IFT 615 – Intelligence Artificielle Été 2022

Planification dans les jeux compétitifs

Professeur: Froduald Kabanza

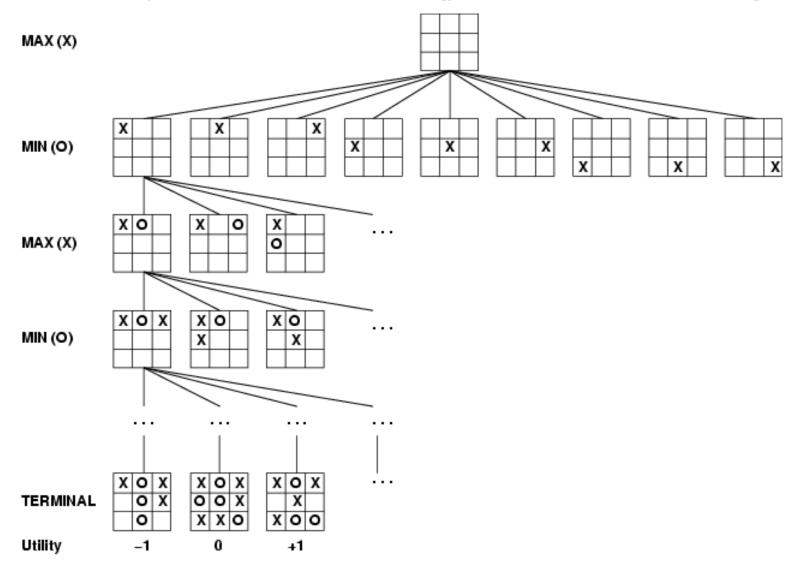
Assistants: D'Jeff Nkashama & Jean-Charles Verdier



Objectifs

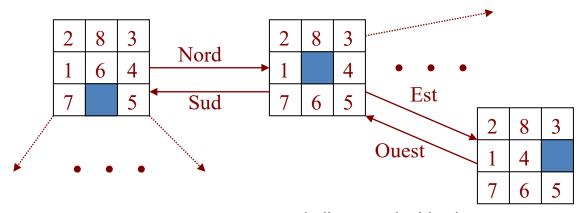
- Comprendre l'approche générale pour développer une IA pour un jeu à tour de rôle
- Comprendre et pouvoir appliquer l'algorithme minimax
- Comprendre et pouvoir appliquer l'algorithme d'élagage alpha-bêta
- Savoir traiter le cas de décisions imparfaites en temps réel (temps de réflexion limité)
- Comprendre et pouvoir appliquer l'algorithme expectimax
- Comprendre l'algorithme Monte-Carlo-Tree-Search

Arbre du jeu tic-tac-toe (jeu du morpion)

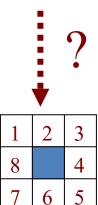


Rappel sur A*

- Notion d'état (configuration)
- État initial
- Fonction de transition (successeurs)
- Fonction de but (configuration finale)







Vers les jeux avec adversité ...

- Q: Est-il possible d'utiliser A* pour des jeux entre deux adversaires ?
 - Q : Comment définir un état pour le jeu d'échecs ?
 - Q: Quelle est la fonction de but ?
 - Q : Quelle est la fonction de transition ?
- R: Non. Pas directement.
- Q : Quelle hypothèse est violée dans un jeu à deux adversaires?
- R: Dans les jeux, l'environnement est multi-agents. Le joueur adverse peut modifier l'environnement.
- Q : Comment peut-on résoudre ce problème ?
- R : C'est le sujet d'aujourd'hui!

Particularité des jeux avec adversaires

- Plusieurs acteurs qui modifient l'environnement (les configurations/états du jeu).
- Les coups des adversaires sont "imprévisibles".
- Le temps de réaction à un coup de l'adversaire est limité.
- Les joueurs peuvent avoir une connaissance totale ou partielle de l'état du jeu.

Relation entre les joueurs

- De façon générale, la théorie des jeux algorithmique s'intéresse aux situations où les décisions d'un agent peuvent être influences par d'autres agents – décisions multi-agent.
- Dans un jeu, des joueurs peuvent être :
 - Coopératifs
 - » ils veulent atteindre le même but
 - Des adversaires en compétition
 - » un gain pour les uns est une perte pour les autres
 - » cas particulier : les jeux à somme nulle (zero-sum games)
 - jeux d'échecs, de dame, tic-tac-toe, Go, etc.

Mixte

» il y a tout un spectre entre les jeux purement coopératifs et les jeux avec adversaires (ex. : alliances)

Hypothèses pour ce cours

- Dans cette leçon, nous aborderons les :
 - jeux à deux adversaires
 - jeux à tour de rôle
 - jeux à **somme nulle**
 - jeux avec états complètement observés





The Guardian

- Dans un premier temps, jeux déterministes (sans hasard ou incertitude)
- Dans un deuxième temps, mais de façon simple, nous allons explorer une généralisations à plusieurs joueurs et avec des actions aléatoires (par exemple, jeux dans lesquels on jette un dé pour choisir une action).

Jeux entre deux adversaires

- Noms des joueurs : Max vs. Min
 - Max est le premier à jouer (notre joueur)
 - Min est son adversaire
- On va interpréter le résultat d'une partie comme la distribution d'une récompense
 - On peut voir cette récompense comme le résultat d'un pari
 - Min reçoit l'opposé de ce que Max reçoit

