## IFT 615 – Intelligence Artificielle

#### **Apprentissage par renforcement**

Professeur: Froduald Kabanza

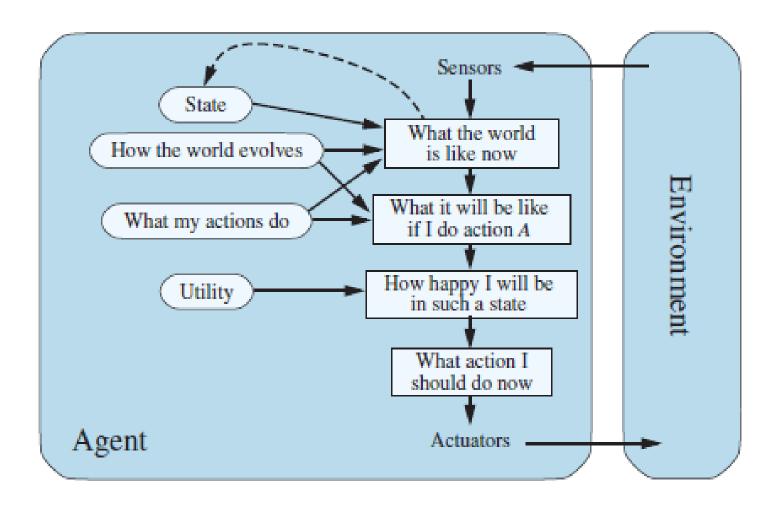
Assistants: D'Jeff Nkashama



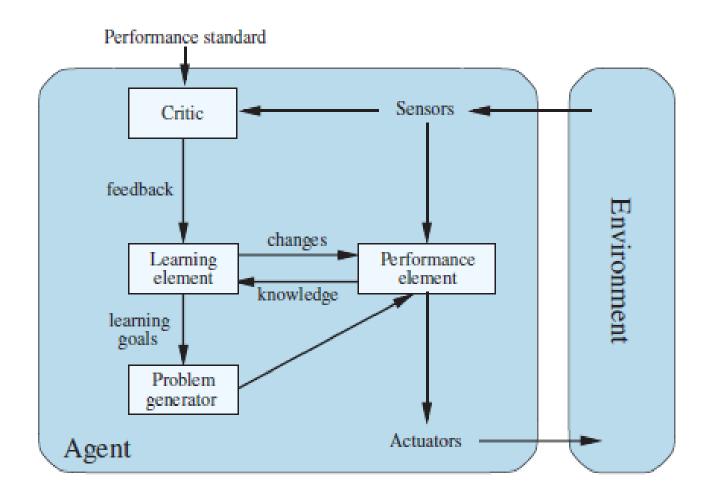
## Sujets couverts

- Apprentissage par renforcement passif
  - méthode par estimation directe
  - méthode par programmation dynamique adaptative (PDA)
  - méthode par différence temporelle (TD)
- Apprentissage par renforcement actif
  - méthode PDA active
  - méthode TD active
  - méthode Q-learning

## Agent performant (utility-based)



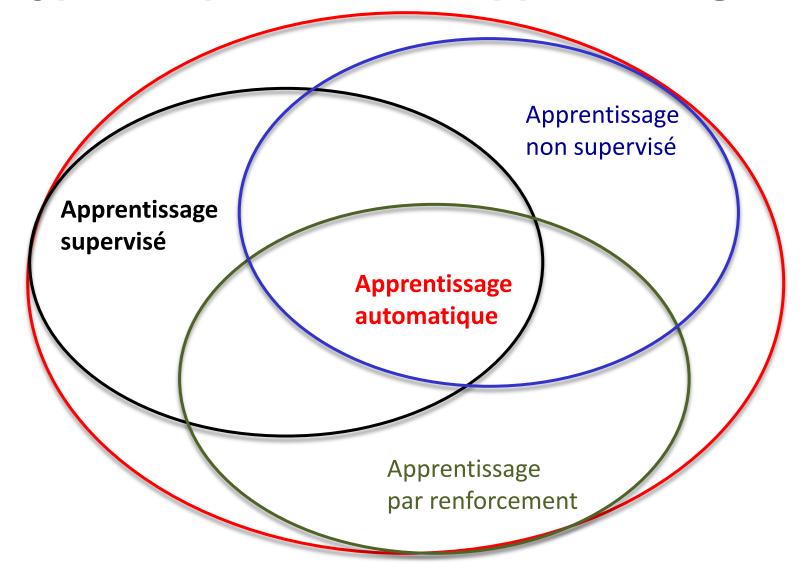
## Agent qui apprend



## Apprentissage dans un agent

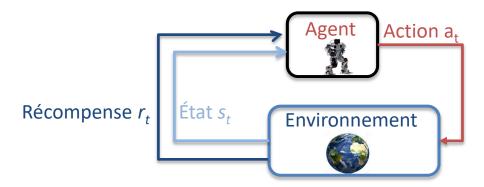
- Un agent apprend s'il améliore sa performance sur des tâches futures avec l'expérience
- Pourquoi programmer des programmes qui apprennent:
  - Un agent peut être dans un environnement inconnu ou difficile à modéliser (il faut qu'il le découvre)
  - Même quand l'environnement est connu au départ, il peut évoluer dans le temps de façon imprévisible
  - Parfois, on a aucune idée comment programmer la fonction de performance de l'agent

## Types de problèmes d'apprentissage



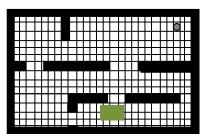
## Cadre général de l'apprentissage par renforcement

L'apprentissage par renforcement s'intéresse au cas où l'agent doit apprendre à agir seulement à partir des récompenses ou renforcements



- - Données du problème d'apprentissage:  $S_0 \xrightarrow{a_0} S_1 \xrightarrow{a_1} S_2 \xrightarrow{a_2} \cdots$ L'agent agit sur son environnement
    - Reçoit une retro-action sous-forme de récompense (renforcement)
    - Son **but** est de maximiser la somme des recompenses espérés
- Objectif: **Apprendre** à maximiser la somme des recompenses

$$r_0 + \gamma r_1 + \gamma^2 r_2 + \cdots$$
, avec  $0 \le \gamma \le 1$  et  $r_i < R_{max}$ 



## Cadre général

Maximiser 
$$r_0 + \gamma r_1 + \gamma^2 r_2 + \dots$$
, avec  $0 \le \gamma \le 1$ 

Politique  $\pi(s,a)$ 



Action a

$$a_1 \rightarrow a_2 \rightarrow \dots a_t$$

$$U^{\pi}(s) = \sum_{s' \in S} P(s'|s, \pi(s)) [R(s, \pi(s), s') + \gamma U^{\pi}(s')]$$

$$U(s) = \max_{a \in A(s)} \sum_{s' \in S} P(s'|s,a) [R(s,a,s') + \gamma U(s')]$$

$$Q(s,a) = \sum_{s' \in S} P(s'|s,a) [R(s,a,s') + \gamma \max Q(s',a')]$$

$$π^*(s) = \underset{a \in A(s)}{\operatorname{argmax}} Q(s,a) = \underset{a \in A(s)}{\operatorname{argmax}} \Sigma P(s'|s,a) [R(s,a,s') + \gamma U(s')]$$

Récompense r

$$r_1 \rightarrow r_2 \rightarrow \dots r_t$$

**Environnement** 

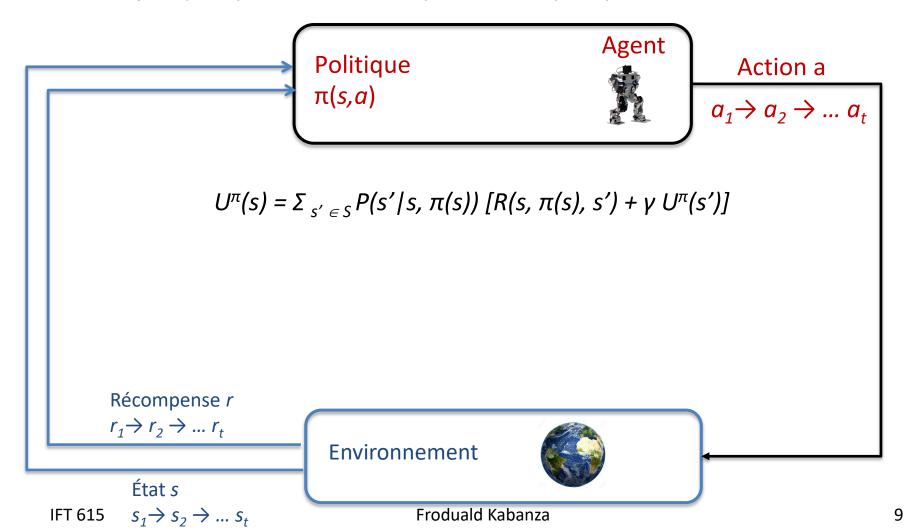


État s

$$s_1 \rightarrow s_2 \rightarrow \dots s_t$$

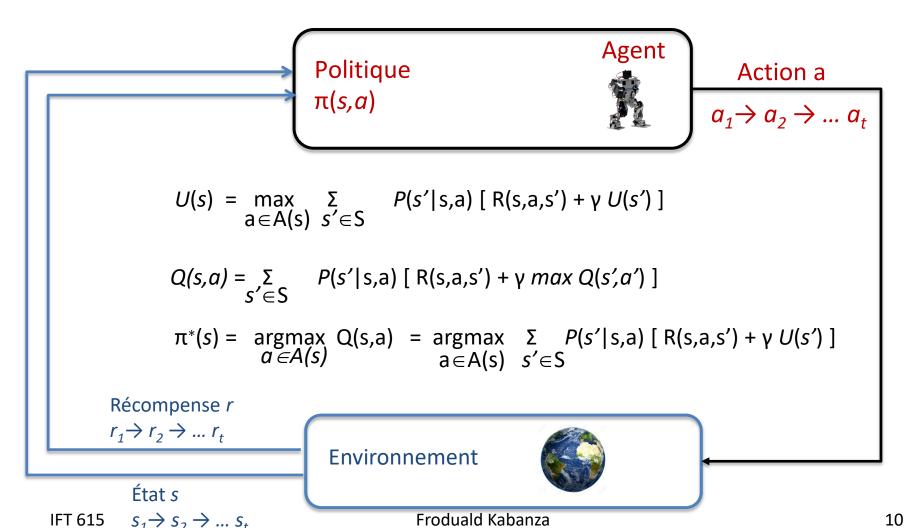
## Évaluer une politique

• Étant donné  $\pi$ , on peut calculer  $U^{\pi}(s)$  par résolution du système d'équations, modified policy iteration, ou asynchronous policy iteration.



