Tugas Besar Probailitas dan Statistika IF2220

Contributors

- 1. Ditra Rizga Amadia (13521019)
- 2. Kenny Benaya Nathan (13521023)

Setup

```
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt
import seaborn as sns
import scipy.stats as stats
import numpy as np

data = pd.read_csv("./dataset/anggur.csv")
```

Soal 1

Deskripsi Statisika (Descriptive Statistics) yang terdiri dari mean, median, modus, standar deviasi, variansi, range, nilai minimum, maksimum, kuartil, IQR, skewness dan kurtosis

- **Mean** atau **rataan** adalah indikator statisik yang dapat digunakan untuk mengukur rata-rata dari sebuah data.
- **Median** adalah nilai di tengah deret nilai yang disusu dengan data urut dari terkecil sampai terbesar.
- Modus adalah nilai data yang paling sering muncil atau nilai data yang memiliki frekuensi paling besar.
- **Standar deviasi** adalah nilai untuk menentukan seberapa dekat data dari suatu sampel statisik dengan mean data tersebut.
- **Variansi** didefinisikan sebagai nilai yang mendeskripsikan seberapa besar data tersebar dari nilai reratanya.
- Range adalah perbedaan antara nilai tertinggi dengan nilai terendah pada data.
- **Nilai minimum** adalah nilai terendah pada data.
- Nilai maksimum adalah nilai tertinggi pada data.
- Kuartil adalah nilai yang membagi data yang berurutan menjadi empat bagian yang sama banyak.
- Interquartil atau IQR adalah jangkauan kuartil sebagai selisih antara Q1 dengan Q3.
- **Skewness** atau **kemiringan** adalah ukuran simetri dari suatu fungsi distribusi peluang.
- Kurtosis atau keruncingan adalah ukuran lancip dari suatu fungsi distribusi peluang.

```
# Initiate data schema
desc = {}
desc[""] = []
```

```
desc["Mean"] = []
desc["Median"] = []
desc["Modus"] = []
desc["Std"] = []
desc["Variance"] = []
desc["Range"] = []
desc["Min"] = []
desc["Max"] = []
desc["Q1"] = []
desc["02"] = []
desc["03"] = []
desc["IOR"] = []
desc["Skewness"] = []
desc["Kurtosis"] = []
# Insert data
for column in data:
    desc[""].append(column)
    desc["Mean"].append(data[column].mean())
    desc["Median"].append(data[column].median())
    desc["Modus"].append(data[column].mode("index")[0])
    desc["Std"].append(data[column].std())
    desc["Variance"].append(data[column].var())
    desc["Range"].append(data[column].max() - data[column].min())
    desc["Min"].append(data[column].min())
    desc["Max"].append(data[column].max())
    desc["Q1"].append(data[column].quantile(0.25))
    desc["Q2"].append(data[column].quantile(0.5))
    desc["Q3"].append(data[column].guantile(0.75))
    desc["IQR"].append(data[column].quantile(0.75) -
data[column].guantile(0.25))
    desc["Skewness"].append((3 * (data[column].mean() -
data[column].median()))/data[column].std())
    desc["Kurtosis"].append(data[column].kurtosis())
# Show schema
descDataFrame = pd.DataFrame(data=desc)
descDataFrame
                                Mean
                                         Median
                                                      Modus
                                                                  Std
           fixed acidity
                            7.152530
                                       7.150000
                                                   6.540000
                                                             1.201598
                                                                       \
1
        volatile acidity
                            0.520839
                                       0.524850
                                                   0.554600
                                                             0.095848
2
             citric acid
                            0.270517
                                       0.272200
                                                   0.301900
                                                             0.049098
3
          residual sugar
                            2.567104
                                       2.519430
                                                   0.032555
                                                             0.987915
4
               chlorides
                            0.081195
                                       0.082167
                                                   0.015122
                                                             0.020111
5
     free sulfur dioxide
                           14.907679
                                      14.860346
                                                   0.194679
                                                             4.888100
6
    total sulfur dioxide
                           40.290150
                                                  35.200000
                                      40.190000
                                                             9.965767
7
                 density
                            0.995925
                                       0.996000
                                                   0.995900
                                                             0.002020
8
                       рН
                            3.303610
                                       3.300000
                                                   3.340000
                                                             0.104875
9
               sulphates
                            0.598390
                                       0.595000
                                                   0.590000
                                                             0.100819
```

```
10
                  alcohol
                            10.592280
                                       10.610000
                                                    9.860000
                                                               1.510706
11
                                                    8.000000
                  quality
                            7.958000
                                        8.000000
                                                               0.902802
     Variance
                                 Min
                                                         01
                                                                     02
                    Range
                                            Max
                 8.170000
0
     1.443837
                           3.320000
                                      11.490000
                                                   6.377500
                                                               7.150000
                                                                         \
1
     0.009187
                 0.665200
                           0.139900
                                       0.805100
                                                   0.456100
                                                               0.524850
2
     0.002411
                 0.292900
                           0.116700
                                       0.409600
                                                   0.237800
                                                               0.272200
3
     0.975977
                 5.518200
                           0.032555
                                                   1.896330
                                       5.550755
                                                               2.519430
4
                 0.125635
                           0.015122
                                       0.140758
                                                   0.066574
     0.000404
                                                               0.082167
5
    23.893519
                27.267847
                           0.194679
                                      27.462525
                                                  11.426717
                                                              14.860346
6
    99.316519
                66.810000
                           3.150000
                                      69.960000
                                                  33.785000
                                                              40.190000
7
     0.000004
                 0.013800
                           0.988800
                                       1.002600
                                                   0.994600
                                                               0.996000
8
     0.010999
                 0.740000
                           2.970000
                                       3.710000
                                                   3,230000
                                                               3,300000
9
     0.010164
                 0.670000
                           0.290000
                                       0.960000
                                                   0.530000
                                                               0.595000
10
     2.282233
                 8.990000
                           6.030000
                                      15.020000
                                                   9.560000
                                                              10.610000
11
     0.815051
                 5.000000
                           5.000000
                                      10.000000
                                                   7.000000
                                                               8.000000
                      IOR
           03
                           Skewness
                                      Kurtosis
                 1.622500
0
     8.000000
                           0.006317 -0.019292
1
     0.585375
                 0.129275 -0.125558
                                      0.161853
2
     0.302325
                 0.064525 -0.102834 -0.104679
3
     3.220873
                 1.324544
                           0.144770 -0.042980
4
     0.095312
                 0.028738 -0.144960 -0.246508
5
    18.313098
                 6.886381
                           0.029050 -0.364964
6
    47.022500
                13.237500
                           0.030148
                                      0.063950
7
                                      0.016366
     0.997200
                 0.002600 -0.110931
8
     3.370000
                 0.140000
                           0.103265
                                      0.080910
9
     0.670000
                 0.140000
                          0.100874
                                      0.064819
10
    11.622500
                 2.062500 -0.035189 -0.131732
11
     9.000000
                 2.000000 -0.139566
                                      0.108291
```

Soal 2

Visualisasi plot distribusi, dalam bentuk histogram dan boxplot

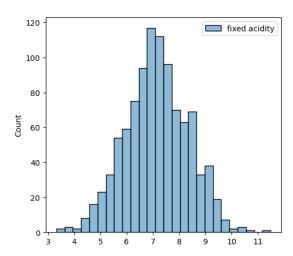
Fixed Acidity

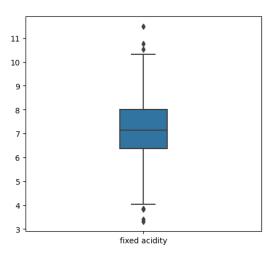
```
fixedAcidity = data[['fixed acidity']]
# Create figure
fig, axs = plt.subplots(ncols=2, figsize=(12, 5))
# Histogram
sns.histplot(fixedAcidity, ax=axs[0])
# Boxplot
sns.boxplot(fixedAcidity, ax=axs[1], orient='v', width=0.2)
```

```
plt.suptitle("Distribution of Fixed Acidity")
plt.show
```

<function matplotlib.pyplot.show(close=None, block=None)>

Distribution of Fixed Acidity





Volatile Acidity

Pada histogram, distribusi terlihat membentuk puncak namun tidak simetris. Dari boxplot terlihat terdapat 2 outlier. Sehingga distribusi tidak bersifat normal secara grafis.

