





손실함수 복습 경사하강법 Hyper parameter

경사하강법 한계

우리의 목표

손실함수를 최소로 하는 모델을 찾아내는 것!

손실함수를 최소로 하는 모델의 파라미터를 찾아내는 최적화 기법 중 하나가 경사하강법!





OUTTA

• 손실함수 복습 경사하강법

Hyper parameter

경사하강법 한계

손실함수란?

- 손실함수(Loss function): 모델의 예측값과 실제 값의 다른 정도를 측정하는 함수이다. 이 함수는 모델이 얼마나 잘 혹은 못하고 있는지를 수치적으로 나타낸다.

(ex) 잔차(**Residual**) :
$$d_i = \left(y_i^{(true)} - y_i^{(pred)}\right)$$

잔차 제곱합 (**RSS**) :

$$\sum_{n=0}^{N-1} d_i^2$$

- 최적화(Optimization) : 손실함수를 어떻게 가장 작게 할 것인지에 대한 다양한 수학적인 방법들을 의미한다.

(ex) 경사하강법, 최소제곱법

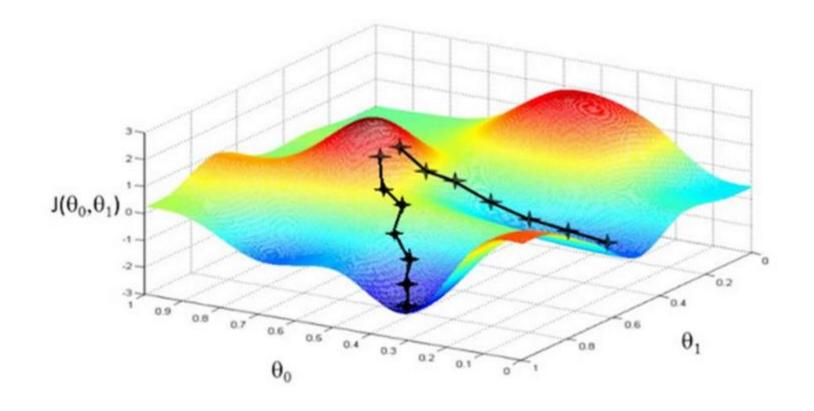
• 손실함수 복습 경사하강법

Hyper parameter

경사하강법 한계

최적화(Optimization)

- 딥러닝 분야에서 최적화란, 손실 함수(Loss function) 값을 최소화하는 모델 파라미터 값을 구하는 것





• 손실함수 복습 경사하강법

Hyper parameter

경사하강법 한계

일반적인 손실함수의 표기

- 모델 파라미터: $w_1, w_2, w_3, ..., w_M$

- Data points: $(x_n, y_n)_{n=0}^{N-1}$

$$\mathcal{L}(w_1, ..., w_M; (x_{n}, y_n)_{n=0}^{N-1})$$

→ 특정 파라미터들을 사용한 모델에 대해, 그것이 예측한 값이 얼마나 잘못 되었는지를 수치로 표현한 것이 손실함수!





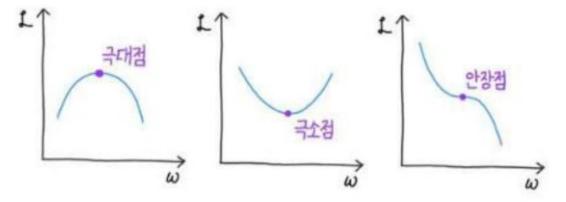
• 경사하강법

Hyper parameter

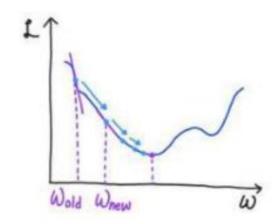
경사하강법 한계

손실함수와 경사하강법

- <손실함수가 w에 대한 일변수함수임을 가정>
- 다양한 손실함수의 개형



- 경사하강법 : 손실함수를 따라 내려가면서 극소를 만족시키는 w를 찾는 과정





• 경사하강법

Hyper parameter

경사하강법 한계

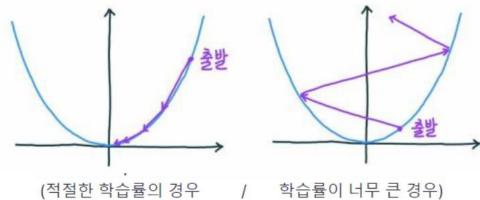
손실함수와 경사하강법

- $\mathcal{L}(w)$ 의 최소를 찾아야 함.

