### 개요

### 신경회로망(Neural Networks)

□생물학적 시스템의 계산틀 → 컴퓨터로 모방 불가 → 생물학적 정보체계 연구를 위해 시작 - 심리학,신경과학,인지과학, 시스템 이론 병합

#### □기본 작업

- 학습(learning): 패턴 부류에 따라 신경망의 연결가중치 조정
- 재생(recall): 학습된 가중치와 입력벡터와의 거리 계산하여 가장 가까운 클래스로 분류
- → 사람과 같은 학습 능력: 패턴 분류, 인식, 최적화, 예측
- → 기존 인공지능 문제 해결의 새로운 계산틀 제공

### □ (인공)신경회로망

- 인간의 두뇌작용을 신경 세포들간의 연결관계로 모델링
  - → 인간의 학습을 모델링

### 개요

# □생물학적 뉴런 핵 신경절 수상돌기 □신경기능 탐구

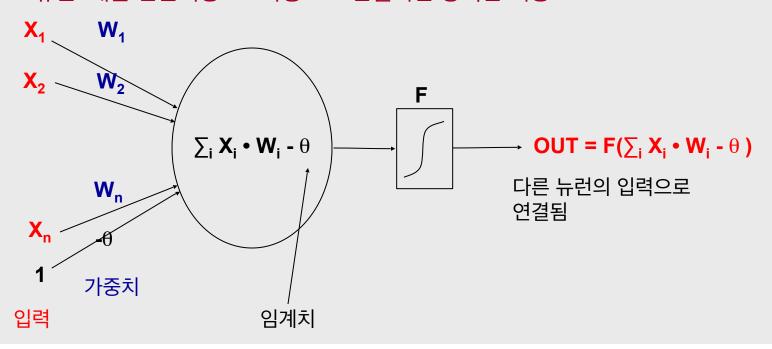
- 생물학적 신경회로망 및 인간의 생체 기능 연구(생물, 생리, 신경과학자)  $\rightarrow$  동물 생체 실험  $\rightarrow$  학습능력의 원천 밝힘
- 인공신경회로망 신경회로망의 기능, 구조를 H/W, S/W적으로 실현 → 수학적 모델 연구(기존의 시뮬레이션으로 구현된 알고리즘을 H/W화)

### 역사

- □ (1943) McCulloch와 Pitts 신경세포들을 단순 연결한 신경회로망은 산 술 및 논리연산을 수행할 수 있다.
- □ (1949) Hebb의 법칙
  - 최초의 인공 신경회로망의 학습규칙 제안
  - 신경회로망이 학습을 수행함을 증명
- □ 50, 60 년대
  - 단층의 인공세포의 신경회로망
  - Rosenblatt, Widrow의 Perceptron- 일기예보, 심전도 해석, 인공시각
  - 69년 Minsky 등에 의해 한계 지적(퍼셉트론은 XOR 문제해결 불가)
  - 신경망 연구 침체 → 기호주의 AI 활성화
- □80 년대 중반이후
  - 기호주의 AI 한계
  - Hopfield: 신경회로망 ← 에너지 개념
  - 오류역전파 학습 알고리즘(Rumelhart, McCleland): 다층 퍼셉트론 학습
- → 신경회로망 연구 부흥

### 정의 및 특징

- 신경회로망의 정의, 특징
  - □신경 세포가 신경절로 연결되어 정보전달
  - □노드 또는 처리요소(processing element)를 연결 → 신경회로망
  - □인공 신경회로망의 뉴런(처리요소)의 구조
    - 뉴런1개는 단순기능 → 다중으로 연결되면 강력한 기능



### 정의 및 특징

#### □신경회로망이 커지고 복잡해질수록 더 나은 기능 수행

- 다층 신경회로망: 입력층과 출력층 사이에 새로운 층 추가
- → 은닉층(hidden layer) 또는 중간층(internal layer)
- □예를 통한 학습, 일반화, 연상기억, 결함 허용성의 특징을 보인다
  - 예를 통한 학습: 예를 계속적으로 제시함으로써 원하는 형태의 사상(mapping)을 형성 (지도 학습/비지도 학습)
  - 일반화: 학습이 완료된 신경회로망은 학습되지 않은 입력에 대해서도 올바른 결과를 출력
  - 연상기억: 새로운 입력, 일부 유실된 정보 → 유사한 출력
  - 결함 허용성: 일부 뉴런 고장, 단절 → 남아있는 뉴런에 의해 작동보장

