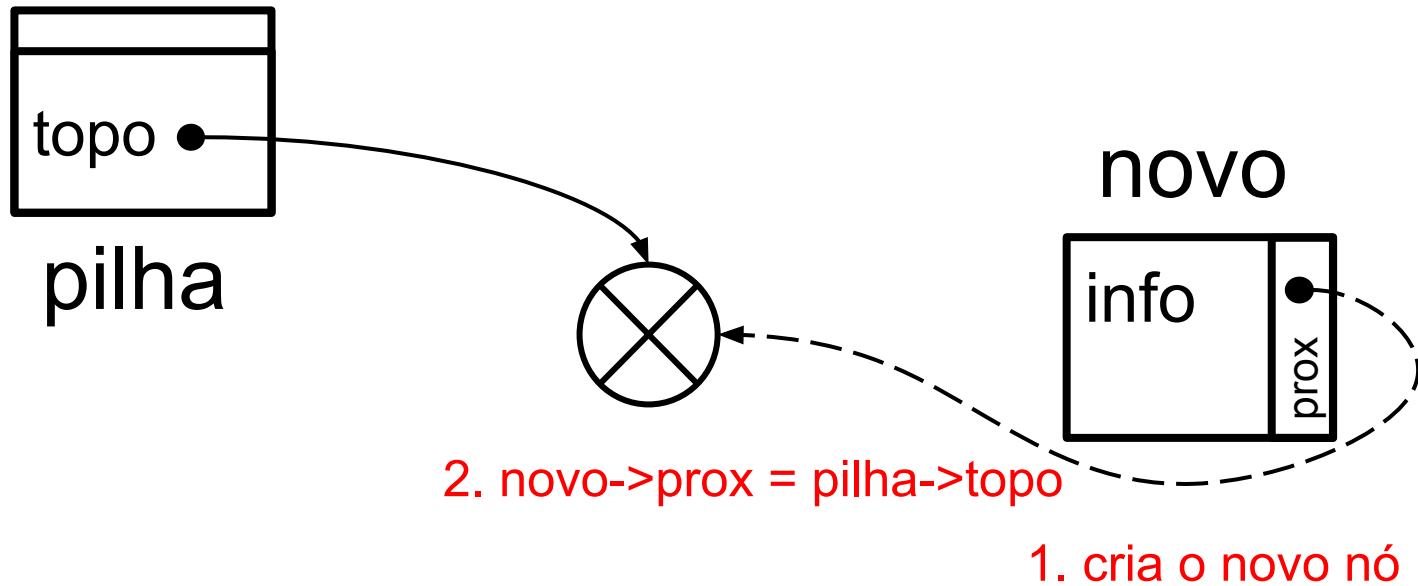
- função *push()* ou *empilha()*



1. cria o novo nó

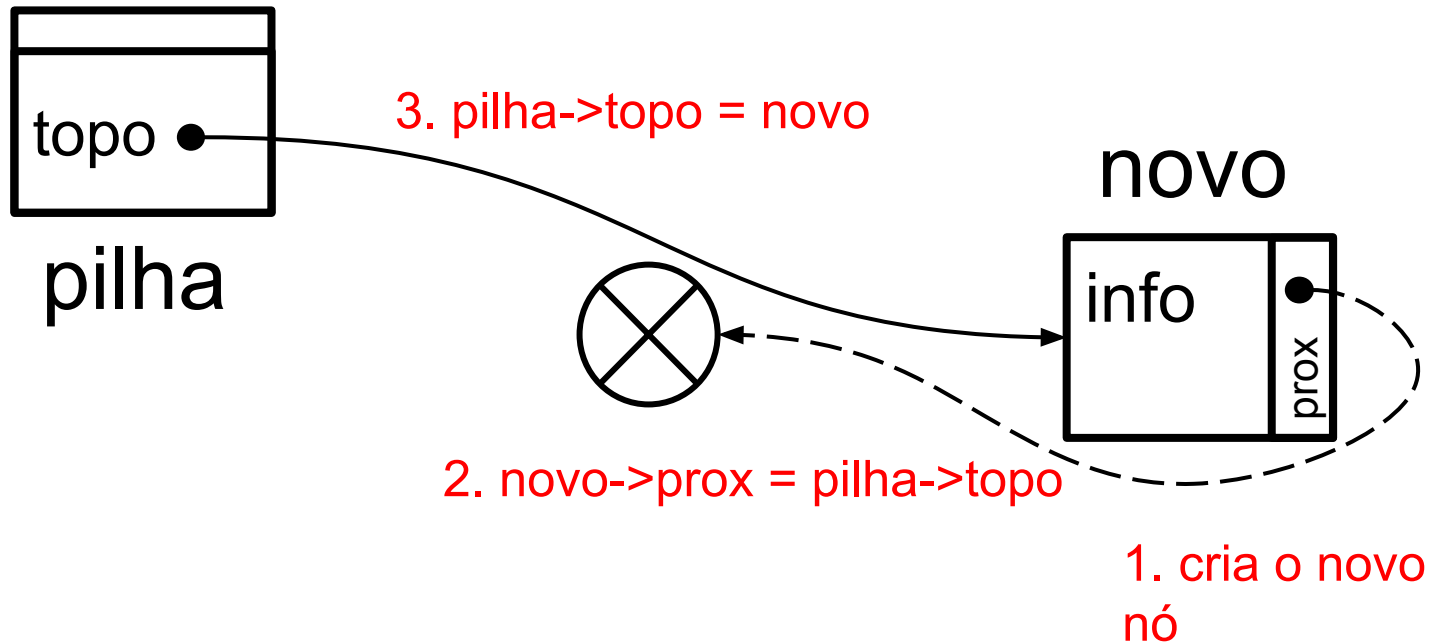
# Função de empilhar (push)

- função *push()* ou *empilha()*



# Função de empilhar (push)

- função *push()* ou *empilha()*



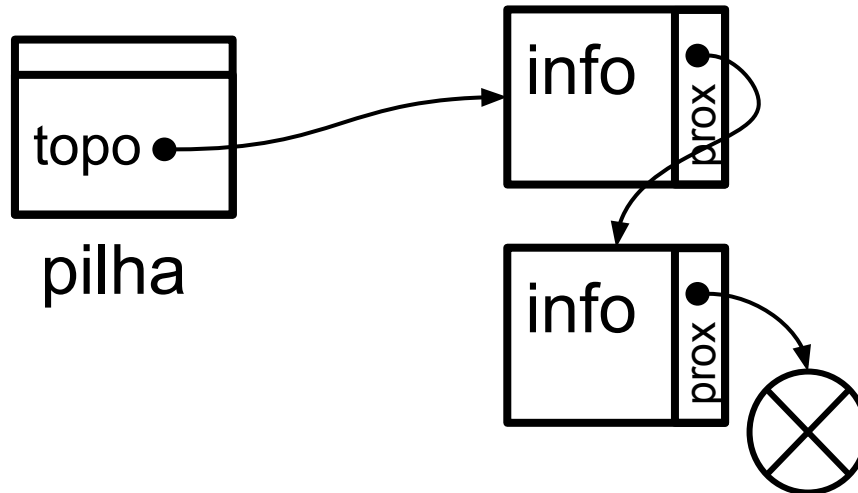
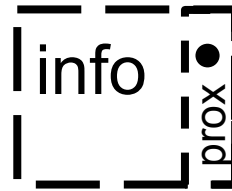


