



华南理工大学

South China University of Technology

## 《机器学习》课程实验报告

学 院 软件学院

专 业 软件工程

组 员 丁可

学 号 201530611449

邮 箱 952214630@qq.com

指导教师 吴庆耀

提交日期 2017 年 12 月 15 日

## 1. 实验题目: 逻辑回归、线性分类与随机梯度下降

2. 实验时间: 2017 年 月 日

3. 报告人: 丁可

## 4. 实验目的:

对比理解梯度下降和随机梯度下降的区别与联系。

对比理解逻辑回归和线性分类的区别与联系。

进一步理解 SVM 的原理并在较大数据上实践。

## 5. 数据集以及数据分析:

实验使用的是 LIBSVM Data 中的 a9a 数据, 包含 32561 / 16281(testing) 个样本, 每个样本有 123/123 (testing) 个属性。

Test 文件中只有 122 个属性, 要添加一个

## 6. 实验步骤:

### 逻辑回归与随机梯度下降

读取实验训练集和验证集。

逻辑回归模型参数初始化, 可以考虑全零初始化, 随机初始化或者正态分布初始化。

选择 Loss 函数及对其求导, 过程详见课件 ppt。

求得部分样本对 Loss 函数的梯度。

使用不同的优化方法更新模型参数 (NAG, RMSProp, AdaDelta 和 Adam)。

选择合适的阈值, 将验证集中计算结果大于阈值的标记为正类, 反之为负类。

在验证集上测试并得到不同优化方法的 Loss 函数值, 和。

重复步骤 4-6 若干次, 画出, 和随迭代次数的变化图。

### 线性分类与随机梯度下降

读取实验训练集和验证集。

支持向量机模型参数初始化, 可以考虑全零初始化, 随机初始化或者正态分布初始化。

选择 Loss 函数及对其求导, 过程详见课件 ppt。

求得部分样本对 Loss 函数的梯度。

使用不同的优化方法更新模型参数 (NAG, RMSProp, AdaDelta 和 Adam)。

选择合适的阈值, 将验证集中计算结果大于阈值的标记为正类, 反之为负类。

在验证集上测试并得到不同优化方法的 Loss 函数值, 和。

重复步骤 4-6 若干次, 画出, 和随迭代次数的变化图。

## 7. 代码内容:

### 逻辑回归

```
from sklearn.datasets import load_svmlight_file
```

```

from sklearn.model_selection import train_test_split
import numpy as np
import math
from math import exp, log
from random import randint
import matplotlib.pyplot as plt
import random
x_train, y_train = load_svmlight_file("C:/Users/Bean/Desktop/机器学习/机器学习
实验课/a9a.txt")
x_train = x_train.toarray()
x_train = np.hstack((x_train, np.ones([np.shape(x_train)[0], 1])))
y_train = y_train.reshape(np.shape(y_train)[0], 1)
x_test, y_test = load_svmlight_file("C:/Users/Bean/Desktop/机器学习/机器学习
实验课/a9a.t", 123)
x_test = x_test.toarray()
x_test = np.hstack((x_test, np.ones([np.shape(x_test)[0], 1])))
y_test = y_test.reshape(np.shape(y_test)[0], 1)

n = np.shape(x_train)[0]
m = np.shape(x_train)[1]

def lossFunction(X, Y, W):
    n, m = X.shape
    loss = 0
    for i in range(n):
        loss = loss + math.log((1 + math.exp(-Y[i] * W.T.dot(X[i]))), math.e)
    return loss / n

def gradient(X, Y, W):
    n, m = X.shape
    g = 0
    for i in range(n):
        g = g - Y[i] * X[i] / (1 + exp(Y[i] * W.T.dot(X[i])))
    return (g / n).reshape((g.shape[0], 1))

#NAG
W = np.zeros((m, 1))
NAG = []
eta = 0.001
gamma = 0.9
batch = 100

v = 0
for epoch in range(1500):
    random.seed()

