# 합성곱신경망

(Convolutional Neural Network, CNN)

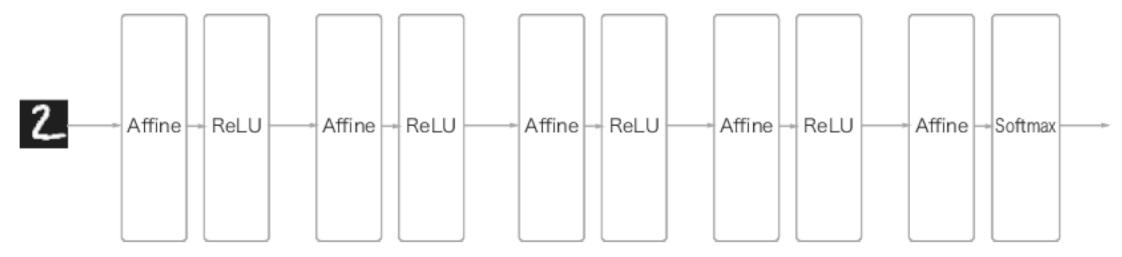
#### Chihuahua or Muffin?



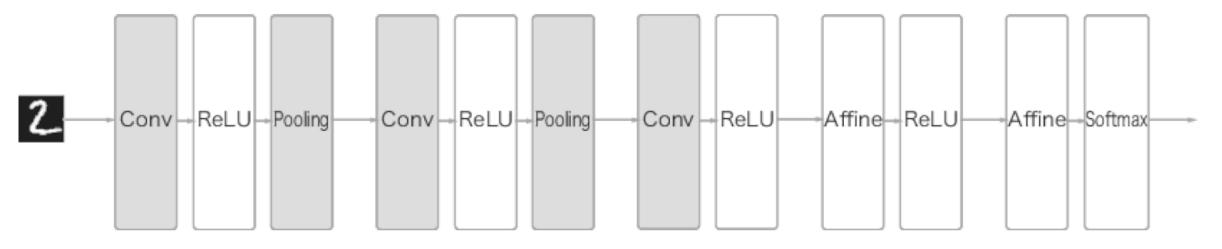




# CNN 의 네트워크 구조



- 완전연결 계층 (Affine 계층 ) 으로 이뤄진 네트워크의 예



- CNN 으로 이뤄진 네트워크의 예 (합성곱 / 풀링 계층 추가 )

### 합성곱 계층

- ▶ 완전 연결 계층의 문제점.
  - 데이터의 형상이 무시.
  - 입력 데이터가 이미지인 경우, 이미지는 3차원(가로, 세로, 채널(색상))으로 구성된 데이터이나 1차원으로 평탄화 해줘야 함.
  - MNIST 데이터셋(1채널, 가로: 28픽셀, 세로: 28픽셀).
  - 형상을 무시하고 모든 입력 데이터를 동등한 뉴런(같은 차원의 뉴런)으로 취급하여 형상에 담긴 정보를 살릴 수 없음.

## 합성곱 계층

- ▶ 합성곱 계층의 특징
  - 입력 데이터의 형상을 유지.
  - 이미지도 3차원 데이터로 입력 받으며, 다음 계층에도 3차원 데이터로 전달.
  - 형상을 가진 데이터를 제대로 이해할 가능성이 큼.

➤ 특징 맵(feature map): CNN에서 합성곱 계층의 입출력 데이터.

## 합성곱 연산 - 입력 데이터에 필터를 적용

1	2	3	0						
					2	0	1		
0	1	2	3					15	1
3	0	1	2	(*)	0	1	2	6	1
					1	0	2		
2	3	0	1						
	입력 대	네이터		-		필터			

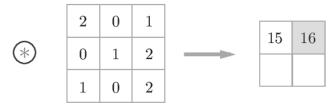
- 합성곱 연산을 🛞 기호로 표기.
- 이미지 처리에서 말하는 필터 연산에 해당.
- 데이터와 필터의 형상을 (높이, 너비)로 표기.
  - 위 예의 경우 입력은 (4, 4), 필터는 (3, 3), 출력은 (2, 2)가 됨.
- 문헌에 따라 필터를 커널이라 칭하기도 함.

# 단일 곱셈 – 누산(Fused Multiply-Add, FMA)

- 합성곱 연산의 계산 순서

$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1	2	3	0					1	
3 0 1 2	0	1	0			2	0	1		1 =
	0	1	2	3	(*)	0	1	2	<b>→</b>	15
	3	0	1	2						
=   ~   ~   =	2	3	0	1		1	0	2		

