

# Psychotherapieforschung

MSc Klinische Psychologie und Psychotherapie SoSe 2025

Prof. Dr. Dirk Ostwald

(5) Parallelgruppen-Pretest-Posttest-Designs

Posttest-Varianzanalyse

Posttest-Kovarianzanalyse mit Pretest-Kovariaten

Change-Score-Varianzanalyse

Mixed-Model-Analyse

Selbstkontrollfragen

Posttest-Varianzanalyse

Posttest-Kovarianzanalyse mit Pretest-Kovariaten

Change-Score-Varianzanalyse

Mixed-Model-Analyse

Selbstkontroll fragen



### Parallelgruppen-Pretest-Posttest-Design

- $\bullet$  Randomisierte Aufteilung von n Proband:innen auf Kontrollgruppe und Treatmentgruppe
- Messung der Zielvariablen vor (Pretest, T0, Baseline) und nach (Posttest, T1) Intervention

### Einfachste Form eines Between-Group Longitudinaldesigns

- Generalisierung zur mehr Messzeitpunkten vor und nach Randomisierung möglich (S:T-Designs)
- Generalisierung zur mehr als zwei Leveln des Gruppenfaktors möglich
- Generalisierung zur mehr als einem Gruppenfaktor möglich

Aktuelle RCT-Parallelgruppen-Longitudinaldesigns sind oft primär an T0 und T1 interessiert

### Anwendungsbeispiel

 $y_{i0}$  und  $y_{i1}$  als Bezeichner für Pre- und Posttestdaten von Proband:in i

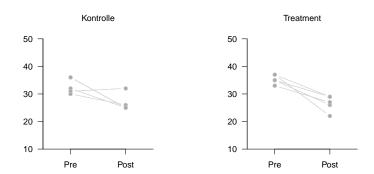
 $n_1$  und  $n_2$  als Bezeichner für Anzahl der Proband:<br/>innen in Kontroll- bzw Treatmentgruppe

 $n=n_1+n_2 \ {\rm Proband:innen\ insgesamt}$ 

| ID | Gruppe    | Pre | Post |
|----|-----------|-----|------|
| 1  | Kontrolle | 30  | 31   |
| 2  | Kontrolle | 31  | 34   |
| 3  | Kontrolle | 37  | 34   |
| 4  | Kontrolle | 38  | 25   |
| 5  | Kontrolle | 34  | 32   |
| 6  | Treatment | 37  | 18   |
| 7  | Treatment | 33  | 22   |
| 8  | Treatment | 36  | 26   |
| 9  | Treatment | 35  | 29   |
| 10 | Treatment | 37  | 28   |
|    |           |     |      |

## Anwendungsbeispiel

- ullet  $y_{i0}$  und  $y_{i1}$  als Bezeichner für Pre- und Posttestdaten von Proband:in i
- ullet  $n_1$  und  $n_2$  als Bezeichner für Anzahl der Proband:innen in Kontroll- bzw Treatmentgruppe
- $n = n_1 + n_2$  Proband:innen insgesamt



Überblick

Posttest-Varianzanalyse

Bedeutung

Posttest-Kovarianzanalyse mit Pretest-Kovariaten

Bedeutung

Change-Score-Varianzanalyse

Bedeutung

Mixed-Model-Analyse

Bedeutung

Methodische Vergleichsarbeiten zu den hier vorgestellen Analyseverfahren geben u.a., Laird (1983), Crager (1987), Frison and Pocock (1992), Oakes and Feldman (2001), Yang and Tsiatis (2001), Senn (2006), Winkens et al. (2007), Chen (2006), O Connell et al. (2017), (funatogawa20101?), (funatogawa2022?)

Lehrbuchkapitel zu den hier vorgestellen Analyseverfahren finden sich u.a. in Fitzmaurice, Laird, and Ware (2011), Maxwell, Delaney, and Kelley (2018)

Repeated-measures ANOVA für Pretest-Posttest-Designs

- Winer (1971) gibt einen ausführlichen Überblick zu Repeated-Measures ANOVA
- Argumente gegen den Einsatz von RM-ANOVA bei Pretest-Posttest Designs liefern Huck and McLean (1975), Brogan and Kutner (1980), (jennings1988?), McCulloch and Searle (2001)