# Função de empilhar (push)

- função *push()* ou *empilha()*

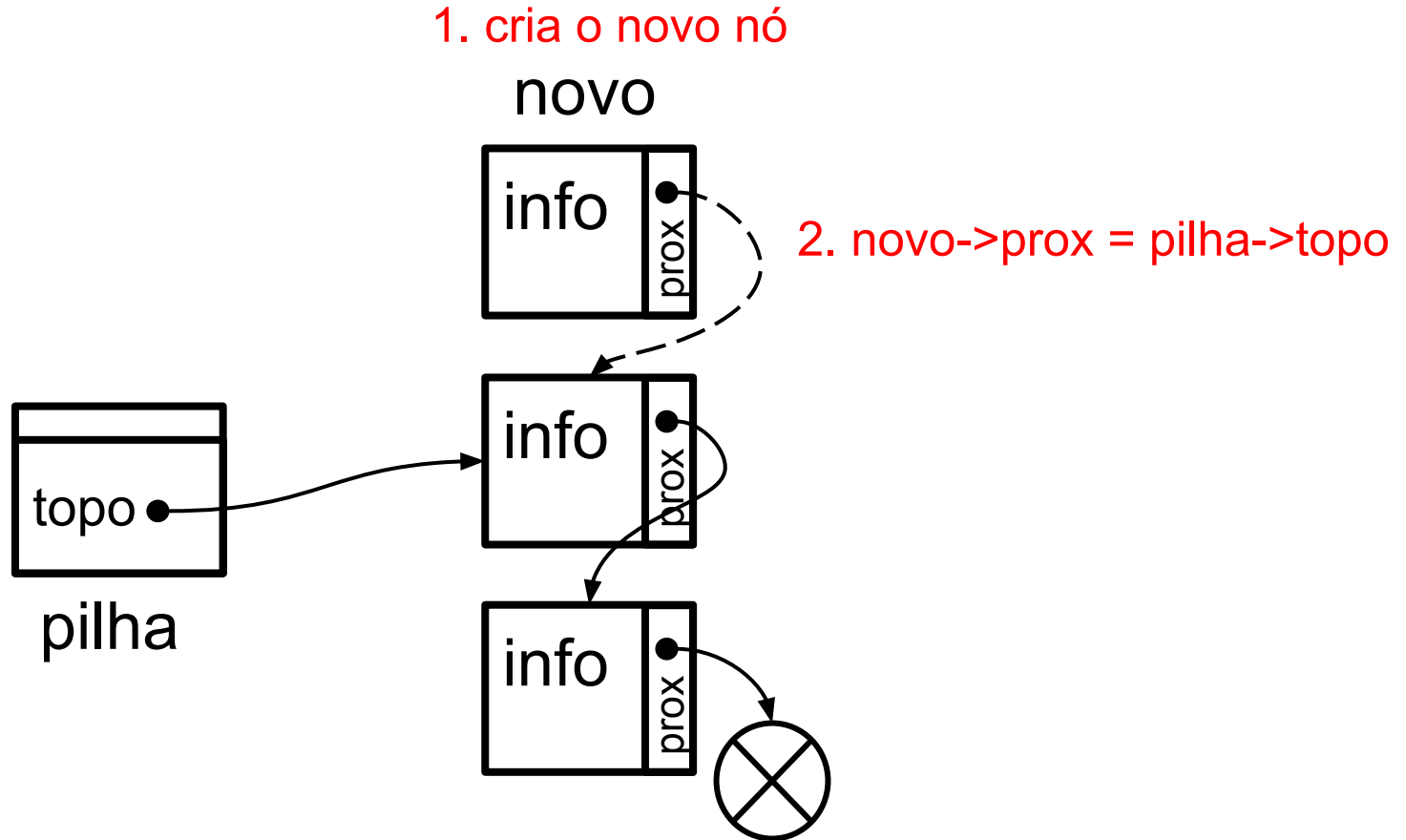
1. cria o novo nó

novο



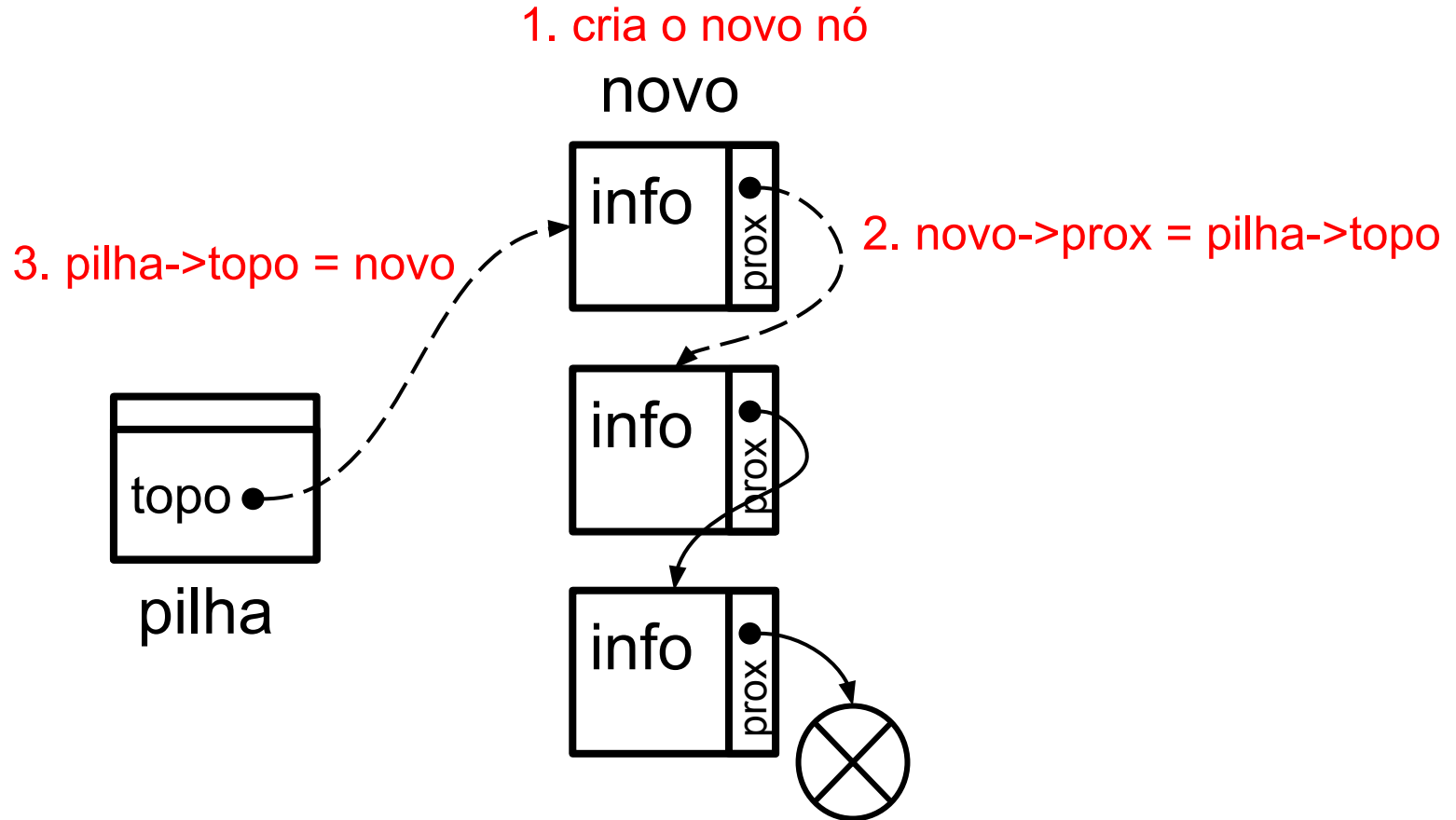
# Função de empilhar (push)

- função *push()* ou *empilha()*



# Função de empilhar (push)

- função *push()* ou *empilha()*



# Função de empilhar (*PUSH*)

```
/*  
FUNÇÃO: push  
RESUMO: empilha novo elemento na pilha  
PARAM: Pilha* (ponteiro para a pilha), int (valor a ser empilhado);  
RETORNO: Pilha* (ponteiro para a pilha);  
*/  
Pilha* push(Pilha* pilha, int valor){  
    Node* novo = new Node;  
    novo->info = valor;  
    novo->prox = pilha->topo;  
    pilha->topo = novo;  
    return pilha;  
}
```