1	2	3	0
0	1	2	3
3	0	1	2
2	3	0	1



1	2	3	0
0	1	2	3
3	0	1	2
2	3	0	1

1	2	3	0
0	1	2	3
3	0	1	2
2	3	0	1

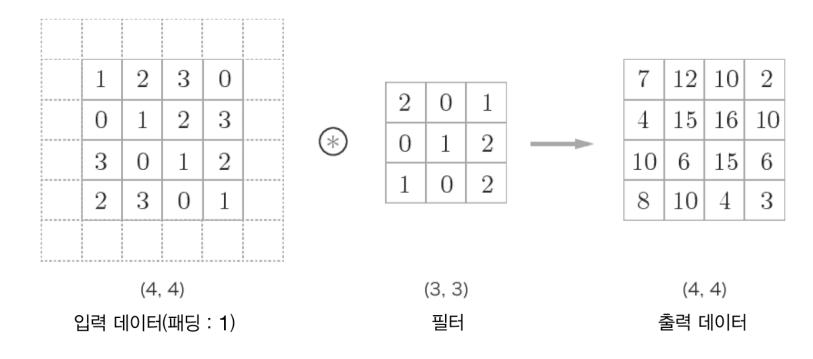
# 합성곱 연산의 편향

1     2     3     0       0     1     2     3       3     0     1     2		\begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c	3	18     19       9     18
$\begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$				
입력 데이터	필터		편향	출력 데이터

- 필터를 적용한 후 데이터에 더해 짐.
- 편향은 항상 (1 x 1)만 존재.

## 패딩(padding)

- 합성곱 연산을 수행하기 전에 입력 데이터 주변을 특정 값(예컨대 0)으로 채우는 것.
- 합성곱 연산에서 자주 이용하는 기법 출력 크기를 조정할 목적으로 사용.



입력 데이터 주위에 0을 채운다(0 생략함).

- 처음에 크기가 (4, 4)인 입력 데이터에 패딩이 추가되어 (6, 6)이 됨.
- (3, 3) 크기의 필터를 걸면 (4, 4) 크기의 출력 데이터가 생성.

# 스트라이드

1	2	3	0	1	2	3
0	1	2	3	0	1	2
3	0	1	2	3	0	1
2	3	0	1	2	3	0
1	2	3	0	1	2	3
0	1	2	3	0	1	2
3	0	1	2	3	0	1

	2	0	1	15	
$\circledast$	0	1	2		
	1	0	2		

스트라이드 : 2

1	2	3	0	1	2	3
0	1	2	3	0	1	2
3	0	1	2	3	0	1
2	3	0	1	2	3	0
1	2	3	0	1	2	3
0	1	2	3	0	1	2
3	0	1	2	3	0	1

	2	0	1	15	17	
$\circledast$	0	1	2			
	1	0	2			

- 필터를 적용하는 위치의 간격.
- 스트라이드를 키우면 출력 크 기는 작아짐.

