

$$* B^d = \{x \in \mathbb{R}^d \mid \|x\| \leq 1\} \text{ et } B^d \times \{\pm 1\}$$

$$* \Pr_{(x,y) \sim D} (y = 1 \mid \underset{\text{Certains}}{x(j) > 0} \text{ pour } \underset{\text{règles}}{j \in K}) = 1 \quad K \text{ étant un subset de } (1)$$

$$* \Pr_{(x,y) \sim D} (y \langle w, x \rangle \geq 1 \mid x(j) \leq 0 \text{ pour tout } j \in K) = 1 \quad (2)$$

avec $w \in \mathbb{R}^d \mid \|w\|_2 \leq B$: Distributions (K, B) -réalisable

* Notation : $x(j)$ est le j^{th} feature de x .

$$B_B^{d,p} = \{x \in \mathbb{R}^d \mid \|x\|_p \leq B\}$$

$$* \text{Redéfinisse ElasticNet comme ceci : } \{w : \|w\|_1 \leq B, \text{ et } \|w\|_2^2 \leq B_2\}$$

$$* \text{Huber-Norm ball : } \{w_a + w_b : \|w_a\|_1 \leq B, \text{ et } \|w_b\|_2^2 \leq B_2\}$$

↳ Alix.

$$* m_H(\varepsilon, D) = \min_A m_A(\varepsilon, D) : \quad \|x\|_0 = |\{j \mid x(j) \neq 0\}|$$

D est réalisable si $\ell_{\text{ramp}}(\mathcal{H}, D) = 0$.

D est n -réalisable si $\ell_{\text{ramp}}(\mathcal{H}, D) \leq n$

* Formalisme

D est (k, B) -réalisable si on respecte (1) et (2) :

$$w_a \text{ et } w_b : \Pr_{(x,y) \sim D} (y \langle w_a + w_b, x \rangle \geq 1) = 1$$

$$\text{avec } \|w_a\|_2^2 \leq B^2 \text{ et } \|w_b\|_0 \leq k$$

Classe d'hypothèses découlant : ℓ_0/ℓ_2 et aussi marche pour ℓ_0/ℓ_1

$$\mathcal{H}_{2,0} = \{x \in B^{d,2} \mid \langle w_a + w_b, x \rangle \mid \|w_a\|_2^2 \leq B^2, \|w_b\|_0 \leq k\}$$

* Greedy Algorithm

Une règle ici c'est $\forall j \in [d] \text{ si } x_i(j) = 1 \Rightarrow y_i = 1$

On dit j "couvre" l'exemple (x, y) .

(1) Initialiser (2) Chercher les règles couvrant au moins $\frac{m}{100k(B+1)}$ exemples (3) si échoue à 2, appendre 1e regression linéaire