

## 方法精讲-判断 2

(讲义+笔记)

主讲教师:周洁

授课时间:2020.09.22



粉笔公考·官方微信

### 方法精讲-判断 2 (讲义)

### 判断推理 方法精讲 2

#### 学习任务:

- 1. 课程内容: 图形推理(数量规律、空间重构)
- 2. 授课时长: 2.5 小时
- 3. 对应讲义: 92页~104页
- 4. 重点内容:
- (1) 数量规律中每类考点的特征图
- (2) 面的细化考法
- (3) 如何判断图形笔画数
- (4) 点数量的细化考法
- (5) 空间重构中的画边法

#### 第五节 数量规律

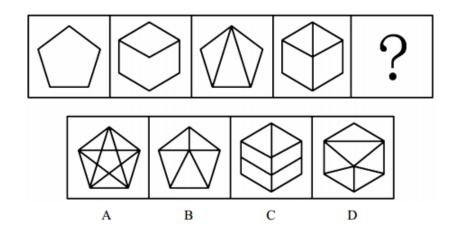
#### 图形特征:

- 1. 元素组成不同且无属性规律
- 2. 数量规律明显

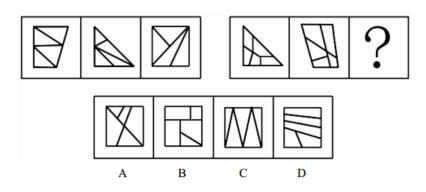
### 一、面数量

特征图:图形被分割、封闭面明显

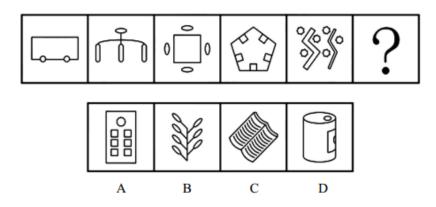
【例1】(2019广东)下列选项中最符合所给图形规律的是:



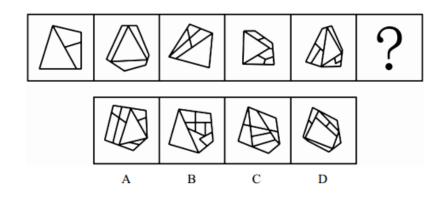
【例 2】(2019 北京) 从所给的四个选项中, 选择最合适的一个填入问号处, 使之呈现一定的规律性。



【例 3】(2018 联考)从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性。



【例 4】(2017 河南) 从所给的四个选项中, 选择最合适的一个填入问号处, 使之呈现一定的规律性。



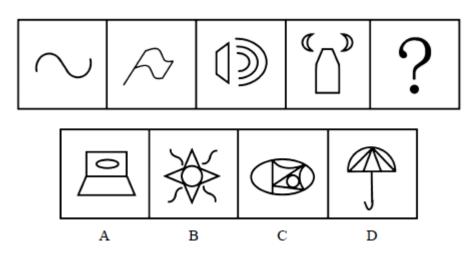
### 二、线数量

### 特征图:

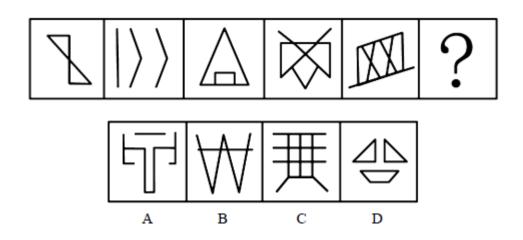
1. 直线数: 多边形或单一直线

2. 曲线数: 曲线图形(全曲线图、圆、弧)

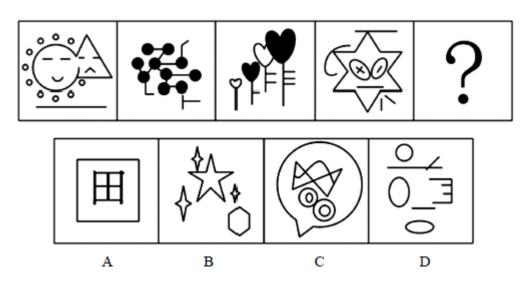
【例 1】(2017 事业单位)从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性。



【例 2】(2015 黑龙江)从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性。



【例 3】(2018 联考)从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性。



#### 一笔画:

- 1. 线条之间全部连通
- 2. 奇点数为0或2个

奇点: 发射出奇数条线的点

注: 所有的端点都是奇点,数奇点时要数上端点

#### 多笔画:

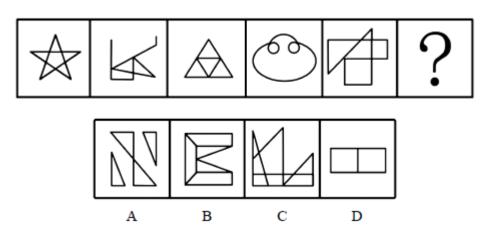
连通图笔画数=奇点数÷2(任何图形的奇点数一定为偶数)

### **耐** 粉笔直播课

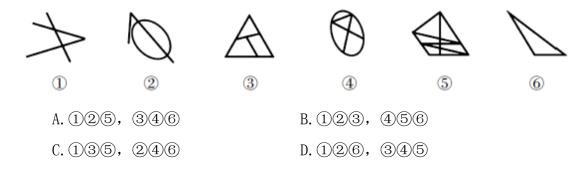
常见笔画数特征图:

五角星、"日""田"及其变形图、圆和圆相切与相交、多端点图形

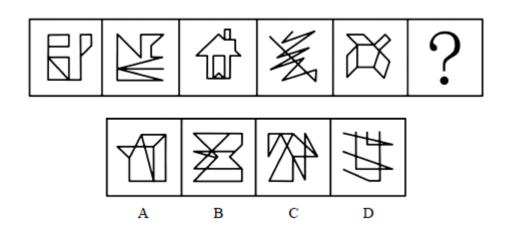
【例 4】(2019 浙江) 从所给的四个选项中, 选择最合适的一个填入问号处, 使之呈现一定的规律性。



【例 5】(2017 国考)把下面的六个图形分为两类,使每一类图形都有各自的共同特征或规律,分类正确的一项是:



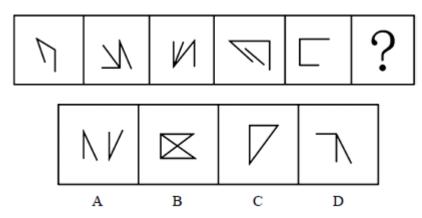
【例 6】(2020 国考)从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性。



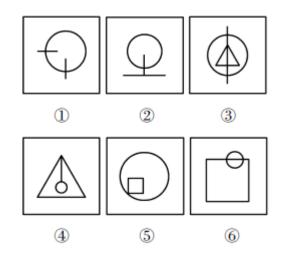
三、点数量

特征图:线条和线条交叉明显

【例 1】(2019 青海)从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性。



【例 2】(2016 国考)把下面的六个图形分为两类,使每一类图形都有各自的共同特征或规律,分类正确的一项是:

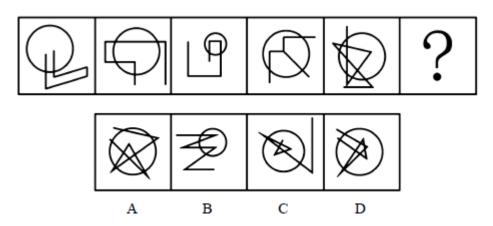


- A. 124, 356
- B. 125, 346

C. 134, 256

D. 136, 245

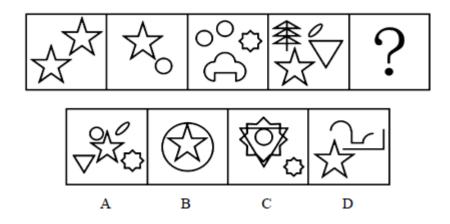
【例 3】(2018 国考)从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性。



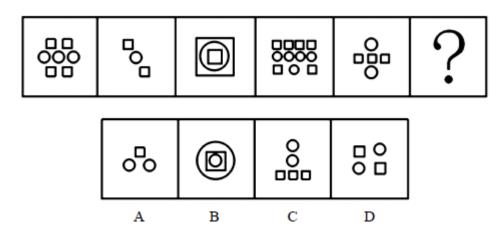
四、素数量

- 1. 元素种类
- 2. 元素个数

【例 1】(2017 天津)从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性。

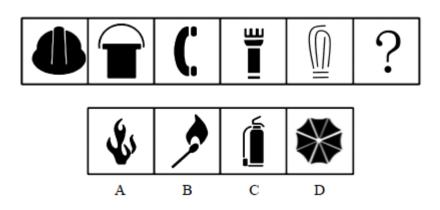


【例 2】(2020上海)从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性。

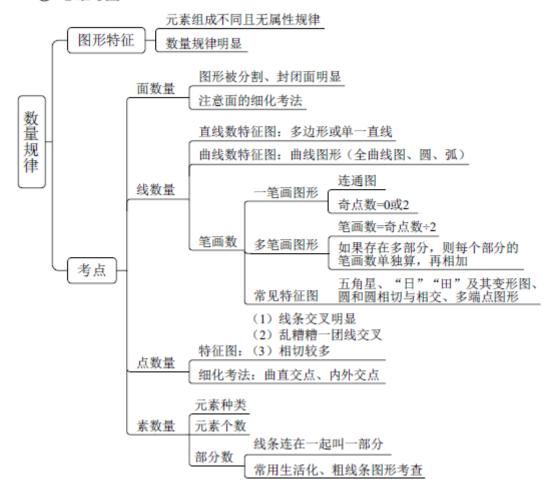


### 3. 部分数

【例 3】(2015 四川选调)从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性。



#### °の 思维导图



第六节 空间重构

#### 解题思维:

- 1. 注意折向——平面图为纸盒的外表面
- 2. 利用相对关系和相邻关系排除错误选项

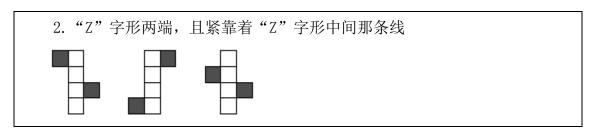
#### 一、相对面

应用:一组相对面出现 2 个的选项——排除 展开图中如何判断相对面:

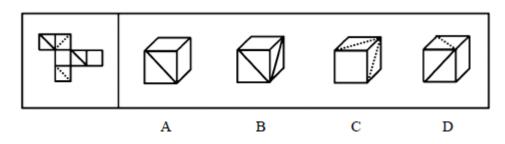
1. 同行或同列相隔一个面



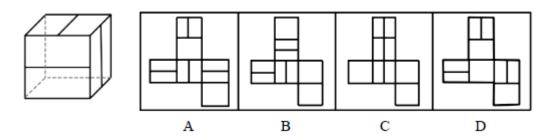
### **耐** 粉笔直播课



【例 1】(2014 黑龙江)左边给定的是纸盒外表面的展开图,右边哪一项能由它折叠而成?