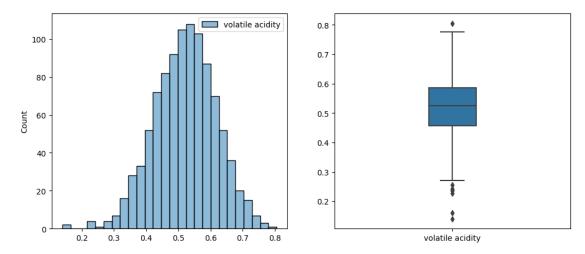
```
volatileAcidity = data[['volatile acidity']]

# Create figure
fig, axs = plt.subplots(ncols=2, figsize=(12, 5))

# Histogram
sns.histplot(volatileAcidity, ax=axs[0])

# Boxplot
sns.boxplot(volatileAcidity, ax=axs[1], orient='v', width=0.2)
plt.suptitle("Distribution of Volatile Acidity")
plt.show
<function matplotlib.pyplot.show(close=None, block=None)>
```

Distribution of Volatile Acidity



Citric Acid

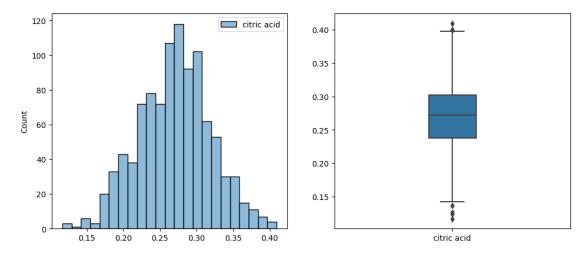
```
citricAcid = data[['citric acid']]

# Create figure
fig, axs = plt.subplots(ncols=2, figsize=(12, 5))

# Histogram
sns.histplot(citricAcid, ax=axs[0])

# Boxplot
sns.boxplot(citricAcid, ax=axs[1], orient='v', width=0.2)
plt.suptitle("Distribution of Citric Acid")
plt.show
<function matplotlib.pyplot.show(close=None, block=None)>
```

Distribution of Citric Acid



Residual Sugar

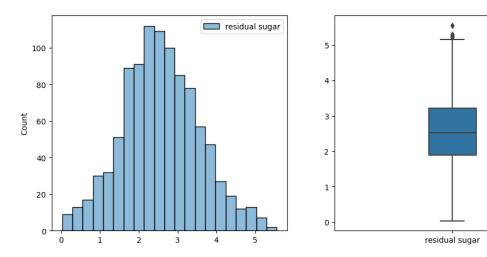
```
residualSugar = data[['residual sugar']]

# Create figure
fig, axs = plt.subplots(ncols=2, figsize=(12, 5))

# Histogram
sns.histplot(residualSugar, ax=axs[0])

# Boxplot
sns.boxplot(residualSugar, ax=axs[1], orient='v', width=0.2)
plt.suptitle("Distribution of Residual Sugar")
plt.show
<function matplotlib.pyplot.show(close=None, block=None)>
```

Distribution of Residual Sugar



Chlorides

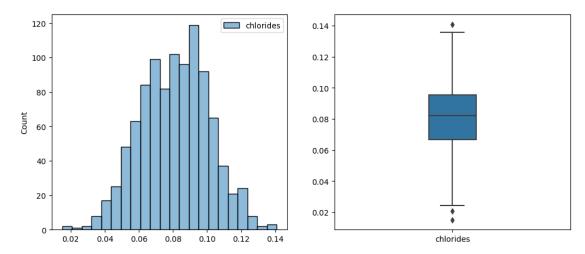
```
chlorides = data[['chlorides']]

# Create figure
fig, axs = plt.subplots(ncols=2, figsize=(12, 5))

# Histogram
sns.histplot(chlorides, ax=axs[0])

# Boxplot
sns.boxplot(chlorides, ax=axs[1], orient='v', width=0.2)
plt.suptitle("Distribution of Chlorides")
plt.show
<function matplotlib.pyplot.show(close=None, block=None)>
```

Distribution of Chlorides



Free Sulfur Dioxide

Pada histogram, distribusi terlihat membentuk puncak namun tidak simetris. Pada boxplot terlihat terdapat outlier Pada boxplot juga terlihat garis Q2 berada di tengah IQR. Sehingga distribusi bersifat bukan normal secara grafis.

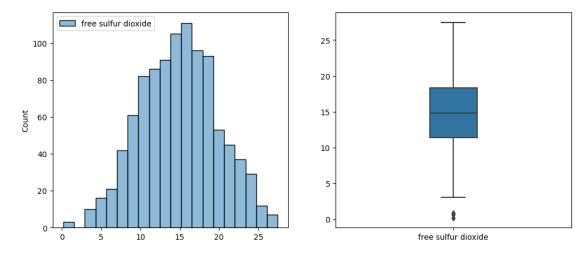
```
freeSulfurDioxide = data[['free sulfur dioxide']]

# Create figure
fig, axs = plt.subplots(ncols=2, figsize=(12, 5))

# Histogram
sns.histplot(freeSulfurDioxide, ax=axs[0])

# Boxplot
sns.boxplot(freeSulfurDioxide, ax=axs[1], orient='v', width=0.2)
plt.suptitle("Distribution of Free Sulfur Dioxide")
plt.show
<function matplotlib.pyplot.show(close=None, block=None)>
```

Distribution of Free Sulfur Dioxide



Total Sulfur Dioxide

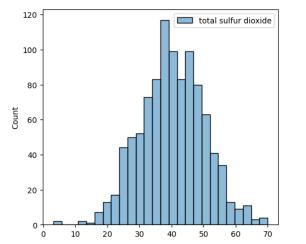
```
totalSulfurDioxide = data[['total sulfur dioxide']]

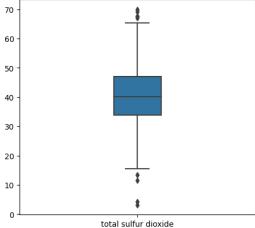
# Create figure
fig, axs = plt.subplots(ncols=2, figsize=(12, 5))

# Histogram
sns.histplot(totalSulfurDioxide, ax=axs[0])

# Boxplot
sns.boxplot(totalSulfurDioxide, ax=axs[1], orient='v', width=0.2)
plt.suptitle("Distribution of Total Sulfur Dioxide")
plt.show
<function matplotlib.pyplot.show(close=None, block=None)>
```

Distribution of Total Sulfur Dioxide





Density

```
density = data[['density']]

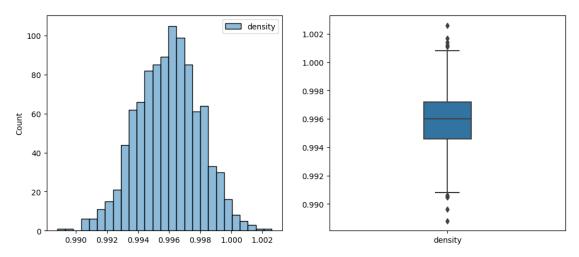
# Create figure
fig, axs = plt.subplots(ncols=2, figsize=(12, 5))

# Histogram
sns.histplot(density, ax=axs[0])

# Boxplot
sns.boxplot(density, ax=axs[1], orient='v', width=0.2)

plt.suptitle("Distribution of Density")
plt.show
<function matplotlib.pyplot.show(close=None, block=None)>
```

Distribution of Density



рН

```
pH = data[['pH']]

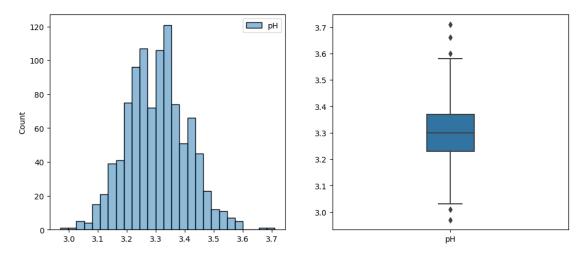
# Create figure
fig, axs = plt.subplots(ncols=2, figsize=(12, 5))

# Histogram
sns.histplot(pH, ax=axs[0])

# Boxplot
sns.boxplot(pH, ax=axs[1], orient='v', width=0.2)

plt.suptitle("Distribution of pH")
plt.show
<function matplotlib.pyplot.show(close=None, block=None)>
```