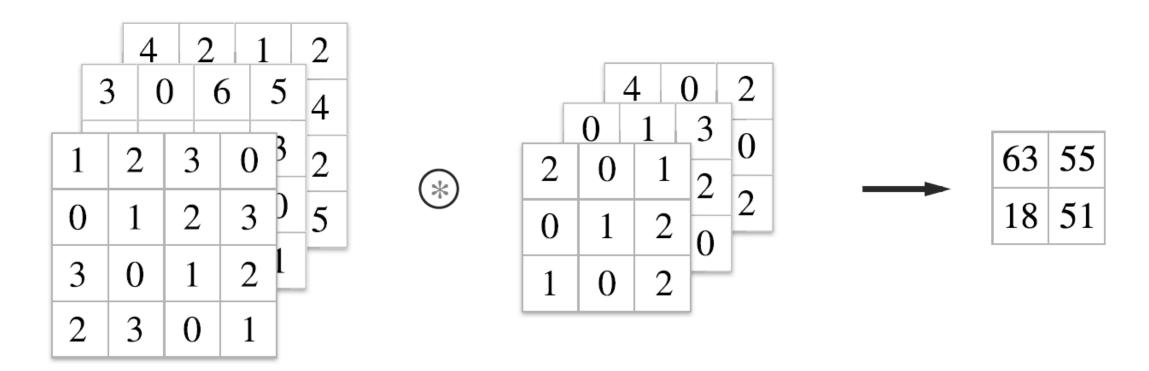
패딩, 스트라이드, 출력 크기 계산

$$OH = \frac{H + 2P - FH}{S} + 1$$

$$OW = \frac{W + 2P - FW}{S} + 1$$

- 입력 크기(H, W)
- 필터 크기(FH, FW)
- 출력 크기(OH, OW)
- 패딩:P
- 스트라이드: S

## 3차원 데이터의 합성곱 연산

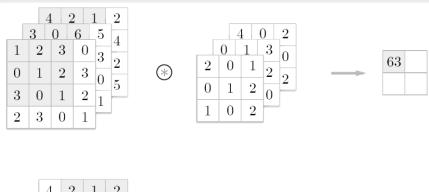


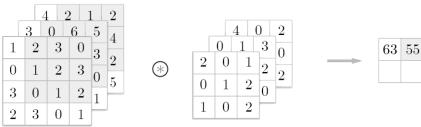
입력 데이터

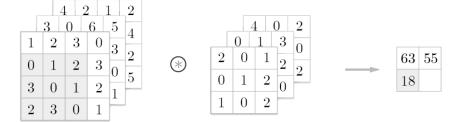
필터

출력 데이터

#### 3차원 데이터 합성곱 연산의 계산 순서

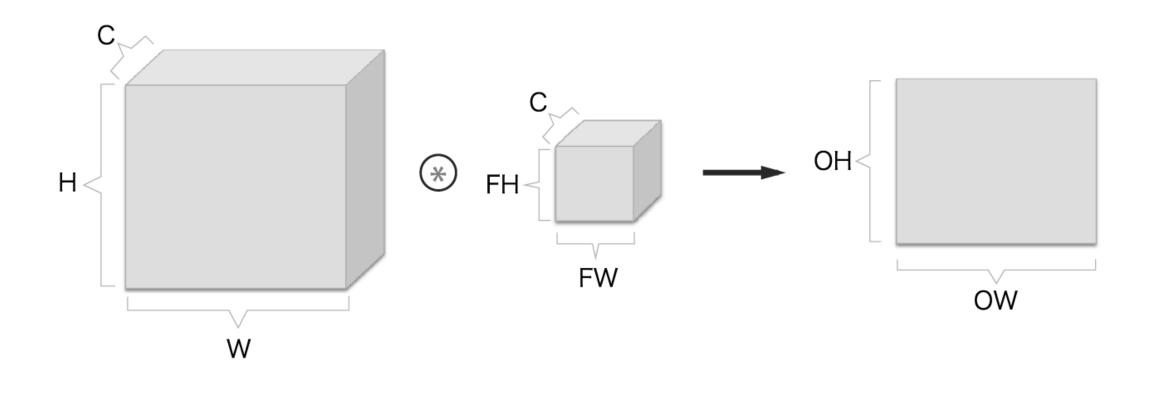






- 3차원의 합성곱 연산에서 주의할 점.
  - 입력 데이터의 채널 수와 필터의 채널 수가 같아야 함.
- 필터 자체의 크기는 원하는 값으로 설정 가능(단, 모든 채널의 필터가 같은 크기여야 함).

## 3차원 합성곱 연산 – 블록으로 생각하기



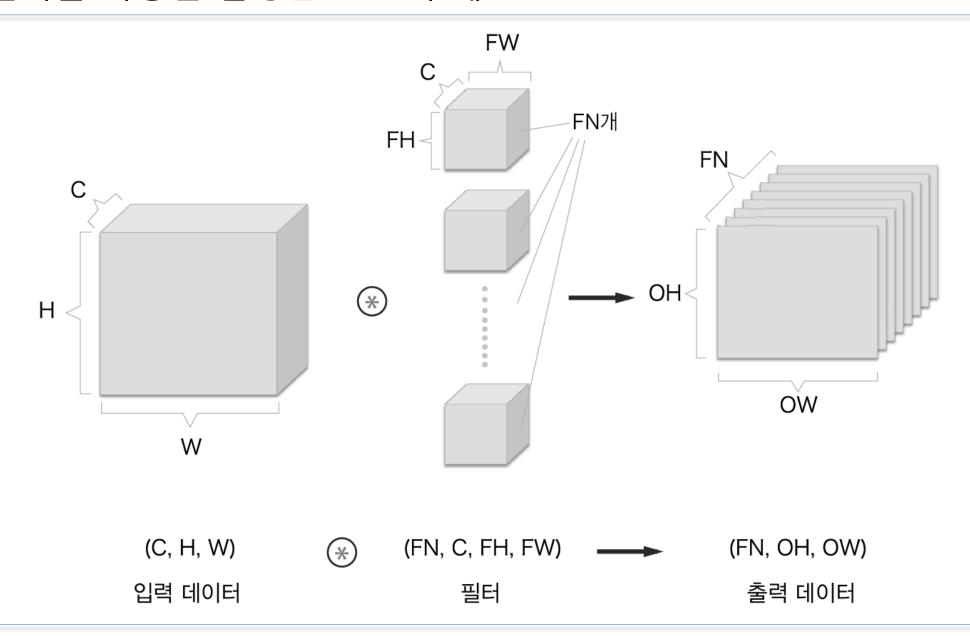
(C, H, W) 입력 데이터

(\*)

