# Social unacceptability for simple voting procedures

## **Supplementary materials**

Ahmad Awde, Mostapha Diss, Eric Kamwa, Julien Yves Rolland and Abdelmonaim Tlidi

Ahmad Awde

FEMTO-ST UMR CNRS 6174, Univ. Bourgogne Franche-Comté, F-25000 Besançon, France, e-mail: ahmadawde2014@gmail.com

#### Mostapha Diss

CRESE EA3190, Univ. Bourgogne Franche-Comté, F-25000 Besançon, France, e-mail: mostapha.diss@univ-fcomte.fr

University Mohamed VI Polytechnic, Africa Institute for Research in Economics and Social Sciences (AIRESS), Rabat, Morocco, e-mail: mostapha.diss@um6p.ma

#### Eric Kamwa

LC2S UMR CNRS 8053, Univ. des Antilles, F-97275 Schoelcher Cedex, Martinique, e-mail: eric.kamwa@univ-antilles.fr

#### Julien Yves Rolland

LmB UMR CNRS 6623, Univ. Bourgogne Franche-Comté, F-25000 Besançon, France, e-mail: julien.rolland@univ-fcomte.fr

#### Abdelmonaim Tlidi

Univ. Abdelmalek Essaadi, MAE2D, Tetouan, Morocco, e-mail: mtlidi2010@gmail.com

### 1 Existence probability of socially unacceptable candidate

Table 1 Three candidates and IAC

Number	Number o	of socially unacceptable o	andidates
of voters	0	1	2
10	0.0109	0.6287	0.3604
15	0.0050	0.5951	0.4000
20	0.0033	0.5760	0.4208
25	0.0022	0.5624	0.4354
50	0.0006	0.5346	0.4648
55	0.0005	0.5310	0.4686
100	0.0002	0.5183	0.4815
105	0.0001	0.5169	0.4830
1000	0.0000	0.5015	0.4985
1005	0.0000	0.5019	0.4981
100000	0.0000	0.4999	0.5001

Table 2 Four candidates and IAC

Number	Number of socially unacceptable candidates										
of voters	0	1	2	3							
10	0.0125	0.4149	0.5450	0.0276							
15	0.0000	0.1541	0.6927	0.1532							
20	0.0031	0.3146	0.6206	0.0618							
25	0.0000	0.1589	0.6829	0.1582							
50	0.0003	0.2322	0.6618	0.1057							
55	0.0000	0.1606	0.6791	0.1603							
100	0.0001	0.1991	0.6717	0.1291							
105	0.0000	0.1610	0.6779	0.1611							
1000	0.0000	0.1656	0.6762	0.1583							
1005	0.0000	0.1616	0.6773	0.1611							
100000	0.0000	0.1612	0.6776	0.1612							

Table 3 Five candidates and IAC

Number		Number of so	cially unacceptal	ole candidates	
of voters	0	1	2	3	4
10	0.0005	0.1341	0.5751	0.2806	0.0098
15	0.0002	0.1119	0.5574	0.3158	0.0148
20	0.0001	0.1003	0.5462	0.3353	0.0181
25	0.0001	0.0922	0.5367	0.3504	0.0206
50	0.0000	0.0747	0.5110	0.3861	0.0282
55	0.0000	0.0729	0.5074	0.3903	0.0295
100	0.0000	0.0632	0.4904	0.4119	0.0345
105	0.0000	0.0634	0.4889	0.4126	0.0351
1000	0.0000	0.0498	0.4576	0.4470	0.0456
1005	0.0000	0.0498	0.4580	0.4467	0.0454
100000	0.0000	0.0477	0.4529	0.4518	0.0476