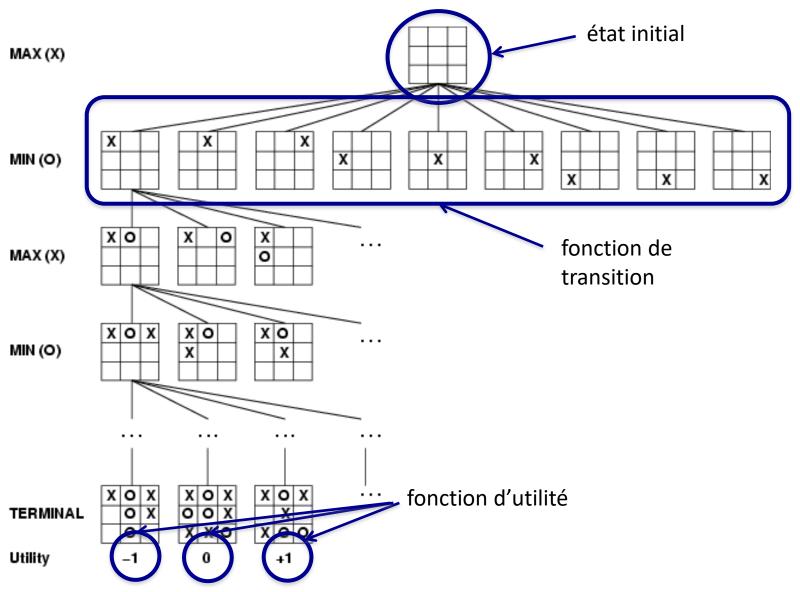


Max

Arbre de recherche

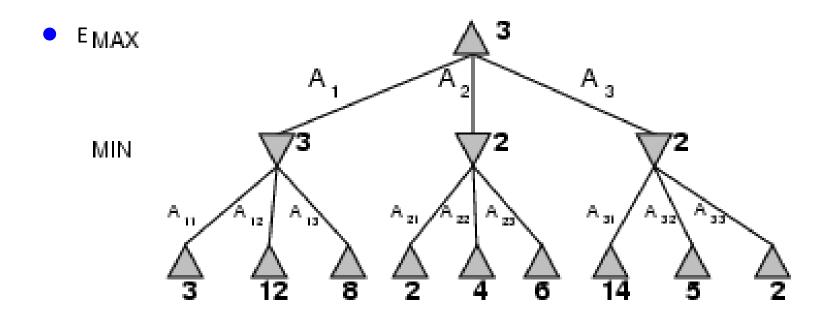
- Comme pour les problèmes que A* peut résoudre, on commence par déterminer la structure de notre espace de recherche
- Un problème de jeu peut être vu comme un problème de recherche dans un arbre :
 - ◆ Un noeud (état) initial : configuration initiale du jeu
 - Une fonction de transition :
 - » retournant un ensemble de paires (action, noeud successeur)
 - action possible (légale)
 - noeud (état) résultant de l'exécution de cette action
 - Un test de terminaison
 - » indique si le jeu est terminé
 - Une fonction d'utilité pour les états finaux (c'est la récompense reçue)

Arbre de recherche tic-tac-toe



Algorithme *minimax*

- Idée: À chaque tour, choisir l'action menant à la plus grande valeur minimax.
 - Cela donne la meilleure action optimale (plus grand gain) contre un joueur optimal.



Algorithme *minimax*

- Hypothèse: MAX et MIN jouent optimalement.
- Idée: À chaque tour, choisir l'action menant à la plus grande valeur minimax.
 - Cela donne la meilleure action optimale (plus grand gain) contre un joueur optimal (rationnel).

```
MINIMAX-VALUE(s) =

UTILITY(s, MAX)

if Is-Terminal(s)

max<sub>a \in Actions(s)</sub> MINIMAX-VALUE(RESULT(s,a))

if To-Move(s)=MAX

min<sub>a \in Actions(s)</sub> MINIMAX-VALUE(RESULT(s,a))

if To-Move(s)=MIN
```

Result(s,a) est l'état résultant de l'exécution de a dans l'état s (modèle de transition)

 Ces équations donne la programmation récursive des valeurs jusqu'à la racine de l'arbre.

Algorithme *minimax*

```
function MINIMAX-SEARCH(game, state) returns an action
  player \leftarrow qame. To-Move(state)
  value, move \leftarrow MAX-VALUE(qame, state)
  return move
function MAX-VALUE(game, state) returns a (utility, move) pair
  if game.IS-TERMINAL(state) then return game.UTILITY(state, player), null
  v \leftarrow -\infty
  for each a in game.ACTIONS(state) do
     v2, a2 \leftarrow MIN-VALUE(game, game.RESULT(state, a))
    if v2 > v then
       v, move \leftarrow v2, a
  return v, move
function MIN-VALUE(game, state) returns a (utility, move) pair
  if game.IS-TERMINAL(state) then return game.UTILITY(state, player), null
  v \leftarrow +\infty
  for each a in game.ACTIONS(state) do
     v2, a2 \leftarrow \text{MAX-VALUE}(qame, qame. RESULT(state, a))
    if v2 < v then
       v, move \leftarrow v2, a
  return v, move
```

le et Fro

14

Propriétés de *minimax*

- Complet?
 - Oui (si l'arbre est fini)
- Optimal?
 - Oui (contre un adversaire qui joue optimalement)
- Complexité en temps?
 - \diamond $O(b^m)$:
 - » b: le nombre maximum d'actions/coups légales à chaque étape
 - » *m*: nombre maximum de coup dans un jeu (profondeur maximale de l'arbre).
- Complexité en espace?
 - ◆ O(bm), parce que l'algorithme effectue une recherche en profondeur.
- Pour le jeu d'échec: $b \approx 35$ et $m \approx 100$ pour un jeu « raisonnable »
 - Il n'est pas réaliste d'espérer trouver une solution exacte en temps réel.

Comment accélérer la recherche

- Deux approches
 - la première maintient l'exactitude de la solution
 - la deuxième introduit une approximation
- 1. Élagage alpha-bêta (alpha-beta pruning)
 - idée : identifier des chemins dans l'arbre qui sont explorés inutilement
- 2. Couper la recherche et remplacer l'utilité par une fonction d'évaluation heuristique
 - idée: faire une recherche la plus profonde possible en fonction du temps à notre disposition et tenter de prédire le résultat de la partie si on n'arrive pas à la fin

Alpha-beta pruning

- L'algorithme alpha-beta tire son nom des paramètres suivant décrivant les bornes des valeurs d'utilité enregistrée durant le parcourt.
 - α est la valeur du meilleur choix pour Max (c.-à-d., plus grande valeur) trouvée jusqu'ici:

 β est la valeur du meilleur choix pour Min (c.-à-d., plus petite valeur) trouvée jusqu'ici.

Alpha-beta Pruning Condition pour couper dans un nœud Min

 Sachant que α est la valeur du me grande valeur) trouvée jusqu'ici:

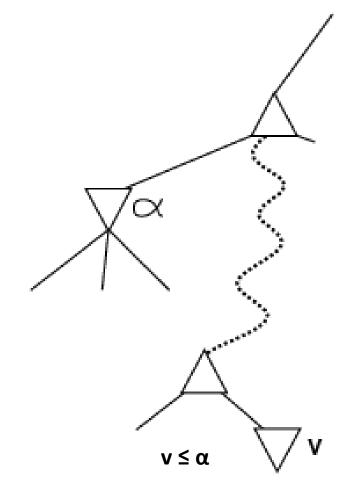
MAX

Si on est dans un nœud Min ε
 inférieure α (donc « pire que
 faut arrêter la recherche (coul MIN)

..