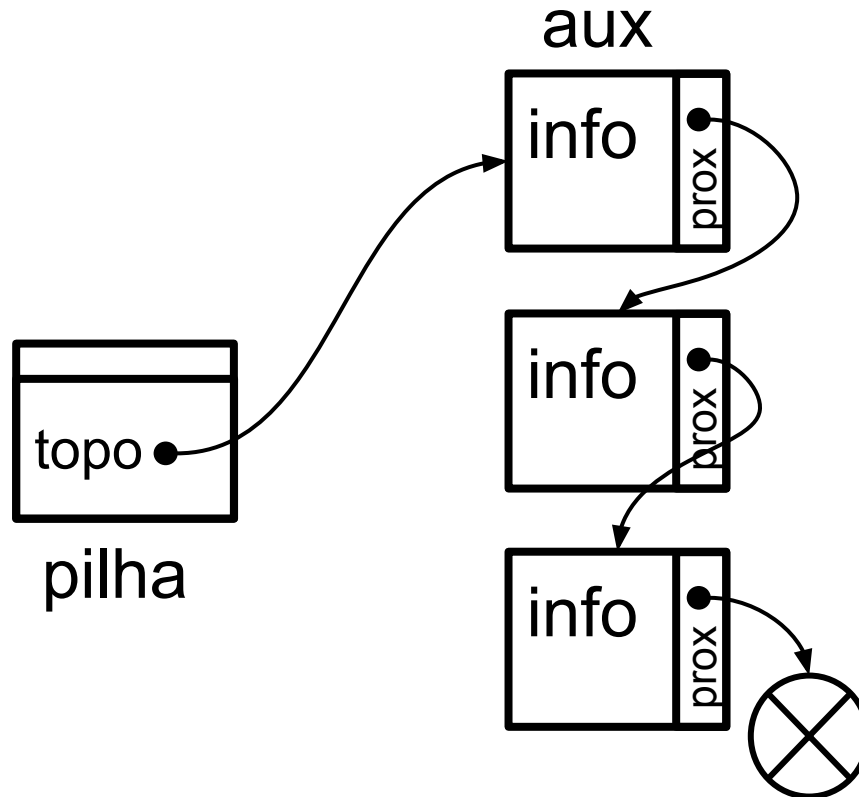
# Função de desempilhar (*POP*)

- A função de desempilhar (*pop*) deve fazer uma remoção do elemento no topo da pilha retornando seu conteúdo.
  - Análogo a remover no início da lista
  - Se a pilha não é vazia
    1. aux recebe pilha->topo
      - 1.1. valor = aux->info;
    2. pilha->topo recebe (pilha->topo)->prox
    3. liberar(aux)
    4. retornar valor;

# Função de desempilhar (pop)

- função *pop()* ou *desempilha()*

1. *aux = pilha->topo*

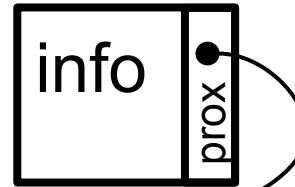


# Função de desempilhar (pop)

- função *pop()* ou *desempilha()*

1.  $\text{aux} = \text{pilha} \rightarrow \text{topo}$

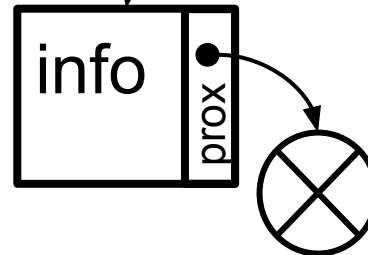
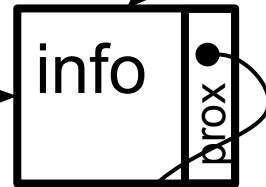
aux



2.  $\text{pilha} \rightarrow \text{topo} = \text{pilha} \rightarrow \text{topo} \rightarrow \text{prox}$



pilha



# Função de desempilhar (pop)

- função *pop()* ou *desempilha()*

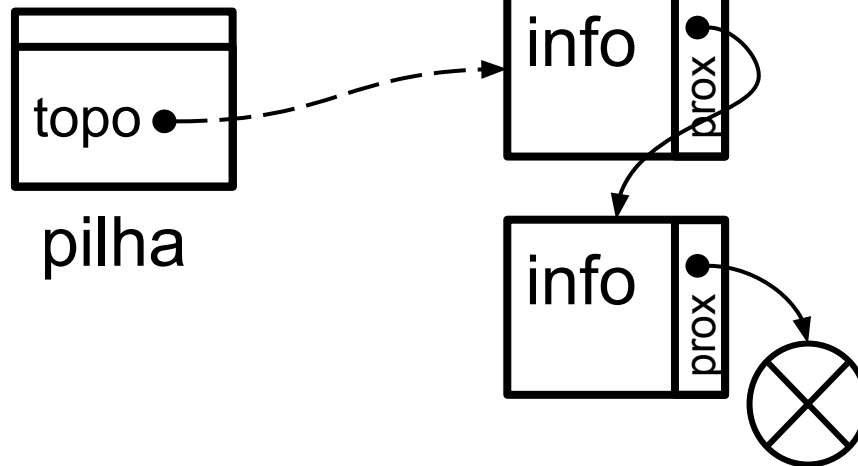
1.  $\text{aux} = \text{pilha} \rightarrow \text{topo}$