Table 4 Six candidates and IAC

Number		Number	of socially un	acceptable c	andidates	
of voters	0	1	2	3	4	5
10	0.0013	0.1218	0.5138	0.3343	0.0287	0.0000
15	0.0000	0.0084	0.2176	0.5479	0.2175	0.0086
20	0.0002	0.0704	0.4440	0.4220	0.0628	0.0005
25	0.0000	0.0099	0.2202	0.5403	0.2199	0.0098
50	0.0000	0.0386	0.3634	0.4856	0.1102	0.0023
55	0.0000	0.0108	0.2218	0.5351	0.2216	0.0106
100	0.0000	0.0271	0.3191	0.5081	0.1418	0.0039
105	0.0000	0.0111	0.2223	0.5333	0.2223	0.0110
1000	0.0000	0.0138	0.2435	0.5298	0.2036	0.0093
1005	0.0000	0.0115	0.2218	0.5323	0.2227	0.0117
100000	0.0000	0.0116	0.2200	0.5330	0.2241	0.0113

Table 5 Ten candidates and IAC

Number			Nun	ber of so	cially un	acceptab	ole candio	lates		
of voters	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
10	0.0000	0.0034	0.0695	0.3093	0.4136	0.1805	0.0230	0.0006	0.0000	0.0000
15	0.0000	0.0000	0.0015	0.0420	0.2437	0.4248	0.2442	0.0422	0.0015	0.0000
20	0.0000	0.0010	0.0322	0.2129	0.4189	0.2740	0.0578	0.0032	0.0000	0.0000
25	0.0000	0.0000	0.0018	0.0436	0.2439	0.4205	0.2442	0.0443	0.0018	0.0000
50	0.0000	0.0002	0.0142	0.1367	0.3763	0.3512	0.1108	0.0104	0.0002	0.0000
55	0.0000	0.0000	0.0021	0.0457	0.2438	0.4159	0.2448	0.0457	0.0020	0.0000
100	0.0000	0.0001	0.0088	0.1036	0.3438	0.3813	0.1449	0.0170	0.0004	0.0000
105	0.0000	0.0000	0.0021	0.0460	0.2439	0.4152	0.2442	0.0463	0.0023	0.0000
1000	0.0000	0.0000	0.0035	0.0617	0.2768	0.4103	0.2112	0.0351	0.0014	0.0000
1005	0.0000	0.0000	0.0023	0.0466	0.2436	0.4144	0.2438	0.0471	0.0022	0.0000
100000	0.0000	0.0000	0.0025	0.0482	0.2486	0.4134	0.2403	0.0449	0.0022	0.0000

Table 6 Fifteen candidates and IAC

Number	Number of socially unacceptable candidates														
of voters	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
10	0.0000	0.0000	0.0002	0.0040	0.0431	0.1794	0.3357	0.2917	0.1213	0.0229	0.0017	0.0001	0.0000	0.0000	0.0000
15	0.0000	0.0000	0.0000	0.0012	0.0173	0.1053	0.2743	0.3374	0.2020	0.0553	0.0071	0.0002	0.0000	0.0000	0.0000
20	0.0000	0.0000	0.0000	0.0013	0.0189	0.1078	0.2752	0.3360	0.1973	0.0565	0.0068	0.0003	0.0000	0.0000	0.0000
25	0.0000	0.0000	0.0000	0.0009	0.0139	0.0902	0.2559	0.3420	0.2197	0.0678	0.0091	0.0005	0.0000	0.0000	0.0000
50	0.0000	0.0000	0.0000	0.0006	0.0103	0.0729	0.2268	0.3424	0.2446	0.0879	0.0138	0.0008	0.0000	0.0000	0.0000
55	0.0000	0.0000	0.0000	0.0005	0.0095	0.0702	0.2238	0.3398	0.2512	0.0898	0.0142	0.0010	0.0001	0.0000	0.0000
100	0.0000	0.0000	0.0000	0.0004	0.0078	0.0598	0.2039	0.3335	0.2692	0.1051	0.0191	0.0012	0.0000	0.0000	0.0000
105	0.0000	0.0000	0.0000	0.0004	0.0073	0.0585	0.2067	0.3341	0.2687	0.1040	0.0190	0.0014	0.0001	0.0000	0.0000
1000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0002	0.0040	0.0419	0.1663	0.3203	0.3002	0.1349	0.0296	0.0025	0.0001	0.0000	0.0000
1005	0.0000	0.0000	0.0000	0.0001	0.0044	0.0420	0.1667	0.3192	0.3001	0.1366	0.0281	0.0028	0.0001	0.0000	0.0000
100000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0001	0.0036	0.0364	0.1516	0.3108	0.3094	0.1499	0.0344	0.0036	0.0001	0.0000	0.0000