MAX

MIN



Alpha-beta Pruning Condition pour couper dans un nœud Max

- Sachant que β est la valeur du meilleur choix pour Min (c.-à-d., plus petite valeur) trouvée jusqu'ici:
 - Si on est dans un nœud Max est que sa valeur devient supérieur à β (donc « pire que β» du point de vue de Min), il faut arrêter la recherche (couper la branche).

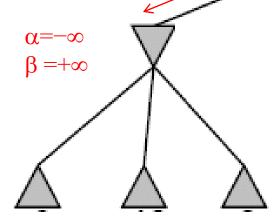
Faire une recherche en profondeur jusqu'à la première feuille

MAX

 α , β , transmis aux successeurs

MIN

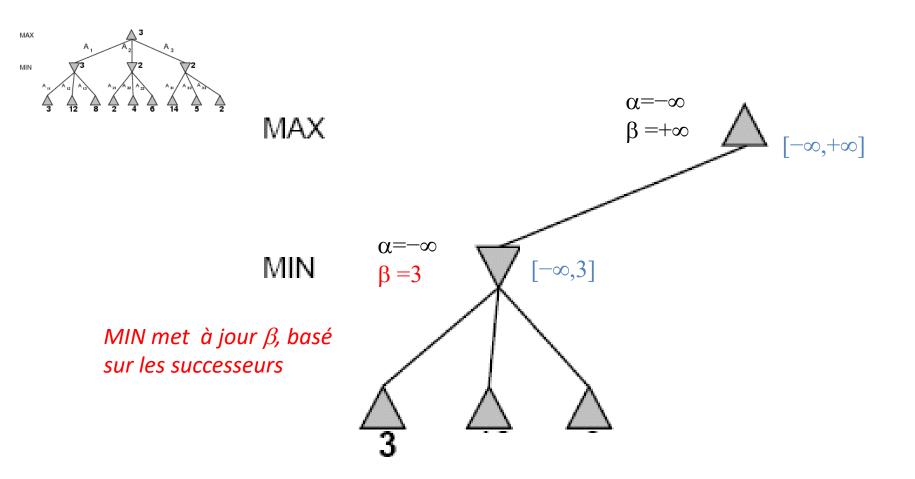
Entre croches [,]: Intervalle des valeurs possibles pour le nœud visité.