#### □연결가중치 조정방법

- 지도학습: 입력이 주어짐에 따라 원하는 출력값이 활성화 되도록 가중치를 조절 (Hopfield 학습규칙, 델타규칙, 오류 역전파 학습규칙)
- 비지도학습: 목표값 없이 학습 데이터만 입력, 스스로 연결가중치들을 학습 →미리 결정된 해가 불필요 (경쟁학습, ART 모델)

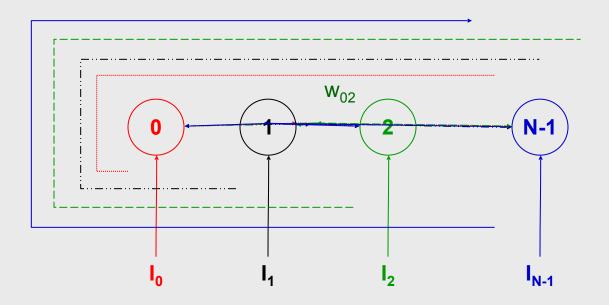
### 종류

# • 신경회로망 모델 종류

입력형식	학습방식	신경회로망 모델
	지도 학습	Hopfield network
이진입력	지도 학습 및 비지도 학 습의 결합	Counter-Propagation Network
	비지도 학습	• ART Model
시스이려	지도 학습	<ul><li>Perceptron</li><li>Multilayer Perceptron</li></ul>
실수입력	비지도 학습	<ul><li>Competitive learning</li><li>Sefl-Organization Map(SOM)</li></ul>

# Hopfield 신경회로망

- □신경회로망의 동작: energy + dynamic system
- □조직
  - 모든 뉴런이 양방향으로 연결(자신 제외)
  - 전달(활성화)함수: hard limiter 함수 사용
  - 입력 : **2**진수
  - 출력: **+1**, **-1(**양과 음의 에너지 상태를 표시)



## Hopfield 신경회로망의 동작 규칙

□1단계: M개의 패턴을 이용하여 N개 뉴런 사이의 연결 가중치 지정

$$W_{ij} = \begin{cases} \sum_{s=0}^{M-1} X_i^s X_j^s, & i \neq j \\ 0, & i = j \end{cases}$$
  $(0 \le i, j \le N-1)$ 

- $\mathbf{w}_{ii}$ : 뉴런  $\mathbf{i}$ 에서 뉴런  $\mathbf{j}$ 로의 연결가중치
- Xs;: s 클래스에 속하는 학습패턴의 i번째 요소값(+1 or -1)
- □2단계: 미지의 입력패턴을 신경회로망에 제시

$$\mu_i(0) = x_i, \ (0 \le i, j \le N - 1)$$

□3단계: 뉴런들의 출력과 가중치를 곱한 값을 합하여 전달함수 통과

$$\mu_{j}(t+1) = f_{h}(\sum_{i=0}^{N-1} \mu_{i}(t) \cdot w_{ij}), \ (0 \le j \le N-1) \text{ where } f_{h}(a) = \begin{cases} 1, \text{ if } a \ge 0 \\ -1, \text{ if } a < 0 \end{cases}$$

- □4단계: 수렴(출력의 변화가 없음)할 때까지 3단계를 계속 반복
- □5단계: 2단계로 분기

# Hopfield 신경회로망 - 비고

#### □예제

2개의 4차원 학습패턴벡터:  $P_0$ =(1,1,1,-1),  $P_1$ =(1,-1,1,-1)일때  $w_{ii}$ 는?