Distribution of pH



Sulphates

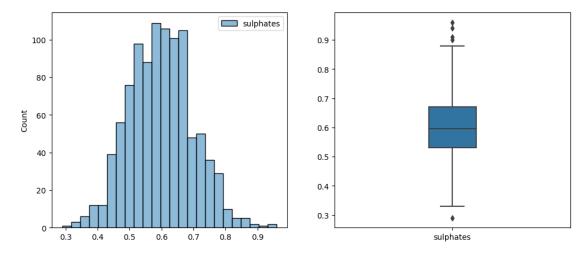
```
sulphates = data[['sulphates']]

# Create figure
fig, axs = plt.subplots(ncols=2, figsize=(12, 5))

# Histogram
sns.histplot(sulphates, ax=axs[0])

# Boxplot
sns.boxplot(sulphates, ax=axs[1], orient='v', width=0.2)
plt.suptitle("Distribution of Sulphates")
plt.show
<function matplotlib.pyplot.show(close=None, block=None)>
```

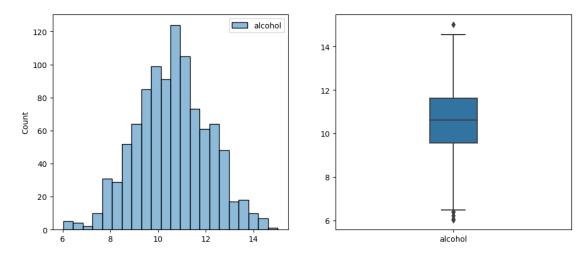
Distribution of Sulphates



Alcohol

```
alcohol = data[['alcohol']]
# Create figure
fig, axs = plt.subplots(ncols=2, figsize=(12, 5))
# Histogram
sns.histplot(alcohol, ax=axs[0])
# Boxplot
sns.boxplot(alcohol, ax=axs[1], orient='v', width=0.2)
plt.suptitle("Distribution of Alcohol")
plt.show
<function matplotlib.pyplot.show(close=None, block=None)>
```

Distribution of Alcohol



Quality

```
quality = data[['quality']]

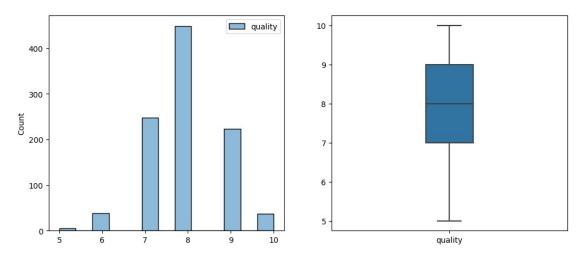
# Create figure
fig, axs = plt.subplots(ncols=2, figsize=(12, 5))

# Histogram
sns.histplot(quality, ax=axs[0])

# Boxplot
sns.boxplot(quality, ax=axs[1], orient='v', width=0.2)

plt.suptitle("Distribution of Quality")
plt.show
<function matplotlib.pyplot.show(close=None, block=None)>
```

Distribution of Quality



Soal 3

Menentukan setiap kolom numerik berdistribusi normal atau tidak. Cara menentukan suatu distribusi normal atau tidak dapat menggunakan 2 cara. Cara pertama yaitu cara graphical yaitu membandingkan sampel data dengan garis normal pada histogram. Cara kedua yaitu cara analytical yaitu mencari p-value menggunakan normality test seperti Kolmogorov–Smirnov, Shapiro–Wilk, dan D'Agostino–Pearson tests. Apabila p-value > alpha maka suatu distribusi bersifat normal. Alpha yang sering digunakan pada normality test yaitu 0.05.

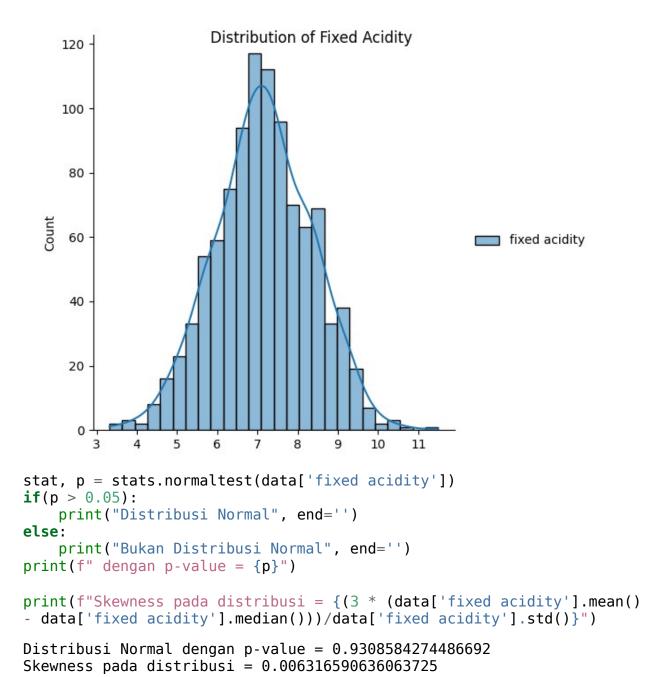
Fixed Acidity

Distribusi Fixed Acidity bersifat normal secara graphical. Distribusi pada histogram membentuk kurva simetris dengan puncak berada di tengah distribusi. Distribusi Fixed Acidity juga bersifat normal secara analytical dengan p-value > 0.05.

```
sns.displot(fixedAcidity, kde=True, ax=axs[0])
plt.suptitle("Distribution of Fixed Acidity")
plt.show
```

c:\Users\Ditra\AppData\Local\Programs\Python\Python311\Lib\site-packages\seaborn\distributions.py:2142: UserWarning: `displot` is a figure-level function and does not accept the ax= parameter. You may wish to try histplot.

warnings.warn(msq, UserWarning)

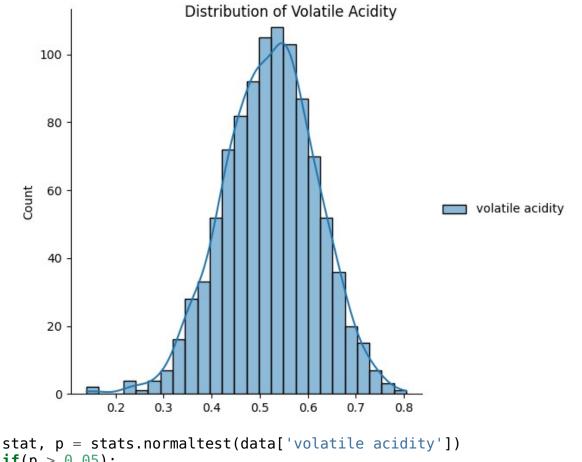


Volatile Acidity

Distribusi Volatile Acidity tidak bersifat normal secara graphical. Distribusi pada histogram membentuk puncak namun tidak simetris. Distribusi Volatile Acidity juga tidak bersifat normal secara analytical dengan p-value < 0.05. Distribusi ini menggambarkan skewness negatif.

```
sns.displot(volatileAcidity, kde=True)
plt.suptitle("Distribution of Volatile Acidity")
plt.show
```

<function matplotlib.pyplot.show(close=None, block=None)>



```
stat, p = stats.normaltest(data['volatile acidity'])
if(p > 0.05):
    print("Distribusi Normal", end='')
else:
    print("Bukan Distribusi Normal", end='')
print(f" dengan p-value = {p}")

print(f"Skewness pada distribusi = {(3 * (data['volatile acidity'].mean() - data['volatile acidity'].median()))/data['volatile acidity'].std()}")
```

Bukan Distribusi Normal dengan p-value = 0.022581461594113835 Skewness pada distribusi = -0.1255578164407037

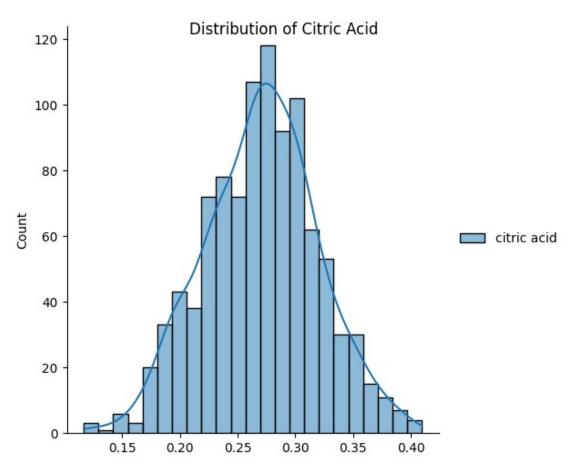
Citric Acid

Distribusi Citric Acid bersifat normal secara graphical. Distribusi pada histogram membentuk kurva simetris dengan puncak berada di tengah distribusi. Distribusi Citric Acid juga bersifat normal secara analytical dengan p-value > 0.05.

```
sns.displot(citricAcid, kde=True, ax=axs[0])
plt.suptitle("Distribution of Citric Acid")
plt.show
```

c:\Users\Ditra\AppData\Local\Programs\Python\Python311\Lib\site-packages\seaborn\distributions.py:2142: UserWarning: `displot` is a figure-level function and does not accept the ax= parameter. You may wish to try histplot.