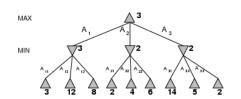


Valeur initial de α *,* β

$$\beta = +\infty$$



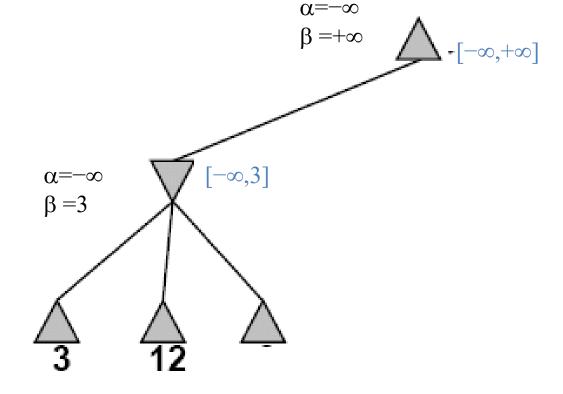


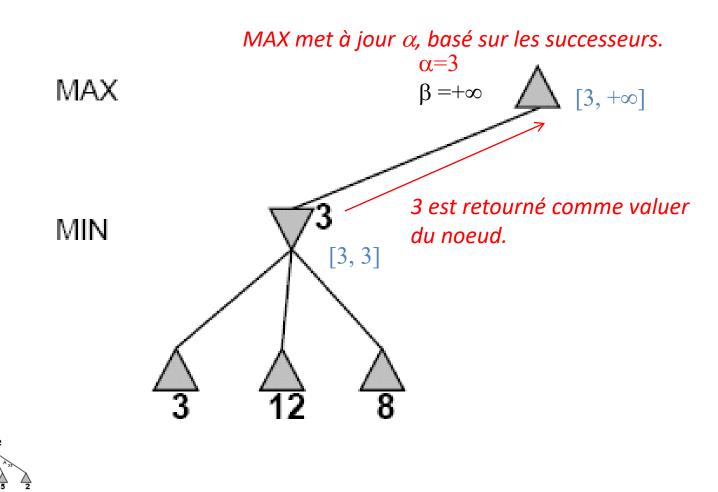


MAX

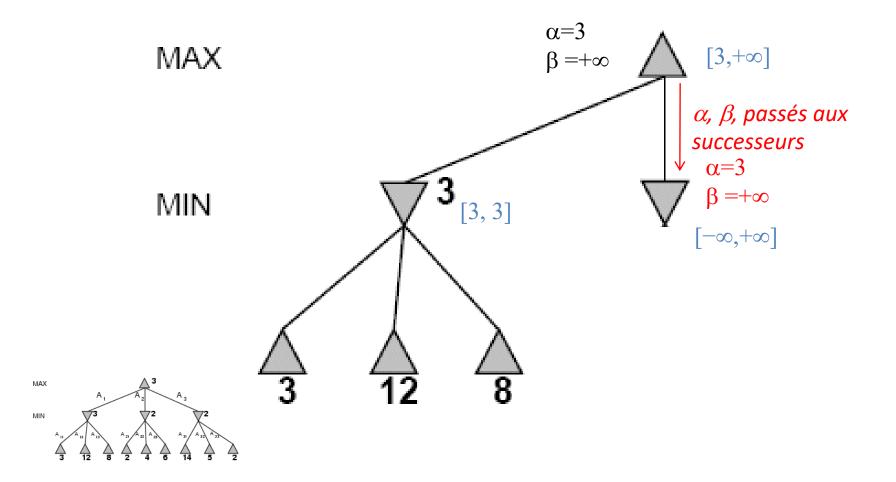
MIN

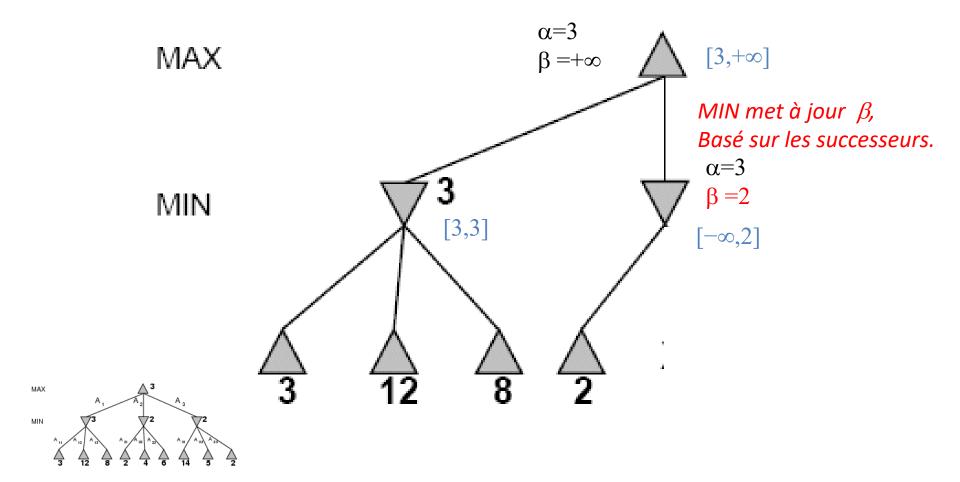
MIN met à jour β , basé sur les successeurs. Aucun changement.