```

```

        i=randint(0,n-1-batch)

g=gradient(x_train[i:i+batch].reshape((batch,m)),y_train[i:i+batch].reshape((batch,1))
,W-gamma*v)
    v=gamma*v+eta*g
    W=W-v
    l_test=lossFunction(x_test,y_test,W)
    NAG.append(l_test)
print("finish")

#RMSPProp
W=np.zeros((m,1))
RMSPProp=[]
eta=0.001
gamma=0.9
epsilon=1e-8
batch=100
G=0
for epoch in range(1500):
    random.seed()
    i=randint(0,n-1-batch)

g=gradient(x_train[i:i+batch].reshape((batch,m)),y_train[i:i+batch].reshape((batch,1))
,W)
    G=gamma*G+(1-gamma)*(g*g)
    W=W-eta/np.sqrt(G+epsilon)*g
    l_test=lossFunction(x_test,y_test,W)
    RMSPProp.append(l_test)
print('finished')

#AdaDelta
W=np.zeros((m,1))
AdaDelta=[]
gamma=0.95
epsilon=1e-6
batch=100
G=0
dt=0
for epoch in range(1500):
    random.seed()
    i=randint(0,n-1-batch)

g=gradient(x_train[i:i+batch].reshape((batch,m)),y_train[i:i+batch].reshape((batch,1))
,W)

```

```

        G=gamma*G+(1-gamma)*g*g
        dw=-np.sqrt(dt+epsilon)/np.sqrt(G+epsilon)*g
        W=W+dw
        dt=gamma*dt+(1-gamma)*dw*dw
        l_test=lossFunction(x_test,y_test,W)
        AdaDelta.append(l_test)
print('finished')

#Adam
W=np.zeros((m,1))
Adam=[]
beta=0.9
gamma=0.999
eta=0.001
epsilon=1e-6
batch=100
M=0
for epoch in range(1500):
    i=randint(0,n-1-batch)

g=gradient(x_train[i:i+batch].reshape((batch,m)),y_train[i:i+batch].reshape((batch,1))
,W)
    M=beta*M+(1-beta)*g
    G=gamma*G+(1-gamma)*g*g
    alpha=eta*np.sqrt(1-math.pow(gamma,epoch))/(1-beta)
    W=W-alpha*M/np.sqrt(G+epsilon)
    l_test=lossFunction(x_test,y_test,W)
    Adam.append(l_test)
print('finished')

plt.ylabel("loss")
plt.plot(NAG,color='red',label='NAG')
plt.plot(RMSProp,color='green',label='RMSProp')
plt.plot(AdaDelta,color='blue',label='AdaDelta')
plt.plot(Adam,color='black',label='Adam')
plt.legend(loc='upper center',shadow=True,fontsize='x-large')
plt.show()

```

### 线性分类

```

from sklearn.datasets import load_svmlight_file
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from math import exp,log
import math

```

```

import random
from random import randint

x_train,y_train=load_svmlight_file("C:/Users/Bean/Desktop/机器学习/机器学习
实验课/a9a.txt")
x_train=x_train.toarray()
x_train=np.hstack((x_train,np.ones([np.shape(x_train)[0],1])))
y_train=y_train.reshape(np.shape(y_train)[0],1)
x_test,y_test=load_svmlight_file("C:/Users/Bean/Desktop/机器学习/机器学习
实验课/a9a.t",123)
x_test=x_test.toarray()
x_test=np.hstack((x_test,np.ones([np.shape(x_test)[0],1])))
y_test=y_test.reshape(np.shape(y_test)[0],1)

n=np.shape(x_train)[0]
m=np.shape(x_train)[1]

def lossFunction(X,Y,W,C):
    loss=0
    n,m=np.shape(X)
    for i in range(n):
        loss=max(0,1-Y[i]*(W.T.dot(X[i])))
    loss=C/n*loss+(W.T.dot(W)/2)[0][0]
    return loss

def gradient(X,Y,W,C):
    g=np.zeros(np.shape(W))
    n,m=np.shape(X)
    for i in range(n):
        if 1-Y[i]*(W.T.dot(X[i]))>=0:
            g=W-C*X.T.dot(Y)
        else:
            g=W
    return g

#NAG
W=np.zeros((m,1))
NAG=[]
eta=1e-6
gamma=1e-5
batch=100
C=10
v=0
for epoch in range(1500):