warnings.warn(msg, UserWarning)



```
stat, p = stats.normaltest(data['citric acid'])
if(p > 0.05):
    print("Distribusi Normal", end='')
else:
    print("Bukan Distribusi Normal", end='')
print(f" dengan p-value = {p}")

print(f"Skewness pada distribusi = {(3 * (data['citric acid'].mean() - data['citric acid'].median()))/data['citric acid'].std()}")

Distribusi Normal dengan p-value = 0.6816899375976969
Skewness pada distribusi = -0.10283436799948968
```

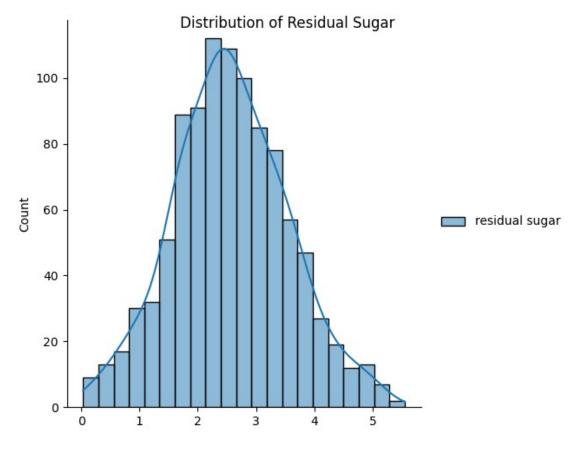
Residual Sugar

Distribusi Residual Sugar bersifat normal secara graphical. Distribusi pada histogram membentuk kurva simetris dengan puncak berada di tengah distribusi. Distribusi Residual Sugar juga bersifat normal secara analytical dengan p-value > 0.05.

```
sns.displot(residualSugar, kde=True, ax=axs[0])
plt.suptitle("Distribution of Residual Sugar")
plt.show
```

c:\Users\Ditra\AppData\Local\Programs\Python\Python311\Lib\sitepackages\seaborn\distributions.py:2142: UserWarning: `displot` is a figure-level function and does not accept the ax= parameter. You may wish to try histplot.

warnings.warn(msg, UserWarning)



```
stat, p = stats.normaltest(data['residual sugar'])
if(p > 0.05):
    print("Distribusi Normal", end='')
else:
    print("Bukan Distribusi Normal", end='')
print(f" dengan p-value = {p}")
```

```
print(f"Skewness pada distribusi = {(3 * (data['residual
sugar'].mean() - data['residual sugar'].median()))/data['residual
sugar'].std()}")
```

Distribusi Normal dengan p-value = 0.2246670332131056 Skewness pada distribusi = 0.1447697076471561

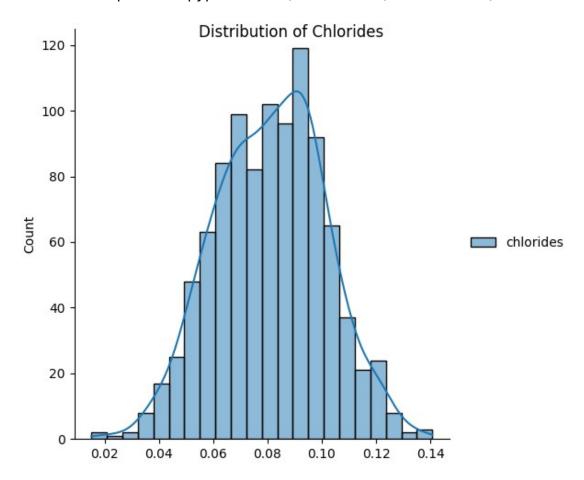
Chlorides

Distribusi Chlorides bersifat normal secara graphical. Distribusi pada histogram membentuk kurva simetris dengan puncak berada di tengah distribusi. Distribusi Chlorides juga bersifat normal secara analytical dengan p-value > 0.05.

```
sns.displot(chlorides, kde=True, ax=axs[0])
plt.suptitle("Distribution of Chlorides")
plt.show
```

c:\Users\Ditra\AppData\Local\Programs\Python\Python311\Lib\sitepackages\seaborn\distributions.py:2142: UserWarning: `displot` is a figure-level function and does not accept the ax= parameter. You may wish to try histplot.

warnings.warn(msg, UserWarning)



```
stat, p = stats.normaltest(data['chlorides'])
if(p > 0.05):
    print("Distribusi Normal", end='')
else:
    print("Bukan Distribusi Normal", end='')
print(f" dengan p-value = {p}")
print(f"Skewness pada distribusi = {(3 * (data['chlorides'].mean() - data['chlorides'].median()))/data['chlorides'].std()}")
Distribusi Normal dengan p-value = 0.17048274704296862
Skewness pada distribusi = -0.14496047465064746
```

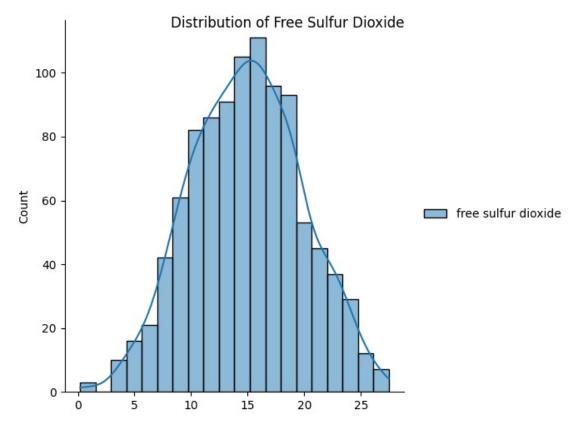
Free Sulfur Dioxide

Distribusi Free Sulfur Dioxide bersifat normal secara graphical. Distribusi pada histogram membentuk kurva yang cukup simetris dengan puncak berada di tengah distribusi. Namun, distribusi Fixed Acidity tidak bersifat normal secara analytical dengan p-value < 0.05. Distribusi ini menggambarkan skewness positif.

```
sns.displot(freeSulfurDioxide, kde=True, ax=axs[0])
plt.suptitle("Distribution of Free Sulfur Dioxide")
plt.show

c:\Users\Ditra\AppData\Local\Programs\Python\Python311\Lib\site-
packages\seaborn\distributions.py:2142: UserWarning: `displot` is a
figure-level function and does not accept the ax= parameter. You may
wish to try histplot.
   warnings.warn(msg, UserWarning)

<function matplotlib.pyplot.show(close=None, block=None)>
```



```
stat, p = stats.normaltest(data['free sulfur dioxide'])
if(p > 0.05):
    print("Distribusi Normal", end='')
else:
    print("Bukan Distribusi Normal", end='')
print(f" dengan p-value = {p}")
print(f"Skewness pada distribusi = {(3 * (data['free sulfur dioxide'].mean() - data['free sulfur dioxide'].median()))/data['free sulfur dioxide'].std()}")
```

Bukan Distribusi Normal dengan p-value = 0.01743043451827735 Skewness pada distribusi = 0.02904994822740363

Total Sulfur Dioxide

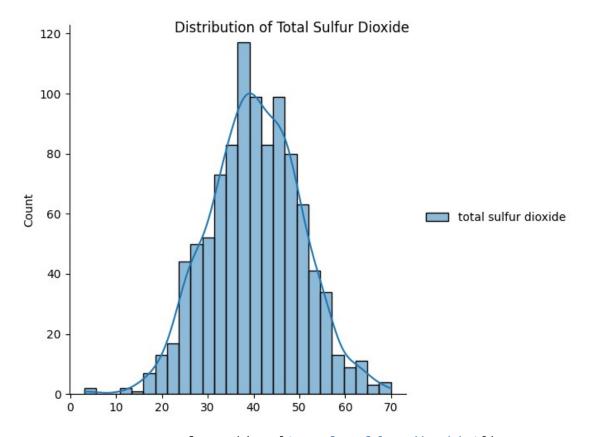
Distribusi Total Sulfur Dioxide bersifat normal secara graphical. Distribusi pada histogram membentuk kurva simetris dengan puncak berada di tengah distribusi. Distribusi Total Sulfur Dioxide juga bersifat normal secara analytical dengan p-value > 0.05.

```
sns.displot(totalSulfurDioxide, kde=True, ax=axs[0])
plt.suptitle("Distribution of Total Sulfur Dioxide")
plt.show
```

c:\Users\Ditra\AppData\Local\Programs\Python\Python311\Lib\sitepackages\seaborn\distributions.py:2142: UserWarning: `displot` is a
figure-level function and does not accept the ax= parameter. You may

```
wish to try histplot.
  warnings.warn(msg, UserWarning)
```