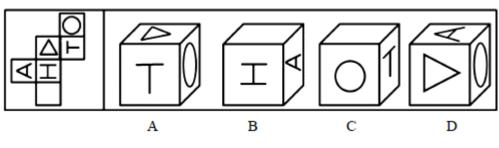
【例 2】(2016 江苏) 左边这个图形是由右边四个图形中的某一个作为外表面折叠而成的,请指出它是哪一个。



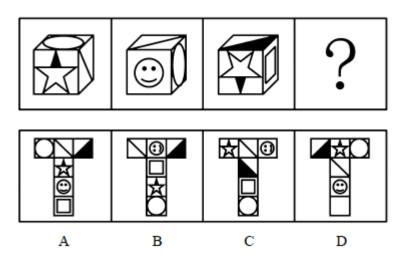
二、相邻面

应用: 折叠前后相邻关系保持不变

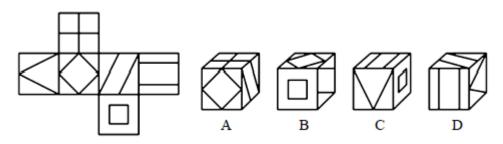
【例 1】(2013 联考)左边为立方体的外表面,右边哪个立方体可以由它折成?请把它找出来。



【例 2】(2016 浙江) 从所给的四个选项中, 选择最合适的一个填入问号处, 使之符合所给的题干所示。



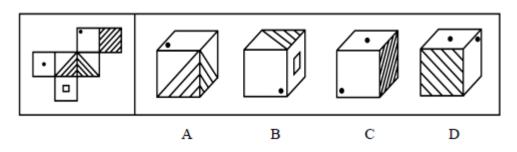
【例 3】(2018 山东)左边给定的是纸盒的外表面,下面哪一项能由它折叠而成?



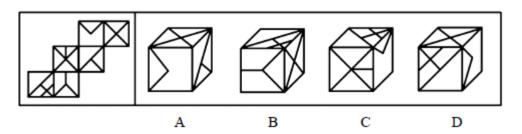
画边法排除错误相邻关系

(三同:同一面、同一起点、同一方向)

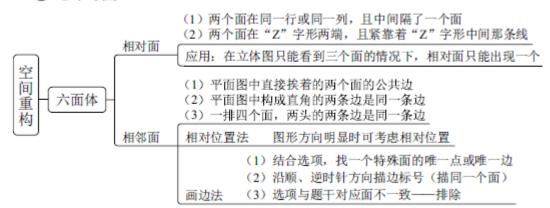
【例 4】(2013 联考)左边给定的是纸盒外表面的展开图,右边哪一项能由它折叠而成?



【例 5】(2014 山东)左边给定的是纸盒的外表面,右边哪一项能由它折叠而成?



### °⊘ 思维导图



### 方法精讲-判断2(笔记)

#### 判断推理 方法精讲 2

#### 学习任务:

- 1. 课程内容: 图形推理(数量规律、空间重构)
- 2. 授课时长: 2.5 小时
- 3. 对应讲义: 92页~104页
- 4. 重点内容:
- (1) 数量规律中每类考点的特征图
- (2) 面的细化考法
- (3) 如何判断图形笔画数
- (4) 点数量的细化考法
- (5) 空间重构中的画边法

## 位置规律 样式规律 属性规律 特殊规律 数量规律

【注意】上节课已经讲解了四大规律,图形推理的核心是根据图形特征匹配考点:

- 1. 元素组成相同,优先考虑位置规律。
- 2. 元素组成相似,优先考虑样式规律:
- (1) 元素相似,优先考虑缺啥补啥。
- (2) 线条相似,优先考虑相减同异。
- (3) 外部轮廓、分割区域相同,内部有黑有白,但黑块数量不同,平移无

### **Fb** 粉笔直播课

规律考虑黑白运算。

- 3. 元素组成不相同,优先考虑属性规律。
- 4. 特殊规律:
- (1) 图形间关系:两个图形拼合在一起,若两个图形均为"等腰"图形,则优先观察两条对称轴之间的关系;若两个图形不为"等腰"图形,优先观察图形间关系。
- (2) 功能元素:每幅图均出现小黑点、小白点、小半圆、小五角星等小元素,均起到标记的作用,考虑功能元素标记的是什么。

### 第五节 数量规律

- "数量规律"图形特征:
- (1) 元素组成不同,且属性没规律
- (2) 数量特征图明显

考点

面、线、点、素

【注意】数量规律:

- 1. 图形特征:
- (1) 元素组成不同,且属性(对称性、曲直性、开闭性)没规律。
- (2) 学习需要灵活,不能拿到题目发现元素组成不同,就将属性规律都试一遍,发现没有规律再考虑数量规律,这样解题效率太低,故一定要学会当元素组成不同,且出现明显的数量特征图时,优先考虑数量规律。如出现"窟窿"、封闭面明显,优先考虑数面;又如线条交叉明显,优先考虑数点……。
- 2. 考点: 面、线、点、素。角数量考查较少,不是理论课的重点,会在后期补充讲解。

#### 一、面数量

1. 什么是面? 白色的封闭区域







图 1 图 2 图 3

- 2. 元素组成不同, 什么时候数面?
- (1) 图形被分割、封闭面明显
- (2) 生活化、粗线条图形







图 4

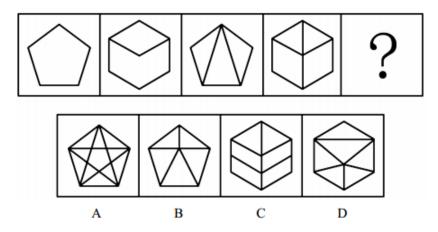
图 5

图 6

#### 【注意】面数量:

- 1. 什么是面:白色的封闭区域,可理解为白色的"窟窿"。
- (1) 图 1 面数量为 1。
- (2) 图 2 面数量为 0。
- (3)图 3 只有中间的白色封闭空间为面,故面数量为 1。若将内部涂黑,则面数量为 0。
  - 2. 元素组成不同, 什么时候数面:
  - (1)"窟窿"较多、多边形被分割、封闭面明显、考虑数面、如图 4 和图 5。
- (2) 出现生活化、粗线条图形可能考查开闭性、对称性,若二者均无规律, 且图形中间出现明显留白,可考虑数面。如图 6,"太阳"只有1个封闭空间。

【例1】(2019广东)下列选项中最符合所给图形规律的是:



【解析】1. 元素组成不相同,"窟窿"明显,考虑数面,面数量依次为1、2、3、4,"?"处图形应有5个面。

A项: 明显不止5个面,排除。

B项: 有5个面,保留。

C、D项:均有6个面,均排除。【选B】

【注意】图形推理会考查复合规律,需要看完所有选项。

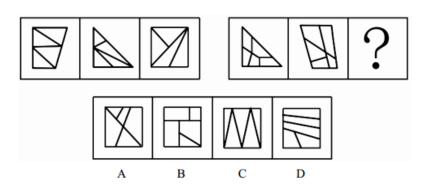
面的细化考法:

1. 所有面的形状



#### 【注意】面的细化考法:

- 1. 不是所有题目都会像例 1 一样简单,绝大多数考生都能正确解出,故为了拉开分差,会考查面的细化。
- 2. 所有面的形状。如上图两个图形都有3个面,区别在于,图1的3个面都是三角形,图2的3个面都是四边形。如果题目意图考查所有面的形状,则图形特征会非常明显。
- 【例 2】(2019 北京) 从所给的四个选项中, 选择最合适的一个填入问号处, 使之呈现一定的规律性。



【解析】2. 题干图形"窟窿"较多,封闭区域明显,考虑面数量。第一组图面数量均为4,第二组图面数量均为5,故"?"处图形面数量也应为5,但所有选项的面数量均为5,无法选出唯一答案,考虑面的细化。

第一组图每幅图的所有面均为三角形,第二组图图 1、图 2 的所有面均为四边形,故"?"处图形的所有面也应为四边形。

A、B、C项:均出现三角形面,均排除。

D项:每个面均为四边形,当选。【选 D】

#### 面的细化考法

1. 所有面的形状





2. 相同面的个数(注意三角形)







3. 最大面的形状、属性

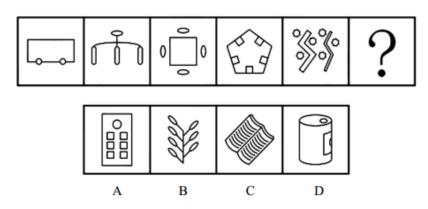




【注意】面的细化考法:

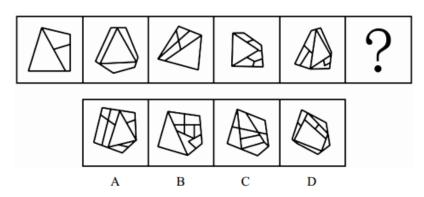
- 1. 所有面的形状。
- 2. 相同形状的面:
- (1) 出现相同小元素的面, 考虑相同形状面的个数。
- (2) 如第二行图形面数量依次为 4、7、6, 没有规律。继续观察, 每幅图 均有很多相同小元素重复出现, 可观察相同形状面, 图 1 有 3 个相同的"蜡烛", 图 2 有 4 个相同的梯形, 图 3 有 5 个相同的三角形, 故相同面的个数依次为 3、4、5, 则需要找有 6 个相同形状面的图形。
- (3)相同形状的面常考查三角形,若题干某幅图出现很多三角形的面,可考虑观察相同形状的面。
- 3. 某个面:最大面的形状、属性。第三行图均有7个面,考虑面的细化。图1最大面明显,考虑观察某个面。
  - (1) 最大面的形状: 如最大面均为三角形、最大面均为矩形。
  - (2) 最大面的属性: 如第三行图 1 最大面为是轴+中心对称图形。

【例 3】(2018 联考)从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性。



【解析】3. 题干"窟窿"明显,考虑面数量,依次为3、4、5、6、8,无法选出唯一答案,但数面特征明显,且出现相同形状的小元素,可考虑相同形状面的个数,依次为2、3、4、5、6,?,故"?"处图形应有7个相同形状的面,对应 B 项。【选 B】

【例 4】(2017 河南) 从所给的四个选项中, 选择最合适的一个填入问号处, 使之呈现一定的规律性。



【解析】4. 题干图形"窟窿"明显,考虑面数量,依次为 3、4、5、6、7,则"?"处图形面数量应为 8。

A项: 面数量为9,排除。

B、C、D项: 面数量均为8,均保留。

考虑面的细化,题干图形最大面较为明显,均为三角形,故"?"处图形的最大面也应为三角形。

B项:最大面是三角形,当选。【选B】

【注意】面的细化也会考查最小面,在后期强化课中讲解。

面的细化考法

1. 所有面的形状





2. 相同面的个数(注意三角形)







3. 最大面的形状、属性



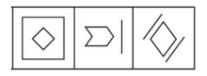


#### 【注意】总结:

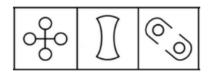
- 1. 不同的图形特征对应不同的细化,细化属于二级辨析,拿到题目需要先考虑一级辨析,若无法选出唯一答案,再考虑二级辨析。
  - 2. 面的细化考法:
  - (1) 所有面的形状。
  - (2) 相同面的个数。
  - (3) 最大面的形状、属性。

### 二、线数量

- 1. 什么是线?直线、曲线
- 2. 元素组成不同, 什么时候数直线/曲线?
- "直线"特征图:多边形、单一直线



"曲线"特征图:曲线图形(全曲线图、圆、弧)

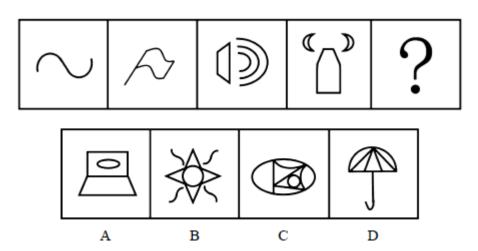


#### 【注意】线数量:

1. 什么是线: 直线、曲线。近些年几乎很少考查直线与曲线一起数,一般会分开考查。

#### 2. 特征图:

- (1)"直线"特征图:多边形、单一直线。如出题时需在矩形上加一条直线,让其构成5条线,此时若在矩形上添加直线,会制造争议题,可能面数量、点数量同时也构成了某种规律,故最简单的出题方式,会通过画出单一直线进行"凑数"。
- (2)"曲线"特征图:全曲线图形,如出现圆、弧,尤其是单一圆、单一弧, 优先考虑曲直性,若无规律再考虑曲线数。
- 【例 1】(2017 事业单位)从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性。



【解析】1. 图 1、图 3 出现单一直线,但曲直性无规律,考虑数曲线数,依次为 1、2、3、4,则"?"处图形应有 5 条曲线。

A项: 有1条曲线,排除。

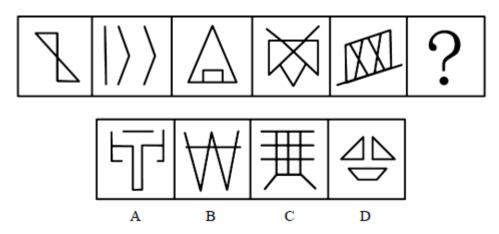
B项: 有5条曲线, 保留。

C项:有4条曲线,排除。

D项:有2条曲线,排除。【选B】

#### 【注意】光滑过渡的线为一条曲线。

【例 2】(2015 黑龙江)从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性。



【解析】2. 图 2 出现单一直线, D 项为多边形组合而成, 考虑数直线数, 依次为 4、5、6、7、8, 故"?"处线数量应为 9。

A项:有10条直线,排除。

B项: 有5条直线,排除。

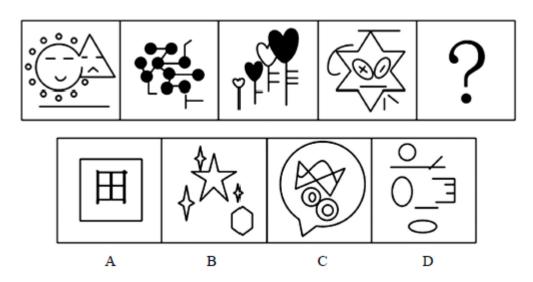
C项:有9条直线,保留。

D项:有10条直线,排除。【选C】

#### 【注意】

- 1. 直线数平滑的直线,不数线段。
- 2. 出现单一直线、多边形, 考虑数直线数。
- 3. 线数量除了可以分为直线和曲线,也可分为横线和竖线。

【例 3】(2018 联考)从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性。



【解析】3. 题干较乱,不可能考查面数量(图 1 面较多,图 2 没有面)、点数量(图 2、图 4 点较多)。

图 1 出现单一直线,与图 4 直线数差距较大,不会考查递增规律,图 2 不存在明显曲线,考虑数横竖线。图 1 的单一直线为横线,故优先考虑数横线数。每幅图横线数均为 6,故"?"处图形横线数也应为 6。

A项: 有5条横线,排除。

B项:有2条横线,排除。

C 项:没有横线,排除。

D项:有6条横线,当选。【选D】

【注意】没有明显的特征图,要有极端思维,通过分析复杂图形,排除不可能考查的考点。

线的特殊考点:笔画数

1. 一笔画含义: 在不能重复的情况下, 能够一笔画成的图形

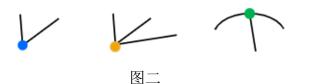






图—

- 2. "一笔画"同时满足两个条件
- (1) 线条连通
- (2) 奇点数为0或2(奇点:发射出奇数条线的点)



注:端点也是奇点!



### 【注意】笔画数:

- 1. 一笔画含义:图形在线条不能重复的情况下,能够一笔画成。如圆、五角星能够简单画出,但复杂图形不可能马上画出来,需考虑使用技巧解题。
  - 2. "一笔画"同时满足两个条件:
  - (1) 线条连通,如两个分开的圆则不能一笔画成。
  - (2) 奇点数为0或2。
- ①奇点:发射出奇数条线的点,例如人站在这个点上,有奇数条路可以走,则这个点是奇点。
- ②如图二中图 1 标蓝的点有 2 条路,故蓝点不是奇点;图 2 标黄的点有 3 条路,故黄点是奇点;图 3 标绿的点发射出 3 条线,即有 3 条路,故绿点是奇点。
- 3. 端点也是奇点。如图三中图 3 左侧的端点发射出 1 条线,故端点也是奇点。图 1 有 2 个奇点,可一笔画成;图 2 和图 3 都有 4 个奇点,不能一笔画成。

#### 多笔画:

笔画数=奇点数÷2(奇点数一定是偶数个)







图 1

图 2

图 3

#### 【注意】多笔画:

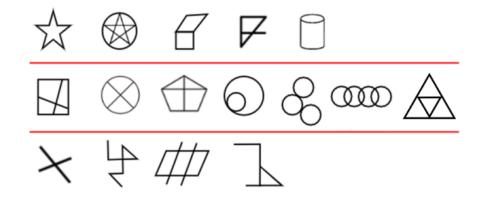
- 1. 笔画数=奇点数÷2。
- 2. 练习:
- (1) 图 1: 左边和中间各有 1 个点, 这 2 个点均有 4 条路, 都不是奇点,

故图 1 奇点数为 0, 且为连通图, 为一笔画图形。

- (2) 图 2: 端点是最典型的奇点,即 2 个奇点,左边中间的点发射出 3 条线,直线与圆的交点也发射出 3 条线,共有 4 个奇点,4÷2=2,即两笔画图形。
- (3)图 3:图形不连通,需要内外分开数,再相加。外框的圆为一笔画图形,中间的"十"字有 4 个端点,即 4 个奇点,故图 3 为三笔画图形。
  - (4) 奇点数一定为偶数,数出3个或5个奇点,说明是数错了。
  - 3. 如何用技巧快速判断图形的笔画数:
- (1) 连通图: 若数出 0 或 2 个奇点,则为一笔画图形; 若数出 4/6/8/10 等偶数个奇点,则笔画数=奇点数÷2。
- (2) 图形不连通:分开数每个部分的笔画数,然后再将各个部分笔画数加和。

#### 笔画数常见特征图

1. 五角星; 2. "日""田"及其变形; 3. 圆相切/相交; 4. 出现明显端点



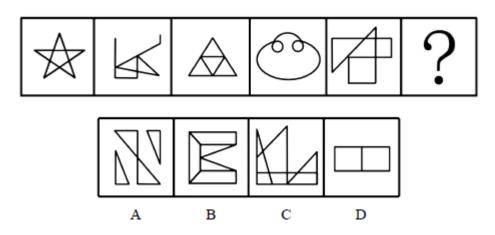
#### 【注意】笔画数常见特征图:

- 1. 五角星:属于典型的"墙头草",需要结合队友判定考点。若与五角星一起出现的为"等腰"图形,则优先考虑对称;若五角星与"日"字、"田"字变形图同时出现,则考虑笔画数。
  - 2. "日""田"及其变形:
  - (1)"日"字变形图: 1条线将框分成2个面。
  - (2)"田"字变形图: 2条线将框分成4个面。
- 3. 圆相切/相交:可能不是圆,当遇到封闭空间相切/相交,也有可能考查笔画数。如第二行最后一幅图,虽然不显眼,但 2020 国考、2020 江苏、2019 浙江

均使用该图考查笔画数。

4. 出现明显端点:图形出现很多端点,可能考查笔画数。如"十""A",端点在数面/曲线特征图没有出现过,端点是奇点,所以遇到很多端点(凑奇点),可以考虑笔画数。

【例 4】(2019 浙江) 从所给的四个选项中, 选择最合适的一个填入问号处, 使之呈现一定的规律性。



【解析】4. 元素组成不同,图 1 为五角星、图 3 常出现在笔画数的题目中、D 项为"日"字变形、图 4 为圆相交,考虑笔画数。

图1明显可一笔画成;图2有2个奇点,为一笔画图形;图3有0个奇点,为一笔画图形;图4有0个奇点,为一笔画图形,图5有0个奇点,为一笔画图形,题干均为一笔画图形,故"?"处图形也应为一笔画。

A 项: 图形分开, 无需数, 明显不是一笔画图形, 排除。

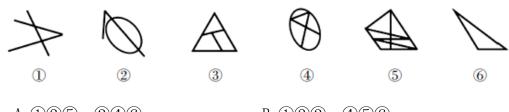
B项:有6个奇点,为三笔画图形,考试时发现奇点数明显超过2个,无需继续数,排除。

C项:有4个奇点,为两笔画图形,排除。

D项: "日"字变形,为一笔画,当选。【选 D】

【注意】"田"字变形一般为两笔画图形。

【例 5】(2017 国考)把下面的六个图形分为两类,使每一类图形都有各自的共同特征或规律,分类正确的一项是:



A. 125, 346

B. 123, 456

C.(1)(3)(5), (2)(4)(6)

D. (1)(2)(6), (3)(4)(5)

【解析】5. 图①为"A"字形,图②为"日"字变形,图④可看成"田"字变形,考虑笔画数。

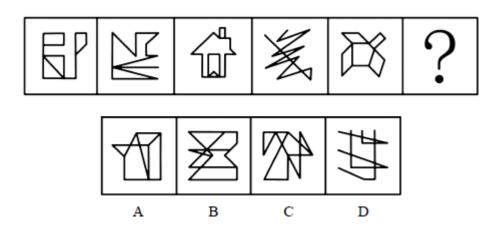
图①有4个奇点,为两笔画图形;图②有2个奇点,为一笔画图形;图③有4个奇点,为两笔画图形;图④为外框+内部一笔画,为一笔画图形;图⑤有4个奇点,为两笔画图形;图⑥为一笔画图形。

图①③⑤为一组,均为两笔画图形;图②④⑥为一组,均为一笔画图形,对应 C 项。【选 C】

#### 【注意】积累:

- 1. "A"字变形一般为两笔画图形。
- 2. 外框+内部一笔画=一笔画图形。

【例 6】(2020 国考)从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处, 使之呈现一定的规律性。



【解析】6. 图 2、图 4、D 项出现多端点,图 5 为封闭空间拼合,考虑笔画数。图 1 有 2 个奇点,为一笔画图形;图 2 有 2 个奇点,为一笔画图形;图 3 为外框+内部一笔画(只有"烟囱"与房子相接处有 2 个奇点),为一笔画图形;

图 4 明显可一笔画成;图 5 为外框+内部一笔画,为一笔画图形,题干图形均为一笔画,故"?"处也应为一笔画图形。

D项:端点较多,明显无法一笔画成,排除。

A、B项: 4个奇点,两笔画图形,均排除。

C项:有2个奇点,为一笔画图形,当选。【选C】

【注意】端点就是奇点。

# 

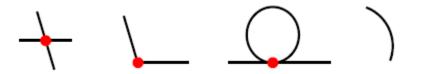
#### 【注意】笔画数总结:

- 1. 以上图形都出自于真题,需要了解共同特征。
- 2. "田"字变形图变化较多,一般情况"十"字在框内,但也会出现把"十"字放在外面的图形,如"古"(如 2019 年辽宁、2019 年青海都有考查)。
- 3. "圆"相切或相交,可能不出现圆,而出现封闭空间,如第三行用红框标记出的图形,属于"红人",一定要牢记。
  - 4. 多端点: "A"字形较为常见。

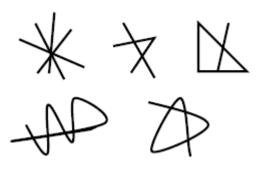
#### 三、点数量

1. 什么是点? 这里指线与线的交点,端点不是交点

### **Fb** 粉笔直播课



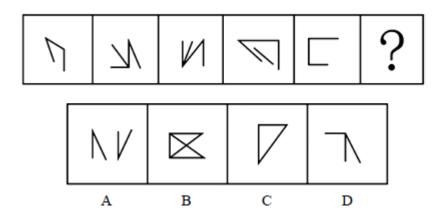
- 2. 元素组成不同, 什么时候数点?
- (1) 线条交叉明显(大树杈)
- (2) 乱糟糟一团线交叉



#### 【注意】点数量:

- 1. 什么是点:这里指线与线的交点,端点不是交点。如第一行图形,前三幅图的红点都是交点,图 4 的端点不是交点(交点数为 0)。
  - 2. 元素组成不同, 什么时候数点?
  - (1) 线条交叉明显, 出现"大树杈"等交叉明显的图形, 如第二行图形。
  - (2) 乱糟糟一团线交叉,比如一团线绕来绕去,产生多个交点。
- 3. 第二行和第三行图形与笔画数的特征图十分相似,无法用一句话分清两种特征图,因此,线条交叉明显,出现多个交点的时候,既可以考虑笔画数,又可以考虑点数量,建议把二者的特征图捆绑在一起。比如出现"米"字图形的时候,端点较多,不优先数笔画,而优先数交点,交点数无规律再数笔画数。

【例1】(2019 青海)从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性。



【解析】1. 根据图形特征判断考点,看到图 1 和图 2 出现多端点图形,考虑笔画数。图 1 是一笔画图形,图 2、图 3、图 4 均是两笔画图形(有 4 个奇点),笔画数不是等差规律,也没有恒等规律,所以笔画数无规律。

考虑点数量, 题干图形均有 2 个交点, 故"?"处图形应有 2 个交点。

A项:有2个交点,保留。

B项:交点数不是2,排除。

C项:交点数为3,排除。

D项:交点数为1,排除。

题干图形线数量依次为3、4、4、4、3,无规律。【选A】

【注意】例 1 只能考虑笔画数、线数量、点数量,无法考虑数面,一定可以在 1 分钟内解题。

#### 点的细化考法

1. 曲直交点: 曲直交叉明显

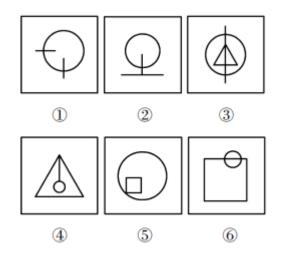


#### 【注意】

- 1. 数量规律往难考就会考查细化。
- 2. 交点是线线相交的点,点的细化可以考查曲直交点,即只数曲线和直线相交形成的点。

- 3. 出题人几乎不考查直线和直线的交点、曲线和曲线的交点。优先考虑高频考点,而不是偏门考点。
- 4. 曲直交叉明显的时候考虑曲直交点,无规律再考虑笔画数等其他考点。数笔画的题目中,不会出现每幅图都曲直相交明显的情况。

【例 2】(2016 国考)把下面的六个图形分为两类,使每一类图形都有各自的共同特征或规律,分类正确的一项是:



A. (1)(2)(4), (3)(5)(6)

B. (1)(2)(5), (3)(4)(6)

(2.5)(6)

D. 136, 245

【解析】2. 每幅图都有一个圆(不用考虑圆的大小),说明考点与圆相关。 图①、图③的圆都横穿了直线,出现明显的曲直相交叉。每幅图都有曲直交叉的 点,先考虑曲直交点(曲线和直线相交形成的点),无规律再考虑笔画数等考点。

图①③⑥为一组,曲直交点数均为 2; 图②④⑤为一组,曲直交点数均为 1, D 项当选。

本题试错的时候可以考虑笔画数,但图①、图②都是两笔画图形,图③④⑤⑥都是一笔画图形,无法分组。【选 D】

【注意】第一次听可能比较懵,课后需要再整理。例2每幅图都出现圆,如果出现单独曲线,可以考虑曲直性或曲线数,但本题每幅图都在构造曲直交点(直线横穿过圆),所以数曲直交点。

点的细化考法

1. 曲直交点: 曲直交叉明显



2. 框上/内交点: 所有图形均有"外框(圆居多)", 考虑框上、框内分开数





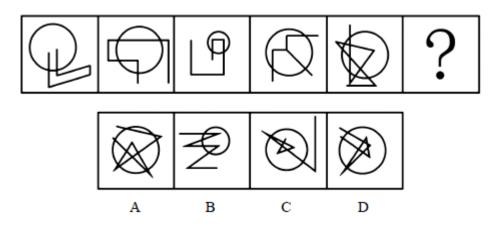


图二

### 【注意】点的细化考法:

- 1. 样式: 曲直交点。
- 2. 位置:线条来回交叉明显,而且每一幅图都有框,把交点分为框上、框内、框外交点,即细化了交点的位置。
- 3. 图形外框可以是圆形、矩形、正方形等,出现线条与外框相交叉,就考虑分开数。如图二,框内交点数依次为 1、3、4; 框上交点依次为 4、3、6。框上交点多的时候,考查框上交点的可能性不高。
  - 4. 真题很少考查框外交点,一般考查框内、框上交点。
  - 5. 虽然外框可以是任意形状,但圆形作为外框考查内外分开数的情况较多。