-
$$\frac{d\mathcal{L}}{dw} < \mathbf{0} \rightarrow increase \ w, \quad \frac{d\mathcal{L}}{dw} > \mathbf{0} \rightarrow decrease \ w$$

$$\therefore w_{new} = w_{old} - \delta \cdot \frac{d\mathcal{L}}{dw} \Big|_{w = w_{old}}$$

- δ : 학습률(Learning rate): 한 번의 Step에서 가중치 값을 변화시키는 양에 대한 척도



• 경사하강법

Hyper parameter

경사하강법 한계

손실함수와 경사하강법



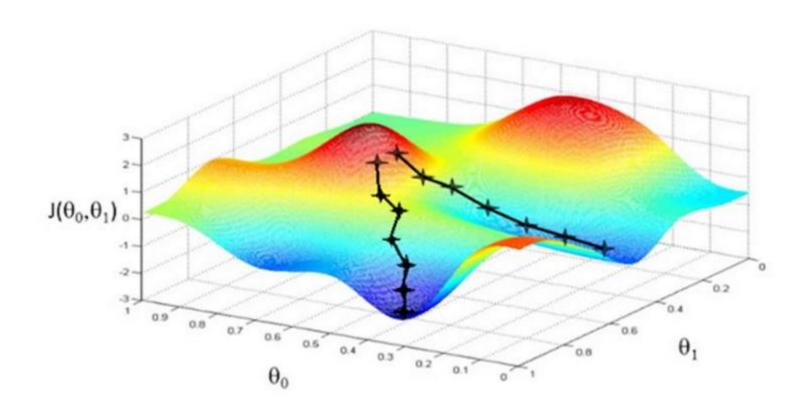


• 경사하강법

Hyper parameter

경사하강법 한계

손실함수와 경사하강법





• 경사하강법

Hyper parameter 경사하강법 한계

왜 경사하강법을 쓰는가?

- 우리의 목표는 손실함수의 최솟값을 찾는 것!

- 손실함수의 최솟값을 찾기 위해서는 미분 계수가 0이 되는 지점을 찾아야 함 즉, $\mathcal{L}'(w) = 0$ 또는 $\nabla \mathcal{L}(w) = 0$ 을 만족하는 모델 파라미터를 찾아야 함.

- 그러나 실제 상황, 특히 딥러닝에서의 손실함수는 굉장히 복잡하기에 $\mathcal{L}'(w) = 0$ 또는 $\nabla \mathcal{L}(w) = 0$ 을 만족하는 w 또는 w를 찾는 것은 매우 어렵다.

- 따라서 우리는 **손실함수를 점점 작아지게 하는 전략**을 택하는 것!

- 경사하강법은 방대한 데이터에 대해서 적용하기에도 쉽고, 계산량도 훨씬 적다.



• 경사하강법

Hyper parameter

경사하강법 한계

경사하강법 (Gradient Descent, GD)

- 안개가 가득 낀 산의 중턱에서, 산을 하산하는 것이 목표이다.

- 산의 내리막 방향으로 조금씩 내려가다보면 언젠가는 산을 하산할 수 있다.



• 경사하강법

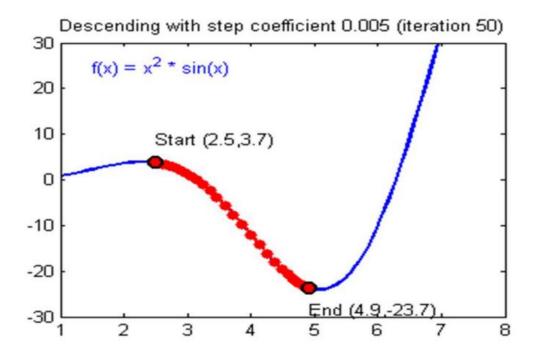
Hyper parameter

경사하강법 한계

경사하강법의 종료 조건

- 경사하강법의 종료 조건

$$\frac{d\mathcal{L}}{dw}|_{w=w_{old}}\cong \mathbf{0}$$
 (Thresholding) 등 다양한 방법이 있음