### Calculer une politique optimale

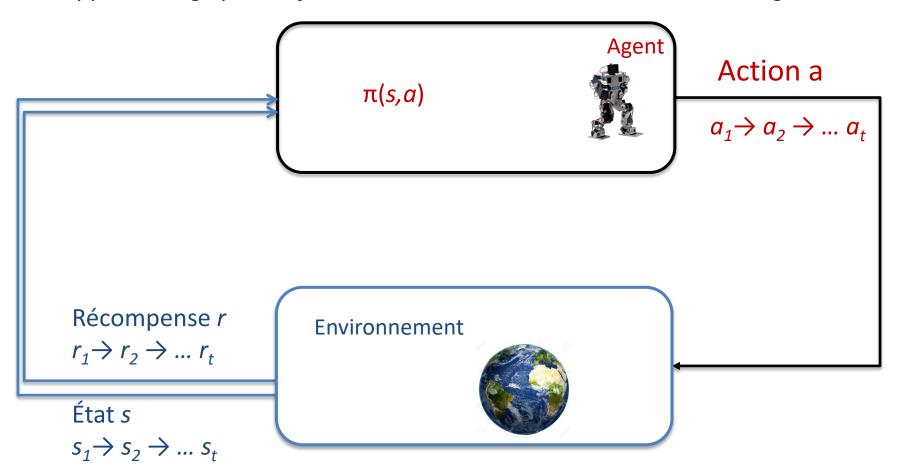
• Étant donné P(s'|s,a) et R(s), on peut calculer une politique optimale  $\pi$  par value-iteration ou policy iteration.



10

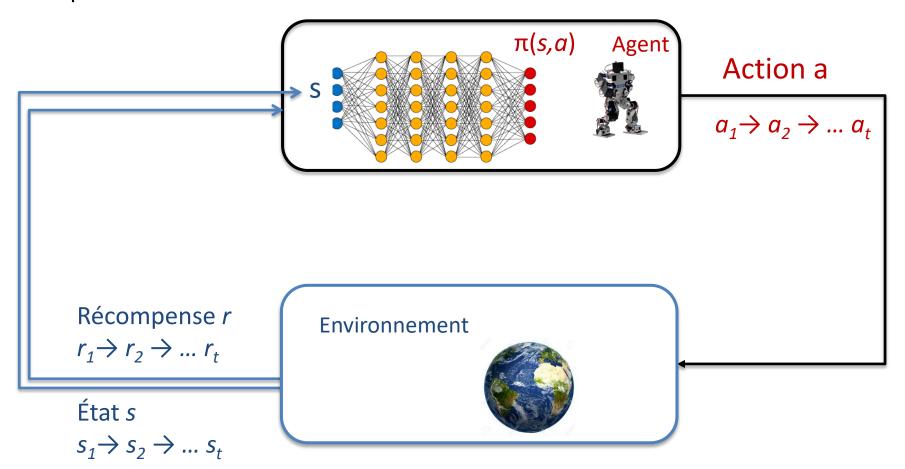
## Apprentissage par renforcement

• Sans P(s'|s,a) ou R(s), on peut apprendre une politique optimale  $\pi$  par *l'apprentissage par renforcement.* Dans ce cours, on voit *Q-Learning et SARSA* 



## Apprentissage par renforcement profond

 Avec l'apprentissage par renforcement profond, la politique est représentée par un réseau de neurones.



## Exemple – AlphaGo Zero



## **Exemple – ChatGPT**

Step 1

Collect demonstration data and train a supervised policy.

A prompt is sampled from our prompt dataset.

A labeler demonstrates the desired output behavior.

This data is used to fine-tune GPT-3.5 with supervised learning.



Step 2

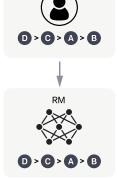
Collect comparison data and train a reward model.

A prompt and several model outputs are sampled.



A labeler ranks the outputs from best to worst.

This data is used to train our reward model.



Step 3

Optimize a policy against the reward model using the PPO reinforcement learning algorithm.

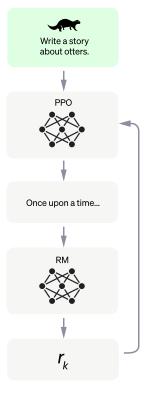
A new prompt is sampled from the dataset.

The PPO model is initialized from the supervised policy.

The policy generates an output.

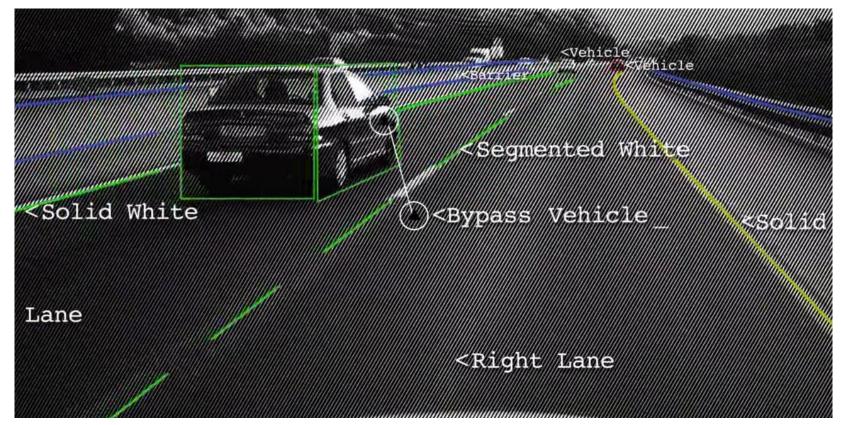
The reward model calculates a reward for the output.

The reward is used to update the policy using PPO.



Source: https://openai.com/blog/chatgpt/

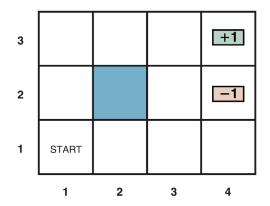
### **Exemple – Voitures autonomes**

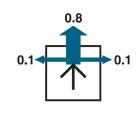


**Inverse Skunkworks** 

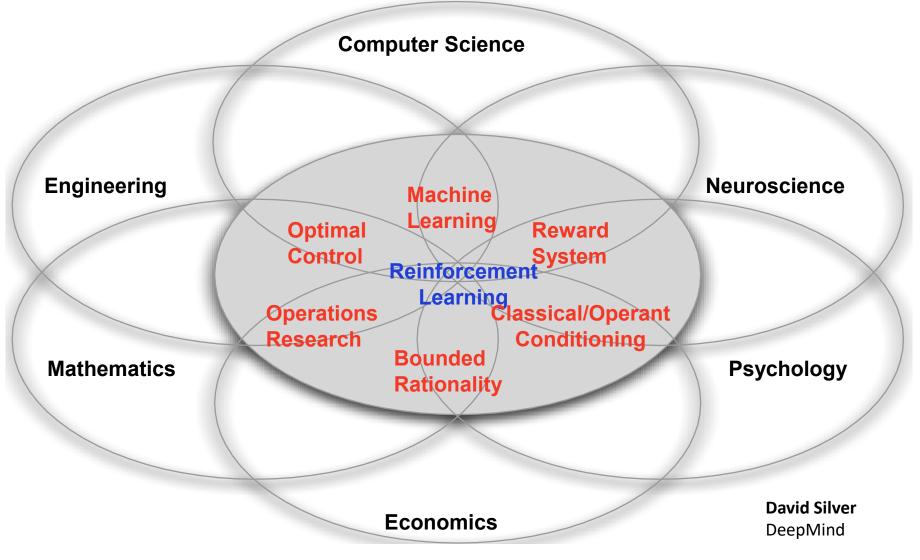
## Exemple académique

- L'agent vit dans un environnement représenté par une grille 3 x 4
- Des murs bloquent le chemin de l'agent
- L'environnement est stochastique
- L'agent reçoit des récompenses:
  - -0.04 partout, sauf dans (4,3) où il reçoit +1 et dans (4,2) où il reçoit -1
- L'agent ne connait pas à priori
   le modèle de l'environnement P(s'|s,a)
- Ni la fonction de récompense R(s)
- Son but est de maximiser la somme des récompenses





## Problème lié à plusieurs domaines



## Charactéristiques principales

Qu'est-ce qui distingue l'apprentissage par renforcement d'autres paradigmes d'apprentissage automatique:

- ♦ Il n'y a pas de superviseur, mais plutôt seulement un signal de récompense
- ◆ La récompense peut être retardée; elle n'est pas forcément instantanée
- ◆ Le temps est important : données séquentielles par oppositions aux données indépendantes et identiquement distribuées (i.i.d. data)
- Les actions de l'agent influencent les données futurs que l'agent va recevoir (observer)

## Apprentissage par renforcement

- Nous avons encore un processus de décision de Markov
  - Nous cherchons encore une politique  $\pi$  qui maximise (approximativement) la somme des récompenses espérée.
- Mais nous ne connaissons pas le modèle d'action P(s'|s, a) ou la fonction de récompense R(s)
  - Nous ne savons pas quelles actions choisir
  - Nous ne savons pas quels états sont bons
- En fait, il faudra tâtonner (essayer des actions) pour apprendre
- En résumé, l'apprentissage par renforcement vise aussi à trouver un plan optimal,
   mais sans connaître le modèle de transition de l'environnement
- Certains diront que c'est la forme la plus pure d'apprentissage en IA
  - c'est aussi une des plus difficiles à réussir...