- $\mathbf{w}_{00} = \mathbf{w}_{11} = \mathbf{w}_{22} = \mathbf{w}_{33} = \mathbf{0}$
- $W_{01} = X_0^0 X_1^0 + X_0^1 X_1^1 = 1 \times 1 + 1 \times (-1) = 0$

$$w_{ij} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 0 & -2 \\ -2 & 0 & -2 & 0 \end{bmatrix}$$

#### → 새로운 입력 (1, 1, -1, -1) 주어질 때 어떤 패턴으로 인식되는가?

$$\mu(0): (1, 1, -1, -1) \qquad \mu_2(1) = f_h(\mu_0(0) \cdot w_{02} + \mu_1(0) \cdot w_{12} + \mu_2(0) \cdot w_{22} + \mu_3(0) \cdot w_{32})$$

$$= f_h(1 \times 2 + 1 \times 0 + (-1) \times 0 + (-1) \times (-2)) = 1$$

 $\mu(2)$ : (1, 1, 1, -1)

 $\mu(3):(1,1,1,-1)$  3회 재생후 수렴  $\rightarrow$   $\mathbf{P_0}$  로 인식

### □예제: 각 패턴 크기: (5x5) 대상: {¬, ∟, □, □}으로 학습

• 학습 패턴

1	1	1	1	1
-1	-1	-1	1	1
-1	-1	-1	-1	1
-1	-1	-1	-1	1
-1	-1	-1	-1	1

1	-1	-1	-1	-1
1	7	7	7	-1
1	-1	-1	-1	1
1	-1	-1	-1	-1
1	1	1	1	1

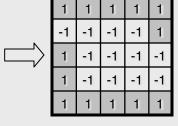
1	1	1	1	1
1	-1	7	7	-1
1	-1	-1	-1	-1
1	-1	-1	-1	-1
1	1	1	1	1

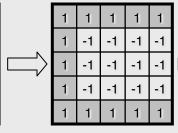
1	1	1	1	1
7	7	7	7	1
1	1	1	1	1
1	-1	-1	-1	-1
1	1	1	1	1

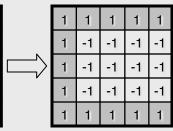
- 테스트 패턴→ {¬, ∟, ㄹ}으로 테스트
  - ㄱ, ㄴ, ㄷ: 제대로 인식

\_ ㄹ:

1	1	1	1	1
7	7	7	7	1
1	1	1	1	1
1	7	7	7	-1
1	1	1	1	1







ㄷ 으로 오인식

- 회로망 크기 vs 저장가능한 패턴수 문제
  - → Hopfield에서는 뉴런 수가 N인 경우, 0.15N개의 패턴 저장 가능 (이 예제의 경우 25x0.15 = 3.75 → 4개 미만의 패턴 인식)
- 수렴결과가 최적인지 보장 안됨

# 단층 퍼셉트론(Perceptron)

- □눈의 망막을 모델화함(Rosenblatt)
- □지도학습, 이진 & 아날로그 입력처리
- □알고리즘: 전체 출력뉴런들에 대하여 계산된 출력값과 목표값과의 차이를 최소화시킴(Widrow-Hoff 규칙(델타규칙)이 유명)
  - →만일 계산된 출력값과 목표값간에 차이가 없으면 연결 가중치는 변경되지 않으며,차이가 있으면 차이를 줄이는 방향으로 가중치를 변경.

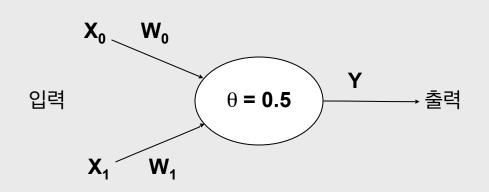
#### □학습단계

- 1단계. 가중치(W<sub>i</sub>(0))와 임계치(θ)를 초기화.
- 2단계. 새로운 입력패턴(X₀, X₁, ... )과 목표출력 패턴(d(t))을 제시
- 3단계. 하드리미터 함수를 사용하여 실제 출력값(y(t))을 계산

$$y(t) = f_h(\sum_{i=0}^{N-1} W_i(t) X_i(t) - \theta)$$

- **4**단계. 가중치를 갱신  $W_i(t+1) = W_i + \alpha[d(t) y(t)] \cdot X_i(t), \ (0 \le i \le N-1)$
- 5단계. 2단계로 분기하여 반복 수행

### □ AND, XOR 예제



입력		출력		
X <sub>0</sub>	<b>X</b> <sub>1</sub>	AND	f	XOR
0	0	0	0	0
0	1	0	1	1
1	0	0	0	1
1	1	1	0	0