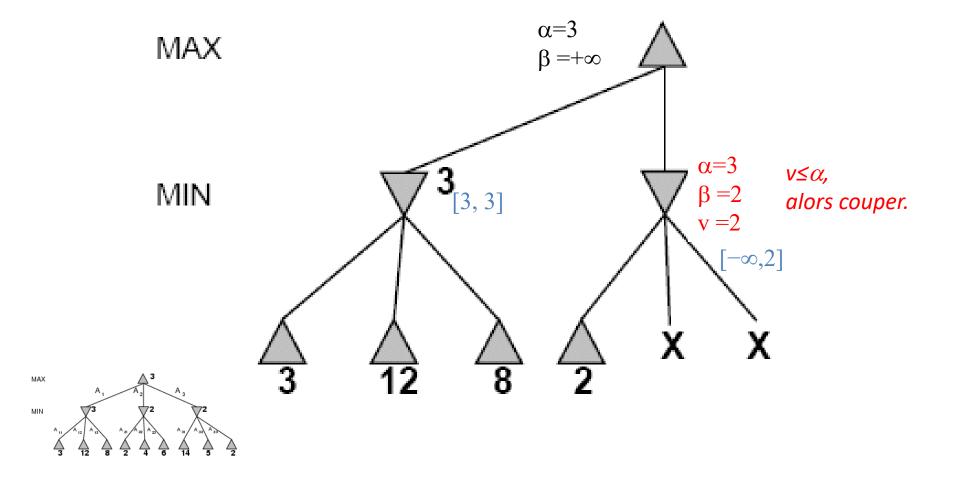


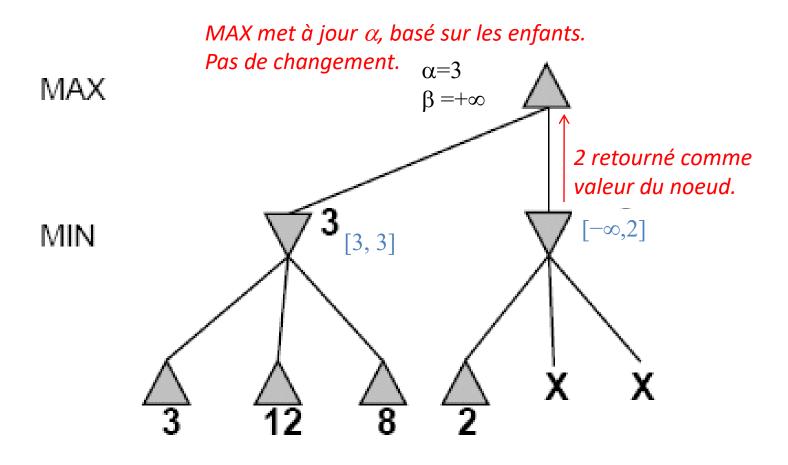


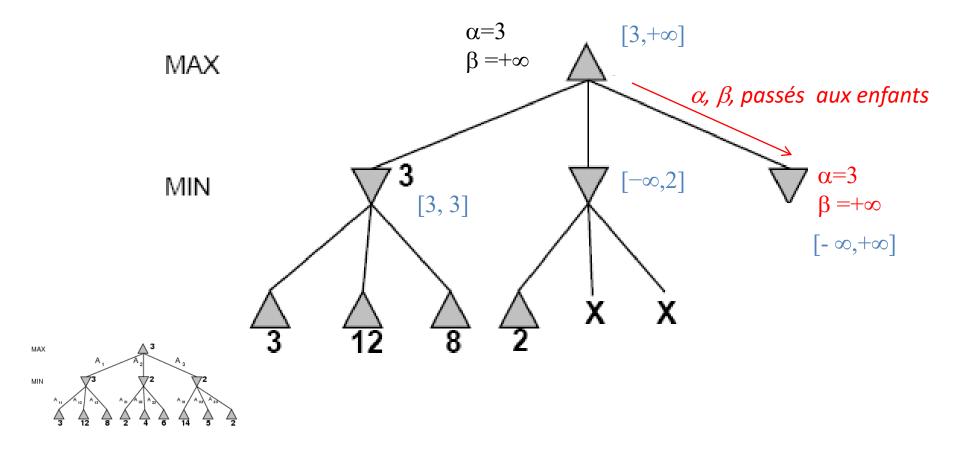
MIN

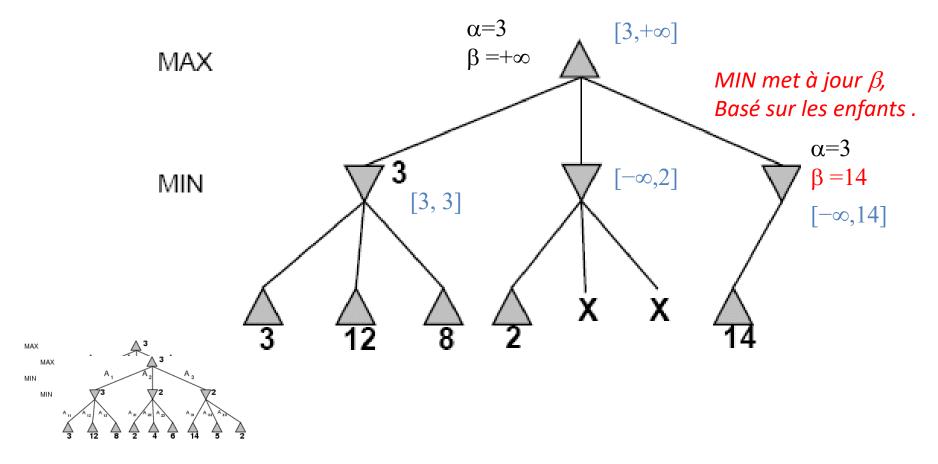


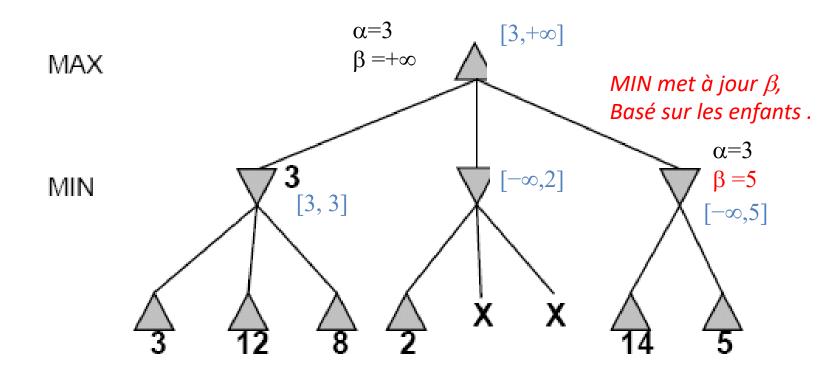


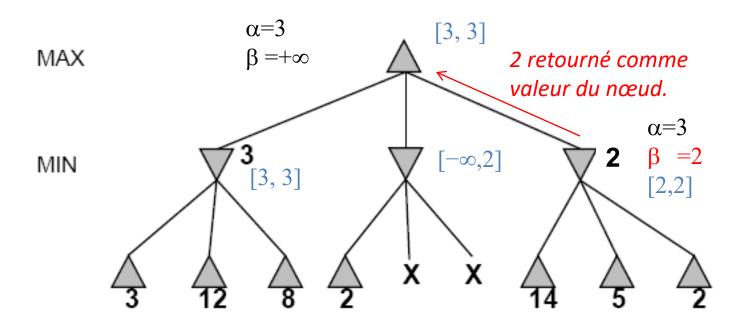


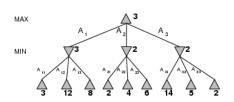


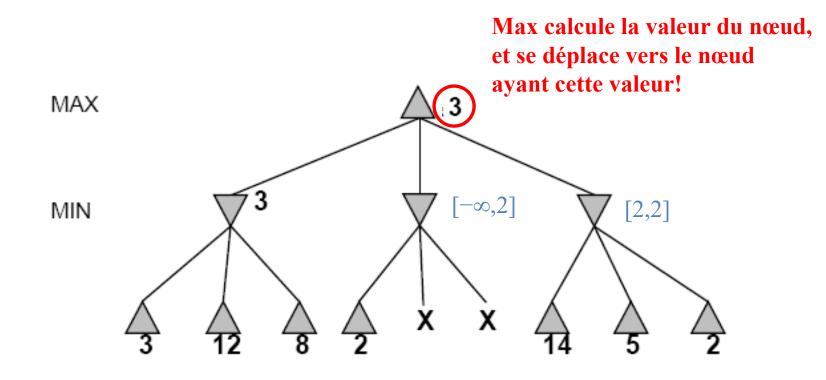












Algorithme alpha-beta pruning

```
function ALPHA-BETA-SEARCH(game, state) returns an action
  player \leftarrow game. To-MovE(state)
  value, move \leftarrow MAX-VALUE(game, state, -\infty, +\infty)
  return move
function MAX-VALUE(game, state, \alpha, \beta) returns a (utility, move) pair
  if game.IS-TERMINAL(state) then return game.UTILITY(state, player), null
  v \leftarrow -\infty
  for each a in game.ACTIONS(state) do
     v2, a2 \leftarrow \text{MIN-VALUE}(qame, qame. RESULT(state, a), <math>\alpha, \beta)
     if v2 > v then
        v, move \leftarrow v2, a
        \alpha \leftarrow \text{MAX}(\alpha, v)
     if v > \beta then return v, move
  return v, move
function MIN-VALUE(game, state, \alpha, \beta) returns a (utility, move) pair
  if game.IS-TERMINAL(state) then return game.UTILITY(state, player), null
  v \leftarrow +\infty
  for each a in game.ACTIONS(state) do
     v2, a2 \leftarrow \text{MAX-VALUE}(game, game. \text{RESULT}(state, a), \alpha, \beta)
     if v2 < v then
        v, move \leftarrow v2, a
        \beta \leftarrow \text{MIN}(\beta, v)
     if v < \alpha then return v, move
  return v, move
```

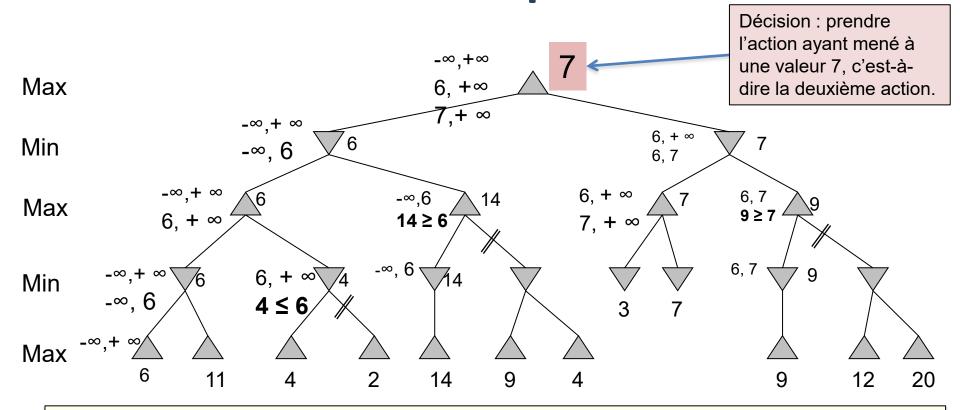
Negamax – Version élégante de α-β pruning

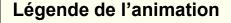
http://en.wikipedia.org/wiki/Negamax

```
1.
     fonction negamax(state, depth, \alpha, \beta, player)
2.
        if TerminalState(state) or depth = 0 then
3.
             return player * Utility(state)
4.
       else
5.
            foreach child in Sucessors(state)
6.
                 bestVal \leftarrow - negamax(state, depth-1, -\beta, - \alpha, -player)
                 // les instructions 7 à 10 implémentent \alpha-\beta pruning
                 if bestVal >= \beta
8
                     return bestVal
9
                  if bestVal \geq \alpha
10
                      \alpha \leftarrow bestVal
11
              return bestVal
```

Appel initial: negamax(initialState, depth, $-\infty$, $+\infty$, 1) Signification de la variable player: 1 (max), -1 (min).