#### Dans ce cours...

- On va se concentrer sur le cas
  - d'un environnement parfaitement observable
  - d'un environnement stochastique (le résultat d'une action n'est pas déterministe)
  - où on ne connaît pas l'environnement (c.-à-d. c'est un MDP inconnu)
  - où on peut ne pas connaître la fonction de renforcement R(s)
- Après ce cours, vous connaîtrez les notions de bases sur
  - apprentissage par renforcement passif
  - apprentissage par renforcement actif
  - dilemme exploration vs. exploitation

#### Deux cas considérés

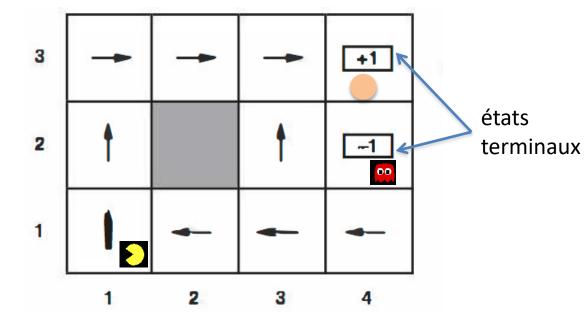
- Apprentissage passif
  - L'agent a une politique fixe
  - Essaie d'apprendre l'utilité des états en observant l'occurrence des états
  - Similaire à l'évaluation d'une politique
    - » Sert souvent de composante à l'apprentissage active
    - » Inspire souvent des algorithmes d'apprentissage active
- Apprentissage actif
  - L'agent essaie de trouver une bonne politique en agissant dans l'environnement
  - Similaire à résoudre le Processus de Décision de Markov (PDM) sous-jacent à cet environnement
    - » Mais sans avoir le modèle correspondant

## **Apprentissage passif**

- Apprentissage passif
  - L'agent a une politique fixe
  - Essaie d'apprendre l'utilité des états en observant l'occurrence des états
  - Similaire à l'évaluation d'une politique

## Apprentissage passif

- **Définition**: soit un plan  $\pi$  donné, apprendre la fonction de valeur sans connaître P(s'|s, a)
- Exemple illustratif: déplacement sur une grille 3 x 4
  - plan π illustré par les flèches
  - R(s) = -0.04 partout sauf aux états terminaux
  - l'environnement est stochastique
  - l'agent arrête aux états terminaux
  - $\diamond$  on suppose  $\gamma=1$



## **Apprentissage passif**

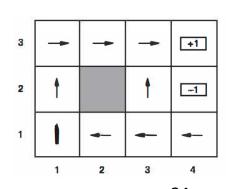
- Définition: soit un plan π donné, apprendre la fonction de valeur sans connaître P(s'|s, a)
- Puisqu'on ne connaît pas P(s'|s, a) on doit apprendre à partir d'essais

1. 
$$(1,1) \xrightarrow{-.04} (1,2) \xrightarrow{-.04} (1,3) \xrightarrow{-0.4} (1,2) \xrightarrow{-.04} (1,3) \xrightarrow{-.04} (2,3) \xrightarrow{-.04} (2,3) \xrightarrow{-.04} (3,3) \xrightarrow{+1} (4,3)$$

2. 
$$(1,1) \xrightarrow{-.04} (1,2) \xrightarrow{-.04} (1,3) \xrightarrow{-.04} (2,3) \xrightarrow{-.04} (3,3) \xrightarrow{-.04} (3,2) \xrightarrow{-.04} (3,2) \xrightarrow{-.04} (3,3) \xrightarrow{+1} (4,3)$$

3. 
$$(1,1) \xrightarrow{-.04} (2,1) \xrightarrow{-.04} (3,1) \xrightarrow{-.04} (3,2) \xrightarrow{-1} (4,2)$$

- Comment estimer la fonction de valeurs U(s) à partir de ces essais?
- Trois approches:
  - Estimation directe
  - Programmation dynamique adaptative
  - Différence temporelle



## Approche par estimation directe

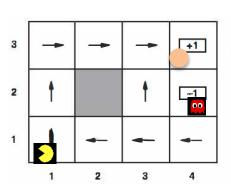
- Approche la plus simple: calculer la moyenne de ce qui est observé dans les essais
- Essais

1. 
$$(1,1) \xrightarrow{0.04} (1,2) \xrightarrow{0.04} (1,3) \xrightarrow{0.04} (1,2) \xrightarrow{0.04} (1,3) \xrightarrow{0.04} (1,3) \xrightarrow{0.04} (2,3) \xrightarrow{0.04} (3,3) \xrightarrow{0.04} (4,3)$$

2. 
$$(1,1) \xrightarrow{-.04} (1,2) \xrightarrow{-.04} (1,3) \xrightarrow{-0.4} (2,3) \xrightarrow{-.04} (3,3) \xrightarrow{-.04} (3,2) \xrightarrow{-.04} (3,2) \xrightarrow{-.04} (3,3) \xrightarrow{+1} (4,3)$$

3. 
$$(1,1) \xrightarrow{-.04} (2,1) \xrightarrow{-.04} (3,1) \xrightarrow{-.04} (3,2) \xrightarrow{-1} (4,2)$$
Left Up Right

- Estimation de  $U^{\pi}((1,1))$ 
  - dans l'essai 1, la somme des récompenses à partir de (1,1)
     est 0.76
  - dans l'essai 2, on obtient également 0.76
  - dans l'essai 3, on obtient plutôt -1.12
  - ♦ l'estimation directe de U((1,1)) est donc  $(0.76+0.76-1.12)/3 \approx 0.133$



## Approche par estimation directe

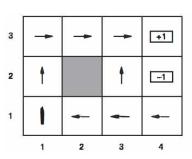
- Approche la plus simple: calculer la moyenne de ce qui est observé dans les essais
- Essais

1. 
$$(1,1) \xrightarrow{0.04} (1,2) \xrightarrow{0.04} (1,3) \xrightarrow{0.04} (1,2) \xrightarrow{0.04} (1,3) \xrightarrow{0.04} (1,3) \xrightarrow{0.04} (2,3) \xrightarrow{0.04} (3,3) \xrightarrow{0.04} (4,3)$$

2. 
$$(1,1) \xrightarrow{-.04} (1,2) \xrightarrow{-.04} (1,3) \xrightarrow{-0.4} (2,3) \xrightarrow{-.04} (3,3) \xrightarrow{-.04} (3,2) \xrightarrow{-.04} (3,2) \xrightarrow{-.04} (3,3) \xrightarrow{+1} (4,3)$$

3. 
$$(1,1) \xrightarrow{-.04} (2,1) \xrightarrow{-.04} (3,1) \xrightarrow{-.04} (3,2) \xrightarrow{-1} (4,2)$$

- Estimation de  $U^{\pi}((1,2))$ 
  - dans l'essai 1, l'état (1,2) est visité deux fois, avec des sommes de récompenses à partir de (1,2) de 0.8 et 0.88
  - dans l'essai 2, on observe 0.8
  - l'essai 3 ne visite pas (1,2)
  - l'estimation directe de  $U^{\pi}((1,2))$  est donc  $(0.8+0.88+0.8)/3 \approx 0.826$



## Approche par estimation directe

Essais

1. 
$$(1,1) \xrightarrow{-.04} (1,2) \xrightarrow{-.04} (1,3) \xrightarrow{-0.4} (1,2) \xrightarrow{-.04} (1,3) \xrightarrow{-.04} (2,3) \xrightarrow{-.04} (2,3) \xrightarrow{-.04} (3,3) \xrightarrow{+1} (4,3)$$

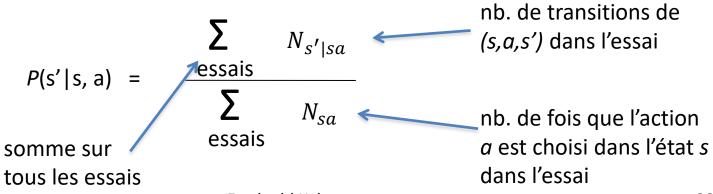
2. 
$$(1,1) \xrightarrow{-.04} (1,2) \xrightarrow{-.04} (1,3) \xrightarrow{-0.4} (2,3) \xrightarrow{-.04} (3,3) \xrightarrow{-.04} (3,2) \xrightarrow{-.04} (3,3) \xrightarrow{+1} (4,3)$$
Right Right Right

3. 
$$(1,1) \xrightarrow{-0.04} (2,1) \xrightarrow{-0.04} (3,1) \xrightarrow{-0.04} (3,2) \xrightarrow{-1} (4,2)$$
Left Up Right

- L'estimation directe ignore les liens entre les états: elle manque d'occasion d'apprentissage
  - → Par exemple, bien que l'essai 1 ne dit rien sur (3,2), elle nous apprend que (3,3) a une valeur élevée
  - On pourrait également déduire que (3,2) a une valeur élevée, puisque (3,2) est adjacent à (3,3)
- Autrement dit, on ignore les contraintes entre les utilités des états, telles que données par l'équation

$$U^{\pi}(s) = \sum_{s' \in S} P(s'|s, \pi(s)) [R(s, \pi(s), s') + \gamma U^{\pi}(s')]$$

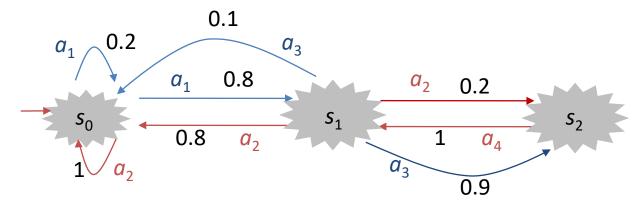
- Idée derrière la programmation dynamique adaptative (PDA)
  - tirer profit des équations de la fonction de valeur pour estimer U(s)
- L'approche par PDA **n'apprend pas directement** U(s), mais apprend plutôt le modèle de transition P(s'|s,a)
  - $\diamond$  étant donnée une estimation de P(s'|s, a), on peut alors calculer  $U^{\pi}(s)$
  - on obtient alors notre estimation de *U(s)*
- On peut estimer P(s'|s,a) à partir des fréquences des transitions observées:



IFT 615 Froduald Kabanza 28

```
function PASSIVE-ADP-LEARNER(percept) returns an action
   inputs: percept, a percept indicating the current state s' and reward signal r
   persistent: \pi, a fixed policy
                  mdp, an MDP with model P, rewards R, actions A, discount \gamma
                  U, a table of utilities for states, initially empty
                  N_{s'|s,a}, a table of outcome count vectors indexed by state and action, initially zero
                  s, a, the previous state and action, initially null
   if s' is new then U[s'] \leftarrow 0
   if s is not null then
      increment N_{s'|s,a}[s,a][s']
      R[s, a, s'] \leftarrow r
      add a to A[s]
      \mathbf{P}(\cdot \mid s, a) \leftarrow \text{NORMALIZE}(N_{s'\mid s, a}[s, a]) \leftarrow \mathbf{P}(\mathsf{t}\mid \mathsf{s,a}) = N_{\mathsf{s'}\mid \mathsf{s,a}}[\mathsf{t,s,a}]/N_{\mathsf{sa}}[\mathsf{s,a}]
      U \leftarrow \text{POLICYEVALUATION}(\pi, U, mdp)
      s, a \leftarrow s', \pi \lceil s' \rceil
                                     Résoudre
      return a
                                       U^{\pi}(s) = \sum_{s' \in S} P(s'|s, \pi(s)) \left[ R(s, \pi(s), s') + \gamma U^{\pi}(s') \right]
                                     Ou modified-policy-iteration
                                     Ou asynchronous policy-iteratiion
```

Exemple (avec état terminal)