aux



3. delete aux

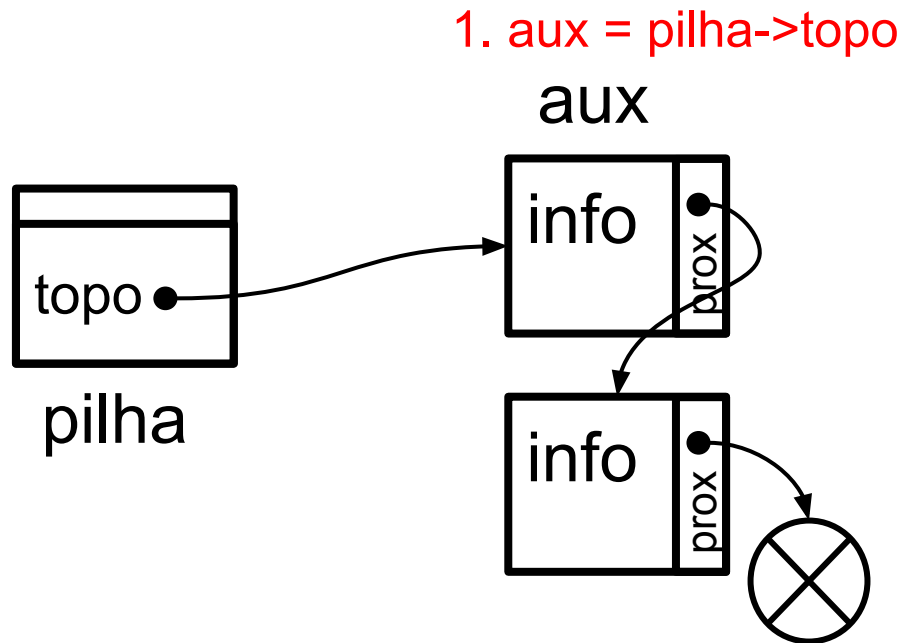
2.  $\text{pilha} \rightarrow \text{topo} = \text{pilha} \rightarrow \text{topo} \rightarrow \text{prox}$





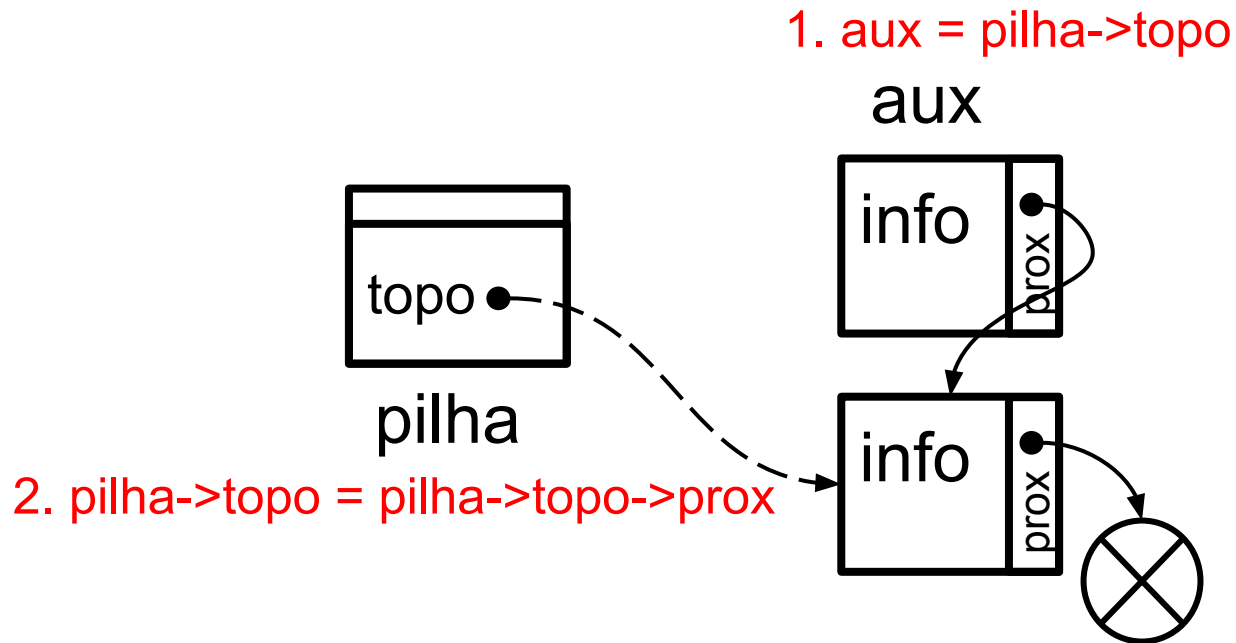
# Função de desempilhar (pop)