Autre exemple







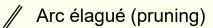
Nœud de l'arbre pas encore visité

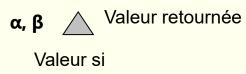


Nœud en cours de visite (sur pile de récursivité)



Nœud visité





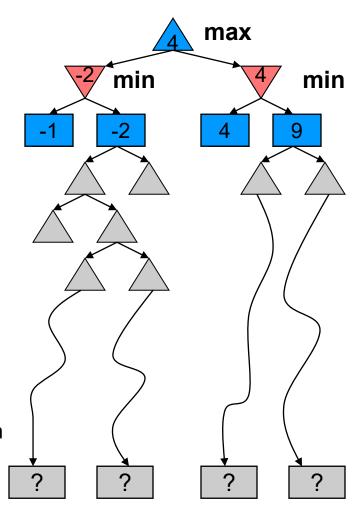
feuille

Propriétés de alpha-beta pruning

- L'élagage n'affecte pas le résultat final de minimax.
- Dans le pire des cas, alpha-beta *prunning* ne fait aucun élagage; il examine b^m nœuds terminaux comme l'algorithme *minimax*:
 - » b: le nombre maximum d'actions/coups légales à chaque étape
 - » *m*: nombre maximum de coup dans un jeu (profondeur maximale de l'arbre).
- Un bon ordonnancement des actions à chaque nœud améliore l'efficacité.
 - ♦ Dans le meilleur des cas (ordonnancement parfait), la complexité en temps est de $O(b^{m/2})$
 - » On peut faire une recherche deux fois moins profondément comparé à minimax!

Fonction d'évaluation

- En général, des décisions imparfaites doivent être prises en temps réel :
 - Pas le temps d'explorer tout l'arbre de jeu
- Approche standard :
 - couper la recherche :
 - » par exemple, limiter la profondeur de l'arbre
 - » voir le livre pour d'autres idées
 - fonction d'évaluation heuristique
 - » estimation de l'utilité qui aurait été obtenue en faisait une recherche complète
 - » on peut voir ça comme une estimation de la « chance » qu'une configuration mènera à une victoire
 - La solution optimale n'est plus garantie



Exemple de fonction d'évaluation

 Pour le jeu d'échec, une fonction d'évaluation typique est une somme (linéaire) pondérée de "métriques" estimant la qualité de la configuration:

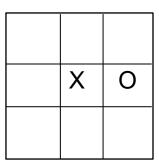
$$Eval(s) = w_1 f_1(s) + w_2 f_2(s) + ... + w_n f_n(s)$$

- Par exemple:
 - w_i = poids du pion,
 f_i(s) = (nombre d'occurrence d'un type de pion d'un joueur) (nombre d'occurrence du même type de pion de l'opposant),
 - etc

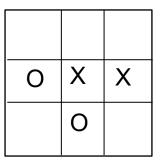
Exemple de fonction d'évaluation

Pour le tic-tac-toe, supposons que Max joue avec les X.

(nombre de ligne, colonnes et diagonales disponibles pour Max) - (nombre de ligne, colonnes et diagonales disponibles pour Min)



$$Eval(s) = 6 - 4 = 2$$



$$Eval(s) = 4 - 3 = 1$$

Résumé

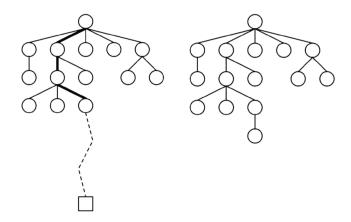
- La recherche sur les jeux révèlent des aspects fondamentaux applicables à d'autres domaines
- La perfection est inatteignable dans les jeux : il faut approximer
- Alpha-bêta a la même valeur pour la racine de l'arbre de jeu que minimax
- Dans le pire des cas, il se comporte comme minimax (explore tous les nœuds)
- Dans le meilleur cas, il peut résoudre un problème de profondeur 2 fois plus grande dans le même temps que minimax

Plusieurs applications aux jeux mais aussi des limites

- Plusieurs algorithmes pour les jeux à tour de rôle sont basés sur alphabeta pruning.
 - Stockfish est un algorithme pour les jeux à tour de rôle, basé sur alpha-beta pruning et des heuristiques.
 - Stockfish était un des meilleurs algorithmes pour les jeux d'échec avant la publication d'AlphaZero en 2017.
- Alpha-beta pruning a des limites, notamment pour le jeu de go:
 - Le jeu de Go a un facteur de branchement de 361 (vs 35 pour le jeu d'échec)
 - La fonction d'évaluation est beaucoup plus difficile à concevoir heuristiquement pour le jeu de Go

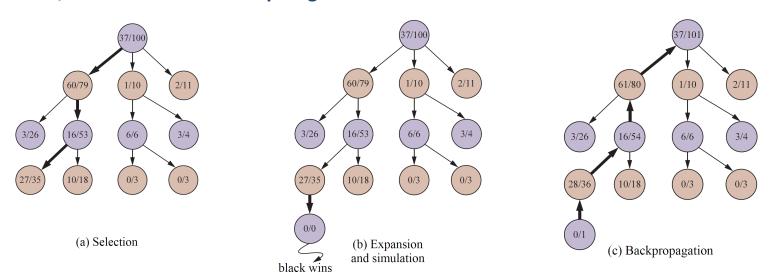
Principe de base de MCTS

- Le principe de Monte-Carlo Tree-Search (MCTS) est:
 - Parcourir (construire) l'arbre de jeu par échantillonnage aléatoire.
 - Simuler une partie complète pour évaluer la fonction d'utilité.
- À chaque itération:
 - Une politique de sélection du prochain état à expanser est utilisée pour choisir le nœud le plus « urgent » (« approprié »). La politique de sélection essaie de faire un équilibre entre l'exploration des régions de l'arbre non encore échantillonnées et l'exploitation des régions paraissant les plus prometteurs à date.
 - Une simulation complète du jeu (playout ou rollout) est alors effectuée à partir du nœud sélectionné. Cela implique l'ajout d'un successeur selon l'action exécutée à partir du nœud sélectionné pour démarrer la simulation.