- MDP à 3 états:  $S = \{s_0, s_1, s_2\}$
- Fonction de récompense:  $R(s_0) = -0.1$ ,  $R(s_1) = -0.1$ ,  $R(s_2) = 1$ • R(s,a,s') = R(s')
- Le facteur d'escompte est γ=0.5
- $s_2$  est un état terminal,  $s_0$  est l'état initial
- Plan suivi:  $\pi(s_0) = a_1$ ,  $\pi(s_1) = a_3$







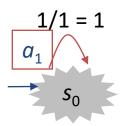
Fonction de récompense:  $R(s_0) = -0.1$ ,  $R(s_1) = -0.1$ ,  $R(s_2) = 1$ R(s,a,s') = R(s')

Initialement, on suppose aucune connection entre les états

$$U(s_0) = 0$$

$$U(s_1)=0$$

$$U(s_2) = 0$$







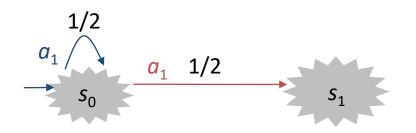
Fonction de récompense:  $R(s_0) = -0.1$ ,  $R(s_1) = -0.1$ ,  $R(s_2) = 1$ R(s,a,s') = R(s')



• Observations:  $(s_0) \rightarrow (s_0)$ 

$$U(s_0) = 1 * [-0.1 + 1 * U(s_0)]$$
  
 $U(s_1) = 0$   
 $U(s_2) = 0$ 

$$U^{\pi}(s) = \sum_{s' \in S} P(s'|s, \pi(s)) \left[ R(s, \pi(s), s') + \gamma \ U^{\pi}(s') \right]$$





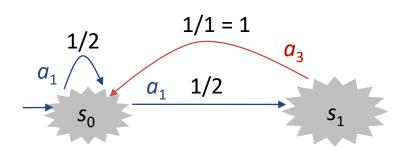


Fonction de récompense:  $R(s_0) = -0.1$ ,  $R(s_1) = -0.1$ ,  $R(s_2) = 1$ R(s,a,s') = R(s')

•Observations:  $(s_0) \rightarrow (s_0) \rightarrow (s_1)$ 

$$U(s_0) = 0.5 [-0.1 + 0.5 U(s_0)] + 0.5 [-0.1 + U(s_1)]$$
  
 $U(s_1) = 0$   
 $U(s_2) = 0$ 

$$U^{\pi}(s) = \sum_{s' \in S} P(s'|s, \pi(s)) [R(s, \pi(s), s') + \gamma U^{\pi}(s')]$$



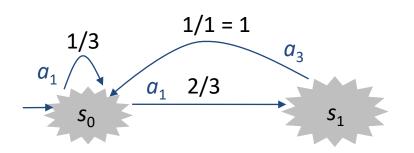




Fonction de récompense:  $R(s_0) = -0.1$ ,  $R(s_1) = -0.1$ ,  $R(s_2) = 1$ R(s,a,s') = R(s')

• Observations:  $(s_0) \rightarrow (s_0) \rightarrow (s_1) \rightarrow (s_0)$ 

 $U^{\pi}(s) = \sum_{s' \in S} P(s'|s, \pi(s)) [R(s, \pi(s), s') + \gamma U^{\pi}(s')]$ 



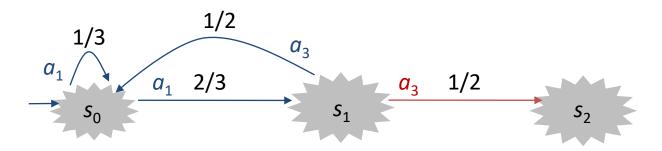




Fonction de récompense:  $R(s_0) = -0.1$ ,  $R(s_1) = -0.1$ ,  $R(s_2) = 1$ R(s,a,s') = R(s')

•Observations:  $(s_0) \rightarrow (s_0) \rightarrow (s_1) \rightarrow (s_0) \rightarrow (s_1)$ 

$$U^{\pi}(s) = \sum_{s' \in S} P(s'|s, \pi(s)) [R(s, \pi(s), s') + \gamma U^{\pi}(s')]$$



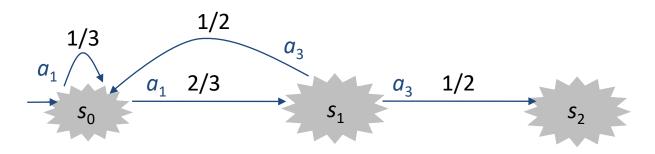


Fonction de récompense:  $R(s_0) = -0.1$ ,  $R(s_1) = -0.1$ ,  $R(s_2) = 1$ R(s,a,s') = R(s')

•Observations:  $(s_0) \rightarrow (s_0) \rightarrow (s_1) \rightarrow (s_0) \rightarrow (s_1) \rightarrow (s_2)$ 

fin de l'essai

 $U^{\pi}(s) = \sum_{s' \in S} P(s'|s, \pi(s)) [R(s, \pi(s), s') + \gamma U^{\pi}(s')]$ 





Fonction de récompense:  $R(s_0) = -0.1$ ,  $R(s_1) = -0.1$ ,  $R(s_2) = 1$ R(s,a,s') = R(s')

•Observations:  $(s_0) \rightarrow (s_0) \rightarrow (s_1) \rightarrow (s_0) \rightarrow (s_1) \rightarrow (s_2)$ 

fin de l'essai

À tout moment, on peut calculer les *U(s)* 

 $U^{\pi}(s) = \sum_{s' \in S} P(s'|s, \pi(s)) [R(s, \pi(s), s') + \gamma U^{\pi}(s')]$ 

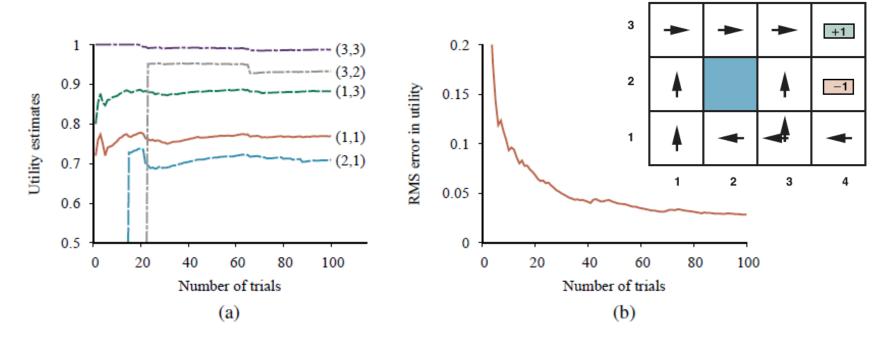


Figure 22.3 The passive ADP learning curves for the  $4 \times 3$  world, given the optimal policy shown in Figure ??. (a) The utility estimates for a selected subset of states, as a function of the number of trials. Notice that it takes 14 and 23 trials respectively before the rarely visited states (2,1) and (3,2) "discover" that they connect to the +1 exit state at (4,3). (b) The root-mean-square error (see Appendix A) in the estimate for U(1,1), averaged over 50 runs of 100 trials each.

- Contrairement à l'estimation directe, l'approche par PDA peut apprendre après chaque observation, c.-à-d. après chaque transition d'un essai
  - $\diamond$  pas besoin de compléter un essai pour obtenir une nouvelle estimation de U(s)
- Parfois, la fonction de récompense n'est pas connue
  - ◆ l'agent ne fait qu'observer la récompense à chaque état, et n'a pas accès directement à la fonction R(s)
  - par contre on a besoin de R(s) dans les équations de la fonction de valeur
  - dans ce cas, on initialise notre estimation R(s) à 0, et on la met à jour lorsqu'on atteint l'état s pour la première fois

- Un problème avec l'approche par PDA est qu'on doit mettre à jour toutes les valeurs de U(s), pour tout s, après chaque observation
  - très coûteux en pratique si le nombre d'états est grand (ex.: exponentiel)
  - inutile pour un état s' qui n'est pas atteignable via l'état de la nouvelle observation
- On doit résoudre les équations de U(s) parce qu'on estime U(s) seulement indirectement, via notre estimation de P(s'|s,a)
- Serait-il possible d'estimer directement U(s) et tenir compte des interactions entre les valeurs, sans avoir à passer par P(s'|s,a)?
- Oui:
  - L'idée est d'utiliser les transitions pour ajuster les utilité des états observés, afin qu'ils soient en accord avec les équations exprimant l'utilité d'une politique.

Considérons les essais :

1. 
$$(1,1) \xrightarrow{0.04} (1,2) \xrightarrow{0.04} (1,3) \xrightarrow{0.04} (1,2) \xrightarrow{0.04} (1,3) \xrightarrow{0.04} (2,3) \xrightarrow{0.04} (2,3) \xrightarrow{0.04} (3,3) \xrightarrow{0.04} (4,3)$$
Right Right

2. 
$$(1,1) \xrightarrow{-.04} (1,2) \xrightarrow{-.04} (1,3) \xrightarrow{-0.4} (2,3) \xrightarrow{-.04} (3,3) \xrightarrow{-.04} (3,2) \xrightarrow{-0.4} (3,3) \xrightarrow{+1} (4,3)$$

- Considérons la transition  $(1,3) \rightarrow (2,3)$  dans le deuxième essai. On a U((1,3)) = 0.84
- Par contre, à l'issu du 1er essai : U((1,3))=0.92 et U((2,3))=0.96.