Table 7 Three candidates and IC

Number	Number o	of socially unacceptable of	candidates	
of voters	0	1	2	
10	0.0265	0.6748	0.2987	
15	0.0178	0.6514	0.3308	
20	0.0135	0.6347	0.3518	
25	0.0109	0.6237	0.3654	
50	0.0055	0.5922	0.4022	
55	0.0049	0.5894	0.4057	
100	0.0028	0.5681	0.4291	
105	0.0026	0.5662	0.4312	
1000	0.0003	0.5224	0.4773	
1005	0.0003	0.5226	0.4772	
100000	0.0000	0.5019	0.4981	

Table 8 Four candidates and IC

Number	N	umber of socially un	acceptable candidate	es
of voters	0	1	2	3
10	0.0193	0.4773	0.4801	0.0234
15	0.0000	0.1636	0.6718	0.1646
20	0.0071	0.3886	0.5538	0.0505
25	0.0000	0.1687	0.6629	0.1685
50	0.0018	0.3050	0.6085	0.0846
55	0.0000	0.1726	0.6549	0.1725
100	0.0006	0.2650	0.6279	0.1064
105	0.0000	0.1744	0.6511	0.1745
1000	0.0000	0.2015	0.6470	0.1515
1005	0.0000	0.1746	0.6504	0.1750
100000	0.0000	0.1776	0.6489	0.1734

Table 9 Five candidates and IC

Number		Number of so	cially unacceptal	Number of socially unacceptable candidates											
of voters	0	1	2	3	4										
10	0.0005	0.1389	0.5758	0.2749	0.0099										
15	0.0002	0.1185	0.5603	0.3067	0.0143										
20	0.0001	0.1065	0.5500	0.3263	0.0171										
25	0.0001	0.0995	0.5418	0.3390	0.0196										
50	0.0000	0.0821	0.5185	0.3730	0.0264										
55	0.0000	0.0807	0.5154	0.3766	0.0273										
100	0.0000	0.0715	0.5005	0.3959	0.0321										
105	0.0000	0.0707	0.4994	0.3977	0.0323										
1000	0.0000	0.0554	0.4670	0.4346	0.0429										
1005	0.0000	0.0558	0.4664	0.4347	0.0431										
100000	0.0000	0.0496	0.4528	0.4497	0.0478										

Table 10 Six candidates and IC

Number		Number	of socially un	acceptable c	andidates	
of voters	0	1	2	3	4	5
10	0.0014	0.1229	0.5156	0.3315	0.0284	0.0000
15	0.0000	0.0087	0.2177	0.5473	0.2176	0.0087
20	0.0002	0.0719	0.4467	0.4188	0.0617	0.0005
25	0.0000	0.0099	0.2200	0.5401	0.2204	0.0097
50	0.0000	0.0405	0.3678	0.4819	0.1077	0.0021
55	0.0000	0.0104	0.2226	0.5349	0.2214	0.0107
100	0.0000	0.0290	0.3261	0.5055	0.1358	0.0036
105	0.0000	0.0112	0.2217	0.5329	0.2231	0.0111
1000	0.0000	0.0156	0.2540	0.5285	0.1937	0.0082
1005	0.0000	0.0116	0.2234	0.5309	0.2227	0.0114
100000	0.0000	0.0118	0.2267	0.5307	0.2196	0.0112