- 뉴런에 입력되는 가중치의 합이 임계치를 초과하면 1, 아니면 0
- AND

$$0 \times W_0 + 0 \times W_1 = 0 < 0.5$$

$$0 \times W_0 + 1 \times W_1 = W_1 < 0.5$$

$$1 \times W_0 + 0 \times W_1 = W_0 < 0.5$$

$$1 \times W_0 + 1 \times W_1 = W_0 + W_1 > 0.5$$

 $\rightarrow$  W<sub>0</sub>, W<sub>1</sub> : 0.3 or 0.4

• XOR의 경우

$$0 \times W_0 + 0 \times W_1 = 0 < 0.5$$

$$0 \times W_0 + 1 \times W_1 = W_1 > 0.5$$

$$1 \times W_0 + 0 \times W_1 = W_0 > 0.5$$

$$1 \times W_0 + 1 \times W_1 = W_0 + W_1 < 0.5$$

- $\rightarrow$  만족하는  $\mathbf{W_0}$ ,  $\mathbf{W_1}$  는 존재하지 않음
- → 간단한 **XOR** 문제도 해결하지 못함
- 이러한 문제를 해결하기 위해서 2개 또는 3개의 층(layer)을 사용
- 다층 퍼셉트론: 3층 퍼셉트론으로 어떤 문제도 해결가능
- 퍼셉트론은 다층 퍼셉트론 및 오류역전파 알고리즘의 기반 모델이 됨

# 다층 퍼셉트론 (Multi-Layer Perceptron)

- □입력층과 출력층 사이에 하나 이상의 은닉층을 가지는 전방향 신경회로망
- □ 단층 퍼셉트론의 문제점을 해결  $\rightarrow$  효과적인 학습 알고리즘이 없어서 **60-70** 년대 사용되지 않았다.
- □80년대 중반 오류 역전파(EBP)알고리즘 학습규칙(Rumelhart)
  - → 일반화된 델타 규칙(generalized delta rule)
- □알고리즘: 원하는 목표값(d)과 실제 출력값(o) 사이의 오차제곱합으로 정의된 비용함수(cost function) E의 값을 경사하강추적법(gradient-descent method)에 의해 최소화 하는 방향으로 학습

$$E = \sum_{p} E_{p}, \qquad (E_{p} = \frac{1}{2} \sum_{j} (d_{pj} - o_{pj})^{2})$$

p: p번째 학습 패턴

**E**<sub>p</sub>: **p**번째 패턴에 대한 오차

d<sub>ni</sub>: p번째 패턴에 대한 목표출력의 j번째 요소

 $o_{pi}$ : p번째 패턴에 대한 실제 출력의 j번째 요소

### 2층 퍼셉트론 출력층 M-1 0 k $\mathbf{W}_{kj}$ 임계치 은닉층 L-1 0 $\mathbf{W}_{i}$ 임계치 입력층 N-1 0 $\mathbf{X}_{\text{pN-1}}$ $\mathbf{X}_{\mathrm{p0}}$

#### □학습 규칙

#### 활성화 함수: 시그모이드 함수

1단계. 가중치와 임계치를 초기화

2단계. 입력과 목표 출력을 제시

3단계. 제시된 입력벡터를 이용하여 은닉층 j번째 뉴런으로 입력값 계산

$$net_{pj} = \sum_{i=0}^{N-1} W_{ji} X_{pi} - \theta_{j}$$

4단계. 시그모이드 함수를 사용하여 은닉층의 출력(O<sub>pi</sub>)을 계산

5단계.은닉층의 출력을 이용하여 출력층 뉴런 k로의 입력값을 계산

$$net_{pk} = \sum_{j=0}^{L-1} W_{kj} O_{pj} - \theta_k$$

6단계. 시그모이드 함수를 사용하여 출력층의 출력 $(O_{pk})$ 을 계산

출력층 오차합( $\mathbf{E}$ )을 학습패턴의 오차( $\mathbf{E}_{\mathbf{p}}$ )로 누적 시킨다.