Si cette transition avait lieu tout le temps (avec  $\gamma=1$ ), on aurait

$$U((1,3)) = -0.04 + 1* U((2,3)) = -0.04 + 1* .96 = 0.92$$

Cela vient de l'équation 
$$U^{\pi}(s) = \sum_{s' \in S} P(s'|s, \pi(s)) [R(s, \pi(s), s') + \gamma U^{\pi}(s')]$$
  
=  $R(s, \pi(s), s') + \gamma U(s')$ 

 Cela suggère que la valeur de 0.84 à l'issue du deuxième essai serait donc un peu trop basse et il conviendrait de l'augmenter pour la rapprocher de 0.92

Si la transition s à s' avait lieu tout le temps, on s'attendrait à ce que

$$U^{\pi}(s) = \sum_{s' \in S} P(s'|s, \pi(s)) [R(s, \pi(s), s') + \gamma U^{\pi}(s')]$$
  
=  $R(s, \pi(s), s') + \gamma U(s')$ 

- À chaque observation, on peut effectuer la mise à jour suivante pour rapprocher U(s) de  $R(s, \pi(s), s') + \gamma U(s')$ :
  - ♦  $U^{\pi}(s)$  ← (1-α) U(s) + α [ $R(s, \pi(s), s')$  + γ  $U^{\pi}(s')$ ] οù α est un **taux d'apprentissage**, entre 0 et 1



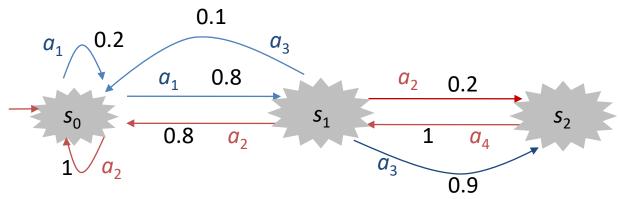
 On obtient ainsi la règle d'apprentissage par différence temporelle (temporal difference) ou TD

$$U(s) \leftarrow U(s) + \alpha [R + \gamma U(s') - U(s)]$$

```
function PASSIVE-TD-LEARNER(percept) returns an action
  inputs: percept, a percept indicating the current state s' and reward signal r
  persistent: \pi, a fixed policy
                s, the previous state, initially null
                U, a table of utilities for states, initially empty
                N_s, a table of frequencies for states, initially zero
  if s' is new then U[s'] \leftarrow 0
                                  Nécessaire pour varier le taux d'apprentissage
  if s is not null then
     increment N_s[s]
     U[s] \leftarrow U[s] + \alpha(N_s[s]) \times (r + \gamma U[s'] - U[s])
  s \leftarrow s'
  return \pi[s']
```

### Approche par différence temporelle

Exemple (avec état terminal)



- MDP à 3 états:  $S = \{s_0, s_1, s_2\}$
- Fonction de récompense:  $R(s_0) = -0.1$ ,  $R(s_1) = -0.1$ ,  $R(s_2) = 1$ 
  - ◆ R=R(s,a,s')=R(s)
- Le facteur d'escompte est γ=0.5
- $s_2$  est un état terminal,  $s_0$  est l'état initial
- Plan suivi:  $\pi(s_0) = a_1$ ,  $\pi(s_1) = a_3$





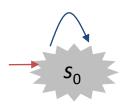


Fonction de récompense:  $R(s_0) = -0.1$ ,  $R(s_1) = -0.1$ ,  $R(s_2) = 1$ R = R(s,a,s') = R(s')

Initialisation

 $U(s_0) \leftarrow 0$  - Nouvel état

•On va utiliser  $\alpha = 0.1$ 







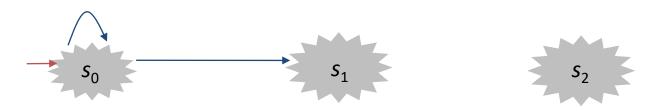
Fonction de récompense:  $R(s_0) = -0.1$ ,  $R(s_1) = -0.1$ ,  $R(s_2) = 1$ R= R(s,a,s') = R(s')

• Observations:  $(s_0) \rightarrow (s_0)$ 

$$U(s_0) \leftarrow U(s_0) + 0.1 (R + 0.5 U(s_0) - U(s_0))$$
  
= 0 + 0.1 (-0.1 - 0.05\*0 - 0)  
= -0.01

$$U(s_1) = 0$$
  
$$U(s_2) = 0$$

$$U(s) \leftarrow U(s) + \alpha (R + \gamma U(s') - U(s))$$



Fonction de récompense:  $R(s_0) = -0.1$ ,  $R(s_1) = -0.1$ ,  $R(s_2) = 1$ R = R(s,a,s') = R(s')

•Observations:  $(s_0) \rightarrow (s_0) \rightarrow (s_1)$ 

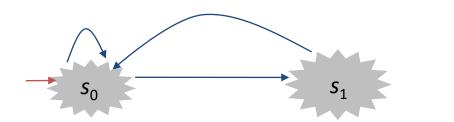
-----

$$U(s_0) \leftarrow U(s_0) + 0.1 (R + 0.5 U(s_1) - U(s_0))$$
  
= -0.01 + 0.1 (-0.1 + 0 + 0.01)  
= -0.02

$$U(s_1)=0$$

$$U(s_2) = 0$$

$$U(s) \leftarrow U(s) + \alpha (R + \gamma U(s') - U(s))$$





Fonction de récompense:  $R(s_0) = -0.1$ ,  $R(s_1) = -0.1$ ,  $R(s_2) = 1$ R=R(s,a,s') = R(s')

•Observations:  $(s_0) \rightarrow (s_0) \rightarrow (s_1) \rightarrow (s_0)$ 

$$U(s_0) = -0.02$$

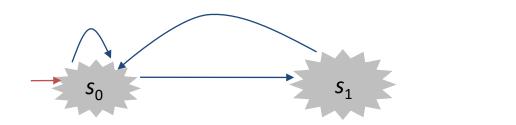
$$U(s_1) \leftarrow U(s_1) + 0.1 (R + 0.5 U(s_0) - U(s_1))$$

$$= 0 + 0.1 (-0.1 - 0.0095 - 0)$$

$$= -0.009$$

$$U(s_2) = 0$$

$$U(s) \leftarrow U(s) + \alpha (R + \gamma U(s') - U(s))$$





Fonction de récompense:  $R(s_0) = -0.1$ ,  $R(s_1) = -0.1$ ,  $R(s_2) = 1$ R(s,a,s') = R(s')

•Observations:  $(s_0) \rightarrow (s_0) \rightarrow (s_1) \rightarrow (s_0) \rightarrow (s_1)$ 

$$U(s_0) \leftarrow U(s_0) + 0.1 (R(s_0) + 0.5 U(s_1) - U(s_0))$$

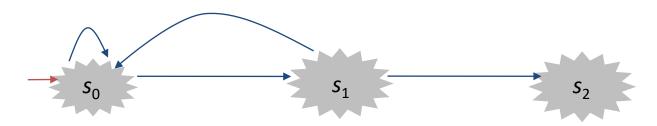
$$= -0.02 + 0.1 (-0.1 - 0.0045 + 0.02)$$

$$= -0.02845$$

$$U(s_1) = -0.009$$

$$U(s_2) = 0$$

$$U(s) \leftarrow U(s) + \alpha (R + \gamma U(s') - U(s))$$



Fonction de récompense:  $R(s_0) = -0.1$ ,  $R(s_1) = -0.1$ ,  $R(s_2) = 1$ R=R(s,a,s') = R(s')

•Observations:  $(s_0) \rightarrow (s_0) \rightarrow (s_1) \rightarrow (s_0) \rightarrow (s_1) \rightarrow (s_2)$ 

fin de l'essai

$$U(s_2) \leftarrow 0$$



parce que  $s_2$  est visité pour la première fois

-----

$$U(s_0) = -0.02845$$

$$U(s_1) \leftarrow U(s_1) + 0.1 (R + 0.5 U(s_2) - U(s_1))$$

$$= -0.009 + 0.1 (1 + 0 + 0.009)$$

$$= 0.0919$$

$$U(s_2) = 0$$

$$U(s) \leftarrow U(s) + \alpha (R + \gamma U(s') - U(s))$$

IFT 615 Froduald Kabanza 50

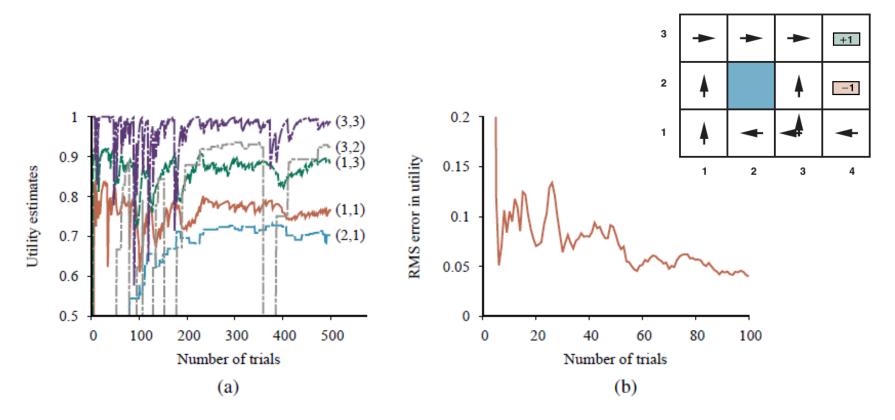
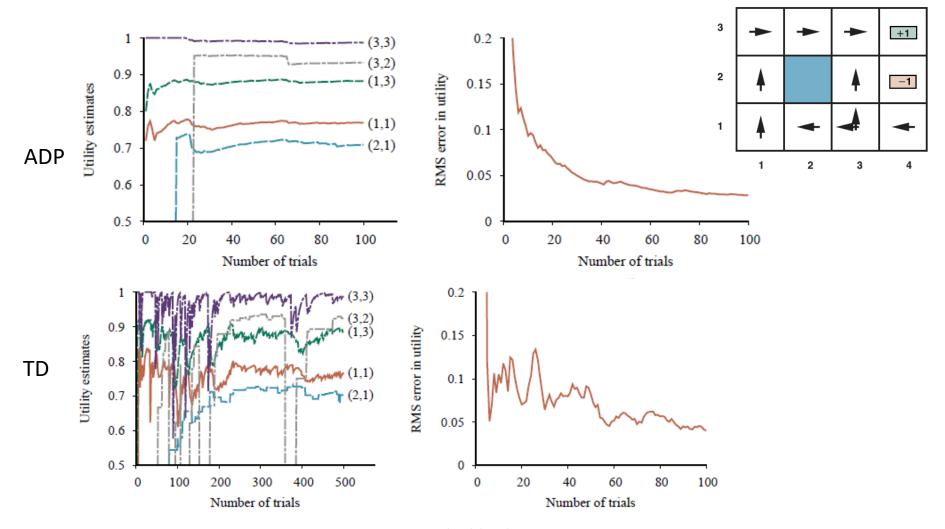


Figure 22.5 The TD learning curves for the  $4 \times 3$  world. (a) The utility estimates for a selected subset of states, as a function of the number of trials, for a single run of 500 trials. Compare with the run of 100 trials in Figure ??(a). (b) The root-mean-square error in the estimate for U(1, 1), averaged over 50 runs of 100 trials each.