【例 3】(2018 国考)从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处, 使之呈现一定的规律性。



【解析】3. 题干图形都有圆,而且有直线与圆相交叉。本题的曲直交点就是框上交点,因为外框都是圆。本题可以考虑框上交点(曲直交点)、框内交点。

题干图形框上交点数依次为 2、4、2、3······, 无需全部数完即可发现无规律。框上交点试错无规律, 所以考虑框内交点, 依次为 0、1、2、3、4、?, 故"?"处图形框内交点应为 5。

A项: 4个框内交点,排除。

B项: 2个框内交点,排除。

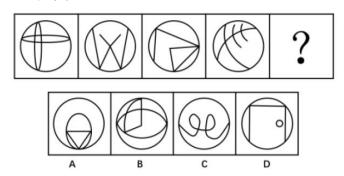
C项: 5个框内交点,保留。

D项:不止5个框内交点,排除。【选C】

#### 【注意】

- 1. 图形以圆形作为外框,内部线条与圆相交叉,可以考虑框上交点;框上交点无规律,可以考虑框内交点;还可以考虑框上交点与框内交点做运算。
- 2. 如果图形考查框上、框内交点分开数,数完的数字要写在下面,不能擦掉,因为可能考查做运算,2018年山东省考曾如此考查,正确率为18%。

#### 【拓展题-2018 广州】



【解析】拓展. 课堂正确率为 95%。题干图形都有圆形外框,内部线条与圆形相交叉,常考框上和框内交点分开数。框内交点数依次为 4、1、1, 无规律,考虑框上交点。题干图形框上交点数均为 4, D 项当选。

A项: 有1个框上交点,排除。

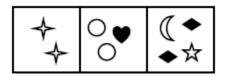
B项:有3个框上交点,排除。

C项:有2个框上交点,排除。【选D】

【注意】无数个圆相切、相交都是一笔画图形,因为奇点数为0。

#### 四、素数量

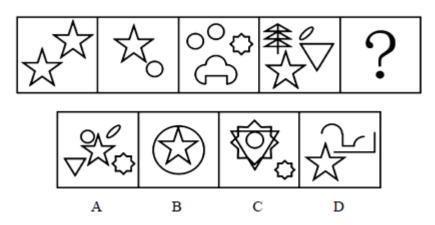
1. 什么是素? 多个独立小图形



- 2. 出现小元素,做题思路?
- (1) 优先考虑元素种类和个数
- (2) 选不出唯一答案,考虑相邻比较

#### 【注意】素数量:

- 1. 什么是素: 多个独立小图形、小元素。
- 2. 出现小元素, 做题思路:
- (1) 优先考虑元素种类和个数。
- ①种类:"长得一样"的是一种元素,上图元素种类依次为1、2、3。
- ②个数:上图元素个数依次为2、3、4。
- (2) 选不出唯一答案,考虑相邻比较,圈出相邻的 2 幅图,可能二者之间有一种一样/不一样的元素。
- 3. 遍历与素数量的区别: 遍历(缺啥补啥)特征图是相同元素反复出现,而素数量的元素彼此之间是独立的,没有相同元素重复出现,正常看元素种类、个数即可。
- 4. 遍历(缺啥补啥)喜欢在两组图/九宫格中考查,缺啥补啥需要一个榜样 (没有榜样就不知道需要补什么),两组图题目中,第一组图是榜样;九宫格题 目中,第一行图形是榜样,因此遍历很少在一组图中考查。
- 【例 1】(2017 天津)从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处, 使之呈现一定的规律性。



【解析】1. 出现小元素,考虑元素种类和个数。题干图形元素种类依次为 1、2、3、4、?,故"?"处图形应有 5 种元素。有同学可能不清楚 B 项的圆形和五角星算作一种还是两种元素,同一道题里面规律应该统一,图 4 左上角有多个小元素连在一起,算作一种元素,所以选项连在一起的元素也作一种元素。

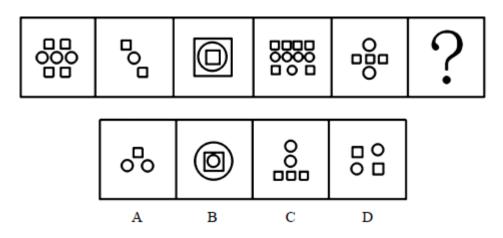
A项: 有5种元素, 当选。

B项:元素连在一起,有1种元素,排除。

C项: 左上角的图形连在一起, 算作 1 种元素, 一共有 2 种元素, 排除。

D项:有3种元素,排除。【选A】

【例 2】(2020上海)从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性。



【解析】2. 每幅图都有○和□两种元素,元素种类无法排除选项。图1有7个元素,图2有3个元素,元素个数也无规律。整体观察无规律,考虑分开看。图形内外分开就内外分开数,上下分开就上下分开数。

本题每幅图都出现○和□两种元素, 所以不同元素分开数。□数量依次为 4、

- 2、2、6、3,○数量依次为3、1、1、5、2。素数量题目中,大圆和小圆看作同一种元素(不用考虑大小之分)。单独看无规律,考虑做运算,□比○多1 个,"?"处图形应满足此规律。
  - A、B项: ○数量比□多1个,均排除。
  - ℃项:□比○多1个,当选。
  - D项:□和○数量相等,排除。【选 C】

#### 【注意】

- 1. 小元素题,元素种类、个数无规律,整体数无规律,考虑分开数。素数量题目一般考查 2 种元素做运算,不会考查 3 种或 5 种元素。
- 2. "4、2、2、6、3"后面不一定是"3",不能人为地把一组图分成两组来看,所以不成规律。
- 3. 一组图题目尽量整体有规律,如果出题人考查前后分开看,就会设置为两组图题目。
  - 1. 什么是素? (1) 多个独立小图形; (2) 部分数(连在一起就是一部分)
  - 2. 什么时候考虑部分数?

生活化、粗线条图形





图 1

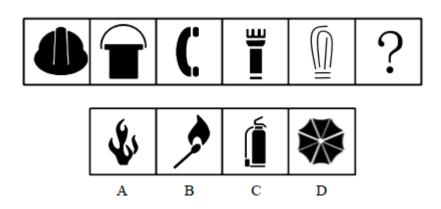
图 2

#### 【注意】素数量:

- 1. 什么是素:
- (1) 多个独立小图形。
- (2) 部分数:连在一起就是一部分。一笔画图形的第一个条件就是"图形连通(是一个整体、一个部分)"。图 1 的线条虽然乱,但是连通的一部分图形;图 2 左上角的机翼与机身断开,是两部分图形。
  - 2. 生活化、粗线条图形:

- (1) 从属性角度上看,可以考虑对称性、开闭性。理论上可以考虑曲直性,但一个粗线条图形(两头是曲线、中间是直线)就很难判断曲直性,所以一般不会用粗线条图形考查曲直性,一般用细线条考查曲直性。
  - (2) 数量规律: 面数量、部分数。

【例 3】(2015 四川选调)从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性。



【解析】3. 图 2 是"桶",图 3 是"电话",出现生活化、粗线条图形,考虑属性规律,对称性和开闭性无规律(因为选项都是全开放图形)。考虑数量规律,题干没有封闭的"白窟窿",题干和选项都是 0 个面,面数量无规律。

图 3 和图 4 明显出现断开的图形,考虑部分数,题干图形的部分数依次为 1、2、3、4、5、?,故"?"处图形应有 6 个部分。

A项: 不是6个部分,排除。

B项:有2个部分,排除。

C项:有6个部分,保留。

D项: 有8个部分,排除。【选C】

【注意】江苏省考才会考查图形的实际意义,除江苏省考以外的所有省考都 不会考查图形的实际意义,把图形看作简单线条即可。

生活化、粗线条图形常见考法:

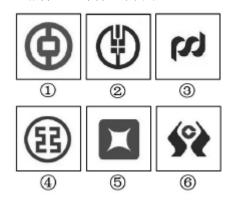
1. 部分数



2. 面(粗线条内部留白较多)



3. 属性(对称、开闭)



【注意】生活化、粗线条图形常见考法:

- 1. 属性规律: 考虑对称性、开闭性。
- 2. 数量规律: 考虑面数量、部分数。
- (1) 面是白色的封闭区域,第二行图形的图 1,"小太阳"有 1 个面,有 2 个部分(中间黑球和外圈断开)。数面数的是白的,数部分数的是黑的。
- (2) 第二行图形的图 2, "火车"有 5 个白色封闭区域,即 5 个面;最下面是一部分,车身是一部分,中间的"L"形是一部分,所以一共 3 部分。

数量规律特征图			
考点		特征图	
面		窟窿多、图形被分割;生活化、粗线条图形	
线	直线	多边形、单一直线	
	曲线	曲线圈形(全曲线圈、圆、弧)	
	笔画数	1.五角星; 2. "日" 、 "田" 及其变形; 3.圆相	初/相交; 4.出现明显端点
点		线条交叉明显(大树杈)、乱糟糟一团线交叉、	相切较多
素	小元素	出现多个独立小图形,优先考虑种类和数量	\$\$ \$\$ \$\$\$
	部分数	生活化、粗线条图形,考虑部分数	