• 경사하강법

Hyper parameter

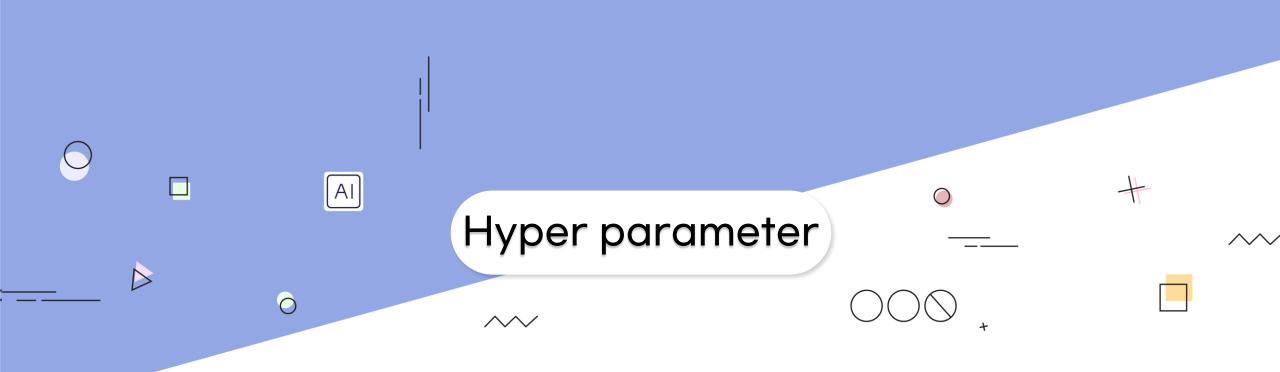
경사하강법 한계

다변수함수에서의 경사하강법

- 모델 파라미터 : $w_1, w_2, w_3, ..., w_M$

-
$$w_{new} = w_{old} - \delta \cdot \nabla \mathcal{L}(w)|_{w=w_{old}}$$

$$w = \begin{pmatrix} w_1 \\ w_2 \\ \vdots \\ w_M \end{pmatrix}, \qquad \nabla \mathcal{L}(w) \Big|_{w=w_{old}} = \begin{pmatrix} \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial w_1} \\ \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial w_2} \\ \vdots \\ \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial w_M} \end{pmatrix}_{old}$$



Hyper parameter
경사하강법 한계

경사하강법의 Hyper parameter

- 경사하강법의 Hyperparameter

: 경사하강법 함수 내에서 사용되는 변수와 방법

 $\rightarrow w_{old,0}$, δ , Criteria for stopping step, 반복횟수



Hyper parameter
경사하강법 한계

경사하강법의 Hyper parameter

- 1. $\mathbf{w_{old,0}}$: Gaussian Random Distribution으로 Randomly choose
- 2. δ (학습률, Learning Rate)
 - 10의 거듭제곱들을 각각 학습률로 사용하여 경사하강법 진행
- 3. Criteria for stopping step; "큰 변화가 없으면 종료한다"
 - ① Gradient 값을 그래프에 나타낸 뒤 사용자의 판단하에 종료
 - ② Auto-stopping option : n번 반복 후 값의 변화가 없을 시 종료
 - ③ Thresholding: 특정 값 이하로 gradient가 감소하면 종료

4. 반복횟수



Hyper parameter
경사하강법 한계

경사하강법의 Hyper parameter

적절한 Hyperparameter 의 설정방법

- 1. 대략적으로 하이퍼파라미터 값의 범위를 설정한다.
- 2. 설정된 범위에서 하이퍼파라미터의 값을 무작위로 추출한다.
- 3. 1단계에서 샘플링한 값을 사용하여 학습하고, 정확도를 평가한다.
- 4. 1,2 단계를 반복하며, 그 정확도를 보고 범위를 점점 좁힌다.





Hyper parameter

• 경사하강법 한계

경사하강법의 한계

(1) 데이터가 많아지면 계산량이 너무 많아진다.

(2) Local Minimum 문제.

(3) Plateau 문제

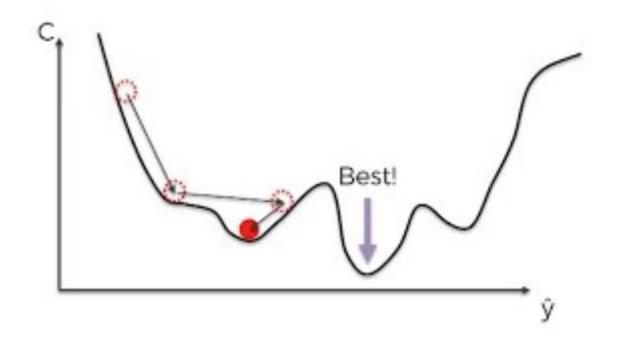


Hyper parameter

• 경사하강법 한계

경사하강법의 한계

- Local minimum
 - Global minimum 이 아닌 Local minimum에 빠지게 된다!





Hyper parameter

• 경사하강법 한계

경사하강법의 한계

- Plateau
 - 평탄한 지역에서는 학습 속도가 매우 느려지며, 느려지다 못해 정지해버릴 수도 있다.