$$\delta_{pk} = (d_{pk} - O_{pk}) f_k'(net_{pk}) = (d_{pk} - O_{pk}) O_{pk} (1 - O_{pk})$$

$$E = E + E_p, \quad (E_p = \sum_{k=1}^{M-1} \delta_{pk}^2)$$

**8**단계. 출력층 오차값( $\delta_{pk}$ )과 은닉층과 출력층의 가중치값( $\mathbf{W}_{kj}$ )을 이용하여 은닉층의 오차( $\delta_{ki}$ )를 계산한다.

의 오차( $\delta_{pj}$ )를 계산한다.  $\delta_{pj} = f_j'(net_{pj}) \sum_{k=0}^{M-1} \delta_{pk} W_{kj} = \sum_{k=0}^{M-1} \delta_{pk} W_{kj} O_{pj} (1 - O_{pj})$ 

9단계. 4단계와 7단계에서 구한 은닉층 뉴런 j의 출력값( $O_{pj}$ )과 출력층의 오차 값  $(\delta_{pk})$ 을 사용하여 출력층의 가중치( $W_{ki}$ )를 갱신한다(임계치도 조정)

$$W_{kj}(t+1) = W_{kj}(t) + \eta \delta_{pk} O_{pj}$$
  
$$\theta_k(t+1) = \theta_k(t) + \beta \delta_{pk}$$

**10**단계. 출력층에서와 마찬가지로 입력층과 은닉층의 가중치 값과 임계치값을 갱신하다.

$$W_{ji}(t+1) = W_{ji}(t) + \eta \delta_{pj} X_{pi}$$
  
$$\theta_{j}(t+1) = \theta_{j}(t) + \beta \delta_{pj}$$

- **11**단계. 모든 학습패턴에 대하여 전부 학습 할 때까지 **2**단계로 분기하여 반복 수행한다.
- 12단계. 출력층의 오차합 E가 허용값 이하이거나 최대 반복회수보다 크면 종료, 그렇지 않으면 2단계로 가서 반복한다.

### □오류역전파(error backpropagation) 개념

- 은닉층의 학습을 위해 출력층에서 발생한 오류를 이용하여 은닉층 오차계산
- 다시 이 값을 입력층으로 역전파시켜 출력층의 오차가 원하는 수준이 될 때까지 반복

#### □실제 적용시 고려사항

- 최소평균제곱 비용함수의 국부 최적해를 위해 뉴런수를 증가
- 이득항(η, β)을 낮출 필요 있음
- 초기 가중치를 다르게 하여 여러 번 학습하는 방법

#### □문제점

- 상위층의 목표값과 실제 출력값 간의 오류를 하위층으로 역전파시키는 것은 생물 학적으로 타당하지 않음 (목표를 알지 못함)
- 오류 수렴까지 많은 회수의 학습 반복
- □지도학습에서 효율성 나타냄 → 보편적으로 많이 사용

# 경쟁학습 (Competitive Learning)

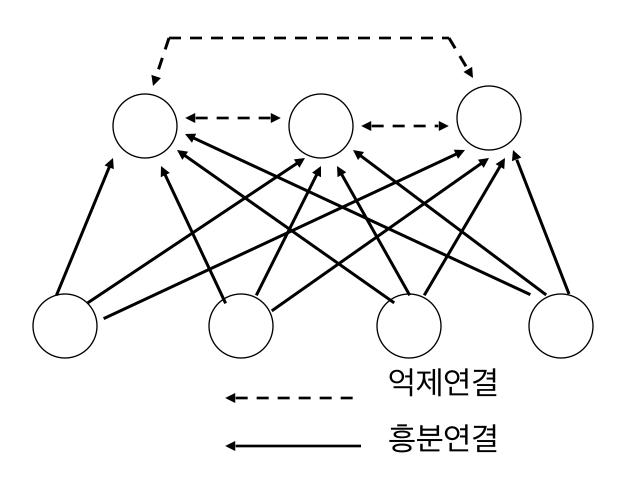
### • 경쟁학습

- □알고리즘: 입력벡터들을 신경회로망에 계속적으로 제시하면서 자율적으로 연결가중치를 변경시키는 방법
- □ 단순하면서 하드웨어 구현 시 구조 간단
  - 통계학의 k-means 군집화 알고리즘을 기초: 주어진 데이터를 k개의 클래스로 어느 오차수준 이하로 구분될 때까지 반복 → 패턴분류