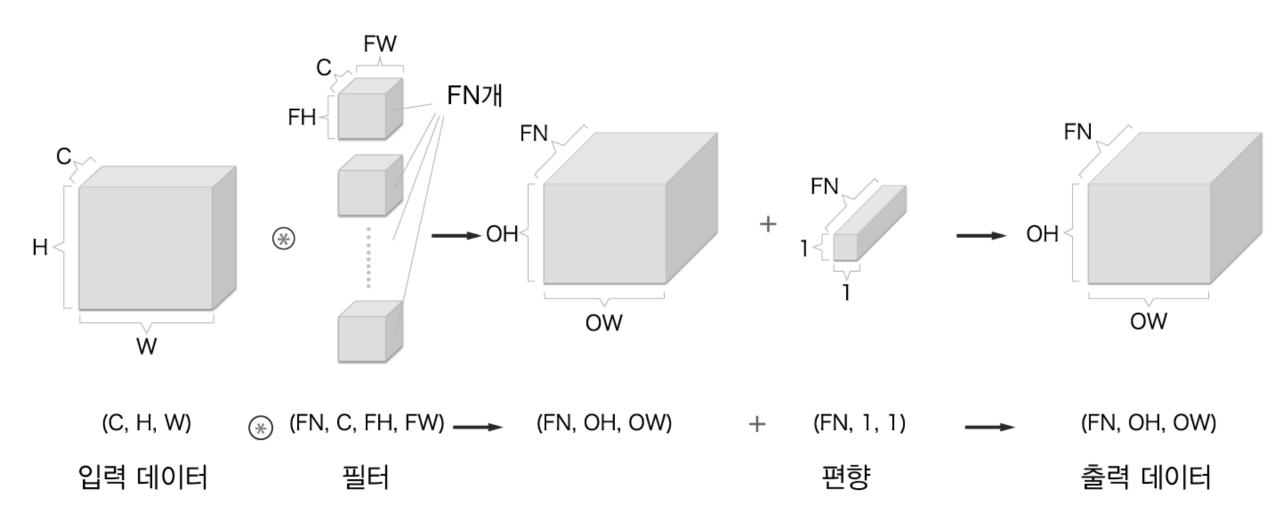
(C, FH, FW) 필터 **—** 

(1, OH, OW) 출력 데이터

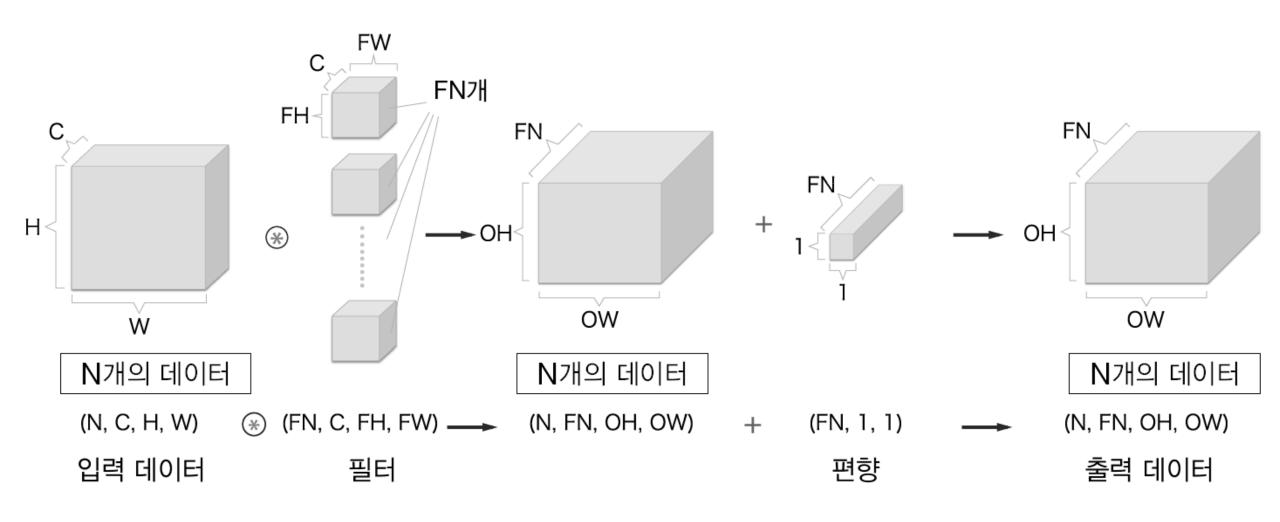
# 여러 필터를 사용한 합성곱 연산의 예



# 합성곱 연산의 처리 흐름(편향 추가)



## 합성곱 연산의 처리 흐름(배치 처리)

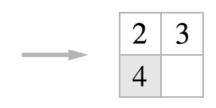


## 풀링 계층

1	2	1	0
0	1	2	3
3	0	1	2
2	4	0	1

1	2	1	0		
0	1	2	3	2	3
3	0	1	2		
2	4	0	1		

1	2	1	0
0	1	2	3
3	0	1	2
2	4	0	1



1	2	1	0
0	1	2	3
3	0	1	2
2	4	0	1

- 세로・가로 방향의 공간을 줄이는 연산.
- 위의 예 경우 2 x 2 최대 풀링(max pooling)을 스트라이드 2로 처리하는 순서.
- 풀링의 윈도우 크기와 스트라이드는 같은 값으로 설정하는 것이 일반적.

## 풀링 계층의 특징

- 학습해야 할 매개변수가 없다.

- 채널 수가 변하지 않는다.

		4 2	2	1	2					
	3	0	6	5	4				4	4
1	2	1	0	3	2			3	6	\_ 
0	1	2	3	0		 -	2	3	-	5
3	0	1	2	1	5		4	2	2	
$\frac{}{2}$	4	0	1	1						
		입력 더	이터					출력	데이터	1

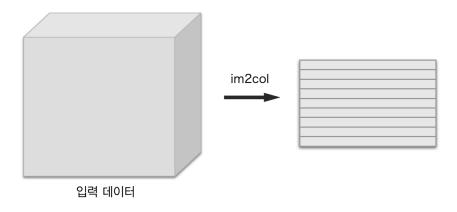
- 입력의 변화에 영향을 적게 받는다(강건하다).