## Programmation dynamique adaptative vs différence temporelle



### Apprentissage par renforcement actif

- Dans le cas passif, l'agent a un plan (politique) fixe qui détermine son comportement.
  - Il doit apprendre la fonction d'utilité associée au plan
- Dans le cas actif, l'agent doit décider quelles actions effectuer
  - L'agent doit apprendre un modèle complet avec les probabilités des effets de ses actions au lieu du modèle associé à une politique fixe.
  - ◆ *U(s)* est maintenant une estimation de la fonction d'utilité du plan optimal
- Un algorithme d'apprentissage naïf peut être obtenu de l'algorithme PDA-Passif par deux changements simples:
  - On applique value iteration au MDP estimé (afin de résoudre les équations pour la politique optimale)
  - L'action choisie par l'agent devient

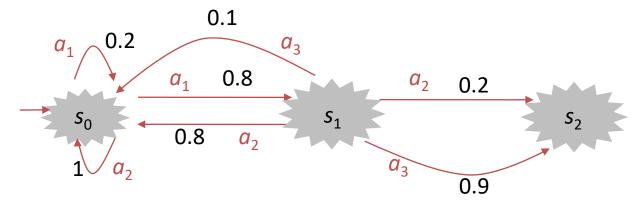
$$\pi(s) = \operatorname{argmax} \sum_{s' \in S} P(s'|s,a) \ U(s')$$
  
  $a \in A(s)$ 

### Apprentissage actif avec PDA vorace

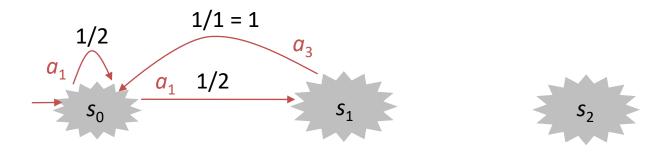
```
inputs: percept, a percept indicating the current state s' and reward signal r
  persistent: \pi, a fixed policy
               mdp, an MDP with model P, rewards R, actions A, discount \gamma
               U, a table of utilities for states, initially empty
               N_{s'|s,a}, a table of outcome count vectors indexed by state and action, initially zero
               s, a, the previous state and action, initially null
  if s' is new then U[s'] \leftarrow 0
  if s is not null then
     increment N_{s'|s,a}[s,a][s']
     R[s, a, s'] \leftarrow r
     add a to A[s]
     \mathbf{P}(\cdot \mid s, a) \leftarrow \text{NORMALIZE}(N_{s'\mid s, a}[s, a])
     U \leftarrow Policy Evaluation(\pi, U, mdp) Optimal-Policy(U, mdp)
     s, a \leftarrow s', \pi
                                                  (value-iteration ou policy-iteration)
     return a
                         \rightarrow argmax \sum_{s' \in S} P(s|s',a) [R(s,a,S') + \gamma U(s')]
                             a \in A(s)
```

### Apprentissage actif avec PDA vorace

Rappel de l'exemple



- On a des actions possibles différentes, pour chaque état
  - $A(s_0) = \{a_1, a_2\}$
  - $A(s_1) = \{a_2, a_3\}$
  - **♦**  $A(s_2) = \{\}$



Observations:  $(s_0) \xrightarrow{a_1} (s_0) \xrightarrow{a_1} (s_1) \xrightarrow{a_1} (s_0)$ 



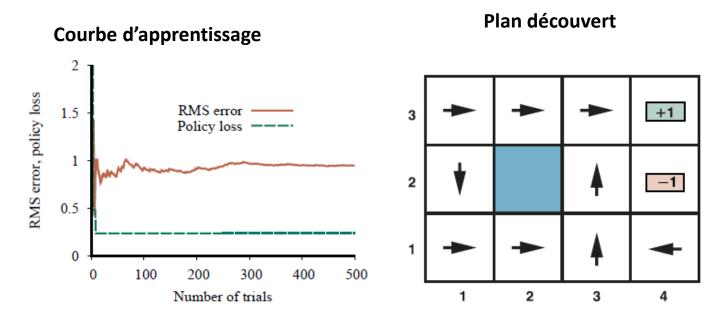
- Pour choisir quelle action prendre dans S<sub>0</sub>, on compare
  - $\bullet$   $\Sigma_{s' \in S} P(s|s',a_2)$  [.] = 0 (puisque  $P(s|s',a_2)$  pas apprise encore pour  $a_2$ )
  - $\bullet$   $\Sigma_{s' \in S} P(s|s',a_1) [R(s_0,a,s] + 0.5 U(s')] = -0.1$
- L'action choisie par l'agent est donc a<sub>2</sub>

#### Limite du PDA vorace

- L'approche précédente est dite vorace (gloutonne)
  - elle choisit l'action avec la meilleure utilité espérée étant donné le model appris jusqu'à maintenant.
  - en d'autres mots, elle exploite le plus possible l'information recueilli jusqu'à maintenant
- Les approches voraces trouvent rarement le plan optimal
  - elles ne tiennent pas compte du fait que l'information accumulée jusqu'à maintenant est partielle
  - en d'autres mots, elles ne considèrent pas la possibilité d'explorer
     l'environnement plus longuement, pour amasser plus d'information sur celui-ci

#### Limite du PDA vorace

- L'algorithme PDA vorace ne garantit pas d'apprendre le plan optimal
- Dans cet exemple (Fig. 21.6 du livre):
  - ♦ Au bout du 3<sup>e</sup> essai, une politique menant à la récompense +1 est apprise via  $(2,1) \rightarrow (3,1) \rightarrow (3,2) \rightarrow (3,3) \rightarrow (4,1)$
  - Au bout du 8<sup>e</sup> essai, le plan ci-après est appris.



### Dilemme exploration vs. exploitation

- Trop exploiter mène à des plans non optimaux
- Trop explorer ralentit l'apprentissage inutilement
- Trouver la balance optimale entre l'exploration et l'exploitation est un problème ouvert en général
- Des stratégies d'exploration/exploitation optimales existent seulement dans des cas très simples
  - ◆ Voir l'algorithme UCB1 pour le problème de machines à sous (bandits) à n leviers dans le livre, Section 17.3, p. 581

### Dilemme exploration vs. exploitation

- On se contente donc d'heuristiques en pratique.
- Exemple: introduction d'une fonction d'exploration f(u,n)
  - cette fonction augmente artificiellement la récompense future d'actions inexplorées.
- L'approche par PDA basée sur value iteration ferait les mises à jour

$$U^{+}(s) \leftarrow \max_{a} f\left(\sum_{s' \in S} P(s \mid s', a) \left[R(s, a, S') + \gamma U^{+}(s')\right], N(s, a)\right)$$

où N(s,a) est le nombre de fois que l'action a a été choisie à l'état s

$$f(u,n) = \begin{cases} R^{+} & \text{si } n < N_e \\ u & \text{sinon} \end{cases}$$

Estimation optimiste de récompenses futures (hyper-paramètre)

• Garantit que a sera choisie dans s au moins  $N_e$  fois durant l'apprentissage.

### Apprentissage actif avec PDA vorace

```
inputs: percept, a percept indicating the current state s' and reward signal r
  persistent: \pi, a fixed policy
               mdp, an MDP with model P, rewards R, actions A, discount \gamma
               U, a table of utilities for states, initially empty
               N_{s'|s,a}, a table of outcome count vectors indexed by state and action, initially zero
               s, a, the previous state and action, initially null
  if s' is new then U[s'] \leftarrow 0
  if s is not null then
     increment N_{s'|s,a}[s,a][s']
     R[s, a, s'] \leftarrow r
     add a to A[s]
     \mathbf{P}(\cdot \mid s, a) \leftarrow \text{NORMALIZE}(N_{s'\mid s, a}[s, a])
     U \leftarrow Policy Evaluation(\pi, U, mdp) Optimal-Policy(U, mdp)
     s, a \leftarrow s', \pi
                                                  (value-iteration ou policy-iteration)
     return a
                           \searrow argmax f(\Sigma_{s' \in S} P(s|s',a) [R(s,a,S') + \gamma U^{+}(s')], N(s,a))
                                 a \in A(s)
```

### **Exemple revisité**

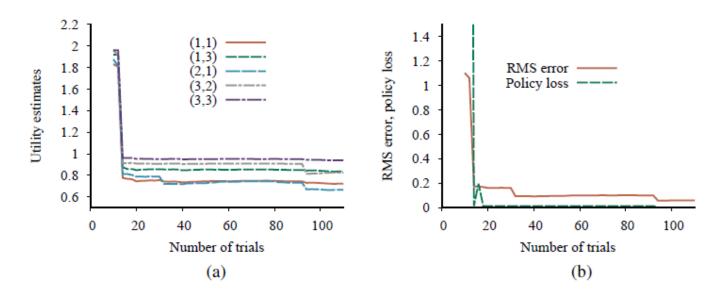


Figure 22.7 Performance of the exploratory ADP agent using  $R^+=2$  and  $N_e=5$ . (a) Utility estimates for selected states over time. (b) The RMS error in utility values and the associated policy loss.

 Dans le cas de l'apprentissage actif TD, la règle de mise à jour demeure la même que dans le cas de l'apprentissage passif

$$U(s) \leftarrow U(s) + \alpha (R(s) + \gamma U(s') - U(s))$$

- La différence entre TD passif et TD actif est au niveau du choix de l'action.
  - ◆ Pour choisir l'action, l'agent TD devra apprendre le modèle P(s'|s,a).
  - ◆ L'apprentissage du modèle se fait comme pour l'agent PDA actif.

- Il existe une variante de la méthode TD, nommée Q-learning, qui apprend la fonction action-valeur Q(s,a)
  - on n'apprend plus U(s), soit la somme espérée des renforcements à partir de s jusqu'à la fin pour la politique optimale
  - on apprend plutôt Q(s,a), soit la somme espérée des renforcements
     à partir de s et l'exécution de a, jusqu'à la fin pour la politique optimale
  - le lien entre Q(s,a) et U(s) est que  $U(s) = \max_{a} Q(s,a)$
- Le plan de l'agent est alors  $\pi(s) = \underset{a}{\operatorname{argmax}} Q(s,a)$
- L'avantage par rapport à TD actif est que pour le choix de l'action, on n'a plus besoin d'apprendre le modèle!