<function matplotlib.pyplot.show(close=None, block=None)>



```
stat, p = stats.normaltest(data['total sulfur dioxide'])
if(p > 0.05):
    print("Distribusi Normal", end='')
else:
    print("Bukan Distribusi Normal", end='')
print(f" dengan p-value = {p}")
print(f"Skewness pada distribusi = {(3 * (data['total sulfur dioxide'].mean() - data['total sulfur dioxide'].median()))/data['total sulfur dioxide'].std()}")
```

Distribusi Normal dengan p-value = 0.8488846101395726 Skewness pada distribusi = 0.030148205216689577

Density

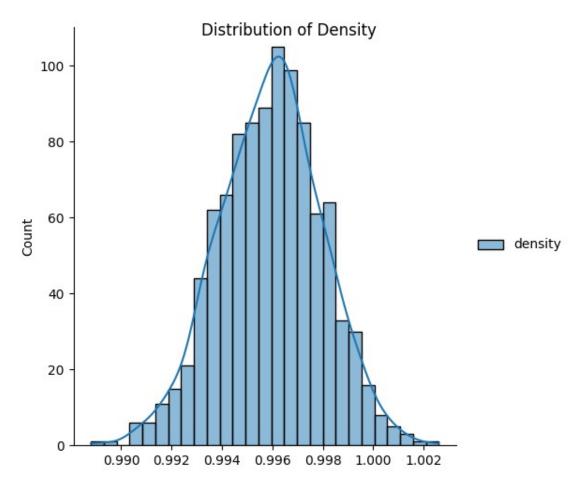
Distribusi Density bersifat normal secara graphical. Distribusi pada histogram membentuk kurva simetris dengan puncak berada di tengah distribusi. Distribusi Density juga bersifat normal secara analytical dengan p-value > 0.05.

```
sns.displot(density, kde=True, ax=axs[0])
plt.suptitle("Distribution of Density")
plt.show
```

c:\Users\Ditra\AppData\Local\Programs\Python\Python311\Lib\site-packages\seaborn\distributions.py:2142: UserWarning: `displot` is a figure-level function and does not accept the ax= parameter. You may wish to try histplot.

warnings.warn(msg, UserWarning)

<function matplotlib.pyplot.show(close=None, block=None)>



```
stat, p = stats.normaltest(data['density'])
if(p > 0.05):
    print("Distribusi Normal", end='')
else:
    print("Bukan Distribusi Normal", end='')
print(f" dengan p-value = {p}")
print(f"Skewness pada distribusi = {(3 * (data['density'].mean() - data['density'].median()))/data['density'].std()}")
Distribusi Normal dengan p-value = 0.5985227325531981
```

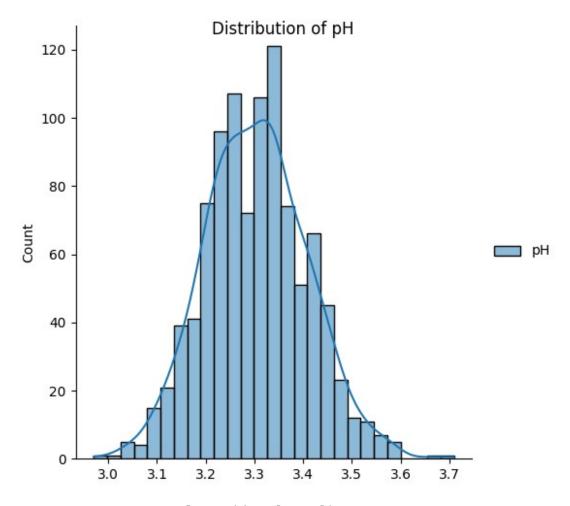
Skewness pada distribusi = -0.11093065738249801

Distribusi pH bersifat normal secara graphical. Distribusi pada histogram membentuk kurva simetris dengan puncak berada di tengah distribusi. Distribusi pH juga bersifat normal secara analytical dengan p-value > 0.05.

```
sns.displot(pH, kde=True, ax=axs[0])
plt.suptitle("Distribution of pH")
plt.show
```

c:\Users\Ditra\AppData\Local\Programs\Python\Python311\Lib\site-packages\seaborn\distributions.py:2142: UserWarning: `displot` is a figure-level function and does not accept the ax= parameter. You may wish to try histplot.

warnings.warn(msg, UserWarning)



```
stat, p = stats.normaltest(data['pH'])
if(p > 0.05):
    print("Distribusi Normal", end='')
else:
```

```
print("Bukan Distribusi Normal", end='')
print(f" dengan p-value = {p}")
print(f"Skewness pada distribusi = {(3 * (data['pH'].mean() - data['pH'].median()))/data['pH'].std()}")
Distribusi Normal dengan p-value = 0.13678740824860436
Skewness pada distribusi = 0.10326531781094268
```

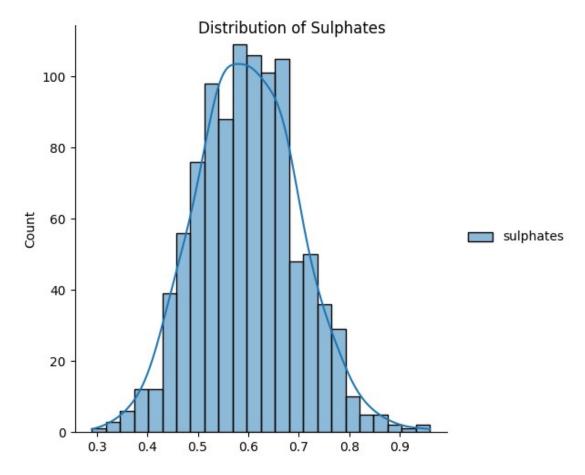
Sulphates

Distribusi Sulphates bersifat normal secara graphical. Distribusi pada histogram membentuk kurva simetris dengan puncak berada di tengah distribusi. Distribusi Sulphates juga bersifat normal secara analytical dengan p-value > 0.05.

```
sns.displot(sulphates, kde=True, ax=axs[0])
plt.suptitle("Distribution of Sulphates")
plt.show

c:\Users\Ditra\AppData\Local\Programs\Python\Python311\Lib\site-
packages\seaborn\distributions.py:2142: UserWarning: `displot` is a
figure-level function and does not accept the ax= parameter. You may
wish to try histplot.
   warnings.warn(msg, UserWarning)

<function matplotlib.pyplot.show(close=None, block=None)>
```



```
stat, p = stats.normaltest(data['pH'])
if(p > 0.05):
    print("Distribusi Normal", end='')
else:
    print("Bukan Distribusi Normal", end='')
print(f" dengan p-value = {p}")
print(f"Skewness pada distribusi = {(3 * (data['pH'].mean() - data['pH'].median()))/data['pH'].std()}")
Distribusi Normal dengan p-value = 0.13678740824860436
Skewness pada distribusi = 0.10326531781094268
```

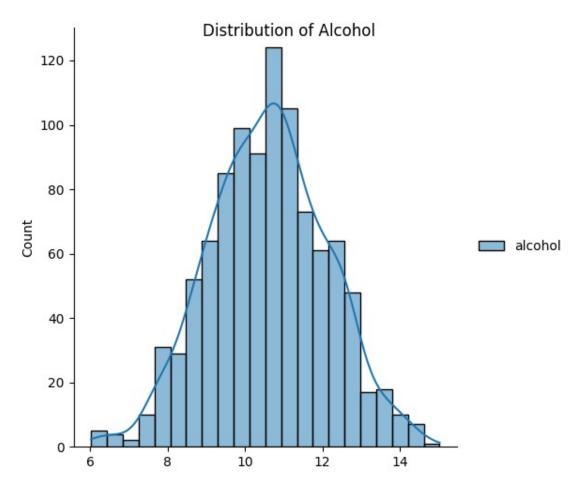
Alcohol

Distribusi Alcohol bersifat normal secara graphical. Distribusi pada histogram membentuk kurva simetris dengan puncak berada di tengah distribusi. Distribusi Alcohol juga bersifat normal secara analytical dengan p-value > 0.05.

```
sns.displot(alcohol, kde=True, ax=axs[0])
plt.suptitle("Distribution of Alcohol")
plt.show
c:\Users\Ditra\AppData\Local\Programs\Python\Python311\Lib\site-
packages\seaborn\distributions.py:2142: UserWarning: `displot` is a
```

figure-level function and does not accept the ax= parameter. You may
wish to try histplot.
 warnings.warn(msg, UserWarning)