【注意】数量规律特征图:记住文字的意义不大,看到文字之后脑海要有图形。

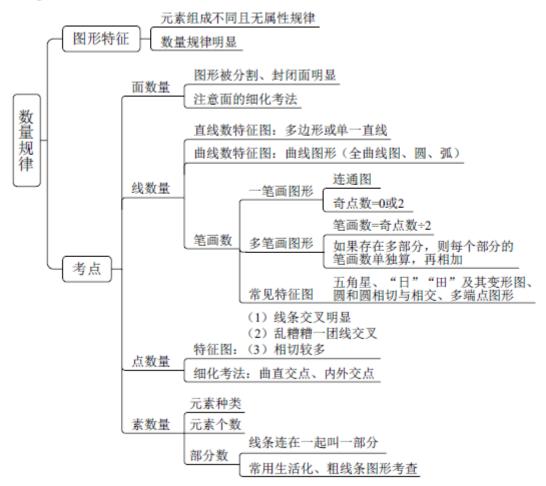
- 1. 面: 封闭空间明显"窟窿"多、图形被分割;生活化、粗线条图形。
- 2. 线:
- (1) 直线: 多边形组合、单一直线(用于凑数)。
- (2)曲线:出现单一曲线、单一圆/弧。出现圆,优先考虑曲直性,无规律再考虑曲线数。
- (3) 笔画数:如第四行的图 3 是典型的封闭空间拼接在一起,即使看不到图 3,看到图 1 是五角星,看到明显的多端点图形、"田、日"字变形,就考虑笔画数。笔画数很难想到,所以说"走投无路一笔画"。如果某道题无法解题,可以考虑笔画数。
- 3. 点(笔画数和点数量的特征图十分相似,可以将二者的特征图捆绑记忆): 出现线条交叉明显(大树杈)、乱糟糟一团线交叉、相切较多的图形,笔画数无 规律就考虑数点,数点无规律就数笔画。

#### 4. 素:

- (1) 小元素: 出现多个独立小图形, 优先考虑种类和数量。题干和选项都有 2 种元素, 考虑分开数, 有可能考查 2 种元素个数的运算。
- (2) 部分数:生活化、粗线条图形,考虑部分数。除此之外,出现生活化、粗线条图形还可以考虑属性规律中的对称性。

- 5. 角数量考得很少, 所以不在理论课中讲解。
- 6. 真题课会讲解元素换算的问题。

#### °⊘ 思维导图



#### 【注意】数量规律:

- 1. 面数量的细化考法: 所有面的形状、相同形状面的个数、最大面的形状和属性。
  - 2. 线数量的细化考法: 曲直分开数、横竖分开数。
- 3. 点数量的细化考法:内外交点,如圆形作为外框,有可能考查框上和框内交点分开数。

### **一 粉笔直播课**

位置规律 样式规律 属性规律 特殊规律 数量规律 空间重构

第六节 空间重构

1. 如果靠想象力: 注意折叠方向

左边给定的是纸盒外表面的展开图,右边哪一项能由它折叠而成?

2. 如果靠技巧: 所有的方法都是排除错误选项的





图 1

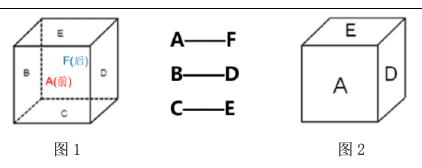
图 2

#### 【注意】

- 1. 六面体空间重构题,无需空间想象能力,老师会教大家用技巧和方法把空间思维转换到平面上。学会本节课的所有方法之后,六面体题目可以 100%做对。
  - 2. 如果靠想象力:
- (1)如果可以想象出来,就直接用想象力解题,如果想象不出来,就学习 老师讲解的解题思维。
- (2) 注意折叠方向,已知"左边给定的是纸盒外表面的展开图",所以应该按照图1的方式折叠,而不是图2,要把图案露在外面。
- 3. 如果靠技巧: 所有的方法都是排除错误选项的。某一个选项没有错误,不能直接选,排除后面的选项之后才能选;某一个选项明显正确,才能直接选。不确定的选项先保留。

#### 一、相对面

### **一 粉笔直播课**



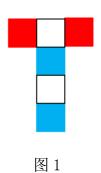
应用:一组相对面出现2个的选项——排除

#### 【注意】相对面:

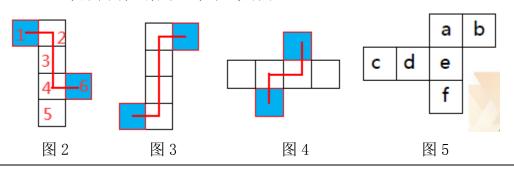
- 1. 六面体面与面的关系一共两种:
- (1) 面与面挨在一起,是相邻面。
- (2) 2个面平行,是相对面。
- 2. 一个六面体有 3 组相对面,如图 1,面 A 和面 F、面 B 和面 D、面 C 和面 E 分别是一组相对面。
- 3. 考试不会给出透视图,更多的会给出像图 2 的立体图,只能看到 3 个面,相对面不会同时出现,出现面 A 就不会出现面 F,如果二者同时出现,说明立体图错误。

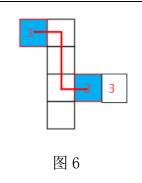
展开图中如何判断相对面:

1. 同行或同列相隔一个面



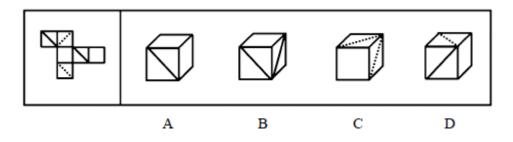
2. "Z"字形两端(紧邻 Z字中线的面)





#### 【注意】展开图中如何判断相对面:

- 1. 同行或同列相隔一个面:如图 1,2 个红面是同行隔一个面的相对面,2 个白面、2 个蓝面分别是同列隔一个面的相对面。如果立体图中同时看到 2 个红面,那这个立体图一定错误。
  - 2. "Z"字形两端(紧邻"Z"字形中线的面):
- (1)如图 2,用直线把 2 个蓝面连起来,直线就类似"Z"字,"Z"字形两端的面是相对面。给图形从上往下依次标号 1-6,面 2 和面 4、面 3 和面 5 均是同列隔一个面的相对面,剩下的面 1 和面 6 也是相对面。
  - (2) 紧邻 "Z" 字形中线的面:
- ①如图 6, 面 3 没有挨着 "Z"字中线, 所以面 1 和面 3 不是 "Z"字形两端的相对面。
- ② "Z"字里一共有3条线,唯一一条方向不同的就是"Z"字中线。如图4, "Z"字中线是中间的红色横线,2个蓝面是紧挨着"Z"字中线的相对面。
- ③如图 5, 面 b 没有同行或同列隔一个的相对面,观察"Z"字形,面 b 和面 d 是紧邻"Z"字中线的相对面;面 a 和面 f 是同列隔一个面的相对面;面 c 和面 e 是同行隔一个面的相对面。
- 【例 1】(2014 黑龙江)左边给定的是纸盒外表面的展开图,右边哪一项能由它折叠而成?



【解析】1. 题干给出一个展开图,先在展开图中定位选项出现的面的位置,才能判断是否是相对面,选项是否正确。

A 项: 2 个空白面在展开图中是相对面(同行相隔一个面),不能同时出现,因为没有透视眼,排除。

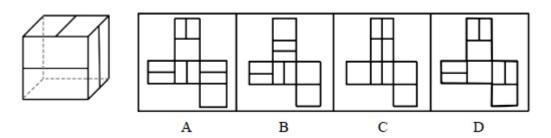
B项: 2个斜对角线在展开图中是相对面("Z"字两端的面),不能同时出现,排除。

C项: 2个虚线面在展开图中是相对面(同列相隔一个面),不能同时出现,排除。

A、B、C 项均排除,直接选择 D 项,不需要知道 D 项为什么对。【选 D】

【注意】相对面很好用,如果能用相对面排除选项的,就优先看。

【例 2】(2016 江苏) 左边这个图形是由右边四个图形中的某一个作为外表面折叠而成的,请指出它是哪一个。



【解析】2. 本题与上一题不太一样,题干给出一个立体图,选项为展开图, 立体图中3个直线面都是挨在一起的,是相邻面。

A 项: 有 2 组直线面是相对面(同行或同列相隔一个面),不能同时出现, 折合之后最多出现 2 个直线面,排除。

B项: 3个直线面是相邻面,折合后可以出现3个直线面,保留。

C、D 项: 有 2 个直线面是相对面(同行或同列相隔一个面),不能同时出现, 折合后最多出现 2 个直线面,均排除。【选 B】

#### 【注意】

- 1. 不需要知道正确选项为什么对。
- 2. 相对面在立体图中不能同时被看到。若有 2 个选项都满足相邻面, 才会更

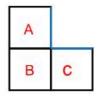
加细节地去看面与面的关系。

3. 相对面在现在的题目中可能只能排除 1-2 个选项, 在有的题目中甚至可能一个选项都排除不了。

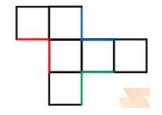
方法二:相邻面——公共边

如何确定公共边:

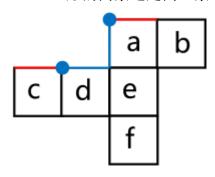
1. 平面图中构成直角的两条边是同一条边



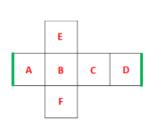


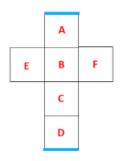


2. "L"形的两条边是同一条边



3. 一列/行连着 4 个面,两头的两条边是同一条边



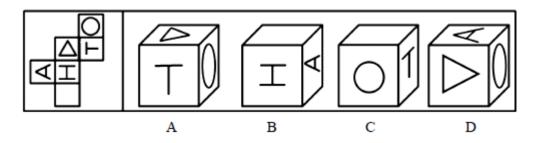


#### 【注意】

- 1. 相邻面:紧挨着的2个面一定有公共边。
- 2. 如何确定公共边:
- (1) 平面图中构成直角的两条边是同一条边。如第一行图,图 1 中面 A 和面 B 紧紧挨在一起,二者共用的边是同一条边;面 A 和面 C 中标蓝的 2 条边是同一条边(垂直的两条边为同一条边;如图 2 的折法,折叠后标蓝的 2 条边会重合);

