UNIVERSIDADE DO ESTADO DE SANTA CATARINA – UDESC CENTRO DE CIÊNCIAS TECNOLÓGICAS – CCT BACHARELADO EM CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO – BCC

HELENA VARGAS TANNURI

IMPLEMENTAÇÃO DE UMA BIBLIOTECA DA LÓGICA DE INCONSISTÊNCIA FORMAL LFI1 EM COQIMPLEMENTAÇÃO DE UMA BIBLIOTECA DA LÓGICA DE INCONSISTÊNCIA FORMAL LFI1 EM COQ

HELENA VARGAS TANNURI

IMPLEMENTAÇÃO DE UMA BIBLIOTECA DA LÓGICA DE INCONSISTÊNCIA FORMAL LFI1 EM COQIMPLEMENTAÇÃO DE UMA BIBLIOTECA DA LÓGICA DE INCONSISTÊNCIA FORMAL LFI1 EM COQ

Trabalho de conclusão de curso submetido à Universidade do Estado de Santa Catarina como parte dos requisitos para a obtenção do grau de Bacharel em Ciência da Computação

Orientadora: Karina Girardi Roggia Coorientador: Miguel Alfredo Nunes

HELENA VARGAS TANNURI

IMPLEMENTAÇÃO DE UMA BIBLIOTECA DA LÓGICA DE INCONSISTÊNCIA FORMAL LFI1 EM COQIMPLEMENTAÇÃO DE UMA BIBLIOTECA DA LÓGICA DE INCONSISTÊNCIA FORMAL LFI1 EM COQ

Trabalho de conclusão de curso submetido à Universidade do Estado de Santa Catarina como parte dos requisitos para a obtenção do grau de Bacharel em Ciência da Computação

Orientadora: Karina Girardi Roggia Coorientador: Miguel Alfredo Nunes

BANCA EXAMINADORA:

Orientadora:	
	Dra. Karina Girardi Roggia UDESC
Coorientador	:
	Miguel Alfredo Nunes UNICAMP
Membros:	
	Dr. Cristiano Damiani Vasconcellos UDESC
	Me. Paulo Henrique Torrens University of Kent

Joinville, Junho de 2024

AGRADECIMENTOS

"Per me si va nella città dolente, per me si va ne l'etterno dolore, per me si va tra la perduta gente.

Giustizia mosse il mio alto fattore; fecemi la divina podestate,la somma sapïenza e 'l primo amore.

Dinanzi a me non fuor cose create se non etterne, e io etterno duro. Lasciate ogne speranza, voi ch'intrate." (Dante Alighieri – La Divina Commedia, [1320])

RESUMO

Palavras-chave: Coq, Lógica paraconsistente, LFI1, Lógica de Inconsistência Formal, Lógica Trivalorada.

ABSTRACT

Keywords: teste.

LISTA DE ILUSTRAÇÕES

LISTA DE TABELAS

SUMÁRIO

1	INTRODUÇÃO
1.1	OBJETIVO GERAL
1.2	OBJETIVOS ESPECÍFICOS
1.3	TRABALHOS RELACIONADOS
1.4	METODOLOGIA
1.5	ESTRUTURA DO TRABALHO
	REFERÊNCIAS

1 INTRODUÇÃO

As lógicas paraconsistentes são uma família de lógicas na qual a presença de contradições não implica trivialidade, ou seja, são sistemas lógicos que possuem uma negação que não respeita o Princípio da Explosão¹ (CARNIELLI; CONIGLIO; MARCOS, 2007). Tradicionalmente, em lógicas ortodóxas, qualquer teoria que seja inconsistente - e, portanto, não respeite o Princípio da não-contradição² - será uma teoria trivial (uma teoria que possui todas as sentenças). Deste modo, as lógicas paraconsistentes surgem como uma ferramenta que permite tratar contradições sem trivializar o sistema lógico (CARNIELLI; CONIGLIO, 2016).

De acordo com (PRIEST; TANAKA; WEBER, 2022), as motivações para o estudo de lógicas paraconsistentes podem ser observadas em diversos campos do conhecimento. Nas ciências naturais, por exemplo, teorias inconsistentes e não-triviais são comuns, como é o caso da teoria do átomo de Bohr, que, segundo (BROWN; PRIEST, 2015), deve possuir uma inferência paraconsistente. No campo da linguística, inconsistências não-triviais também são possíveis, como a preservação da noção espacial da palavra "Próximo" mesmo tratando-se de objetos impossíveis (MCGINNIS, 2013). Ademais, no contexto da computação, uma aplicação da paraconsistênica é o uso de lógicas de inconsistência formal para a modelagem e o desenvolvimento de bancos de dados evolucionários (CARNIELLI; MARCOS; AMO, 2000).