1	2	0	7	1	0			
0	9	2	3	2	3			
3	0	1	2	1	2	<b>→</b>		7
2	4	0	1	0	1		6	8
6	0	1	2	1	2			
2	4	0	1	8	1			

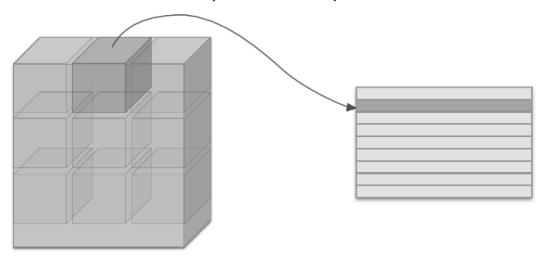
1		2				
3	0	9	2	3	2	
2	3	0	1	2	1	
3	2	4	0	1	0	
2	6	0	1	2	1	
1	2	4	0	1	8	

#### 합성곱 계층 구현하기

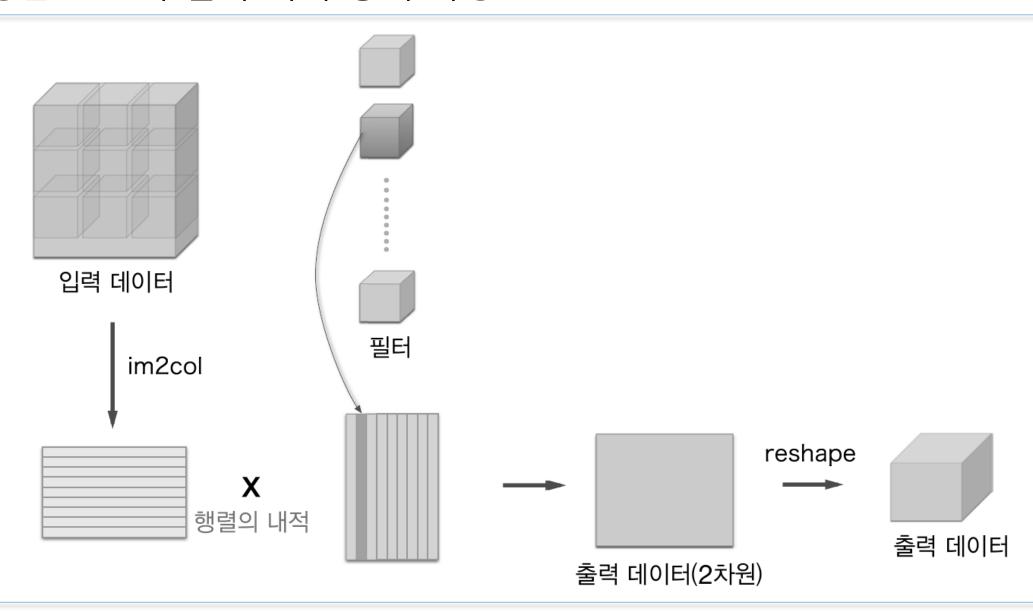
- 4차원 배열: CNN에서 계층 사이를 흐르는 데이터는 4차원.
- Im2col로 데이터 전개하기 입력 데이터를 필터링(가중치 계산)하기 좋게 전개하는(펼치는) 함수.



- 입력 데이터에서 필터 적용 영역(3차원 블록)을 앞에서부터 순서대로 1줄로 펼친다.



# 합성곱 연산의 필터 처리 상세 과정



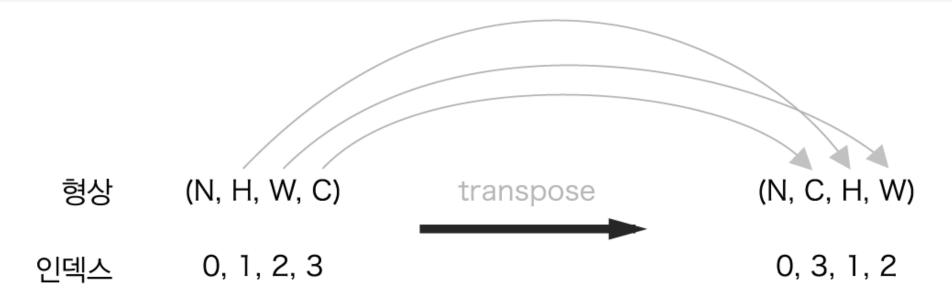
### 합성곱 계층 구현하기

- im2col(input\_data, filter\_h, filter\_w, stride = 1, pad = 0)
  - input\_data: (데이터 수, 채널 수, 높이, 너비)의 4차원 배열로 이뤄진 입력 데이터.
  - filter\_h : 필터의 높이.
  - filter\_w : 필터의 너비.
  - stride : 스트라이드.
  - pad : 패딩.