#### □ 단순 구조

- 한 개의 입력층과 한 개의 출력층
- 입력층과 출력층이 완전 연결
- 입력층과 출력층 뉴런사이엔 흥분적으로 연결
- 출력층의 뉴런들간에는 억제적으로 연결
- 출력뉴런들은 승자 뉴런이 되기 위해 경쟁하고 오직 승자만이 학습함

### 단순 경쟁학습 신경회로망의 구조

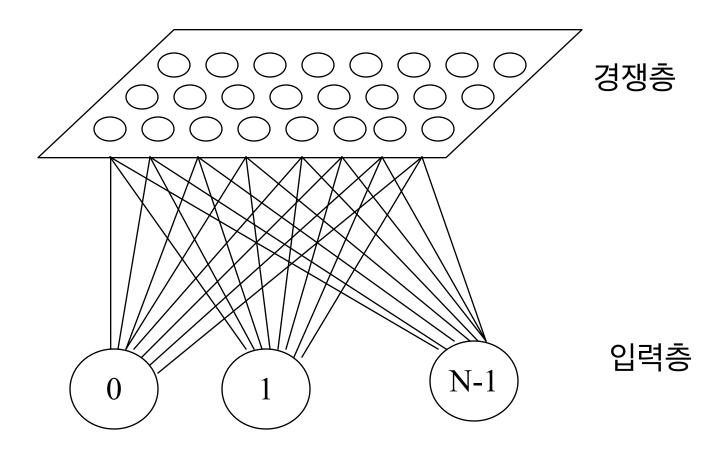


□ 초기 경쟁학습은 매번 승자뉴런만을 학습시키므로 초기 가중치벡터들의 분포에 따라 전혀 학습이 이루어지지 않은 출력뉴런들이 생기는 문제점

#### □ 자기조직화(self-organizing) 알고리즘

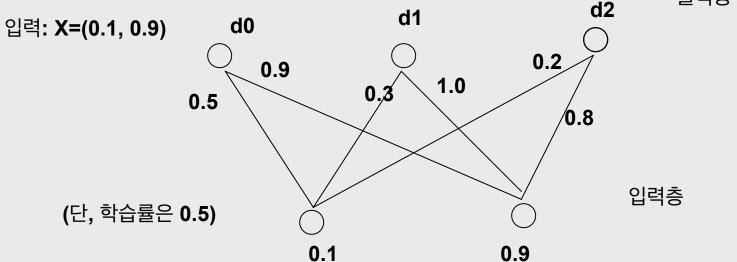
- 인접한 출력뉴런들은 비슷한 기능을 수행할 것이라는 예측(뇌의 위치에 따라 인지 종류가 다름)
- 기존의 경쟁학습을 개선하여 입력벡터와 가장 가까운 출력뉴런의 이웃뉴런들을 함께 학습 시키는 알고리즘
- 승자뉴런뿐만 아니라 위상적으로 이웃한 뉴런들도 함께 학습
- 학습규칙
  - 1단계, 연결가중치를 초기화
  - 2단계, 새로운 입력패턴을 입력뉴런에 제시한다.
  - 3단계. 입력벡터와 모든 출력뉴런들과의 거리(입력-가중치)를 계산
  - 4단계. 최소거리를 가지는 승자뉴런을 구한다.
  - 5단계. 그 승자뉴런과 이웃한 출력뉴런에 연결된 가중치들을 갱신한다.
  - 6단계. 2단계로 가서 새로운 입력벡터를 처리한다.
  - 7단계. 지정된 학습회수까지 2단계부터 6단계의 과정을 반복

### 자기조직화 (Self-Organizing Feature Map) 신경회로망



□예제

출력층



- $d_0 = (0.1-0.5)^2 + (0.9-0.9)^2 = 0.16$ ,  $d_1 = 0.05$ ,  $d_2 = 0.02$ (승자뉴런)
- d<sub>2</sub>의 연결 가중치 조정

$$W_{02}(t+1) = 0.2+0.5(0.1-0.2) = 0.15$$

$$W_{12}(t+1) = 0.8+0.5(0.9-0.8) = 0.85$$

→ 제시된 입력과 가장 유사한 출력뉴런의 가중치벡터가 입력을 향하여 이동

## Self-Organizing Feature Map (SOM) algorithm

[단계 1] 연결강도를 초기화한다.