### Posttest-Varianzanalyse

Posttest-Kovarianzanalyse mit Pretest-Kovariaten

Change-Score-Varianzanalyse

Mixed-Model-Analyse

Selbstkontrollfragen

# Posttest-Varianzanalyse

### Posttest-Varianzanalyse

- Nichtberücksichtigung der Pretestdaten
- · Einfaktorielle Varianzanalyse/Zweistichproben-T-Test-Analyse im Rahmen des Allgemeinen Linearen Modells
- · Posttestdaten können Mittelwerte über mehrere Posttestmessungen sein
- · Generell nicht empfohlen, Betrachtung hier nur zur Vergleichszwecken
- Vgl. Frison and Pocock (1992) (POST), O Connell et al. (2017) (ANOVA-POST), Tango (2017), Kapitel 2.1

# Posttest-Varianzanalyse

### Strukturelle Modellform

Für  $i=1,\dots,n$  Proband:innen seien  $y_{i1}$  die Posttest-Daten. Dann hat das Posttest-Varianzanalysemodell die Strukturelle Modellform

$$y_{i1} = \beta_0 + \beta_1 x_i + \varepsilon_i \tag{1}$$

mit

- $x_i := 0$  für Proband:in i in Kontrollgruppe
- $x_i := 1$  für Proband:in i in Treatmentgruppe
- $\varepsilon_i \sim N(0, \sigma^2)$

### Parameterbedeutungen

- $\beta_0$  Erwartungswert der Kontrollgruppen-Posttestdaten
- $\beta_1$  Ewartungswertunterschied zwischen Kontrollgruppen und Treatmentgruppen-Posttestdaten
- σ<sup>2</sup> Posttestdatenvariabilität

### Designmatrixform für das Anwendungsbeispiel

$$y = X\beta + \varepsilon \Leftrightarrow \begin{pmatrix} y_{11} \\ y_{21} \\ y_{31} \\ y_{41} \\ y_{51} \\ y_{61} \\ y_{71} \\ y_{81} \\ y_{91} \\ y_{101} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 0 \\ 1 & 0 \\ 1 & 0 \\ 1 & 0 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} \varepsilon_{1} \\ \varepsilon_{2} \\ \varepsilon_{3} \\ \varepsilon_{4} \\ \varepsilon_{5} \\ \varepsilon_{6} \\ \varepsilon_{7} \\ \varepsilon_{8} \\ \varepsilon_{9} \\ \varepsilon_{10} \end{pmatrix}$$

$$(2)$$

mit

$$\varepsilon_i \sim N(0,\sigma^2) \text{ u.i.v. f\"{u}r } i=1,...,n \Leftrightarrow \varepsilon \sim N(0_{10},\sigma^2 I_{10}) \tag{3}$$

# Posttest-Varianzanalyse

### Modellevaluation für das Anwendungsbeispiel

```
D = read.csv("./5_Daten/ld-pre-post.csv", row.names = 1)  # Dateneinlesen
M = lm(Post - Gruppe, data = D)  # Modellformulierung und -schätzung
round(summary(M)$coefficients,2)  # Parameterschätzer
```

```
| Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)

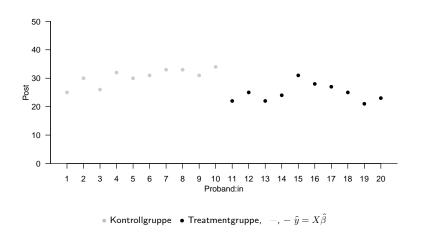
(Intercept) 31.2 1.86 16.80 0.00

GruppeTreatment -6.6 2.63 -2.51 0.04
```

 $\Rightarrow$  Geschätzter Ewartungswertunterschied zwischen Treatment- und Kontrollgruppe: -3.4 ( $\pm$  2.23)

# Posttest-Varianzanalyse

Visualisierung für das Andwendungsbeispiel



Posttest-Varianzanalyse

Posttest-Kovarianzanalyse mit Pretest-Kovariaten

Change-Score-Varianzanalyse

Mixed-Model-Analyse

Selbstkontrollfragen

### Posttest-Kovarianzanalyse mit Pretest-Kovariaten

- Kovarianzanalyse der Posttestdaten mit Pretestdaten als Kovariate im Rahmen des ALM
- Vgl. Crager (1987), Frison and Pocock (1992), Chen (2006), Senn (2006)