- função *pop()* ou *desempilha()*



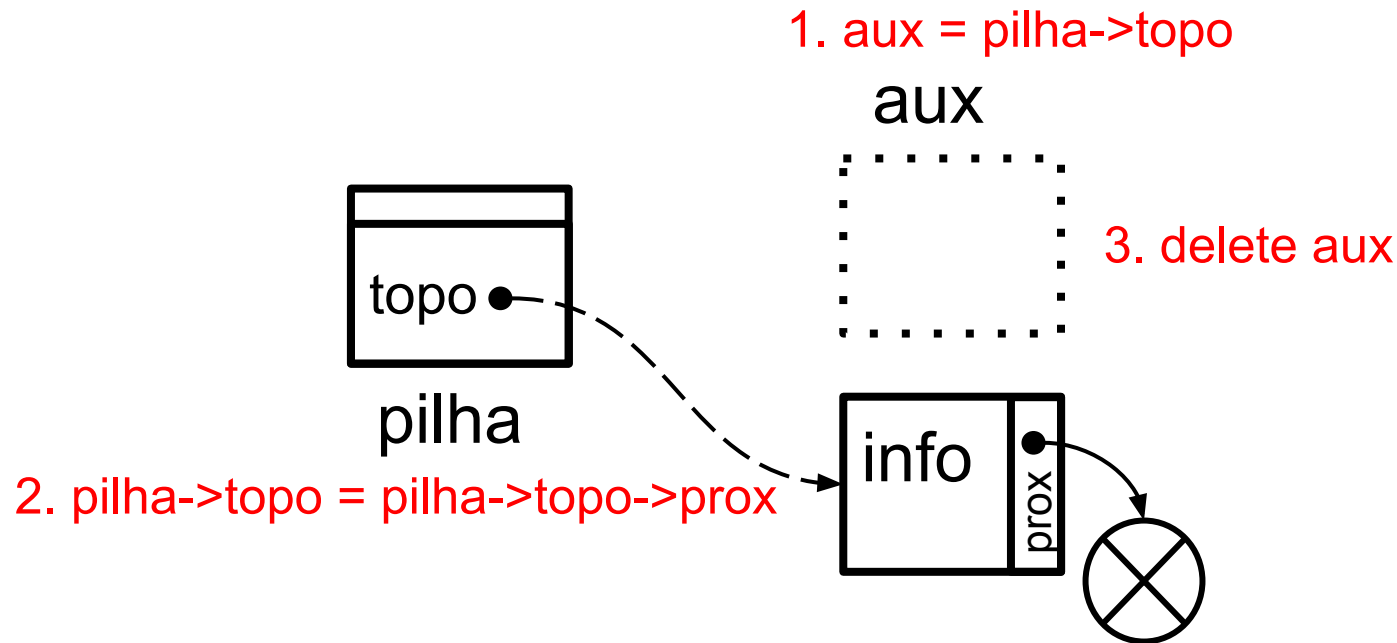
# Função de desempilhar (pop)