As lógicas de inconsistência formal (LFIs), são lógicas paraconsistentes que introduzem os conceitos de consistência e inconsistência como formas de representar o excesso de informações (por exemplo, evidência de α e evidência de $\neg \alpha$), para resgatar a capacidade de se obter a trivialidade em alguns casos (CARNIELLI; CONIGLIO; MARCOS, 2007). Ao explicitamente representar a consistência dentro da sua linguagem, é possivel estudar teorias inconsistentes sem necessariamente assumir que elas são triviais, porém possibilitando a trivialidade em situações específicas. A ideia por trás das LFIs é que deve-se respeitar as noções da lógica clássica o máximo possível, desviando desta somente na presença de contradições. Isto significa que, na ausência de contradições, o Princípio da Explosão deve ser tomado como válido (PRIEST; TANAKA; WEBER, 2022). Segundo (CARNIELLI; CONIGLIO, 2016), na lógica LFI1, os conceitos de inconsistência e consistência são introduzidos à linguagem por meio do operador • para a incositência ou o para a consitência. A linguagem da LFI1 pode ser definida com qualquer um destes operadores. Isto será indicado subscrevendo-se o operador utilizado, como LFI1_o e LFI1_e. Desta forma, como veremos ao longo do presente trabalho, e possível resgatar a trivialidade através do Princípio da Explosão Gentil, definido, no caso da LFI1_o, como $\circ \alpha \to (\alpha \to (\neg \alpha \to \beta))$ (CARNIELLI; CONIGLIO; MARCOS, 2007). Este princípio diz que a trivialidade é obtida a partir da contradição de uma informação consistente.

Um sistema lógico capaz de lidar com informações inconsistentes é de grande interesse no campo da computação, sobretudo no gerenciamento de bancos de dados (CARNIELLI;

Definido como $\alpha \to (\neg \alpha \to \beta)$.

² Definido como $\neg(\alpha \land \neg \alpha)$.

MARCOS; AMO, 2000). Um banco de dados pode ser definido como um conjunto estruturado de relações finitas que armazena informações. Estas informações precisam satisfazer condições conhecidas como restrições de integridade antes de serem inseridas no banco (CODD, 1970). As restrições são definidas pelo projetista do banco de dados no momento da implementação e podem ser formalizadas como sentenças de primiera ordem fixas (CARNIELLI; MARCOS; AMO, 2000). Conforme o banco de dados evloui, é preciso atualizar as informações contidas para refletir a realidade, contudo, como informações contraditórias não são permitidas pelas restrições de integridade, isso torna o processo de atualização difícil e trabalhoso. Ademais, a existência de bancos de dados que possam alterar suas restrições de integridade com o passar do tempo (conhecidos como bancos de dados evolucionários) é outro ponto de interesse que pode ser explorado com o uso das LFIs.

Concomitante aos estudos das lógicas paraconsistentes, avanços nas áreas da computação e da matemática - como a definição de teoria de tipos por Russell (RUSSELL, 1903; RUSSELL, 1908), a formulação desta teoria com base na sintaxe do Cálculo-λ por Church (CHURCH, 1940) e o estabelecimento da Correspondência de Curry-Howard (CURRY; FEYS, 1958; HOWARD, 1980) - possibilitaram o desenvolvimento de assistentes de provas (HARRISON; URBAN; WIEDIJK, 2014). Assistentes de provas são ferramentas da área de verificação formal, que buscam garantir que um programa está correto de acordo com uma especificação formal. Isto é feito a partir de provas desenvolvidas utilizando métodos matemáticos para provar a correção de propriedades de um *software* (CHLIPALA, 2019). Tradicionalmente, a verificação da validade de provas é feita manualmente por avaliadores, que seguem o raciocínio do autor e dão um veredito baseado no quão convincente a prova é. Os assistentes de provas surgem como alternativas à verificação manual, possibilitando ao matemático - ou programador - verificar provas na medida em que elas são desenvolvidas, tornando este processo mais fácil e seguro (PAULIN-MOHRING, 2015).

Assistentes de provas como Coq, Lean e Isabelle permitem ao usuário definir e provar propriedades sobre objetos matemáticos com valor computacional (GEUVERS, 2009). No presente trabalho será utilizado o Coq, este que utiliza o Cálculo de Construções Indutivas como formalismo para o desenvolvimento de provas (TEAM, 2024). O Coq ganhou notoriedade como ferramenta de verificação formal após seu uso na prova de correção de diversos teoremas e sistemas computacionais complexos, como a prova do teorema das quatro qores (GEUVERS, 2009), a certificação de um compilador para a linguagem de programação C (LEROY, 2021) e a prova da correção do algoritmo união-busca (CONCHON; FILLIÂTRE, 2007).

A proposta deste trabalho é desenvolver uma biblioteca da lógica de inconsistência formal **LFI1** em Coq, de maneira análoga como foi feito para a lógica modal em (SILVEIRA, 2020). Após a implementação da biblioteca, serão provados metateoremas relevantes para a **LFI1** utilizando o Coq.

