

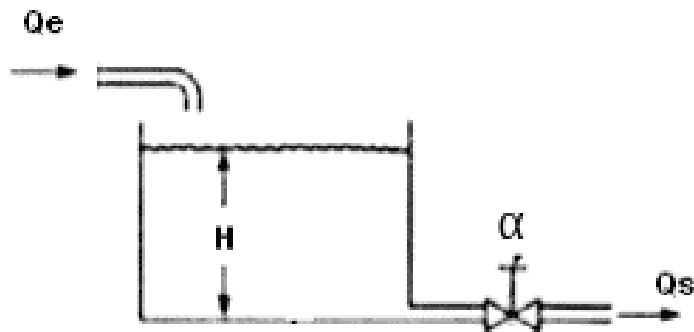


LABORATÓRIO #3 Modelagem de Sistemas em espaço de estados

Objetivos

1. Construir, com o auxílio de programas matemáticos, modelos por representação em espaço de estados de sistemas físicos.
2. Familiarizar-se com programas apropriados para o estudo de sistemas de controle.
3. Implementar/simular modelos em ambiente de simulação com interface visual amigável.
4. Enviar para josesergio@alu.ufc.br até 10/12/2024 às 13:59.

- 1) Considere o seguinte sistema de nível de líquido.



Modelagem do Sistema em Espaço de Estados:

Inicialmente, é preciso obter as equações matemáticas do nível do tanque. Para isso, pode-se considerar a vazão do tanque como:

$$A_T \frac{dh}{dt} = Q_E - Q_S$$

onde A_T é a área de secção transversal do tanque cilíndrico com altura de nível h , Q_E é a vazão de entrada e Q_S é a vazão de saída.

Desenvolvendo a expressão, tem-se:

$$A_T \frac{dh}{dt} = Q_E - \alpha A_V \sqrt{2gh}$$

onde α é a constante de fluxo da válvula de saída, A_V é a área de secção transversal da válvula de saída e g é o valor da gravidade.

Com isso, tem-se que:

$$\frac{dh}{dt} = \frac{1}{A_T} Q_E - \frac{\alpha A_V \sqrt{2g}}{A_T} \sqrt{h}$$

Linearizando a expressão anterior em torno de um ponto de equilíbrio (x_0, u_0) , obtém-se a seguinte expressão:

$$\begin{aligned}\frac{dh}{dt} &= f(x, u) \approx f(x_0, u_0) + \left. \frac{\delta f(x)}{\delta x} \right|_{x_0} \Delta x + \left. \frac{\delta f(x)}{\delta u} \right|_{u_0} \Delta u \\ \frac{dh}{dt} &= \frac{1}{A_T} u_0 - \frac{\alpha A_V \sqrt{2g}}{A_T} \sqrt{h_0} + \left(\frac{-\alpha A_V \sqrt{2g}}{2 A_T \sqrt{h_0}} \right) \Delta h + \frac{1}{A_T} \Delta u \\ \frac{d\Delta h}{dt} &= \left(\frac{-\alpha A_V \sqrt{2g}}{2 A_T \sqrt{h_0}} \right) \Delta h + \frac{1}{A_T} \Delta u\end{aligned}$$

Onde o ponto de equilíbrio pode ser encontrado por:

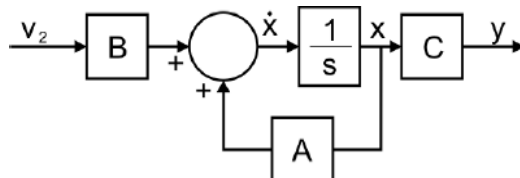
$$\begin{aligned}Q_E &= U = Q_S \\ U_0 &= \alpha A_V \sqrt{2g} \sqrt{h_0} \\ h_0 &= \left(\frac{U_0}{\alpha A_V \sqrt{2g}} \right)^2\end{aligned}$$

Por fim, a representação do sistema em espaço de estados é representada por:

$$\begin{aligned}\dot{\Delta x} &= \frac{\alpha A_V \sqrt{2g}}{2 A_T \sqrt{h_0}} \Delta x + \frac{1}{A_T} \Delta u \\ y &= 1 \Delta x + 0 \Delta u\end{aligned}$$

ROTEIRO

- 1) Estude as funções ‘ss’ e ‘ss2tf’.
- 2) Obtenha a representação em espaço de estados do sistema em malha aberta (use o comando *ss*).
- 3) Obtenha a função de transferência $Y(s)/U(s)$ (use o comando *ss2tf*) e comente sobre os erros numéricos do Matlab.
- 4) Obtenha a função de transferência pólo/zero (ZPK) (use o comando *ss2zp*).
- 5) Monte o seguinte diagrama de blocos usando o SIMULINK e simule a resposta do sistema. Compare com a resposta obtida no MATLAB por linha de código e comente sobre.



- 6) Repetir 5) utilizando o bloco “State-Space” no Simulink.
- 7) Repetir 5) em malha fechada considerando realimentação unitária.