- função *pop()* ou *desempilha()*



# Função de desempilhar (pop)

- função *pop()* ou *desempilha()*



# Função de desempilhar (*POP*)

```
/*  
FUNÇÃO: pop  
RESUMO: desempilha o elemento no topo da pilha e retorna seu valor  
PARAM: Pilha* (ponteiro para a pilha), int (valor a ser desempilhado);  
RETORNO: Pilha* (ponteiro para a pilha);  
*/  
  
int pop(Pilha* pilha){  
    Node* aux = pilha->topo;  
    int valor;  
    if(!vaziaPilha(pilha)){  
        valor = aux->info;  
        pilha->topo = (pilha->topo)->prox;  
        delete aux;  
    } else cout << "pilha vazia!" << endl;  
    return valor;  
}
```

# Função de consultar topo (*TOP*)

- A função de consultar o conteúdo do topo (*top*) deve retornar o conteúdo do topo da pilha sem alterá-lo.
  - Se a pilha não é vazia
    1. retornar = (pilha->topo)->info;

# Função consultar topo (*TOP*)

```
/*  
FUNÇÃO: top  
RESUMO: informa o valor do primeiro elemento da pilha  
PARAM: Pilha* (ponteiro para a pilha)  
RETORNO: int (valor da informação do nó armazenado no topo)  
*/  
  
int top(Pilha* pilha){  
    if (!vaziaPilha(pilha))  
        return (pilha->topo)->info;  
    else cout << "pilha vazia!";  
}
```

# Função de destruir pilha (*destroiPilha*)

- Respeitar as regras de pilha SEMPRE!
  - removendo pelo topo até esvaziar
- Enquanto a pilha não é vazia
  - `pop(pilha);`

# Operações com pilhas

- Pronto! As funções básicas sobre pilhas foram implementadas!
- E agora?
- Precisamos aprender a utilizar pilhas para resolver problemas
  - **TUDO CONSISTE EM EMPILHAR E DESEMPILHAR ELEMENTOS**



# Operações com pilhas

- Imprimir o conteúdo de uma pilha?
- Buscar um elemento de uma pilha?
- Buscar e remover um elemento na pilha?
- Processar todo conteúdo de uma pilha?
- Fazer um avançar e voltar de uma página web?

**TODAS AS OPERAÇÕES SE BASEIAM EM  
EMPILHAR E DESEMPILHAR...**

# Imprimir o conteúdo de uma pilha

- Como imprimir todo o conteúdo da pilha se...
  - só podemos acessar o topo da pilha
  - quando desempilhamos, perdemos os elementos do topo?
  - como remover, guardar e preservar a ordem dos elementos pra reinserí-los de novo?
    - Usando outra pilha como auxiliar!

# Imprimir o conteúdo de uma pilha

- Se pilha principal não está vazia:
  - Criamos uma pilha auxiliar vazia
  - Enquanto pilha principal não estiver vazia
    - Imprimo o conteúdo do topo
    - desempilho da principal e empilho na auxiliar
  - Depois, precisamos empilhar de volta:
    - Enquanto auxiliar não estiver vazia
      - Desempilho da auxiliar e empilho na principal

# Função imprimir pilha (printPilha) (adicionar na biblioteca!)

```
void printPilha(Pilha* pilha){  
    if(!pilhaVazia(pilha)){  
        Pilha *aux = criaPilha();  
        while(!pilhaVazia(pilha)){  
            cout << "(" << top(pilha) << ")" -> ";  
            push(aux, pop(pilha));  
        }  
        cout << "|X|" << endl; //pra marcar o final  
        //agora reempilhamos na principal  
        while(!pilhaVazia(aux)){  
            push(pilha, pop(aux));  
        }  
    }  
} //fim if  
//fim func
```

# Atividade:

1. Crie uma função que busque um elemento de uma pilha.
2. Cria uma função que busque e remova um elemento de uma pilha.
3. Crie uma função que remova todos os números pares de uma pilha
4. Crie uma função que remova todos os valores repetidos de uma pilha.
5. Crie um novo nó de pilha pra armazenar um endereço web (ex: “www.google.com”) e crie um programa que insira e remova endereços e implemente o **voltar** e **avancar** usando pilhas.