<function matplotlib.pyplot.show(close=None, block=None)>



```
stat, p = stats.normaltest(data['alcohol'])
if(p > 0.05):
    print("Distribusi Normal", end='')
else:
    print("Bukan Distribusi Normal", end='')
print(f" dengan p-value = {p}")
print(f"Skewness pada distribusi = {(3 * (data['alcohol'].mean() - data['alcohol'].median()))/data['alcohol'].std()}")
Distribusi Normal dengan p-value = 0.6790884901361043
Skewness pada distribusi = -0.03518884535840057
```

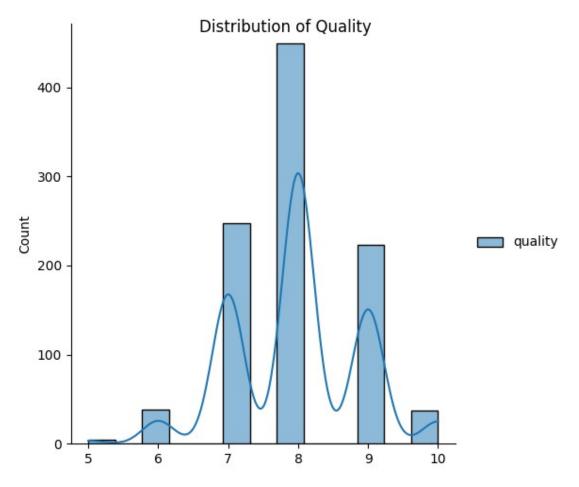
Quality

Distribusi Quality bersifat normal secara graphical. Distribusi pada histogram membentuk kurva simetris dengan puncak berada di tengah distribusi. Distribusi Quality juga bersifat normal secara analytical dengan p-value > 0.05.

```
sns.displot(quality, kde=True, ax=axs[0])
plt.suptitle("Distribution of Quality")
plt.show
```

c:\Users\Ditra\AppData\Local\Programs\Python\Python311\Lib\site-packages\seaborn\distributions.py:2142: UserWarning: `displot` is a figure-level function and does not accept the ax= parameter. You may wish to try histplot.

warnings.warn(msg, UserWarning)



```
stat, p = stats.normaltest(data['quality'])
if(p > 0.05):
    print("Distribusi Normal", end='')
else:

    print("Bukan Distribusi Normal", end='')
print(f" dengan p-value = {p}")
print(f"Skewness pada distribusi = {(3 * (data['quality'].mean() - data['quality'].median()))/data['quality'].std()}")
```

```
Skewness pada distribusi = -0.13956552038002426
Soal 4
Tes hipotesis 1 sampel
Soal 4.a
Nilai rata-rata pH di atas 3.29?
# === Langkah 1
______
# Tentukan Hipotesis 0 (H0)
# H0: pH = 3.29
# === Langkah 2
_______
# Tentukan Hipotesis Alternatif (H1)
# H1: pH > 3.29
# === Langkah 3
______
# Tentukan tingkat signifikan alpha yaitu 5%
alpha = 0.05
# === Langkah 4
_____
# Tentukan daerah kritis one-tailed
z crit = 1.645
# === Langkah 5
______
# Hitung nilai t-value dan p-value
z_value = (data['pH'].mean() - 3.29) / (data['pH'].std() /
np.sqrt(data['pH'].count()))
p_value = 1 - stats.norm.cdf(z_value)
\# === Langkah 6
```

Distribusi Normal dengan p-value = 0.3888139394184818

```
# Ambil keputusan berdasarkan z-value dengan z-crit dan p-value dengan
alpha
print('Keputusan berdasarkan z-value:')
print(f'z-value = {z value}')
print(f'z-crit = {z crit}')
if z value > z crit:
   print('H0 ditolak')
else:
   print('H0 diterima')
print('')
print('Keputusan berdasarkan p-value:')
print(f'p-value = {p value}')
print(f'alpha = {alpha}')
if p value < alpha:</pre>
   print('H0 ditolak')
else:
   print('H0 diterima')
Keputusan berdasarkan z-value:
z-value = 4.1037807933651145
z-crit = 1.645
H0 ditolak
Keputusan berdasarkan p-value:
p-value = 2.032263004325685e-05
alpha = 0.05
H0 ditolak
Soal 4.b
Nilai rata-rata residual sugar tidak sama dengan 2.5?
\# === Langkah 1
# Tentukan Hipotesis 0 (H0)
# HO: Residual Sugar = 2.5
# === Langkah 2
# Tentukan Hipotesis Alternatif (H1)
# H1: Residual Sugar /= 2.5
# === Langkah 3
```

```
# Tentukan tingkat signifikan alpha yaitu 5%
alpha = 0.05
# === Langkah 4
# Tentukan daerah kritis two-tailed
z crit r = 1.96
z_{crit_l} = -1.96
\# === Langkah 5
# Hitung nilai z-value dan p-value
z value = (data['residual sugar'].mean() - 2.5) / (data['residual
sugar'].std() / np.sqrt(data['residual sugar'].count()))
p value = 2 * (1 - stats.norm.cdf(np.abs(z value)))
\# === Langkah 6
_____
# Ambil keputusan berdasarkan z-value dengan z crit r dan z crit l dan
p-value dengan alpha
print('Keputusan berdasarkan z-value:')
print(f'z-value = {z value}')
print(f'z-crit-r = {z crit r}')
print(f'z-crit-l = {z crit l}')
if z value < z crit l or z value > z crit r:
   print('H0 ditolak')
else:
   print('H0 diterima')
print('')
print('Keputusan berdasarkan p-value:')
print(f'p-value = {p value}')
print(f'alpha = {alpha}')
if p_value < alpha:</pre>
   print('H0 ditolak')
else:
   print('H0 diterima')
Keputusan berdasarkan z-value:
z-value = 2.1479619435539523
z-crit-r = 1.96
z-crit-l = -1.96
```

```
Keputusan berdasarkan p-value:
p-value = 0.031716778818727365
alpha = 0.05
H0 ditolak
Soal 4.c
Nilai rata-rata 150 baris pertama kolom sulphates bukan 0.65?
\# === Langkah 1
# Tentukan Hipotesis 0 (H0)
# H0: sulphates = 0.65
# === Langkah 2
_______
# Tentukan Hipotesis Alternatif (H1)
# H1: sulphates /= 2.5
# === Langkah 3
_____
# Tentukan tingkat signifikan alpha yaitu 5%
alpha = 0.05
# === Langkah 4
______
# Tentukan daerah kritis two-tailed
t crit r = 1.96
t - crit - l = -1.96
# === Langkah 5
# Hitung nilai z-value dan p-value
z value = (data['sulphates'].iloc[:150].mean() - 3.29) /
(data['sulphates'].iloc[:150].std() /
np.sqrt(data['sulphates'].iloc[:150].count()))
p value = 2 * (1 - stats.norm.cdf(np.abs(z value)))
```