### Strukturelle Modellform

Für i=1,...,n Proband:innen seien  $y_{i0}$  und  $y_{i1}$  die Pretest- bzw. Posttest Daten. Dann hat das Kovarianzanaly-semodell mit Pretest-Kovariaten die Strukturelle Modellform

$$y_{i1} = \beta_0 + \beta_1 x_i + \beta_2 y_{i0} + \varepsilon_i \tag{4}$$

mit

- ullet  $x_i := 0$  für Proband:in i in Kontrollgruppe
- ullet  $x_i := 1$  für Proband:in i in Treatmentgruppe
- $\varepsilon_{i} \sim N\left(0, \sigma^{2}\right)$

### Parameterbedeutungen

- $\beta_0$  Erwartungswert der Kontrollgruppe
- $\beta_1$  Ewartungswertunterschied zwischen Kontrollgruppe und Treatmentgruppe
- $\beta_2$  Steigungsparameter der Pretest-Kovariaten
- $\sigma^2$  Variabilität der Differenzen von Posttest- und Pretest-Daten

### Designmatrixform für das Anwendungsbeispiel

$$y = X\beta + \varepsilon \Leftrightarrow \begin{pmatrix} y_{11} \\ y_{21} \\ y_{31} \\ y_{41} \\ y_{51} \\ y_{61} \\ y_{71} \\ y_{81} \\ y_{91} \\ y_{101} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & y_{10} \\ 1 & 0 & y_{20} \\ 1 & 0 & y_{30} \\ 1 & 0 & y_{40} \\ 1 & 1 & y_{60} \\ 1 & 1 & y_{60} \\ 1 & 1 & y_{70} \\ 1 & 1 & y_{90} \\ 1 & 1 & y_{100} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \beta_0 \\ \beta_1 \\ \beta_2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} \varepsilon_1 \\ \varepsilon_2 \\ \varepsilon_3 \\ \varepsilon_4 \\ \varepsilon_5 \\ \varepsilon_6 \\ \varepsilon_7 \\ \varepsilon_8 \\ \varepsilon_9 \\ \varepsilon_{10} \end{pmatrix}$$
 (5)

mit

$$\varepsilon_i \sim N(0,\sigma^2) \text{ u.i.v. für } i=1,...,n \Leftrightarrow \varepsilon \sim N(0_{10},\sigma^2I_{10}) \tag{6}$$

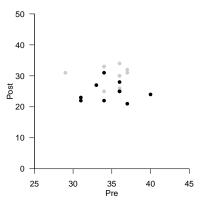
### Modellevaluation für das Anwendungsbeispiel

```
D = read.csv("./5_Daten/ld-pre-post.csv", row.names = 1)  # Dateneinlesen

M = lm(Post - Gruppe + Pre, data = D)  # Modellformulierung und -schätzung

round(summary(M)$coefficients,2)  # Parameterschätzer
```

 $\Rightarrow$  Geschätzter Ewartungswertunterschied zwischen Treatment- und Kontrollgruppe: -3.95 ( $\pm$  1.54)

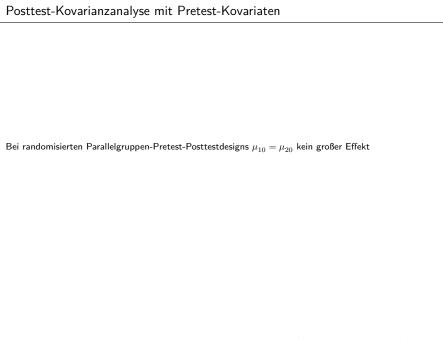


 $\bullet \ \, \text{Kontrollgruppe,} \quad \bullet \ \, \text{Treatmentgruppe,} \quad -\text{,} \quad -\hat{y}=X\hat{\beta}\text{,} \\$ 

Adjustierte Gruppenmittelwerte

Maxwell, Delaney, and Kelley (2018), Kapitel 9, Goodnight and Harvey (1978), Searle, Speed, and Milliken (1980), Lenth (2016)





Posttest-Varianzanalyse

Posttest-Kovarianzanalyse mit Pretest-Kovariaten

Change-Score-Varianzanalyse

Mixed-Model-Analyse

Selbstkontrollfragen

### Change-Score-Varianzanalyse

• Einfaktorielle Varianzanalyse/Zweistichproben-T-Test-Analyse der Post-Pre-Differenzen

### Strukturelle Modellform

Für i=1,...,n Proband:innen seien  $y_{i0}$  und  $y_{i1}$  die Pretest- bzw. Posttest Daten. Weiterhin seien

$$y_{i1} - y_{i0}$$
 (7)

die Differenzem von Posttest- und Pretest-Daten. Dann hat das Change-Score-Analyse-Modell die Strukturelle Modellform

$$y_{i1} - y_{i0} = \beta_0 + \beta_1 x_i + \varepsilon_i \tag{8}$$

mit

- $x_i := 0$  für Proband:in i in Kontrollgruppe
- $x_i := 1$  für Proband:in i in Treatmentgruppe
- $\varepsilon_i \sim N(0, \sigma^2)$