- 1.1 OBJETIVO GERAL
- 1.2 OBJETIVOS ESPECÍFICOS
- 1.3 TRABALHOS RELACIONADOS
- 1.4 METODOLOGIA
- 1.5 ESTRUTURA DO TRABALHO

REFERÊNCIAS

BROWN, M. Bryson; PRIEST, Graham. Chunk and permeate ii: Bohr?s hydrogen atom. **European Journal for Philosophy of Science**, Springer Verlag, v. 5, n. 3, p. 297–314, 2015. Citado na página 10.

CARNIELLI, Walter; CONIGLIO, Marcelo; MARCOS, João. Logics of formal inconsistency. In: ____. [S.l.]: Springer, 2007. p. 1–93. ISBN 978-1-4020-6323-7. Citado na página 10.

CARNIELLI, Walter; CONIGLIO, Marcelo Esteban. **Paraconsistent logic: Consistency, contradiction and negation**. [S.l.]: Springer International Publishing, 2016. Citado na página 10.

CARNIELLI, Walter; MARCOS, João; AMO, Sandra De. Formal inconsistency and evolutionary databases. **Logic and logical philosophy**, p. 115–152, 2000. Citado 2 vezes nas páginas 10 e 11.

CHLIPALA, Adam. Certified programming with dependent types: A pragmatic introduction to the coq proof assistant. [S.l.]: The MIT Press, 2019. Citado na página 11.

CHURCH, Alonzo. A formulation of the simple theory of types. **The journal of symbolic logic**, Cambridge University Press, v. 5, n. 2, p. 56–68, 1940. Citado na página 11.

CODD, E. F. A relational model of data for large shared data banks. **Commun. ACM**, Association for Computing Machinery, New York, NY, USA, v. 13, n. 6, p. 377–387, jun 1970. ISSN 0001-0782. Disponível em: https://doi.org/10.1145/362384.362685. Citado na página 11.

CONCHON, Sylvain; FILLIÂTRE, Jean-Christophe. A persistent union-find data structure. In: **Proceedings of the 2007 Workshop on Workshop on ML**. New York, NY, USA: Association for Computing Machinery, 2007. (ML '07), p. 37–46. ISBN 9781595936769. Disponível em: https://doi.org/10.1145/1292535.1292541. Citado na página 11.

CURRY, Haskell Brooks; FEYS, Robert. **Combinatory logic**. Amsterdam: North-Holland Amsterdam, 1958. v. 1. Citado na página 11.

GEUVERS, Herman. Proof assistants: History, ideas and future. **Sadhana**, Springer, v. 34, p. 3–25, 2009. Citado na página 11.

HARRISON, John; URBAN, Josef; WIEDIJK, Freek. History of interactive theorem proving. In: **Computational Logic**. Amsterdam: [s.n.], 2014. v. 9, p. 135–214. Citado na página 11.

HOWARD, William Alvin. The formulae-as-types notion of construction. In: CURRY, Haskell et al. (Ed.). **To H. B. Curry: Essays on Combinatory Logic, Lambda Calculus, and Formalism**. Chicago: Academic Press, 1980. Citado na página 11.

LEROY, Xavier. **The CompCert C verified compiler: Documentation and user's manual**. Tese (Doutorado) — Inria, 2021. Citado na página 11.

MCGINNIS, Nicholas D. The unexpected applicability of paraconsistent logic: A chomskyan route to dialetheism. **Foundations of Science**, Springer Verlag, v. 18, n. 4, p. 625–640, 2013. Citado na página 10.

PAULIN-MOHRING, Christine. Introduction to the calculus of inductive constructions. In: PALEO, Bruno Woltzenlogel; DELAHAYE, David (Ed.). **All about Proofs, Proofs for All**. College Publications, 2015, (Studies in Logic (Mathematical logic and foundations), v. 55). Disponível em: https://inria.hal.science/hal-01094195>. Citado na página 11.

PRIEST, Graham; TANAKA, Koji; WEBER, Zach. Paraconsistent Logic. In: ZALTA, Edward N. (Ed.). **The Stanford Encyclopedia of Philosophy**. Spring 2022. [S.l.]: Metaphysics Research Lab, Stanford University, 2022. Citado na página 10.

RUSSELL, Bertrand. **Principles of Mathematics**. Cambridge: Cambridge University Press, 1903. Citado na página 11.

RUSSELL, Bertrand. Mathematical logic as based on the theory of types. **American Journal of Mathematics**, Association for Symbolic Logic, v. 30, n. 3, p. 222–262, 1908. Citado na página 11.

SILVEIRA, Ariel Agne da. **Implementação de uma biblioteca de lógica modal em Coq**. Dissertação (Projeto de Diplomação) — Bacharelado em Ciência da Computação—Centro de Ciências Tecnológicas, UDESC, Joinville, 2020. Citado na página 11.

TEAM, The Coq Development. **The Coq Reference Manual**. France, 2024. Citado na página 11.