H0 ditolak

```
# === Langkah 6
______
# Ambil keputusan berdasarkan z-value dengan z-crit-r dan z-crit-l dan
p-value dengan alpha
print('Keputusan berdasarkan z-value:')
print(f'z-value = {z value}')
print(f'z_crit_r = {z_crit_l}')
print(f'z crit l = {z crit r}')
if z value < z crit l or z value > z crit r:
   print('H0 ditolak')
else:
   print('H0 diterima')
print('')
print('Keputusan berdasarkan p-value:')
print(f'p-value = {p value}')
print(f'alpha = {alpha}')
if p value < alpha:</pre>
   print('H0 ditolak')
else:
   print('H0 diterima')
Keputusan berdasarkan z-value:
z-value = -301.9554753801894
z crit r = -1.96
z crit l = 1.96
HO ditolak
Keputusan berdasarkan p-value:
p-value = 0.0
alpha = 0.05
H0 ditolak
Soal 4.d
Nilai rata-rata total sulfur dioxide di bawah 35?
# === Langkah 1
______
# Tentukan Hipotesis 0 (H0)
# H0: pH = 35
# === Langkah 2
# Tentukan Hipotesis Alternatif (H1)
```

```
# H1: pH < 35
# === Langkah 3
# Tentukan tingkat signifikan alpha yaitu 5%
alpha = 0.05
# === Langkah 4
______
# Tentukan daerah kritis one-tailed
z crit = -1.645
# === Langkah 5
_______
# Hitung nilai z-value dan p-value
z value = (data['total sulfur dioxide'].mean() - 35) / (data['total
sulfur dioxide'].std() / np.sqrt(data['total sulfur
dioxide'].count()))
p value = stats.norm.cdf(z value)
# === Langkah 6
# Ambil keputusan berdasarkan z-value dengan z-crit dan p-value dengan
alpha
print('Keputusan berdasarkan z-value:')
print(f'z-value = {z value}')
print(f'z-crit = {z crit}')
if z value < z crit:</pre>
   print('H0 ditolak')
else:
   print('H0 diterima')
print('')
print('Keputusan berdasarkan p-value:')
print(f'p-value = {p value}')
print(f'alpha = {alpha}')
if p value < alpha:</pre>
   print('H0 ditolak')
else:
   print('H0 diterima')
```

```
Keputusan berdasarkan z-value:
z-value = 16.786387372296744
z-crit = -1.645
H0 diterima
Keputusan berdasarkan p-value:
p-value = 1.0
alpha = 0.05
H0 diterima
Soal 4.e
Proporsi nilai total Sulfat Dioxide yang lebih dari 40, adalah tidak sama dengan 50%?
\# === Langkah 1
_____
# Tentukan Hipotesis 0 (H0)
# H0: pH = 0.5
# === Langkah 2
# Tentukan Hipotesis Alternatif (H1)
# H1: pH /= 0.5
# === Langkah 3
______
# Tentukan tingkat signifikan alpha yaitu 5%
alpha = 0.05
# === Langkah 4
______
# Tentukan daerah kritis two-tailed
z crit r = 1.96
z crit l = -1.96
# === Langkah 5
______
# Hitung nilai z-value dan p-value
z value = ((data[data['total sulfur dioxide'] > 40]['total sulfur
dioxide'].count() / data['total sulfur dioxide'].count()) - 0.5) /
np.sqrt(0.5 * (1 - 0.5) / data['total sulfur dioxide'].count())
```

```
p value = 2 * (1 - stats.norm.cdf(np.abs(z value)))
# === Langkah 6
# Ambil keputusan berdasarkan z-value dengan z-crit-r dan z-crit-l dan
p-value dengan alpha
print('Keputusan berdasarkan z-value:')
print(f'z-value = {z value}')
print(f'z-crit-r = {\overline{z} \ crit \ r}')
print(f'z-crit-l = {z_crit_l}')
if z_value < z_crit_l or z_value > z_crit_r:
    print('H0 ditolak')
else:
    print('H0 diterima')
print('')
print('Keputusan berdasarkan p-value:')
print(f'p-value = {p value}')
print(f'alpha = {alpha}')
if p value < alpha:</pre>
    print('H0 ditolak')
else:
    print('H0 diterima')
Keputusan berdasarkan z-value:
z-value = 0.7589466384404118
z-crit-r = 1.96
z-crit-l = -1.96
HO diterima
Keputusan berdasarkan p-value:
p-value = 0.4478844782641116
alpha = 0.05
H0 diterima
Soal 5
Tes hipotesis 2 sampel
Soal 5.a
Data kolom fixed acidity dibagi 2 sama rata: bagian awal dan bagian akhir kolom. Benarkah
rata-rata kedua bagian tersebut sama?
# === Definisi
```

n = len(data["fixed acidity"])

```
fa r = data.loc[:n//2-1, "fixed acidity"]
fa_l = data.loc[n//2:, "fixed acidity"]
mean_r = fa_r.mean()
mean l = fa l.mean()
std r = fa r.std()
std_l = fa_l.std()
n r = fa r.count()
n_l = fa_l.count()
alpha = 0.05
# Perform F-Test two-tailed
if std r ** 2 > std l ** 2:
   f value = (std \overline{r} ** 2 / std l ** 2)
else:
   f value = (std l ** 2 / std r ** 2)
f crit r = stats.f.ppf(1 - alpha, n_r - 1, n_l - 1)
f_crit_l = stats.f.ppf(alpha, n_r - 1, n_l - 1)
# Ambil keputusan berdasarkan varians kedua bagian
if f_value < f_crit_l or f_value > f_crit_r:
   print("Varians tidak equal")
else:
   print("Varians equal")
print("")
\# === Langkah 1
_____
# Tentukan Hipotesis 0 (H0)
# H0: mean r = mean-l
# === Langkah 2
# Tentukan Hipotesis 1 (H1)
# H0: mean_r /= mean-l
# === Langkah 3
# Tentukan tingkat signifikan alpha yaitu 5%
alpha = 0.05
# === Langkah 4
```

```
# Tentukan batas daerah kritis two-tailed
z_{crit_r} = 1.96
z crit l = -1.96
# === Langkah 5
# Tentukan nilai statistik dan hitung p-value
z_value = (mean_r - mean_l) / np.sqrt(std_r ** 2 / n_r + std_l ** 2 /
n l)
p value = 2 * (1 - stats.norm.cdf(np.abs(z value)))
# === Langkah 6
# Ambil keputusan berdasarkan z-value dengan z-crit-r dan z-crit-l dan
p-value dengan alpha
print('Keputusan berdasarkan z-value:')
print(f'z-value = {z_value}')
print(f'z-crit-r = {z crit r}')
print(f'z-crit-l = {z crit l}')
if z value < z crit l or z value > z crit r:
    print('H0 ditolak')
else:
    print('H0 diterima')
print('')
print('Keputusan berdasarkan p-value:')
print(f'p-value = {p value}')
print(f'alpha = {alpha}')
if p_value < alpha:</pre>
    print('H0 ditolak')
    print('H0 diterima')
Varians equal
Keputusan berdasarkan z-value:
z-value = 0.02604106999906379
z-crit-r = 1.96
z-crit-l = -1.96
H0 diterima
Keputusan berdasarkan p-value:
p-value = 0.9792245804254096
```

```
alpha = 0.05
H0 diterima
```

Soal 5.b

Data kolom chlorides dibagi 2 sama rata: bagian awal dan bagian akhir kolom. Benarkah rata-rata bagian awal lebih besar daripada bagian akhir sebesar 0.001?

```
# === Definisi
______
n = len(data["chlorides"])
fa r = data.loc[:n//2-1, "chlorides"]
fa l = data.loc[n//2:, "chlorides"]
mean_r = fa_r.mean()
mean_l = fa_l.mean()
std r = fa r.std()
std_l = fa_l.std()
n r = fa r.count()
n l = fa l.count()
d0 = 0.001
alpha = 0.05
# Perform F-Test one-tailed
if std r ** 2 > std l ** 2:
   f value = (std r ** 2 / std l ** 2)
else:
   f value = (std l ** 2 / std r ** 2)
f crit = stats.f.ppf(1 - alpha, n r - 1, n l - 1)
# Ambil keputusan berdasarkan varians kedua bagian
if f value > f crit:
   print("Varians tidak equal")
else:
   print("Varians equal")
print("")
\# === Langkah 1
_____
# Tentukan Hipotesis 0 (H0)
\# H0: mean_r - mean_l = 0.001
\# === Langkah 2
# Tentukan Hipotesis 1 (H1)
\# H0: mean_r - mean_l > 0.001
```

```
# === Langkah 3
# Tentukan tingkat signifikan alpha yaitu 5%
alpha = 0.05
# === Langkah 4
# Tentukan batas daerah kritis one-tailed
z crit = 1.645
# === Langkah 5
______
# Tentukan nilai statistik dan hitung p-value
z value = (mean r - mean l - d0) / np.sqrt(std r ** 2 / n r + std l **
2 / n l)
p value = 1 - stats.norm.cdf(z value)
# === Langkah 6
# Ambil keputusan berdasarkan z-value dengan z-crit-r dan z-crit-l dan
p-value dengan alpha
print('Keputusan berdasarkan z-value:')
print(f'z-value = {z value}')
print(f'z-crit = {z crit}')
if z value > z crit:
   print('H0 ditolak')
else:
   print('H0 diterima')
print('')
print('Keputusan berdasarkan p-value:')
print(f'p-value = {p value}')
print(f'alpha = {alpha}')
if p value < alpha:</pre>
   print('H0 ditolak')
else:
   print('H0 diterima')
```

```
Varians equal
```

```
Keputusan berdasarkan z-value:

z-value = -0.4673171228521319

z-crit = 1.645

H0 diterima

Keputusan berdasarkan p-value:

p-value = 0.6798634962094465

alpha = 0.05

H0 diterima
```