### 합성곱 계층 구현하기

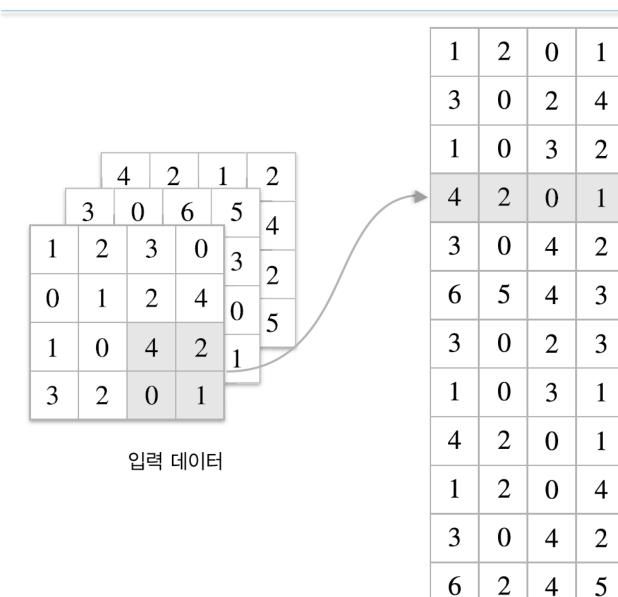
```
class Convolution:
   def __init__(self, W, b, stride=1, pad=0):
      self.W = W
      self.b = b
      self.stride = stride
      self.pad = pad
   def forward(self, x):
      FN, C, FH, FW = self.W.shape
      N, C, H, W = x.shape
      out_h = int((1+(H + 2*self.pad - FH) / self.stride)
      out w = int((1+(W + 2*self.pad - FW) / self.stride)
      col = im2col(x, FH, FW, self.stride, self.pad)
      col_W = self.W.reshape(FN, -1).T
                                                         #필터 전개
      out = np.dot(col, col_W) + self.b
      out = out.reshape(N, out_h, out_w, -1).transpose(0, 3, 1, 2)
      return out
```

# 넘파이의 transpose 함수로 축 순서 변경하기



- 인덱스(번호)로 축의 순서를 변경한다.
- 합성곱 계층의 역전파는 Affine 계층의 구현과 유사하다.

## 풀링 계층 구현하기



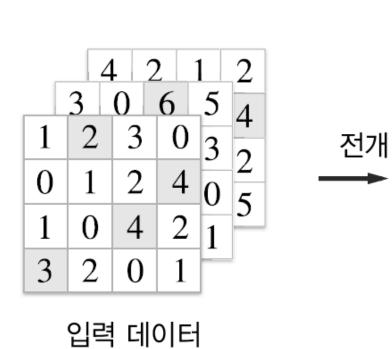
채널 1

채널 2

채널 3

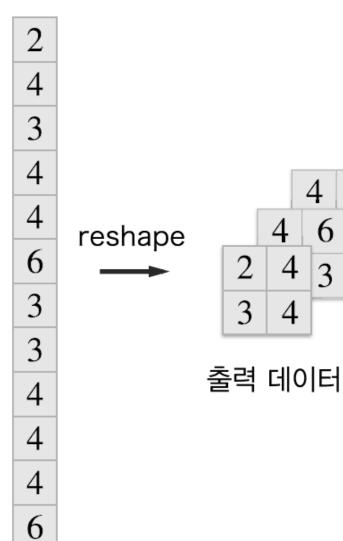
- 풀링 계층 구현도 합성곱 계층과 마찬 가지로 im2col을 사용해 입력 데이터를 전개.
- 단, 풀링의 경우엔 채널쪽이 독립적이라는 점이 합성곱 계층 때와 다름.

## 풀링 계층 구현의 흐름



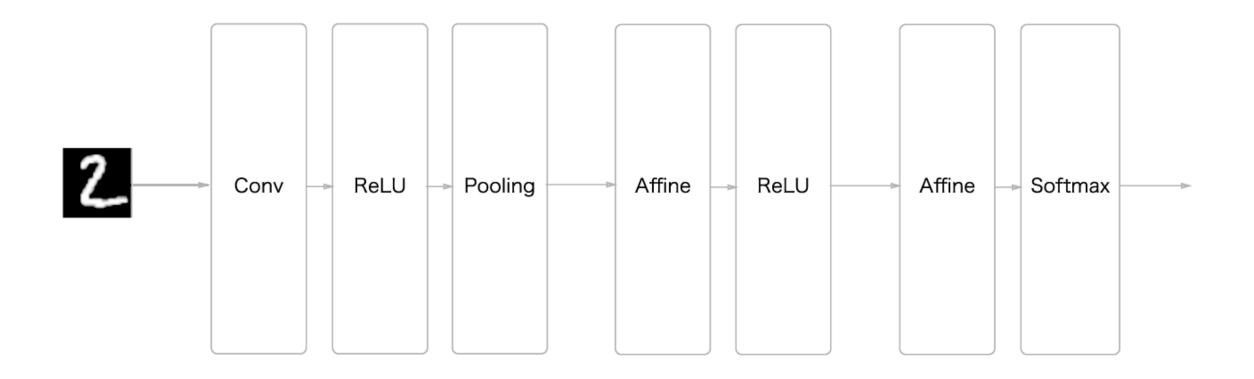
1	2	0	1
3	0	2	4
1	0	3	2
4	2	0	1
3	0	4	2
6	5	4	3
3	0	2	3
1	0	3	1
4	2	0	1
1	2	0	4
3	0	4	2
6	2	4	5