Table 11 Ten candidates and IC

Number			Nun	nber of so	ocially un	acceptab	ole candi	dates		
of voters	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
10	0.0000	0.0033	0.0694	0.3093	0.4140	0.1806	0.0228	0.0006	0.0000	0.0000
15	0.0000	0.0000	0.0015	0.0419	0.2436	0.4263	0.2431	0.0420	0.0015	0.0000
20	0.0000	0.0009	0.0320	0.2135	0.4187	0.2738	0.0580	0.0031	0.0000	0.0000
25	0.0000	0.0000	0.0018	0.0440	0.2432	0.4206	0.2443	0.0442	0.0018	0.0000
50	0.0000	0.0002	0.0141	0.1366	0.3768	0.3512	0.1105	0.0104	0.0002	0.0000
55	0.0000	0.0000	0.0021	0.0459	0.2439	0.4164	0.2442	0.0454	0.0021	0.0000
100	0.0000	0.0001	0.0087	0.1041	0.3430	0.3811	0.1454	0.0171	0.0004	0.0000
105	0.0000	0.0000	0.0021	0.0463	0.2440	0.4156	0.2437	0.0461	0.0022	0.0000
1000	0.0000	0.0000	0.0037	0.0618	0.2773	0.4101	0.2109	0.0347	0.0014	0.0000
1005	0.0000	0.0000	0.0023	0.0465	0.2437	0.4141	0.2443	0.0468	0.0023	0.0000
100000	0.0000	0.0000	0.0023	0.0483	0.2473	0.4137	0.2409	0.0453	0.0022	0.0000

Table 12 Fifteen candidates and IC

Number	Number of socially unacceptable candidates														
of voters	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
10	0.0000	0.0000	0.0001	0.0045	0.0443	0.1791	0.3327	0.2936	0.1207	0.0233	0.0018	0.0001	0.0000	0.0000	0.0000
15	0.0000	0.0000	0.0000	0.0011	0.0186	0.1034	0.2731	0.3402	0.2010	0.0555	0.0068	0.0004	0.0000	0.0000	0.0000
20	0.0000	0.0000	0.0001	0.0011	0.0185	0.1090	0.2748	0.3347	0.1990	0.0558	0.0068	0.0004	0.0000	0.0000	0.0000
25	0.0000	0.0000	0.0000	0.0010	0.0144	0.0913	0.2510	0.3415	0.2220	0.0691	0.0092	0.0005	0.0000	0.0000	0.0000
50	0.0000	0.0000	0.0000	0.0005	0.0103	0.0721	0.2280	0.3373	0.2485	0.0880	0.0143	0.0008	0.0000	0.0000	0.0000
55	0.0000	0.0000	0.0000	0.0005	0.0092	0.0714	0.2231	0.3378	0.2515	0.0910	0.0146	0.0008	0.0000	0.0000	0.0000
100	0.0000	0.0000	0.0000	0.0003	0.0075	0.0576	0.2032	0.3378	0.2689	0.1049	0.0185	0.0014	0.0000	0.0000	0.0000
105	0.0000	0.0000	0.0000	0.0004	0.0075	0.0585	0.2007	0.3352	0.2715	0.1058	0.0190	0.0014	0.0000	0.0000	0.0000
1000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0001	0.0046	0.0424	0.1678	0.3207	0.2987	0.1345	0.0287	0.0025	0.0001	0.0000	0.0000
1005	0.0000	0.0000	0.0000	0.0003	0.0047	0.0414	0.1693	0.3198	0.2967	0.1360	0.0292	0.0026	0.0000	0.0000	0.0000
100000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0002	0.0036	0.0350	0.1523	0.3135	0.3096	0.1490	0.0333	0.0035	0.0001	0.0000	0.0000

## 1.1 Probability that some voting rules elect a socially unacceptable candidate

Table 13 Three candidates and IAC

Number	Voting rules					
of voters	PR	BR	NPR	PRR	BRR	NPRR
10	0.0442	0	0.1088	0.0505	0.0142	0.0142
15	0.0566	0	0.1077	0.0255	0.0063	0.0087
20	0.0554	0	0.1063	0.0473	0.0184	0.0179
25	0.0537	0	0.1104	0.0315	0.0108	0.0127
50	0.0551	0	0.1095	0.0452	0.0205	0.0195
55	0.0548	0	0.1101	0.0380	0.0157	0.0168
100	0.0550	0	0.1104	0.0440	0.0206	0.0201
105	0.0556	0	0.1103	0.0406	0.0182	0.0188
1000	0.0558	0	0.1109	0.0435	0.0207	0.0207
1005	0.0559	0	0.1111	0.0433	0.0207	0.0209
100000	0.0552	0	0.1107	0.0431	0.0205	0.0207

