Zadanie Wykresy funkcji $f(x) = 2^{x-1} - 3$ oraz $g(x) = \log_3(x+3) + k$ mają z osią OY ten sam punkt wspólny A. Oblicz k i podaj współrzędne punktu A.

Rozwiązanie:

Jeżeli wykresy dwóch funkcji mają z osią OY ten sam punkt wspólny, to znaczy że dla argumentu x=0 przyjmują taką samą wartość. Zatem:

$$f(0) = g(0)$$

$$2^{0-1} - 3 = \log_3(0+3) + k$$

$$2^{-1} - 3 = \log_3(3) + k$$

$$\frac{1}{2} - 3 = 1 + k$$

$$k = -\frac{7}{2}$$

Natomiast punkt A = (0, f(0))

$$f(0) = \frac{1}{2} - 3 = -\frac{5}{2}$$

Zatem $A = (0, -\frac{5}{2})$.