1. Feladat. Mutasd meg, hogy a következő probléma NP-nehéz!

Adott egy  $\varphi$  konjunktív normálformájú formula, melyben minden klózban vagy maximum 2 literál szerepel, vagy pozitív klóz. Kielégíthető-e  $\varphi$ ? (Hint: SAT)

2. Feladat. Mutasd meg, hogy a következő probléma NP-nehéz!

Adott egy  $\varphi'$  konjunktív normálformájú formula. Kielégíthető-e  $\varphi'$  klózainak legalább  $\frac{7}{8}$ -a?

(Hint: SAT)

3. Feladat. Mutasd meg, hogy a következő probléma NP-nehéz!

Adott egy G gráf. Kiszínezhetőek-e a csúcsai 5 színnel helyesen úgy, hogy két színt pontosan kétszer használuk? (Hint: 3-színezés)

4. Feladat. Mutasd meg, hogy a következő probléma NP-nehéz!

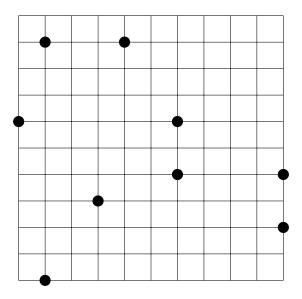
Adott egy G gráf és egy e éle. Van-e olyan Hamilton-kör G-ben, mely tartalmazza e-t?

(Hint: Hamilton-út)

5. Feladat. Mutasd meg, hogy a következő probléma NP-nehéz!

Adott egy G gráf melynek minden éle vagy piros, vagy kék színnel színezett, és egy k szám. Van-e k darab olyan csúcs G-ben, melyek páronként szomszédosak és van köztük kék és piros színű csúcs is? (Hint: KLIKK)

**6. Feladat.** Hajtsd végre a tanult 2-approximáló algoritmust a METRIKUS TSP problémára a következő inputon! A mélységi bejárást indítsd a bal szélső pontok közül a legfelső pontból! A kapott eredmény alapján mit tudsz elmondani az optimum értékéről?



**7. Feladat.** Hajtsd végre a tanult 2-approximáló algoritmust a METRIKUS TSP problémára a következő inputon! A mélységi bejárást indítsd a bal szélső pontok közül a legfelső pontból! A kapott eredmény alapján mit tudsz elmondani az optimum értékéről?