Exemple de MCTS

- Chaque est étiquetté par son utilité: nombre de simulations gagnées par les noirs (MAX) / nombre total de simulations
- **Sélection**: Commençant par la racine de l'arbre, en suivant une politique qui balance exploration vs exploitation, descendre à un nœud non encore complétement expansé (il existe un action (move) non encore choisie)
- Expansion: Agrandire l'arbre au nœud sélectionnée, en choisissant une action non encore choisie en construisant un successeur correspondant.
- Simulation: Simuler une partie complète à partir de l'enfant.
- **Rétropropagation**: Mettre à jour l'utilité des nœuds
- À la fin, choisit l'action avec le plus grand nombre de simulations



Algorithme de MCTS

function Monte-Carlo-Tree-Search(state) returns an action

 $tree \leftarrow Node(state)$

while IS-TIME-REMAINING() do

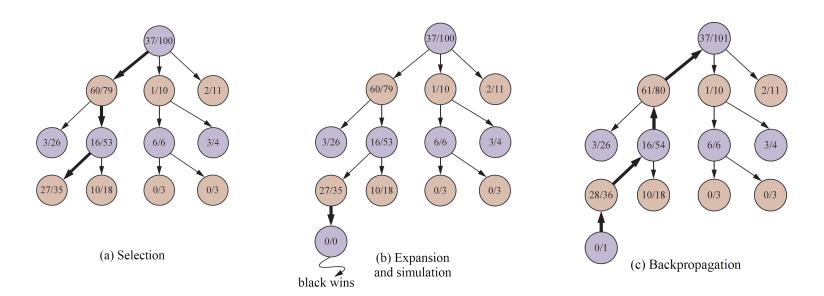
 $\mathit{leaf} \leftarrow S\texttt{ELECT}(\mathit{tree})$

 $child \leftarrow \text{EXPAND}(leaf)$

 $result \leftarrow SIMULATE(child)$

BACK-PROPAGATE(result, child)

return the move in ACTIONS(state) whose node has highest number of playouts



Algorithme UCT

 UCT (Upper Confidence Bound on Trees) est une version de MCTS qui utilise l'algorithme UCB1 (Upper Confidence Bound 1) pour implémenter la politique de sélection des nœuds permettant de résoudre le dilemme exploration vs exploitation

• UCB1(s)=
$$\frac{U(s)}{N(s)} + c * \sqrt{\frac{\log N(Parent(s))}{N(s)}}$$

- ◆ U(s): Utilité de l'état s
- N(s): nombre de simulations ayant passé par l'état s
- ◆ Parent(s): le parent de s
- C : un hyper paramètre qui balance entre l'exploitation vs l'exploration. Théoriquement $\sqrt{2}$ mais en pratique choisi empiriquement.
- On pourrait utiliser UCB1 sur le Q-value en maintenant, Q(s,a) et N(s,a) au lieu de U(s) et N(s)

AlphaGo Zero & Alpha Zero

AphaGo: Silver d. et al. Mastering the game of Go with DNNwand tree search. <u>Nature</u>, 2017 **AlphaGo Zero**: Silver d. et al. Mastering the game of Go without human knowledge. <u>Nature</u>, 2017 **AlphaZero**: Silver D. et al. Mastering Chess and Shogi by Self-Play with a General RL Algorithm. <u>arXiv</u> 1712.01815

- AlphaGo Zero combine l'apprentissage automatique avec tree-search (pas MCT!)
- Un **réseau de neurone** f_{θ} prend en entrée l'état s du jeu. Il a deux sorties (p, v):



 politique: p(a|s) est la probabilité de choisir l'action a (inclus ne rien faire) dans l'état s.



- ◆ valeur: v(s) est la probabilité (pour les noirs) de gagner à partir de l'état s.
- Le réseau est entrainé en jouant contre lui même pour générer des exemples (s_t, π_t, z_t) : π_t est la politique suivie à partir de s_t et $z_t \in \{-1,1\}$ est le résultat de la partie jouée à partir de s_t (+1 si on gagne, -1 sinon).

$$(p,v)=f_{\Theta}(s)$$
 avec la $loss(p, v, \pi, z)=(z-v)^2-\pi \ logp+c \ ||\Theta||^2$



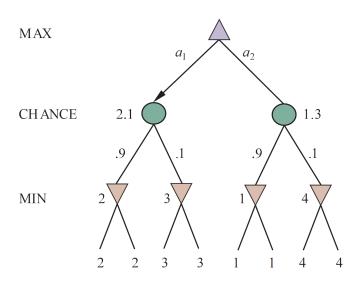
• La politique π_t est générée par UCT avec une politique de sélection

$$UCB(s,a) = Q(s,a) + c * \frac{p(s,a)}{1+N(s,a)}$$
 Noté $U(s,a)$ dans le papier

ullet La politique de simulation est $p(a \mid s)$ définie par le reseau de neurones f_{Θ}



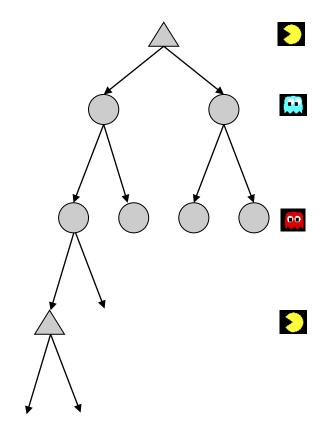
Généralisation aux actions aléatoires



- Exemples :
 - Jeux où on lance un dé pour déterminer la prochaine action
 - Actions des fantômes dans Pacman
- Solution: On ajoute des nœuds chance, en plus des nœuds Max et Min
 - ◆ L'utilité d'un nœud chance est l'utilité espérée, c.-à-d., la moyenne pondérée de l'utilité de ses enfants