## 풀링 계층의 forward 처리 흐름 구현 코드

```
class Pooling
   def __init__(self, pool_h, pool_w, stride=1, pad=0):
      self.pool_h = pool_h
      self.pool_w = pool_w
      self.stride = stride
      self.pad = pad
   def forward(self, x):
      N, C, H, W = x.shape
      out_h = int(1 + (H - self.pool_h) / self.stride)
      out_w = int(1 + (W - self.pool_w) / self.stride)
      col = im2col(x, self.pool_h, self.pool_w, self.stride, self.pad)
      col = col.reshape(-1, self.pool_h*self.pool_w)
      out = np.max(col, axis=1)
      out = out.reshape(N, out_h, out_w, C).transpose(0, 3, 1, 2)
      return out
```



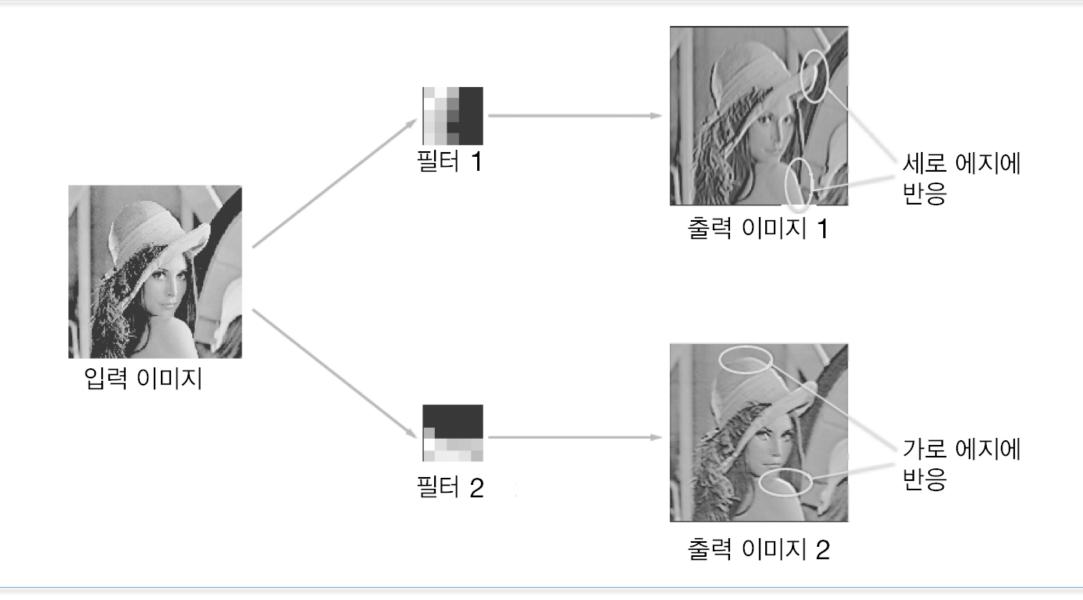
- 손글씨 숫자를 인식하는 CNN을 조립

#### CNN 시각화하기

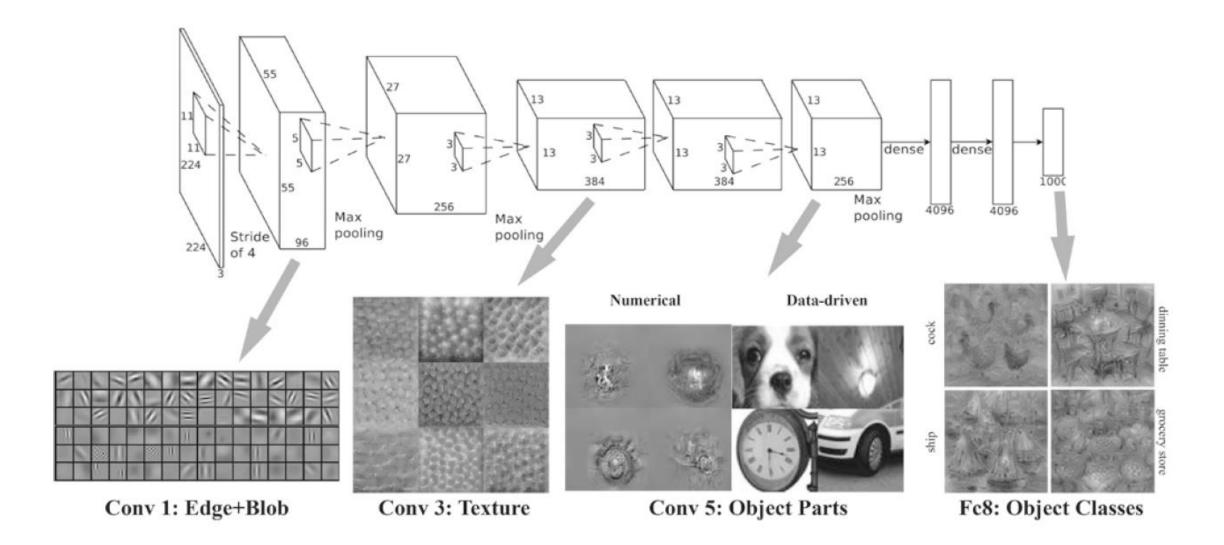


- 학습 전과 후의 1 번째 층의 합성곱 계층의 가중치: 가중치의 원소는 실수이지만, 이미지에서는 가장 작은값(0)은 검은색, 가장 큰 값(255)은 흰색으로 정규화하여 표시함.