Table 14 Four candidates and IAC

Number		Voting rules						
of voters	PR	BR	NPR	PRR	BRR	NPRR		
10	0.1403	0.0137	0.2608	0.0947	0.0328	0.0669		
15	0.2189	0.0479	0.3215	0.1169	0.0571	0.0849		
20	0.1519	0.0231	0.2500	0.1078	0.0473	0.0794		
25	0.2070	0.0469	0.2960	0.1210	0.0612	0.0897		
50	0.1667	0.0324	0.2480	0.1171	0.0576	0.0874		
55	0.1946	0.0446	0.2722	0.1241	0.0643	0.0936		
100	0.1722	0.0363	0.2473	0.1207	0.0614	0.0907		
105	0.1876	0.0438	0.2623	0.1250	0.0650	0.0946		
1000	0.1782	0.0413	0.2477	0.1248	0.0652	0.0943		
1005	0.1792	0.0422	0.2485	0.1250	0.0652	0.0947		
100000	0.1780	0.0413	0.2474	0.1246	0.0648	0.0946		

Table 15 Five candidates and IAC

Number	Voting rules						
of voters	PR	BR	NPR	PRR	BRR	NPRR	
10	0.1811	0.0038	0.2997	0.1110	0.0148	0.0902	
15	0.1908	0.0049	0.2823	0.0718	0.0096	0.0607	
20	0.1928	0.0057	0.2727	0.1098	0.0189	0.0931	
25	0.1939	0.0062	0.2638	0.0808	0.0127	0.0696	
50	0.1932	0.0073	0.2468	0.1073	0.0215	0.0942	
55	0.1929	0.0075	0.2453	0.0896	0.0166	0.0795	
100	0.1912	0.0081	0.2368	0.1063	0.0227	0.0947	
105	0.1912	0.0081	0.2361	0.0953	0.0189	0.0851	
1000	0.1873	0.0092	0.2252	0.1052	0.0234	0.0948	
1005	0.1863	0.0093	0.2251	0.1031	0.0229	0.0935	
100000	0.1863	0.0094	0.2237	0.1046	0.0237	0.0948	

Table 16 Six candidates and IAC

Number	Voting rules						
of voters	PR	BR	NPR	PRR	BRR	NPRR	
10	0.1908	0.0060	0.3392	0.1090	0.0158	0.1031	
15	0.3017	0.0294	0.4073	0.1379	0.0386	0.1334	
20	0.2186	0.0114	0.3010	0.1201	0.0255	0.1146	
25	0.2956	0.0300	0.3678	0.1407	0.0416	0.1358	
50	0.2324	0.0173	0.2792	0.1288	0.0339	0.1244	
55	0.2807	0.0300	0.3252	0.1421	0.0437	0.1391	
100	0.2374	0.0205	0.2711	0.1327	0.0379	0.1297	
105	0.2706	0.0297	0.3018	0.1428	0.0443	0.1386	
1000	0.2429	0.0261	0.2617	0.1406	0.0436	0.1382	
1005	0.2502	0.0286	0.2683	0.1427	0.0454	0.1405	
100000	0.2434	0.0277	0.2596	0.1434	0.0446	0.1406	