N개의 입력으로부터 M개의 출력 뉴런 사이의 연결강도를 임의의 값으로 초기화 초기의 이웃반경은 아래 그림에서와 같이 모든 뉴런들이 포함될 수 있도록 충분히 크게 잡았다가 점차로 줄어든다.

[단계 2] 새로운 입력벡터를 제시한다.

[단계 3] 입력벡터와 모든 뉴런들간의 거리를 계산한다.

입력과 출력 뉴런 j사이의 거리 dj는 (식 2)와 같이 계산한다.

$$dj = \sum_{i=0}^{N-1} (Xi(t) - Wij(t))$$
 (식 2)

여기서 xi(t)는 시각 t에서의 i번째 입력벡터이고, wij(t)는 시각 t에서의 i번째 입력벡터와 j번째 출력 뉴런 사이의 연결강도이다.

[단계 4] 최소 거리에 있는 출력 뉴런을 선택한다.

최소 거리 dj인 출력 뉴런 j\*를 선택한다.

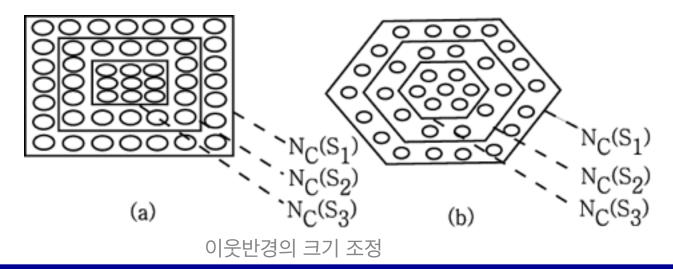
[단계 5] 뉴련 j\*와 그 이웃들의 연결강도를 재조정한다.

뉴런 j\*와 그 이웃 반경내의 뉴런들의 연결강도를 다음식에 의해 재조정한다.

wij(t+1)=wij(t)+
$$\alpha$$
(xi(t)-wji(t)) (식 3)

여기서 j는 j\*의 이웃 반경내의 뉴런이고, i는 0에서 N-1까지의 정수값이다.  $\alpha$ 는 0과 1사이의 값을 가지는 이득항(gain term)인데 시간이 경과함에 따라 점차 작아진다.

[단계 6] 단계 2로 가서 반복한다.



### ART 모델

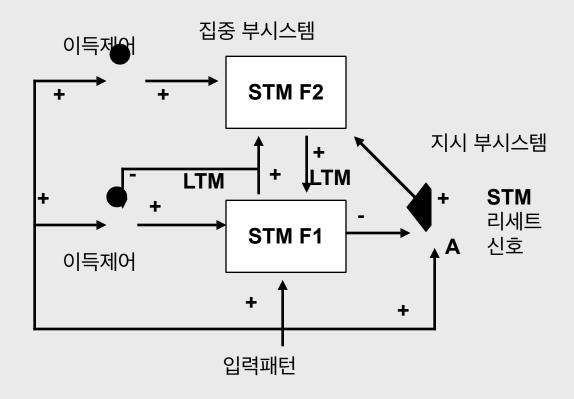
### □적응 공명 이론(Adaptive Resonance Theory)