## 가로 에지와 세로 에지에 반응하는 필터



## 층 깊이에 따른 추출 정보 변화

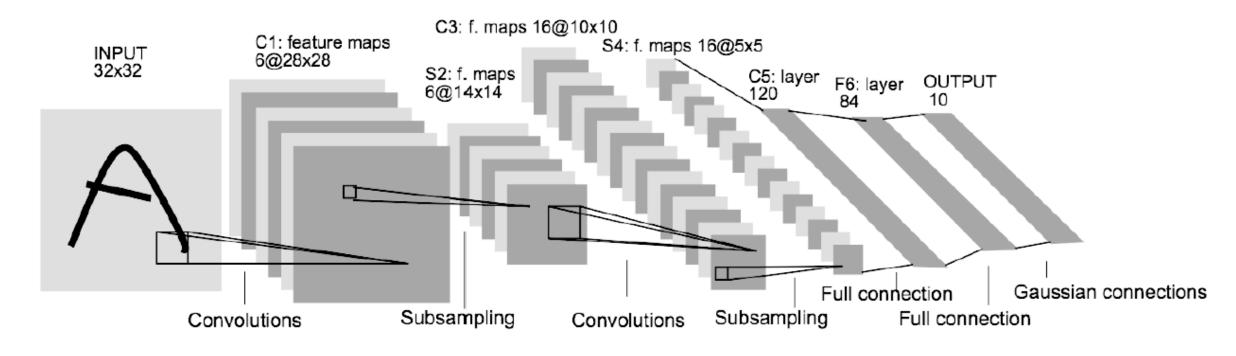


### 층 깊이에 따른 추출 정보 변화

- ▶ 합성곱 계층을 여러 겹 쌓으면, 층이 깊어지면서 더 복잡하고 추상화된 정보가 추출.
- 처음 층은 단순한 에지에 반응.
- ▶ 이어서 텍스처에 반응.
- ▶ 더 복잡한 사물의 일부에 반응하도록 변화.
- 즉, 층이 깊어지면서 뉴런이 반응하는 대상이 단순한 모양에서 '고급' 정보로 변화해 감 -> 사물의 '의미'를 이해하도록 변화하는 것.

#### 대표적인 CNN - LeNet

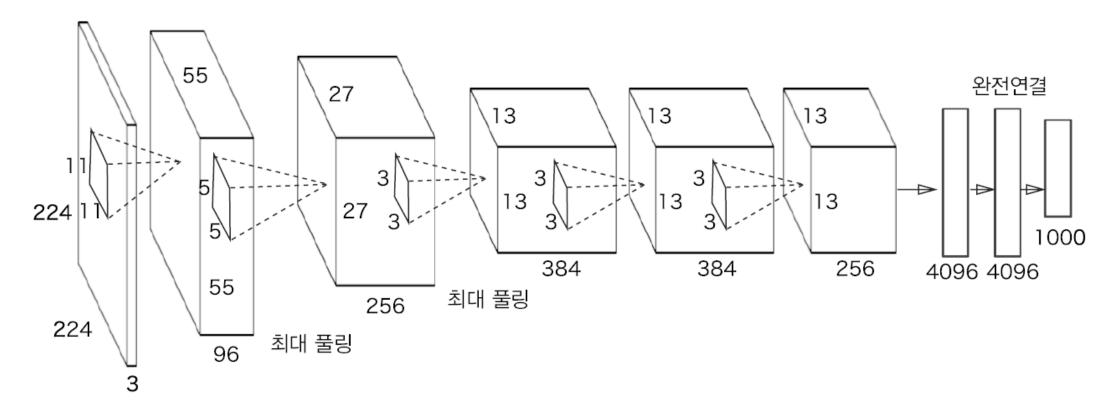
- 손글씨 숫자를 인식하는 네트워크로 1998년에 제안.
- 합성곱 계층과 풀링 계층(정확히는 단순히 '원소를 줄이기'만 하는 서브샘플링 계층)을 반복하고, 마지막으로
   완전 계층을 거치면서 결과를 출력.



- 활성화 함수로 시그모이드 함수를 사용.
- 서브 샘플링을 하여 중간 데이터의 크기가 작아짐(현재는 최대 풀링이 주류).

#### 대표적인 CNN - AlexNet

- 2012년에 발표된 AlexNet은 딥러닝 열풍을 일으키는 데 큰 역할.
- 구성



- 활성화 함수로 ReLU를 이용하고, 드롭아웃을 사용.
- LRN(Local Response Normalization)이라는 국소적 정규화를 실시하는 계층을 이용.