Table 17 Ten candidates and IAC

Number	Voting rules						
of voters	PR	BR	NPR	PRR	BRR	NPRR	
10	0.2726	0.0017	0.6559	0.1176	0.0048	0.1372	
15	0.3613	0.0114	0.5905	0.1505	0.0168	0.1675	
20	0.2773	0.0039	0.4307	0.1309	0.0095	0.1427	
25	0.3558	0.0123	0.4929	0.1548	0.0185	0.1673	
50	0.2851	0.0068	0.3593	0.1418	0.0142	0.1484	
55	0.3366	0.0130	0.4070	0.1579	0.0201	0.1648	
100	0.2882	0.0082	0.3338	0.1476	0.0163	0.1527	
105	0.3236	0.0131	0.3681	0.1587	0.0206	0.1647	
1000	0.2882	0.0111	0.2987	0.1576	0.0197	0.1584	
1005	0.2997	0.0129	0.3101	0.1610	0.0212	0.1626	
100000	0.2852	0.0123	0.2873	0.1606	0.0207	0.1610	

Table 18 Fifteen candidates and IAC

Number	Voting rules							
of voters	PR	BR	NPR	PRR	BRR	NPRR		
10	0.3213	0.0006	0.9730	0.1460	0.0019	0.2056		
15	0.3762	0.0011	0.9056	0.1254	0.0021	0.1670		
20	0.3474	0.0012	0.7727	0.1573	0.0033	0.1900		
25	0.3603	0.0015	0.6419	0.1316	0.0030	0.1546		
50	0.3439	0.0018	0.4714	0.1609	0.0045	0.1796		
55	0.3440	0.0021	0.4601	0.1403	0.0039	0.1579		
100	0.3345	0.0025	0.4097	0.1622	0.0055	0.1759		
105	0.3376	0.0025	0.4016	0.1490	0.0043	0.1601		
1000	0.3171	0.0024	0.3282	0.1680	0.0056	0.1680		
1005	0.3161	0.0031	0.3326	0.1614	0.0056	0.1661		
100000	0.3065	0.0029	0.3059	0.1683	0.0055	0.1680		

Table 19 Three candidates and IC

Number	Voting rules						
of voters	PR	BR	NPR	PRR	BRR	NPRR	
10	0.0595	0	0.1189	0.0590	0.0110	0.0316	
15	0.0915	0	0.1095	0.0211	0.0026	0.0147	
20	0.0934	0	0.0933	0.0542	0.0179	0.0417	
25	0.0798	0	0.1081	0.0273	0.0062	0.0204	
50	0.0925	0	0.0973	0.0523	0.0230	0.0446	
55	0.0866	0	0.1031	0.0339	0.0118	0.0291	
100	0.0897	0	0.0999	0.0510	0.0252	0.0460	
105	0.0915	0	0.0996	0.0376	0.0160	0.0343	
1000	0.0937	0	0.0964	0.0486	0.0275	0.0475	
1005	0.0939	0	0.0967	0.0446	0.0240	0.0434	
100000	0.0944	0	0.0956	0.0479	0.0283	0.0482	

Table 20 Four candidates and IC

Number	Voting rules						
of voters	PR	BR	NPR	PRR	BRR	NPRR	
10	0.1642	0.0133	0.2440	0.0997	0.0337	0.0783	
15	0.2564	0.0537	0.3170	0.1247	0.0614	0.1029	
20	0.1727	0.0219	0.2249	0.1106	0.0479	0.0939	
25	0.2499	0.0535	0.2931	0.1273	0.0659	0.1103	
50	0.1929	0.0305	0.2231	0.1167	0.0581	0.1050	
55	0.2404	0.0518	0.2683	0.1278	0.0692	0.1161	
100	0.2003	0.0354	0.2205	0.1195	0.0629	0.1109	
105	0.2346	0.0513	0.2537	0.1281	0.0705	0.1194	
1000	0.2135	0.0434	0.2190	0.1238	0.0695	0.1206	
1005	0.2236	0.0481	0.2294	0.1262	0.0714	0.1232	
100000	0.2185	0.0471	0.2189	0.1258	0.0719	0.1254	