同理,图3中标相同颜色的2条边都是垂直的,折合之后是同一条边。

- (2) "L"形的两条边是同一条边(不用理解,记住结论即可)。
- ①如第二行图,考查 2 个面的关系,如面 a 和面 c,可以看公共边,因为面 a 和面 c 不是相对面,一定是相邻面,则二者一定有公共边;观察发现,面 a 和 面 c 在 "L"形(4 个面连在一起构成)的两端,此时面 a 和面 d 中标蓝的 2 条 边是同一条边,则标蓝的点一定是同一个点,标蓝点往外发出的 2 条线为同一条边(标红)。
- ②如第二行图,观察面 b 和面 f 的公共边,二者在"L"形的两端(4 个面连在一起构成),"L"形中间有呈直角的两条边,折叠之后会重合,从重合点发射出的 2 条线是同一条边(面 b 右侧边和面 f 右侧边是同一条边)。
  - (3) 一列/行连着 4 个面,两头的两条边是同一条边。
- ①如第三行图,图1中面E和面F是上、下底,中间四个面折合之后,标绿的2条边会重合,即为同一条边;图2同理,标蓝的2条边是同一条边。
- ②如第三行图 2, 若考查到面 D 和面 F 的公共边, 二者在展开图中呈"L"形, 中间 2 条短边是同一条边,则面 D 右侧边和面 F 右侧边是同一条边。
- 【例 1】(2013 联考)左边为立方体的外表面,右边哪个立方体可以由它折成?请把它找出来。



【解析】1. 定位面找关系。

A 项: 三个面在展开图中是相邻面,三者的位置没有问题;若可以直接看出 A 项是对的,可以直接选,不能看出先保留。

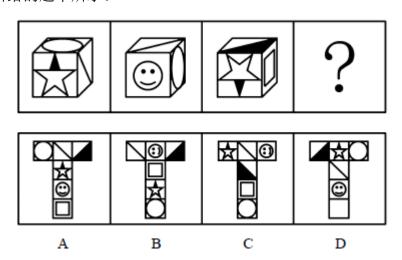
B项:面A和面H是相邻面,二者看公共边,展开图中"A"脚踩公共边,选项中"A"的尖顶公共边,只要有任何细节对应不正确,就一定不对,排除。

C 项: "T"字面和白面隔得比较远,就先看圆面和"T"字面,选项中"T"字面头顶白面,展开图中"T"字面头顶三角形面,排除。

D项: "A"脚踩圆面,展开图中"A"脚踩"H",排除。【选A】

【注意】两个面只要不是相对面,就是相邻面,相邻面可以看公共边,只要公共边与展开图中可以对应,就先保留:只要公共边对应不正确,就可以排除。

【例 2】(2016 浙江) 从所给的四个选项中, 选择最合适的一个填入问号处, 使之符合所给的题干所示。



【解析】2. 题干给出3个立体图,选项给出展开图,"?"处选择是展开图的,且给出的3个立体图是同一个图形(只是不同的摆放位置),若不是一样的,就不能解题。给出的是立体图,不能看相对面,只能看相邻面,第一个立体图正面是五角星黑尖头顶圆面,右面是斜线面。

A项: 五角星黑尖"头顶"斜线面,立体图中五角星黑尖"头顶"圆面,排除。

B项: 五角星黑尖"头顶"正方形面,立体图中五角星黑尖"头顶"圆面,排除。

C项: 五角星"头顶"的面看不到,右侧面为斜线面,先保留。

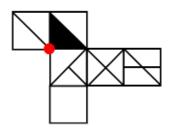
D项: 五角星"头顶"的面看不到,五角星黑尖右侧面为圆面,立体图中五角星黑尖右侧面为斜线面,排除。【选C】

【注意】相对面无法解题,就考虑相邻面,"邻居"不对一定不对,"邻居" 位置不对也一定不对。

方法二:相邻面——公共点

如何确定公共点:

相邻三个面的公共点是唯一的

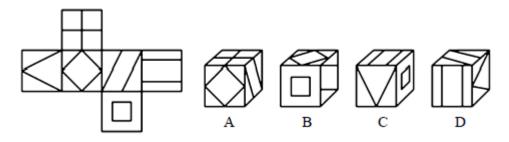




注: 公共点发射出的线条的数量或图案折叠前后不变

【注意】公共点:若选项出现3个面,考虑看公共点。做题思维是2个面看公共边,3个面看公共点,哪个解题快看哪个。

- 1. 如何确定公共点: 相邻三个面的公共点是唯一的。
- 2. 注: 公共点发射出的线条的数量或图案折叠前后不变。
- 3. 如图,三个面挨在一起,公共点是标红的点,分析细节,展开图中公共点挨着黑色三角形的直角点处,立体图中公共点挨着黑白三角面中白色三角形的直角点,立体图错误。
- 【例 3】(2018 山东)左边给定的是纸盒的外表面,下面哪一项能由它折叠而成?



【解析】3. 先将选项中的3个面在展开图中定位出来。

A 项: 三个面在展开图中紧挨着,观察公共点(也可以看公共边),展开图中公共点没有引出线,选项中公共点引出1条线,排除。

B项:三个面在展开图中紧挨着,观察公共点,选项和展开图中公共点均引出1条斜线,但公共点不能排除的不代表该选项正确,因为方法是用于排除选项的,所以不能直接选,先保留。

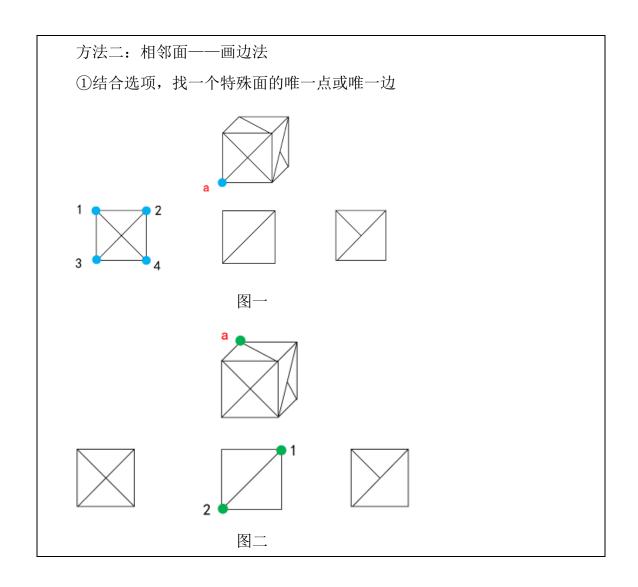
### **一 粉笔直播课**

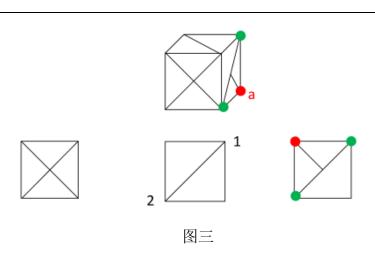
C 项:选项和展开图中"="面和小方块面的位置均保持一致;观察"<"面和"="面的关系,"<"面的尖挨着公共边,展开图中"<"面的开口挨着公共边(一排4个面,两头的两条边是同一条边),排除。

D项:选项"<"的尖挨着与"="垂直的边,选项中"<"的尖挨着与"="平行的边,排除。【选B】

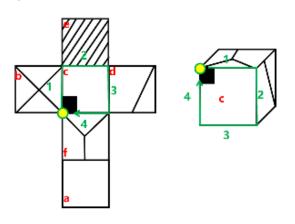
#### 【注意】

- 1. 出现很多带斜线的面,优先考虑公共点解题,因为看公共点更容易看出线斜着的角度是否正确。
  - 2. 六面体的题, 若空间感好, 有一定的优势, 即看起来会快一起。





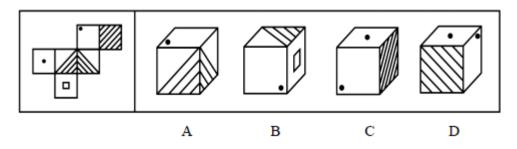
- ②顺/逆时针方向描边标号(描同一个面)
- ③题干与选项对应面不一致一排除



图四

- 【注意】相邻面——画边法:属于万能大法,但比较慢,若可以直接用相对面、相邻面解题直接用,不能解题才考虑画边法(兜底的方法)。
- 1. 结合选项, 找一个特殊面的唯一点或唯一边。唯一点一定是在边框的四个项点是上找, 而不是在内部。
- (1)如图一,第一行图立体图中"×"面找不到唯一点,如标蓝的点 a,不知道对应第二行图图 1 中标蓝的哪一个点。
- (2)如图二,第一行图立体图中对角线面也找不到唯一点,如标绿的点 a,不知道对应第二行图图 2 中标绿的哪一个点(因为都发散出 1 条斜线)。
- (3)如图三,第一行立体图中标红的点是唯一点,其对应第二行图 3 中标红的点,因为二者都刚好发散出一个小短边(有参照的是唯一点);若绿色的点能分清(还有图 3 中右下角的点也是唯一点),可以用其画边,哪个点好找就用哪个点画边,不要为难自己。

- 2. 题干和选项顺/逆时针方向描边标号(同一个方向,描同一个面)。如图四, 找面 c 中小黑块与边框相交的点为唯一点画边,然后在展开图和选项中均从唯一 点顺时针画出边 1-4。
- 3. 题干与选项对应面不一致——排除。如图四,展开图中边1挨着"×"面,立体图中边1挨着"Y"面,对应不一致,立体图错误。
- 4. 画边法总结为"三同",即同一个面、同一个起点、同一个方向(一般选择顺时针)画边标号。
- 【例 4】(2013 联考)左边给定的是纸盒外表面的展开图,右边哪一项能由它折叠而成?