Selon la définition de Q(s,a), on a

$$Q(s,a) = \sum_{s' \in S} P(s'|s,a) [R(s,a,s') + \gamma \max Q(s',a')]$$

 Comme pour l'approche TD, on traduit cette équation en la mise à jour de Q-Learning (off-policy learning)

$$Q(s,a) \leftarrow Q(s,a) + \alpha \left( R(s,a,s') + \gamma \max_{a'} Q(s',a') - Q(s,a) \right)$$

On voit la similarité avec l'approche TD initiale

$$U(s) \leftarrow U(s) + \alpha (R(s) + \gamma U(s') - U(s))$$

Q-Learning a un "cousin" appelé SARSA (on-policy learning)

$$Q(s,a) \leftarrow Q(s,a) + \alpha \left( R(s,a,s') + \gamma Q(s',a') - Q(s,a) \right)$$

function Q-LEARNING-AGENT(percept) returns an action inputs: percept, a percept indicating the current state s' and reward signal r persistent: Q, a table of action values indexed by state and action, initially zero  $N_{sa}$ , a table of frequencies for state—action pairs, initially zero s, s, the previous state and action, initially null

```
if s is not null then increment N_{sa}[s,a] Q[s,a] \leftarrow Q[s,a] + \alpha(N_{sa}[s,a])(r+\gamma \max_{a'} Q[s',a'] - Q[s,a]) s,a \leftarrow s', \operatorname{argmax}_{a'} f(Q[s',a'], N_{sa}[s',a']) return a
```



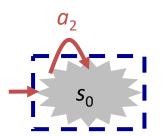




- On va utiliser  $\alpha = 0.5$ ,  $\gamma = 0.5$
- Initialisation:

$$Q(s_0, a_1) = 0$$
  $Q(s_0, a_2) = 0$   
 $Q(s_1, a_2) = 0$   $Q(s_1, a_3) = 0$   
 $Q(s_2, \text{None}) = 0$ 

• Action à prendre 
$$\pi(s_0)$$
 = argmax{  $Q(s_0,a_1)$ ,  $Q(s_0,a_2)$  }  
= argmax{ 0, 0 }  
=  $a_2$  (arbitraire, ça aurait aussi pu être  $a_1$ )







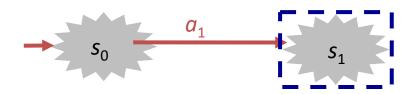
 $Q(s,a) \leftarrow Q(s,a) + \alpha (R(s) + \gamma \max Q(s',a') - Q(s,a))$ 

• Observations:  $(s_0) \xrightarrow{a_2} (s_0)$ 

$$Q(s_0, a_2) \leftarrow Q(s_0, a_2) + \alpha \left( R(s_{0_1}, a_2, s_0) + \gamma \max\{ Q(s_0, a_1), Q(s_0, a_2) \} - Q(s_0, a_2) \right)$$
  
= 0 + 0.5 ( -0.1 + 0.5 max{ 0, 0} - 0)  
= -0.05

• Action à prendre  $\pi(s_0)$  = argmax{  $Q(s_0,a_1)$ ,  $Q(s_0,a_2)$  } = argmax{ 0, -0,05 } =  $a_1$  (changement de politique!)

$$Q(s,a) \leftarrow Q(s,a) + \alpha (R(s) + \gamma \max Q(s',a') - Q(s,a))$$

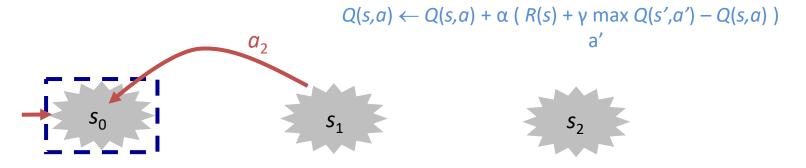




• Observations:  $(s_0) \xrightarrow[a_2]{-0.1} (s_0) \xrightarrow[a_1]{-0.1} (s_1)$ 

$$Q(s_0, a_1) \leftarrow Q(s_0, a_1) + \alpha \left( R(s_0, a_1, s_1) + \gamma \max\{ Q(s_1, a_2), Q(s_1, a_3) \} - Q(s_0, a_1) \right)$$
  
= 0 + 0.5 ( -0.1 + 0.5 max{ 0, 0} - 0)  
= -0.05

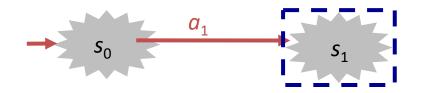
• Action à prendre  $\pi(s_1) = \operatorname{argmax}\{Q(s_1,a_2), Q(s_1,a_3)\}$ =  $\operatorname{argmax}\{0,0\}$ =  $a_2$  (arbitraire, ça aurait aussi pu être  $a_3$ )



• Observations: 
$$(s_0)^{-0.1}_{a_2}$$
  $(s_0)^{-0.1}_{a_1}$   $(s_1)^{-0.1}_{a_2}$   $(s_0)$ 

$$Q(s_1,a_2) \leftarrow Q(s_1,a_2) + \alpha (R(s_1) + \gamma \max\{Q(s_0,a_1), Q(s_0,a_2)\} - Q(s_1,a_2))$$
  
= 0 + 0.5 (-0.1 + 0.5 max{-0.05, -0.05} + 0)  
= -0.0625

• Action à prendre 
$$\pi(s_0)$$
 = argmax{  $Q(s_0,a_1)$ ,  $Q(s_0,a_1)$  }  
= argmax{ -0.05, -0.05 }  
=  $a_1$  (arbitraire, ça aurait aussi pu être  $a_2$ )



= -0.075

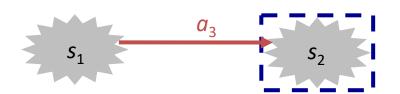


```
• Observations: (s_0) \xrightarrow{-0.1} (s_0) \xrightarrow{-0.1} (s_1) \xrightarrow{-0.1} (s_0) \xrightarrow{-0.1} (s_0) \xrightarrow{-0.1} (s_1)
Q(s_0, a_1) \leftarrow Q(s_0, a_1) + \alpha \left( R(s_0) + \gamma \max\{ Q(s_1, a_2), Q(s_1, a_3) \} - Q(s_0, a_1) \right)
= -0.05 + 0.5 \left( -0.1 + 0.5 \max\{ -0.0625, 0 \} + 0.05 \right)
```

```
• Action à prendre \pi(s_1) = argmax{ Q(s_1,a_2), Q(s_1,a_3) }
= argmax{ -0.075, 0 }
= a_3 (changement de politique!)
```

$$Q(s,a) \leftarrow Q(s,a) + \alpha (R(s) + \gamma \max Q(s',a') - Q(s,a))$$





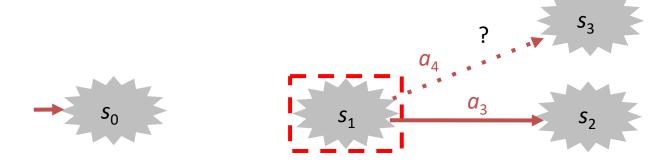
Observations:  $(s_0) \xrightarrow{\stackrel{-0.1}{a_2}} (s_0) \xrightarrow{\stackrel{-0.1}{a_1}} (s_1) \xrightarrow{\stackrel{-0.1}{a_3}} (s_0) \xrightarrow{\stackrel{-0.1}{a_1}} (s_1) \xrightarrow{\stackrel{-0.1}{a_3}} (s_2) \xrightarrow{1}$ 

**État terminal**:  $Q(s_2, None) = 1$ 

$$Q(s_1,a_3) \leftarrow Q(s_1,a_3) + \alpha (R(s_1) + \gamma \max\{Q(s_2,\text{None})\} - Q(s_1,a_3))$$
  
= 0 + 0.5 (-0.1 + 0.5 max{1} + 0)  
= 0.55

On recommence un nouvel essai…

# Apprentissage actif avec Q-learning



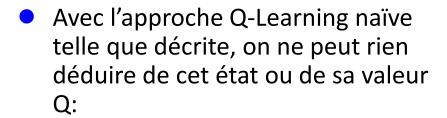
- •Supposons qu'on puisse aussi faire l'action  $a_4$  à l'état  $s_1$ , pour mener à  $s_3$  avec  $R(s_1, a_4, s_3) = 1000$
- Puisque  $Q(s_1,a_4) = 0$  à l'initialisation, et que  $Q(s_1,a_3) = 0.55 > 0$  après un essai, une approche vorace n'explorerait jamais  $s_3$ !

# Généralisation par approximation de fonctions

- Dans des applications réelles, on ne peut pas visiter tous les états
  - Trop d'états à visiter dans les essaies d'apprentissage
  - Mémoire limitée pour enregistrer les valeurs Q(s,a) correspondant
- Par contre, on peut généraliser en utilisant les caractéristiques (features) des états plutôt que les états eux-mêmes:
  - Apprendre les caractéristiques des états à partir des échantillons d'entrainement.
  - Généraliser aux états similaires
- Le principe s'applique autant à l'apprentissage passif qu'à l'apprentissage actif

### **Exemple: Pacman**

 Supposons que nous apprenons durant les essais que cet état est mauvais (U(s) trop bas).



Pas plus que pour celui-ci!







## Approximation de fonction

- Représenter un état en utilisant un vecteur de caractéristiques (features)
  - Les caractéristiques sont des fonctions réelles (souvent 0/1) qui capturent les propriétés saillants des états
  - La taille de l'espace d'états représentés par leurs caractéristiques est beaucoup plus petit que l'espace d'états d'origine – c'est une approximation
  - Exemples de caractéristiques (features):
    - » Distance au fantôme le plus proche
    - » Distance à la nourriture la plus proche
    - » Nombre de fantômes
    - » 1 / (distance à la nourriture)<sup>2</sup>
    - » Pacman proche d'un fantôme ? (0/1)
    - » etc.
  - On peut aussi décrire la fonction de qualité Q(s, a) avec des caractéristiques (ex. l'action permettant à Pacman d'être proche de la nourriture)



## Approximation de fonction

• Étant donné un vecteur  $f = [f_1, ..., f_n]$  de features d'état et un vecteur de poids correspondant  $w = [w_1, ..., w_n]$ , on peut approximer U par une fonction linéaire

$$\widehat{U_w} = \sum_{i=1}^n w_i f_i(s)$$

De façon similaire, avec un vecteur de features Q et des poids correspondants:

$$\widehat{Q}_{w}(s,a) = \sum_{i=1}^{n} w_{i} f_{i}(s,a)$$

- On peut alors utiliser l'apprentissage superviser pour apprendre  $\widehat{U_w}$  et  $\widehat{Q_w}$
- On peut aussi utiliser des fonctions d'approximation non linéaire

$$\widehat{U}_w = f(s)$$
  
 $\widehat{Q}_w (s,a) = f(s)$ 

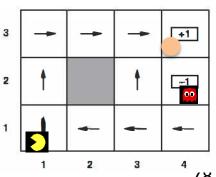


- En particulier, on pourrait utiliser un réseau de neurones ce qu'on appelle apprentissage par renforcement profond.
- Voyons cela plus en détail.