Table 21 Five candidates and IC

Number	Voting rules						
of voters	PR	BR	NPR	PRR	BRR	NPRR	
10	0.1863	0.0038	0.2944	0.1124	0.0150	0.0923	
15	0.1984	0.0050	0.2776	0.0718	0.0093	0.0607	
20	0.2013	0.0057	0.2667	0.1107	0.0190	0.0954	
25	0.2030	0.0059	0.2595	0.0787	0.0120	0.0701	
50	0.2056	0.0073	0.2428	0.1072	0.0215	0.0982	
55	0.2058	0.0075	0.2406	0.0869	0.0158	0.0798	
100	0.2067	0.0082	0.2308	0.1061	0.0227	0.0996	
105	0.2069	0.0081	0.2297	0.0914	0.0181	0.0862	
1000	0.2071	0.0094	0.2132	0.1035	0.0241	0.1014	
1005	0.2070	0.0093	0.2141	0.0988	0.0218	0.0967	
100000	0.2057	0.0099	0.2060	0.1017	0.0239	0.1011	

Table 22 Six candidates and IC

Number	Voting rules						
of voters	PR	BR	NPR	PRR	BRR	NPRR	
10	0.1928	0.0062	0.3378	0.1097	0.0160	0.1032	
15	0.3043	0.0293	0.4062	0.1380	0.0382	0.1332	
20	0.2206	0.0113	0.2980	0.1199	0.0255	0.1148	
25	0.2977	0.0299	0.3676	0.1399	0.0412	0.1360	
50	0.2346	0.0169	0.2781	0.1284	0.0335	0.1248	
55	0.2847	0.0303	0.3255	0.1416	0.0433	0.1383	
100	0.2404	0.0201	0.2687	0.1321	0.0374	0.1291	
105	0.2762	0.0301	0.3039	0.1425	0.0445	0.1402	
1000	0.2489	0.0254	0.2565	0.1389	0.0430	0.1381	
1005	0.2602	0.0293	0.2683	0.1423	0.0456	0.1417	
100000	0.2516	0.0280	0.2522	0.1422	0.0452	0.1416	

 $\begin{tabular}{ll} \textbf{Table 23} & \textbf{Ten candidates and IC} \end{tabular}$ 

Number	Voting rules					
of voters	PR	BR	NPR	PRR	BRR	NPRR
10	0.2717	0.0017	0.6561	0.1169	0.0048	0.1373
15	0.3624	0.0114	0.5913	0.1512	0.0167	0.1681
20	0.2777	0.0040	0.4314	0.1313	0.0093	0.1423
25	0.3561	0.0124	0.4925	0.1546	0.0188	0.1670
50	0.2854	0.0066	0.3598	0.1418	0.0136	0.1486
55	0.3372	0.0129	0.4066	0.1584	0.0200	0.1654
100	0.2876	0.0084	0.3332	0.1472	0.0162	0.1526
105	0.3241	0.0131	0.3688	0.1584	0.0207	0.1650
1000	0.2877	0.0112	0.2994	0.1567	0.0198	0.1586
1005	0.3002	0.0131	0.3103	0.1613	0.0213	0.1638
100000	0.2866	0.0127	0.2881	0.1618	0.0214	0.1617

Table 24 Fifteen candidates and IC

Number	Voting rules						
of voters	PR	BR	NPR	PRR	BRR	NPRR	
10	0.3236	0.0006	0.9731	0.1471	0.0019	0.2059	
15	0.3733	0.0012	0.9040	0.1234	0.0023	0.1636	
20	0.3485	0.0011	0.7726	0.1599	0.0034	0.1890	
25	0.3577	0.0016	0.6369	0.1309	0.0028	0.1559	
50	0.3471	0.0020	0.4716	0.1612	0.0045	0.1785	
55	0.3429	0.0018	0.4582	0.1410	0.0035	0.1568	
100	0.3347	0.0023	0.4060	0.1627	0.0049	0.1750	
105	0.3361	0.0023	0.4032	0.1491	0.0043	0.1606	
1000	0.3168	0.0027	0.3306	0.1647	0.0053	0.1702	
1005	0.3166	0.0026	0.3337	0.1616	0.0050	0.1666	
100000	0.3047	0.0031	0.3082	0.1692	0.0055	0.1685	