```

```

        random.seed()
        i=randint(0,n-1-batch)

g=gradient(x_train[i:i+batch].reshape((batch,m)),y_train[i:i+batch].reshape((batch,1))
,W-gamma*v,C)
    v=gamma*v+eta*g
    W=W-v
    l_test=lossFunction(x_test,y_test,W,C)
    NAG.append(l_test)
print("finish")

```

```

#RMSPProp
W=np.zeros((m,1))
RMSPProp=[]
eta=1e-4
gamma=0.9
epsilon=1e-6
batch=100
C=10
G=0
for epoch in range(1500):
    random.seed()
    i=randint(0,n-1-batch)

g=gradient(x_train[i:i+batch].reshape((batch,m)),y_train[i:i+batch].reshape((batch,1))
,W,C)
    G=gamma*G+(1-gamma)*(g*g)
    W=W-eta/np.sqrt(G+epsilon)*g
    l_test=lossFunction(x_test,y_test,W,C)
    RMSPProp.append(l_test)
print('finish')

```

```

#AdaDelta
W=np.zeros((m,1))
AdaDelta=[]
gamma=0.95
epsilon=1e-9
batch=100
C=10
G=0
dt=0
for epoch in range(1500):
    random.seed()
    i=randint(0,n-1-batch)

```

```
g=gradient(x_train[i:i+batch].reshape((batch,m)),y_train[i:i+batch].reshape((batch,1))
,W,C)
```

```
    G=gamma*G+(1-gamma)*g*g
    dw=-np.sqrt(dt+epsilon)/np.sqrt(G+epsilon)*g
    W=W+dw
    dt=gamma*dt+(1-gamma)*dw*dw
    l_test=lossFunction(x_test,y_test,W,C)
    AdaDelta.append(l_test)
```

```
print('finish')
```

```
#Adam
```

```
W=np.zeros((m,1))
```

```
Adam=[]
```

```
beta=0.9
```

```
gamma=0.9
```

```
eta=1e-5
```

```
epsilon=1e-9
```

```
batch=100
```

```
M=0
```

```
for epoch in range(1500):
```

```
    i=randint(0,n-1-batch)
```

```
g=gradient(x_train[i:i+batch].reshape((batch,m)),y_train[i:i+batch].reshape((batch,1))
,W,C)
```

```
    M=beta*M+(1-beta)*g
    G=gamma*G+(1-gamma)*g*g
    alpha=eta*np.sqrt(1-math.pow(gamma,epoch))/(1-beta)
    W=W-alpha*M/np.sqrt(G+epsilon)
    l_test=lossFunction(x_test,y_test,W,C)
    Adam.append(l_test)
```

```
print('finish')
```

```
plt.ylabel("loss")
```

```
plt.plot(NAG,color='red',label='NAG')
```

```
plt.plot(RMSProp,color='green',label='RMSProp')
```

```
plt.plot(AdaDelta,color='blue',label='AdaDelta')
```

```
plt.plot(Adam,color='black',label='Adam')
```

```
plt.legend(loc='upper center',shadow=True,fontsize='x-large')
```

```
plt.show()
```



8. 模型参数的初始化方法:全零初始化

9.选择的 loss 函数及其导数:logistical loss/hinge loss

10.实验结果和曲线图: (各种梯度下降方式分别填写此项)