## Approximer l'estimation directe de l'utilité

- La méthode d'apprentissage passif par estimation directe de l'utilité simule des trajectoires d'exécution dans l'espace d'états (x,y) et calcule, pour chaque état, la somme des récompenses cumulées jusqu'à l'état terminal, U(x,y).
- Chaque occurrence d'état (x,y) est une donnée, étiquetée par son utilité correspondante U(x,y), et l'ensemble de toutes les occurrence constitue un ensemble de données d'entraînement pour un algorithme d'apprentissage supervisé qui peut apprendre U. On pourrait utiliser n'importe quel algorithme d'apprentissage supervisé.
- Par exemple, avec le même exemple utilisé pour la méthode d'apprentissage passif par estimation directe, approximons l'utilité par une fonction linéaire de features – les features étant simplement les positions x et y.

$$\widehat{U}_w(x,y) = w_0 + w_1 x + w_2 y$$





## Approximer l'estimation directe de l'utilité

Supposons qu'on approxime U par

$$\widehat{U}_w(x,y) = w_0 + w_1 x + w_2 y$$

 Notons u<sub>j</sub>(s) la somme des récompenses à partir de l'état dans l'échantillon j 3 + +1 2 | -1 1 2 3 4

On peut utiliser l'erreur quadratique pour la perte

$$Loss_{i}(s)=(\widehat{U}_{w}(s)-u_{i}(s))^{2}/2$$



Il en résulte la règle d'apprentissage suivante pour mettre à jour les poids



$$w_i \leftarrow w_i - \alpha \frac{\partial E_j(s)}{\partial w_i} = w_i + \alpha \left[ u_j(s) - \widehat{U}_w(s) \right] \frac{\partial \widehat{U}_w(s)}{\partial w_i}$$

C.-à-d.,

$$w_{0} \leftarrow w_{0} + \alpha \left[ u_{j}(s) - \widehat{U}_{w}(s) \right]$$

$$w_{1} \leftarrow w_{1} + \alpha \left[ u_{j}(s) - \widehat{U}_{w}(s) \right] x$$

$$w_{2} \leftarrow w_{2} + \alpha \left[ u_{i}(s) - \widehat{U}_{w}(s) \right] y$$

## Approximer l'apprentissage par différence temporelle

- On peut appliquer la même idée à l'apprentissage par différence temporelle autant passif que actif.
- La règle d'apprentissage des poids de la fonction d'approximation linéaire pour l'apprentissage par différence temporelle devient

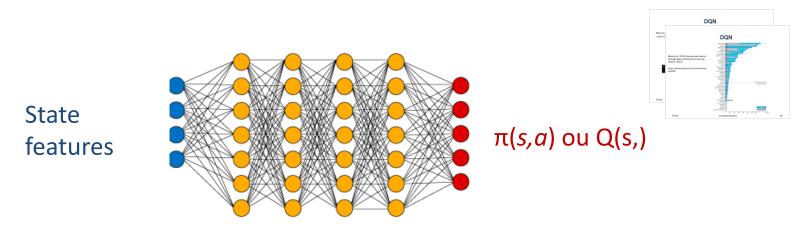
$$w_i \leftarrow w_i + \alpha \left[ R(s, a, s') + \gamma \widehat{U}_w(s') - \widehat{U}_w(s) \right] \frac{\partial \widehat{U}_w(s)}{\partial w_i}$$

Celle pour Q-Learning devient

a'
$$w_{i} \leftarrow w_{i} + \alpha \left[ R(s, a, s') + \gamma \max \widehat{Q}_{w}(s', a') - \widehat{Q}_{w}(s, a) \right] \frac{\partial \widehat{U}_{w}(s)}{\partial w_{i}}$$

## Apprentissage par renforcement profond

- Le principe pour l'apprentissage par renforcement profond est le même, mais la fonction d'approximation est un réseau de neurones, entraîné par la rétropropagation du gradient, avec une fonction de perte appropriée.
- Il y a plusieurs algorithmes. En particulier:
  - Deep Q-Learning Network (DQN) apprend Q(s,a) directement
  - $\diamond$  Deep Policy Network apprendre la politique  $\pi(s,a)$  directement



- Dans TP #4, vous pourrez pratiquer DQN qui apprend Q(s,a).
- Dans le cours IFT608 on approfondit l'apprentissage par renforcement.

#### Ressources intéressantes

Gym : https://gym.openai.com/

Gym is a toolkit for developing and comparing reinforcement learning algorithms. It supports teaching agents everything from walking to playing games like Pong or Pinball.

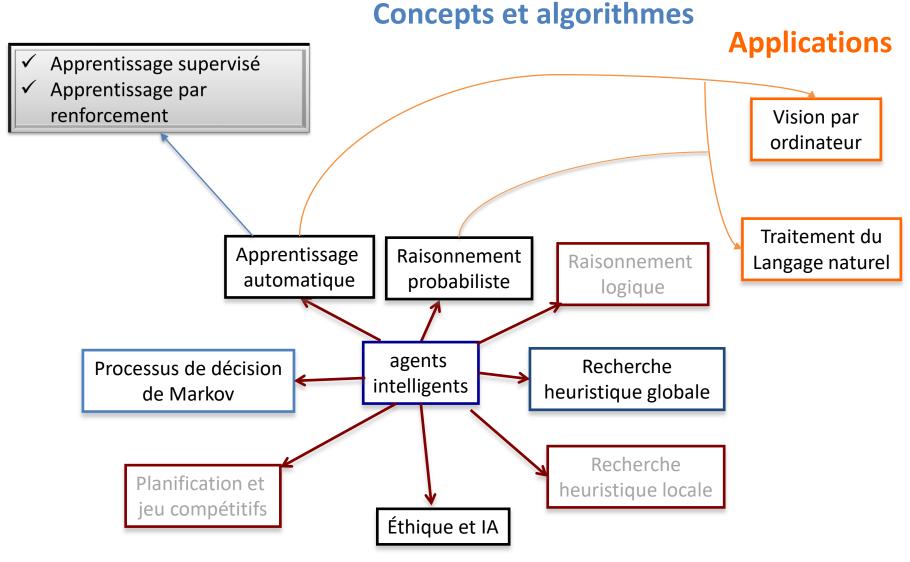
AWS DeepRacer



#### **Conclusion**

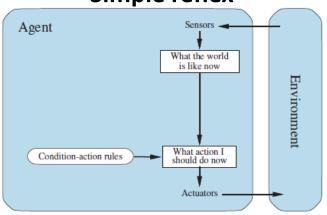
- L'apprentissage par renforcement permet d'apprendre la prise décision séquentielle
- C'est un domaine de recherche très actif
  - ◆ Il y a de plus en plus d'applications, en robotique, voitures autonomes, et d'autres domains.
- L'apprentissage par renforcement est plus difficile lorsque la récompense est lointaine (ex.: à la toute fin d'une partie)
  - problème d'assignation de crédit (credit assignment)
    - » est-ce que ma victoire est due à mon premier coup? mon dernier? les deux?
  - on ajoute parfois des renforcements positifs intermédiaires appropriés (reward shaping)
    - » inconvenient: demande de l'expertise

## Sujets couverts par le cours

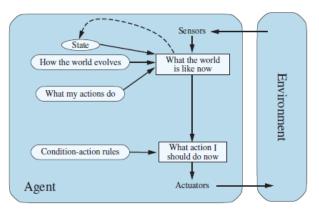


# Apprentissage par renforcement pour quel type d'agents?

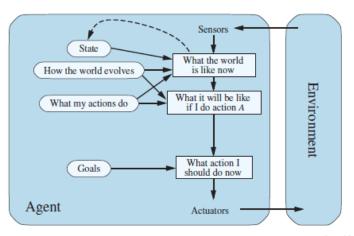
Simple reflex

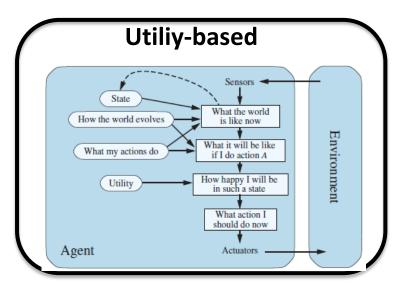


**Model-based reflex** 



**Goal-based** 





## Vous devriez être capable de...

- Distinguer l'apprentissage par renforcement passif vs. actif
- Algorithmes passifs:
  - savoir simuler l'estimation directe
  - savoir simuler la programmation dynamique adaptative (PDA)
  - savoir simuler la différence temporelle (TD)
- Algorithmes actifs
  - savoir simuler PDA actif.
  - savoir simuler Q-learning
  - Savoir expliquer Q-Learning (On-policy) vs SARSA (off-policy)
- Savoir comment on traiter le dilemme exploration vs. exploitation
- Savoir comment on traiter l'approximation de fonction

# Rapprochement de différentes règles d'apprentissage

• Règle d'apprentissage par renforcement passive avec la différence temporelle: pour chaque transition (s,  $\pi(s)$ , s') des échantillons

$$U(s) \leftarrow U(s) + \alpha [R + \gamma U(s') - U(s)]$$

- ullet Algorithme du Perceptron: pour chaque paire  $(\mathbf{x}_t,y_t)\in D$ 
  - a. calculer  $h_{\mathbf{w}}(\mathbf{x}_t) = Threshold(\mathbf{w} \cdot \mathbf{x}_t)$
  - b.  $w_i \leftarrow w_i + \alpha (y_t h_{\mathbf{w}}(\mathbf{x}_t)) x_{t,i} \ \forall i$  (mise à jour des poids et biais)
- Descente du gradient :

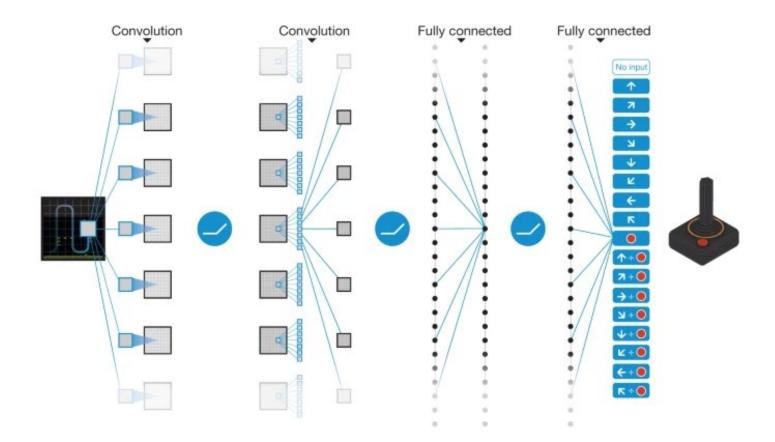
$$w_i \leftarrow w_i - \alpha \frac{\partial}{\partial w_i} Loss(y_t, h_{\mathbf{w}}(\mathbf{x}_t)) \quad \forall i$$

Nouvelle valeur Ancienne valeur

Gradient de l'erreur

### **DQN**

Mnih et al. (2015) Human-level control through deep reinforcement learning (*Nature*, 2015) https://www.nature.com/articles/nature14236



### **DQN**

Minh et al. (2015) Human-level control through deep reinforcement learning (*Nature*, 2015)

https://www.nature.com/articles/nature14236