### Parameterbedeutungen

- $\beta_0$  Erwartungswert der Kontrollgruppe
- $\beta_1$  Ewartungswertunterschied zwischen Kontrollgruppe und Treatmentgruppe
- $\sigma^2$  Variabilität der Differenzen von Posttest- und Pretest-Daten

### Designmatrixform für das Anwendungsbeispiel

$$y = X\beta + \varepsilon \Leftrightarrow \begin{pmatrix} y_{11} - y_{10} \\ y_{21} - y_{20} \\ y_{31} - y_{30} \\ y_{41} - y_{40} \\ y_{51} - y_{50} \\ y_{61} - y_{60} \\ y_{71} - y_{70} \\ y_{81} - y_{80} \\ y_{91} - y_{90} \\ y_{101} - y_{100} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 0 \\ 1 & 0 \\ 1 & 0 \\ 1 & 0 \\ 1 & 0 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} \varepsilon_{1} \\ \varepsilon_{2} \\ \varepsilon_{3} \\ \varepsilon_{4} \\ \varepsilon_{5} \\ \varepsilon_{6} \\ \varepsilon_{7} \\ \varepsilon_{8} \\ \varepsilon_{9} \\ \varepsilon_{10} \end{pmatrix}$$

$$(9)$$

mit

$$\varepsilon_i \sim N(0,\sigma^2) \text{ u.i.v. für } i=1,...,n \Leftrightarrow \varepsilon \sim N(0_{10},\sigma^2I_{10}) \tag{10}$$

### Modellevaluation für das Anwendungsbeispiel

```
D = read.csv("./5_Daten/ld-pre-post.csv", row.names = 1)  # Dateneinlesen

D$D = D$Post - D$Pre  # Change-Score Berechnung

M = lm(D - Gruppe, data = D)  # Modellformulierung und -schätzung

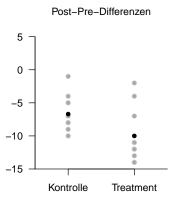
round(summary(M)$coefficients,2)  # Parameterschätzer
```

```
| Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)

(Intercept) -2.8 2.48 -1.13 0.29

GruppeTreatment -8.2 3.51 -2.33 0.05
```

 $\Rightarrow$  Geschätzter Ewartungswertunterschied zwischen Treatment- und Kontrollgruppe: -4.00 ( $\pm$  1.64)





Lord Paradox

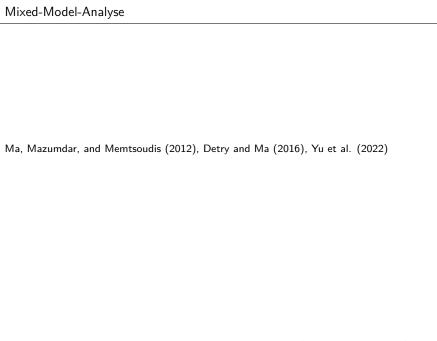
Posttest-Varianzanalyse

Posttest-Kovarianzanalyse mit Pretest-Kovariaten

Change-Score-Varianzanalyse

Mixed-Model-Analyse

Selbstkontrollfragen



### Referenzen I

- Brogan, Donna R, and Michael H Kutner. 1980. "Comparative Analyses of Pretest-Posttest Research Designs." *The American Statistician* 34 (4): 229–32.
- Chen, Xun. 2006. "The Adjustment of Random Baseline Measurements in Treatment Effect Estimation." Journal of Statistical Planning and Inference 136 (12): 4161–75. https://doi.org/10.1016/j.jspi.2005.08.046.
- Crager, Michael R. 1987. "Analysis of Covariance in Parallel-Group Clinical Trials with Pretreatment Baselines." Biometrics 43 (4): 895. https://doi.org/10.2307/2531543.
- Detry, Michelle A., and Yan Ma. 2016. "Analyzing Repeated Measurements Using Mixed Models." *JAMA* 315 (4): 407. https://doi.org/10.1001/jama.2015.19394.
- Fitzmaurice, Garrett M., Nan M. Laird, and James H. Ware. 2011. Applied Longitudinal Analysis. 2nd ed. Wiley Series in Probability and Statistics. Hoboken, N.J. Wiley.
- Frison, Lars, and Stuart J. Pocock. 1992. "Repeated Measures in Clinical Trials: Analysis Using Mean Summary Statistics and Its Implications for Design." Statistics in Medicine 11 (13): 1685–1704. https://doi.org/10.1002/ sim.4780111304.
- Goodnight, James, and Walter R Harvey. 1978. "Least Squares Means in the Fixed Effects General Linear Model SAS Technical Report." SAS Institute.
- Huck, Schuyler W., and Robert A. McLean. 1975. "Using a Repeated Measures ANOVA to Analyze the Data from a Pretest-Posttest Design: A Potentially Confusing Task." *Psychological Bulletin* 82 (4): 511–18. https: //doi.org/10.1037/h0076767.
- Laird, Nan. 1983. "Further Comparative Analyses of Pretest-Posttest Research Designs." The American Statistician 37 (4a): 329–30. https://doi.org/10.1080/00031305.1983.10483133.