超参数选择: 如代码所示

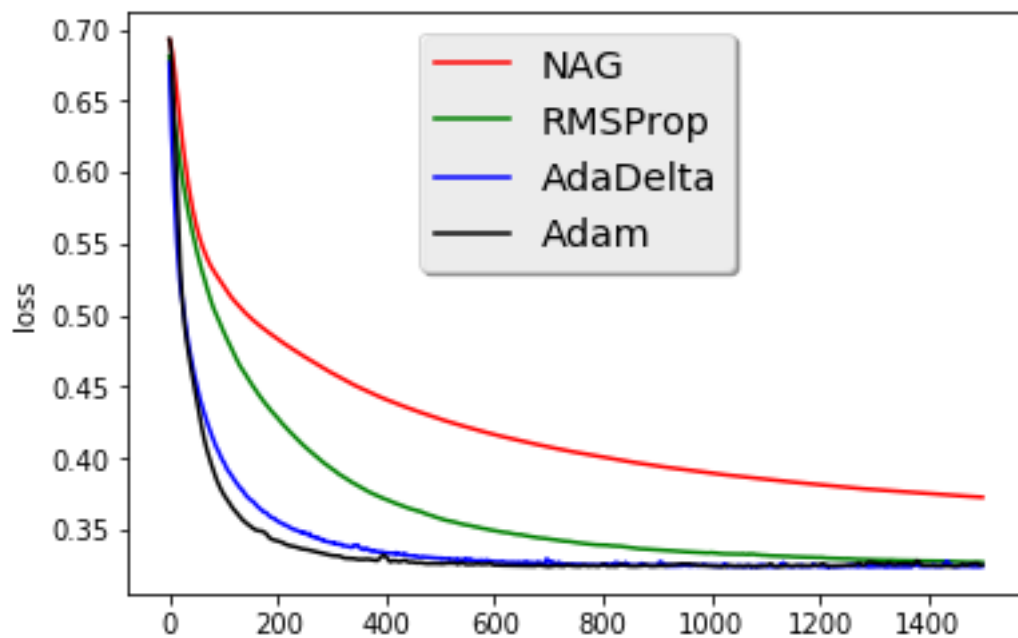
预测结果 (最佳结果):

逻辑回归:  $\min \text{loss}=0.32$

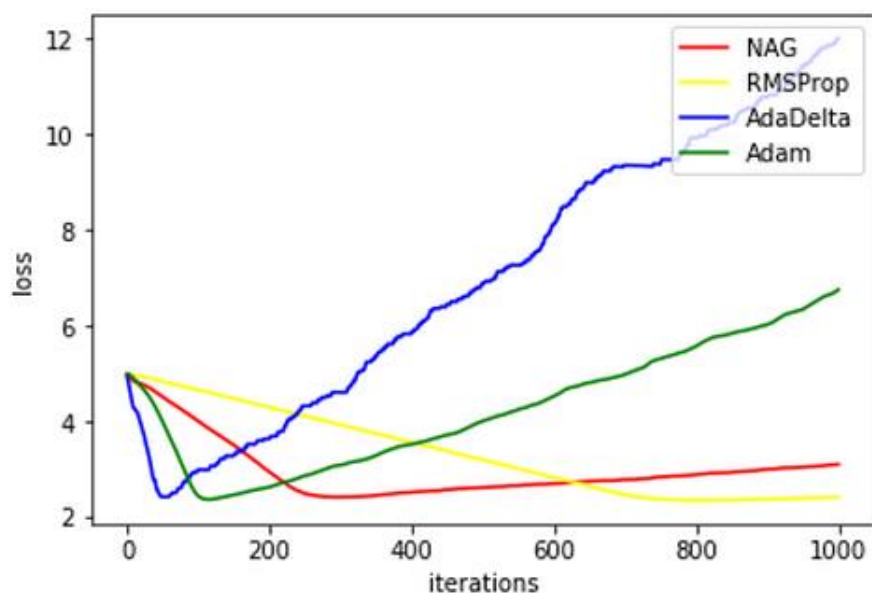
线性分类:  $\min \text{loss}=2.2$

loss 曲线图:

逻辑回归:



线性分类:



### 11.实验结果分析:

Adam 的收敛速度最快，NAG 的收敛速度最慢

### 12.对比逻辑回归和线性分类的异同点:

- (1) 逻辑回归用的是  $\text{logistical loss}$ ，线性分类用的是  $\text{hinge loss}$
- (2) 逻辑回归模型好理解，简单容易实现，线性分类比较难理解，不易优化
- (3) 两种方法都是常见的分类算法

### 13.实验总结:

起初觉得很难，优化算法也难以理解，后来才发现原来只是打出公式就对了~不过想要理解还是要多费一些时间。