Benarkah rata-rata sampel 25 baris pertama kolom Volatile Acidity sama dengan rata-rata 25 baris pertama kolom Sulphates ?

```
# === Definisi
```

Soal 5.c.

```
_____
```

```
_____
va = data.loc[:24, "volatile acidity"]
s = data.loc[:24, "sulphates"]
va mean = va.mean()
s mean = s.mean()
va std = va.std()
s std = s.std()
va n = va.count()
s n = s.count()
alpha = 0.05
# Perform F-Test two-tailed
if va_std ** 2 > s_std ** 2:
    f_value = (va_std ** 2 / s_std ** 2)
else:
    f value = (s std ** 2 / va std ** 2)
f crit r = stats.f.ppf(1 - alpha, va n - 1, s n - 1)
f crit l = stats.f.ppf(alpha, va n - 1, s n - 1)
# Ambil keputusan berdasarkan varians kedua bagian
if f value < f crit l or f value > f crit r:
    print("Varians tidak equal")
else:
    print("Varians equal")
print("")
# === Langkah 1
```

Tentukan Hipotesis 0 (H0)

```
\# H0: v_mean = s_mean
# === Langkah 2
# Tentukan Hipotesis 1 (H1)
# H0: v mean /= s mean
# === Langkah 3
______
# Tentukan tingkat signifikan alpha yaitu 5%
alpha = 0.05
# === Langkah 4
# Tentukan batas daerah kritis two-tailed
z crit r = 1.96
z crit l = -1.96
# === Langkah 5
_____
# Tentukan nilai statistik dan hitung p-value
z_value = (va_mean - s_mean) / np.sqrt(va_std ** 2 / va_n + s_std ** 2)
/ s n)
p value = 2 * (1 - stats.norm.cdf(np.abs(z value)))
# === Langkah 6
# Ambil keputusan berdasarkan z-value dengan z-crit-r dan z-crit-l dan
p-value dengan alpha
print('Keputusan berdasarkan z-value:')
print(f'z-value = {z value}')
print(f'z-crit-r = {z crit r}')
print(f'z-crit-l = {z_crit_l}')
if z value < z crit l or z value > z crit r:
   print('H0 ditolak')
else:
   print('H0 diterima')
print('')
```

```
print('Keputusan berdasarkan p-value:')
print(f'p-value = {p value}')
print(f'alpha = {alpha}')
if p value < alpha:</pre>
    print('H0 ditolak')
else:
    print('H0 diterima')
Varians equal
Keputusan berdasarkan z-value:
z-value = -2.63748216767487
z-crit-r = 1.96
z-crit-l = -1.96
H0 ditolak
Keputusan berdasarkan p-value:
p-value = 0.008352401685453703
alpha = 0.05
HO ditolak
Soal 5.d
Bagian awal kolom residual sugar memiliki variansi yang sama dengan bagian akhirnya?
# === Definisi
n = len(data["residual sugar"])
fa r = data.loc[:n//2-1, "residual sugar"]
fa_l = data.loc[n//2:, "residual sugar"]
mean r = fa r.mean()
mean_l = fa_l.mean()
std r = fa r.std()
std l = fa l.std()
n_r = fa_r.count()
n l = fa l.count()
alpha = 0.05
# Perform F-Test two-tailed
if std r ** 2 > std l ** 2:
    f value = (std r ** 2 / std l ** 2)
else:
    f value = (std l ** 2 / std r ** 2)
f crit r = stats.f.ppf(1 - alpha, n_r - 1, n_l - 1)
f crit l = stats.f.ppf(alpha, n r - 1, n l - 1)
# Ambil keputusan berdasarkan varians kedua bagian
print(f"f-value = {f value}")
```

```
print(f"f-crit-r = {f_crit_r}")
print(f"f-crit-l = {f_crit_l}")
if f_value < f_crit_l or f_value > f_crit_r:
    print("Varians tidak equal")
else:
    print("Varians equal")
print("")

f-value = 1.0615664973153538
f-crit-r = 1.1588265949626437
f-crit-l = 0.8629418796107595
Varians equal
```

Soal 5.e

Proporsi nilai setengah bagian awal alcohol yang lebih dari 7, adalah lebih besar daripada, proporsi nilai yang sama di setengah bagian akhir alcohol?

```
# === Definisi
```

```
_____
n = len(data["alcohol"])
al_r = data.loc[:n//2-1, "alcohol"]
al l = data.loc[n//2:, "alcohol"]
n r = al r.count()
n l = al l.count()
std_r = al_r.std()
std l = al l.std()
p_r = (al_r > 7).sum() / n_r
p_l = (al_l > 7).sum() / n_l
p = (al r > 7).sum() / n
alpha = 0.005
# Perform F-Test one-tailed
if std r ** 2 > std l ** 2:
    f_value = (std_r ** 2 / std_l ** 2)
else:
    f value = (std l ** 2 / std r ** 2)
f crit = stats.f.ppf(1 - alpha, n r - 1, n l - 1)
# Ambil keputusan berdasarkan varians kedua bagian
if f value > f crit:
    print("Varians tidak equal")
else:
    print("Varians equal")
print("")
# === Langkah 1
```

```
# Tentukan Hipotesis 0 (H0)
# H0: p r = p l
# === Langkah 2
# Tentukan Hipotesis 1 (H1)
# H0: p r > p 2
# === Langkah 3
_____
# Tentukan tingkat signifikan alpha yaitu 5%
alpha = 0.05
# === Langkah 4
# Tentukan batas daerah kritis one-tailed
z crit = 1.645
# === Langkah 5
# Tentukan nilai statistik dan hitung p-value
z_{value} = (p_r - p_l) / np.sqrt(p * (1 - p) * (1/n_r + 1/n_l))
p_value = 1 - stats.norm.cdf(z value)
# === Langkah 6
# Ambil keputusan berdasarkan z-value dengan z-crit-r dan z-crit-l dan
p-value dengan alpha
print('Keputusan berdasarkan z-value:')
print(f'z-value = {z value}')
print(f'z-crit = {z crit}')
if z value > z crit:
   print('H0 ditolak')
else:
   print('H0 diterima')
print('')
```

```
print('Keputusan berdasarkan p-value:')
print(f'p-value = {p value}')
print(f'alpha = {alpha}')
if p value < alpha:</pre>
    print('H0 ditolak')
else:
    print('H0 diterima')
Varians equal
Keputusan berdasarkan z-value:
z-value = 0.0
z-crit = 1.645
HO diterima
Keputusan berdasarkan p-value:
p-value = 0.5
alpha = 0.05
HO diterima
```

Referensi

- https://www.liputan6.com/hot/read/4470780/mean-adalah-nilai-rata-rata-ketahui-rumus-contoh-dan-jenisnya#:~:text=Dalam%20bahasa%20Indonesia%2C%20mean%20juga,mudah%20dihitung%20dengan%20rumus%20sederhana
- https://dailysocial.id/post/median-pengertian-contoh-rumus-dan-caramenghitungnya
- https://www.merdeka.com/jateng/modus-adalah-nilai-data-dalam-statistikketahui-jenis-dan-cara-menghitungnya-kln.html
- https://money.kompas.com/read/2021/06/23/150642926/standar-deviasi-adalah-perhitungan-statistik-simak-rumus-dan-kegunaannya
- https://www.akseleran.co.id/blog/rumus-varians/
- https://akupintar.id/info-pintar/-/blogs/simpangan-kuartil-pengertian-rumusjangkauan-antar-kuartil-dan-contoh-soal#:~:text=Kuartil%20adalah%20nilai %20yang%20membagi,dan%20kuartil%20atas%20(Q3)
- https://dt-sense.com/2021/09/26/belajar-mengenai-ukuran-letak-data/
- https://www.editage.com/blog/normality-test-methods-of-assessing-normality/
- https://support.minitab.com/en-us/minitab/21/help-and-how-to/statistics/basic-statistics/how-to/normality-test/interpret-the-results/key-results/#:~:text=If %20the%20p%2Dvalue%20is,not%20follow%20a%20normal %20distribution.&text=If%20the%20p%2Dvalue%20is%20larger%20than%20the %20significance%20level,to%20reject%20the%20null%20hypothesis.

• R. E. Walpole, R. H. Myers, S. L. Myers, and K. Ye, Probability & Statistics for Engineers & Scientists, 9th ed. London: Pearson Education, 2016, p. 791.