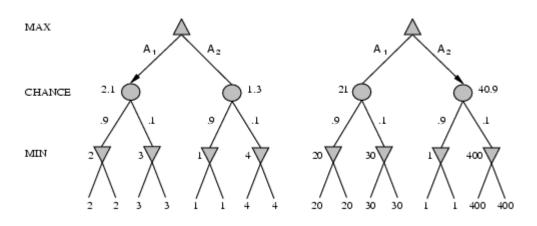
Algorithme Expectimax

- Un model probabiliste des comportement de l'opposant:
 - Le modèle peut être une simple distribution de probabilités
 - Le modèle peut être plus sophistiqué, demandant des inférences/calculs élaborés
 - Le modèle peut représenter des actions stochastiques/incontrôlables (à cause de de l'opposant, l'environnement)
 - ◆ Le modèle pourrait signifier que des actions de l'adversaire sont probables
- Pour cette leçon, supposer que (de façon magique) nous avons une distribution de probabilités à associer aux actions de l'adversaire/environnement



Avoir une croyance probabiliste sur les actions d'un agent ne signifie pas que l'agent lance effectivement un dé!

Algorithme Expectimimimax



Expectiminimax(s) =

UTILITY(s)

 $\max_{a \in Actions(s)} \text{EXPECTIMINIMAX}(\text{Result}(s, a))$

 $min_{a \in Actions(s)}$ EXPECTIMINIMAX(RESULT(s,a))

 $\sum_{r} P(r) * EXPECTIMINIMAX(RESULT(s,r))$

if Is-Terminal(s)

if To-Move(s)=MAX

if To-Move(s) = MIN

if To-Move(s) = CHANCE

Ces équations donne la programmation récursive des valeurs jusqu'à la racine de l'arbre.

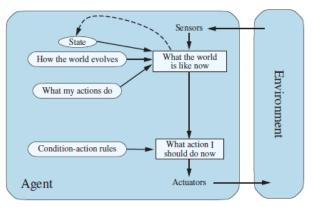
Quelques succès et défis

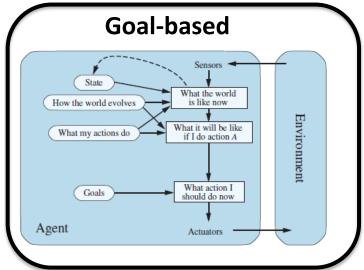
- Jeu de dames: En 1994, Chinook a mis fin aux 40 ans de règne du champion du monde Marion Tinsley.
- Jeu d'échecs: En 1997, Deep Blue a battu le champion du monde Garry Kasparov dans un match de six jeux.
- Othello: les champions humains refusent la compétition contre des ordinateurs, parce que ces derniers sont trop bons!
- Go: AlphaGo bat le champion mondial pour la première fois en 2015!

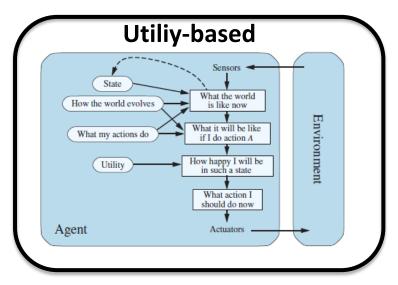
Planification pour quel type d'agents?

Agent Sensors What the world is like now Condition-action rules What action I should do now Actuators

Model-based reflex



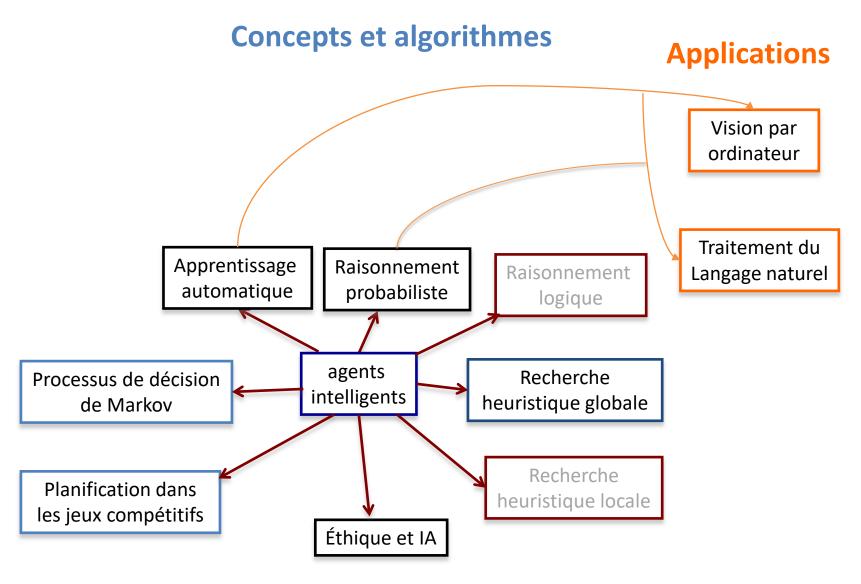




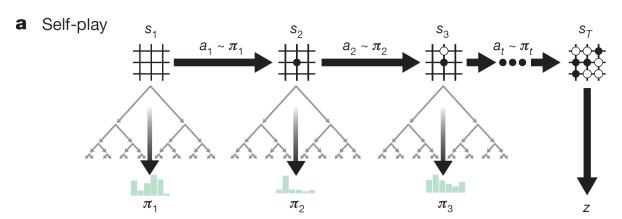
Vous devriez être capable de...

- Décrire formellement le problème de recherche associée au développement d'une IA pour un jeu à deux adversaires
- Décrire les algorithmes:
 - Minimax
 - ♦ Élagage alpha-bêta
 - Expectiminimax
 - Monte-Carlo Tree-Search
- Connaître leurs propriétés théoriques
- Simuler l'exécution de ces algorithmes
- Décrire comment traiter le cas en temps réel

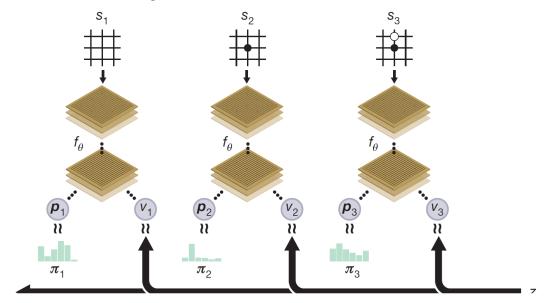
Sujets couverts par le cours



AlphaGo Zero



b Neural network training



AlphaGo Zero MCTS

