## Ejercicio - Redes Bayesianas

Autor: Deyviss Jesús Oroya Villalta

```
library(bnlearn)
library(gRain)
library(Rgraphviz)
library(ggplot2)
library(foreign)
rm(list=ls())
graphics.off()
```

Los resultados obtenidos por una serie de estudiantes se han modelado utilizando para ello un modelo probabil´istico simplificado. Este modelo consta de tres varaibles aleatorias binarias, S, que determina si el estudiante ha estudiado o no; C, que determina si ha comprendido la asignatura o no y A, que determina si finalmente ha superado o no la asignatura. Como hip´otesis al plantear el modelo hemos asumido que, sabido si el alumno ha comprendido o no la asignatura (variable C), aprobar (A) es independiente de haber estudiado (S). Del conjunto de resultados obtenidos en a~nos anteriores hemos estimado las siguientes probabilidades:

```
• P(S = 1) = 0.75
```

• 
$$P(C = 1|S = 1) = 0.80$$

• 
$$P(C = 1|S = 0) = 0.45$$

• 
$$P(A = 1|C = 1) = 0.95$$

• 
$$P(A = 1|C = 0) = 0.25$$

Ademas se puede deducir la siguiente probabilidad:

• P(C = 1) = 0.7125

Si suponemos I(A,S|C) entonces podemos factorizar la distribución de porbabilidad P(A,S,C) como:

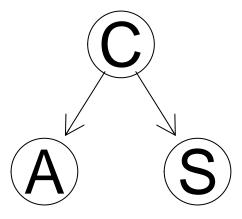
$$P(A, S, C) = P(C)P(A|C)P(S|C)$$

Contruimos el modelo

```
# P(C)
c1 = 0.7125
c0 = 0.2875
\# P(A/C)
a0c0 = 0.75
a1c0 = 0.25
a0c1 = 0.05
a1c1 = 0.95
\# P(S)
s1 = 0.75
s0 = 0.25
\# P(S|C)
s0c0 = (s0/c0)*0.55
s1c0 = (s1/c0)*0.20
s0c1 = (s0/c1)*0.45
s1c1 = (s1/c1)*0.80
## construimos modelo
```

```
yn<-c("NO","SI")
c <- cptable(~C, values=c(c0,c1),levels=yn)
a.c <- cptable(~A|C, values=c(a0c0,a1c0,a0c1,a1c1),levels=yn)
s.c <- cptable(~S|C, values=c(s0c0,s1c0,s0c1,s1c1),levels=yn)

plist<-compileCPT(list(c,a.c,s.c))
net.study<-grain(plist)
plot(net.study)</pre>
```



Implementamos el pseudocódigo del enunciado

```
get_conditional_marginal <- function(net,node,evidence_nodes,evidence,numSamples){
index <-0
len_evidences <- length(evidence)
df <- simulate(net,nsim=1)
while(index < numSamples){
   samp<-simulate(net,nsim=1)
   if (sum(samp[evidence_nodes]==evidence) == len_evidences){
      index = index + 1
      df = rbind(df,samp)
   }
}
return(summary(df[-1,node])/numSamples)
}</pre>
```

Entonces la probabilidad de aprobar, sabiendo que se ha comprendido la asignatura se puede calcular como

```
result <- get_conditional_marginal(net.study,"A",c("C"),c("SI"),50)
result</pre>
```

```
## NO SI
## 0.06 0.94
```