### Referenzen II

- Lenth, Russell V. 2016. "Least-Squares Means: The R Package Lsmeans." Journal of Statistical Software 69 (1). https://doi.org/10.18637/jss.v069.i01.
- Ma, Yan, Madhu Mazumdar, and Stavros G. Memtsoudis. 2012. "Beyond Repeated-Measures Analysis of Variance: Advanced Statistical Methods for the Analysis of Longitudinal Data in Anesthesia Research." Regional Anesthesia and Pain Medicine 37 (1): 99–105. https://doi.org/10.1097/AAP.0b013e31823ebc74.
- Maxwell, Scott E., Harold D. Delaney, and Ken Kelley. 2018. *Designing Experiments and Analyzing Data: A Model Comparison Perspective*. Third edition. New York London: Routledge, Taylor & Francis Group.
- McCulloch, Charles E., and S. R. Searle. 2001. *Generalized, Linear, and Mixed Models*. Wiley Series in Probability and Statistics. Applied Probability and Statistics Section. New York: John Wiley & Sons.
- O Connell, Nathaniel S, Lin Dai, Yunyun Jiang, Jaime L Speiser, Ralph Ward, Wei Wei, Rachel Carroll, and Mulugeta Gebregziabher. 2017. "Methods for Analysis of Pre-Post Data in Clinical Research: A Comparison of Five Common Methods." *Journal of Biometrics & Biostatistics* 08 (01). https://doi.org/10.4172/2155-6180.1000334.
- Oakes, J. Michael, and Henry A. Feldman. 2001. "Statistical Power for Nonequivalent Pretest-Posttest Designs: The Impact of Change-Score Versus ANCOVA Models." Evaluation Review 25 (1): 3–28. https://doi.org/10. 1177/0193841X0102500101.
- Searle, S R, F M Speed, and G A Milliken. 1980. "Population Marginal Means in the Linear Model: An Alternative to Least Squares Means." The American Statistician 34 (4): 216–22.
- Senn, Stephen. 2006. "Change from Baseline and Analysis of Covariance Revisited." Statistics in Medicine 25 (24): 4334–44. https://doi.org/10.1002/sim.2682.
- Tango, Toshiro. 2017. Repeated Measures Design with Generalized Linear Mixed Models for Randomized Controlled Trials. 0th ed. Chapman and Hall/CRC. https://doi.org/10.1201/9781315152097.

### Referenzen III

- Winer, B J. 1971. Statistical Principles in Experimental Design.
- Winkens, Bjorn, Gerard J. P. Van Breukelen, Hubert J. A. Schouten, and Martijn P. F. Berger. 2007. "Randomized Clinical Trials with a Pre- and a Post-Treatment Measurement: Repeated Measures Versus ANCOVA Models." Contemporary Clinical Trials 28 (6): 713–19. https://doi.org/10.1016/j.cct.2007.04.002.
- Yang, Li, and Anastasios A Tsiatis. 2001. "Efficiency Study of Estimators for a Treatment Effect in a Pretest–Posttest Trial." The American Statistician 55 (4): 314–21. https://doi.org/10.1198/000313001753272466.
- Yu, Zhaoxia, Michele Guindani, Steven F. Grieco, Lujia Chen, Todd C. Holmes, and Xiangmin Xu. 2022. "Beyond t Test and ANOVA: Applications of Mixed-Effects Models for More Rigorous Statistical Analysis in Neuroscience Research." Neuron 110 (1): 21–35. https://doi.org/10.1016/j.neuron.2021.10.030.