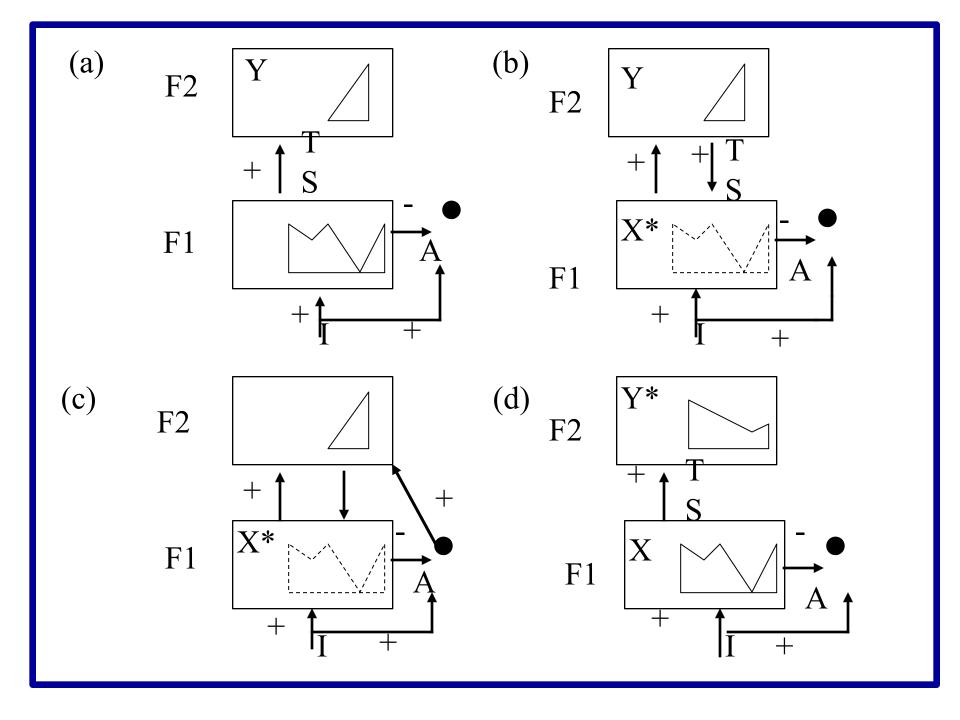
- 안정-적응(stability-plasticity)에 의한 자율 정규화
  - 중요한 사건에 대해서 이를 내부적으로 잘 표현(적응)
  - 중요치 않은 사건은 현재 학습된 내용에 손상을 주지않고 안정된(stable) 상태로 남는 다
- 입력이 들어오면 기존의 학습된 지식과 유사한 지를 비교
  - 만일 비슷하면 새로운 입력을 기존의 학습된 내용과 결합시켜 학습된 지식을 수정하고,
  - 다르다면 입력패턴을 새로운 지식으로 받아들여서 기억장소에 저장하게 됨.

#### □구성

- 집중 부시스템(attentional subsystem): 이전에 학습된 사실과 비슷한 입력이 주어질 경우, 이에 대해 안정성있게 대응
- 지시 부시스템(orienting subsystem): 주어진 입력이 학습되어 있는 것인지 아닌지를 판별 → 아니면 집중 부시스템에 알려 새로운 사실 학습토록 함
- 이들 두 시스템에 의해 안정-적응 조절

### □ART 시스템 구성도





#### □학습 규칙

- 1단계. 신경회로망의 학습 요소들을 초기화
- 2단계. 새로운 입력을 제시
- 3단계. 매칭 점수를 계산
- 4단계. 입력패턴과 가장 잘 매칭이 되는 대표벡터를 선정
- 5단계. 유사도를 검사 → 유사도가 경계치를 넘으면 7단계, 아니면 6단계
- 6단계. 최상으로 매칭된 대표벡터를 억제 시킨 후 3단계로 분기
- 7단계. 최상으로 매칭된 대표벡터를 적응
- 8단계. 6단계에서 억제 시킨 뉴런들을 모두 복원시킨 후에 2단계로 분기하여 반복 수행
- □임의의 순서의 패턴에 대해 실시간으로 인식코드를 자율 구성하는 특성
  - → 인간의 학습구조를 가장 잘 모방
- □구조 복잡 → 실제 문제에 적용이 어렵다.

### 신경회로망 응용

- □화상처리, 문자인식, 음성인식 등의 패턴인식에 많이 응용
- □패턴인식: 미리 알고 있는 사실과 자료에 따라 미지의 입력을 클래스별로 분류하는 기술
- □ 연상기억: 일부 유실 되거나 변형이 가하여진 자료로부터 완전한 정보를 추출하는 기술
- □최적화 문제: 기존의 디지털 컴퓨터로는 다차 함수 시간 안에 풀 수 없는 NP문제이다. 알고리즘적 한계가 있으므로 Hopfield 신경회로망이나 Kohonen 신경회로망 등을 사용하여 TSP문제, 그래프 색칠하기, 채널 경로배정 문제를 해결
- □최근에는 정보여과, 데이터 마이닝 등에 응용