【解析】4. 在展开图中用字母 a-f 依次为面标号。

A 项: 在展开图中定位选项中的三个面,这三个面位置关系明显是对的,当选。

若考场上知道 A 项明显是正确的,就可以直接当选。

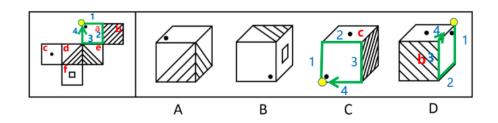
B 项:小黑点面和正方形面在展开图中是相对面(躺着的"Z"字形两端的面),不能同时出现,排除。

方法一: C、D 项出现的 3 个面完全相同,这三个面不是相对面,则这三个面是相邻面,若观察公共边无法解题,考虑画边法。以面 a 小黑点所在的直角点为起点,在选项和展开图中均从唯一点顺时针画出边 1-4。

C项: 边1看不见就不看,边2对应面c,展开图中边2对应面b,排除。

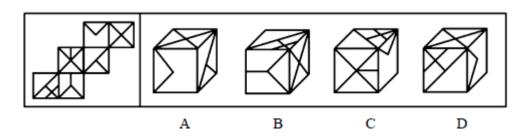
D项: 边1和边2看不见,观察边3,边3对应面b,展开图中边3对应面e,排除。

方法二: C 项中 2 个小黑点的面在展开图中呈 "L"形,可以观察公共边,展开图中公共边(2 个小黑点面的顶边是同一条边)紧挨着小黑点在直角的位置,C 项二者的公共边不挨着小黑点在直角的位置。【选 A】



【注意】画边法:三同,即同一个面、同一个起点、同一个方向画边标号。

【例 5】(2014 山东)左边给定的是纸盒的外表面,右边哪一项能由它折叠而成?



【解析】5. 本题的面比较像, 找的时候要仔细找。

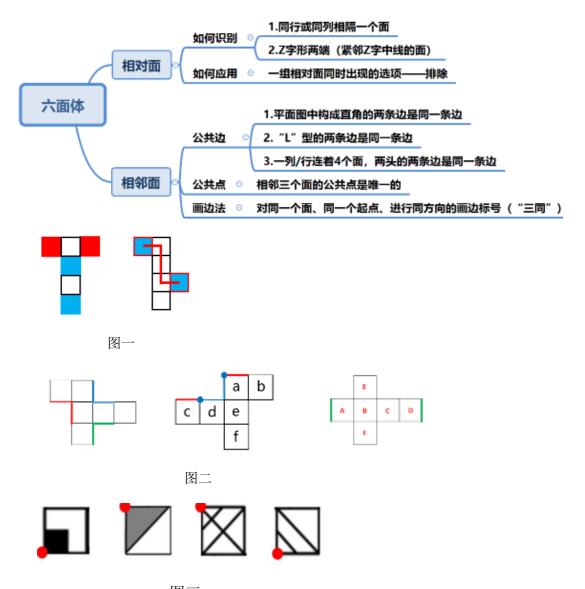
A项:选项中三个面在展开图中紧挨着,且内部线条比较多,考虑看公共点会快一些,展开图中公共点发射出2条斜线,选项中公共点只发出1条斜线,排除。

B 项:在展开图中"×"面与另外两个面隔得比较远(不易观察),考虑剩下2个面,若看不出问题,就考虑画边法,可以用"土"字尖尖所在的点为起点,在选项和展开图中均从唯一点顺时针画出边 1-4,展开图中边 4 对应"Y"面,选项中边 4 对应"×"面,排除。

C项:在展开图中定位选项的三个面,以"土"字尖尖所在的点为起点,在选项和展开图中均从唯一点顺时针画出边 1-4,选项中边 2 对应的正面,在展开图中由边 3 对应,对应不一致,排除。【选 D】

【注意】出题人会用一些长得比较像的面迷惑大家,要仔细找,可以用公共边/点解题就用公共边/点解题,不能就用画边法。

六面体小结



图三

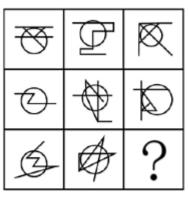
#### 【注意】六面体小结:

- 1. 相对面:
- (1) 如何识别:
- ①同行或同列相隔一个面。
- ②"Z"字两端(紧邻"Z"字中线的面)。
- (2) 如何应用:一组相对面同时出现的选项——排除。
- 2. 相邻面:
- (1) 公共边:
- ①平面图中构成直角的两条边是同一条边,如第二行图 1。
- ② "L"形的两条边是同一条边,如图二中图 3,面 E 顶边和面 D 的顶边是

#### 同一条边。

- ③一列/行连着4个面,两头的两条边是同一条边。
- (2)公共点:相邻三个面的公共点是唯一的。若面内有很多斜线(如"×"面),就可以考虑公共点。
- (3) 画边法(万能大法):对同一个面、同一个起点、进行同方向的画边标号("三同"),任何一条边对应的"邻居"不一样,选项就是错误的。
  - 3. 课后带着框架去刷题,刷 100 道题不会出现还是不会的情况。

测验 1. 从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性。











【解析】1. 课堂正确率为 74%。观察图形特征,圆和线条交叉,且每幅图均有圆作为外框,考虑数框内、框上交点分开数,优先数框内交点,因为比较少,容易数。第一行框内交点数均为 1,第二行框内交点数均为 2,第三行框内交点数均为 3,则"?"处图形框内交点数也应为 3。

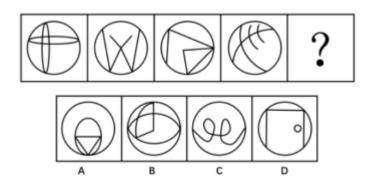
A项:框内交点数为4,排除。

B项:框内交点数为2,排除。

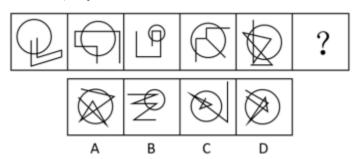
C项:框内交点数为3,当选。

D项:框内交点数为1,排除。【选C】

#### 【2018广州】

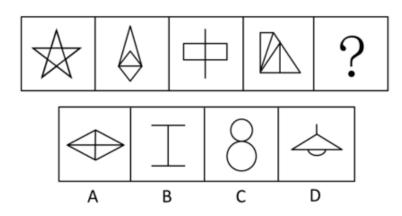


#### 【2018 国考】



【注意】题目与题目之间不是完全割裂的,要将相似的题目放在一起作总结,如以上题目均是有圆作为外框,且都有线条与圆相交叉,考虑框上、框内交点分开数(要记住)。

测验 2. 从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性。



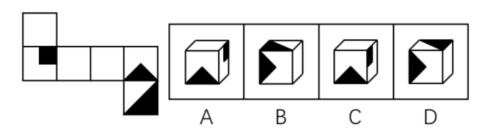
【解析】2. 课堂正确率为82%。答案不重要,更重要的是思维。图1出现五角星,图2是封闭空间拼在一起,图3是"日"字变形,A项是"田"字变形,C项是圆相切,考虑笔画数。题干每幅图都是一笔画(图2是外框+内部一笔画图形,整个图形还是一笔画),则"?"处图形也应为一笔画图形。

A项:"田"字变形,两笔画,排除。

B、D 项:有4个奇点,两笔画,均排除。

C项:圆相切是一笔画,当选。【选C】

测验 3. 左边给定的是纸盒的外表面,下列能由它折叠而成的是:



【解析】3. 课堂正确率为68%。先将选项的面在展开图中定位出来。

A 项: 三角形面和小黑块面的公共边在展开图(一排 4 个面,两头的两条边是同一条边)和选项的位置都是正确的,保留。

C项: 三角形面和小黑块面的公共边挨着小黑方块,展开图中三角形面和小黑块面的公共边不挨着小黑方块(一排4个面,两头的两条边是同一条边),排除。

B、D 项: 直角三角形和三角形的公共边不挨着三角形的底边,展开图中直角三角形和三角形的公共边挨着三角形的底边,均排除。【选 A】

#### 【注意】

- 1. 出现很多相同的面,不优先看相同面,而优先看可确定的面。
- 2. 不要画橡皮,用方法和技巧解题。

元素组成相同——位置(平移、旋转、翻转)

元素组成相似——样式(加减同异、黑白运算)

元素组成不同——先属性(对称、曲直、开闭)

——后数量(面、线、点、素)

特殊规律——功能元素

——图形间关系(相离、相交)

空间类——相对面、相邻面(公共边、公共点、画边法)

【注意】图形推理: 所有图形题都是根据特征图定位考点。

- 1. 元素组成相同,优先考虑位置规律(平移、旋转、翻转)。
- 2. 元素组成相似,优先考虑样式规律(元素像,考虑缺啥补啥;线条像,考虑加减同异;黑白运算——出现黑白块,黑块数量无规律时考虑)。
- 3. 元素组成不同(每年题量占比最大), 先考虑属性规律(对称——等腰图形出现; 出现圆、椭圆、全曲线图形, 考虑曲直性; 开闭——好好图留小开口), 后考虑数量规律(面、线、点、素)。
- 4. 特殊规律(必拿分,因为难度不大):功能元素、图形间关系(相离、相交——如均相交于边,考虑边的长短、直曲、横竖)。
- 5. 空间类: 相对面、相邻面(公共边、公共点、画边法)。本节课的小难点, 听不懂的同学可以快速回放再听一遍。

【答案汇总】数量规律: 面数量 1-4: BDBB; 线数量 1-5: BCDDC; 6: C; 点数量 1-3: ADC; 素数量 1-3: ACC; 空间重构: 相对面 1-2: DB; 相邻面 1-5: ACBAD; 测验 1-3: CCA

## **一** 粉笔直播课

# 遇见不一样的自己

Be your better self

