

#1

변인	자유도	SS	MS	반복이 있는 2요인 모형: $a=2, b=6, n=2 \rightarrow Y_{ijk} = \mu + \alpha_i + \beta_j + (\alpha\beta)_{ij} + \epsilon_{ijk}$
A	2	7088.2	1544.1	(1) ① Fixed
B	5	5548.9	1109.78	· A와 B의 교호작용
(AB)	10	4825.8	482.58	$H_0: (\alpha\beta)_{11} = \dots (\alpha\beta)_{26} = 0, H_1: \text{not } H_0$
Error	18	40	2.22	$F = \frac{MS(AB)}{MSE} = \frac{482.58}{2.22} = 217.778 > F(0.05, 10, 18) = 2.412$ 이므로 $H_0$ 기각
Total	25	17502.9		따라서 5%의 유의수준에서 A와 B의 상호작용 효과가 유의하다고 할 수 있다.

· A의 주효과

$$H_0: \alpha_1 = \alpha_2 = \alpha_3 = 0, H_1: \text{not } H_0$$

$$F = \frac{MSA}{MSE} = \frac{1544.1}{2.22} = 695.541 > F(0.05, 2, 18) = 3.555 \text{ 이므로 } H_0 \text{ 기각}$$

따라서 5%의 유의수준에서 A의 주효과가 유의하다고 할 수 있다.

· B의 주효과

$$H_0: \beta_1 = \dots = \beta_6 = 0, H_1: \text{not } H_0$$

$$F = \frac{MSB}{MSE} = \frac{1109.78}{2.22} = 499.901 > F(0.05, 5, 18) = 2.773 \text{ 이므로 } H_0 \text{ 기각}$$

따라서 5%의 유의수준에서 B의 주효과가 유의하다고 할 수 있다.

② Random

· A와 B의 교호작용

$$H_0: \sigma_{(\alpha\beta)}^2 = 0, H_1: \sigma_{(\alpha\beta)}^2 > 0$$

$$F = \frac{MS(AB)}{MSE} = \frac{482.58}{2.22} = 217.778 > F(0.05, 10, 18) = 2.412 \text{ 이므로 } H_0 \text{ 기각}$$

따라서 5%의 유의수준에서 A와 B의 상호작용 효과가 유의하다고 할 수 있다.

· A의 주효과

$$H_0: \sigma_\alpha^2 = 0, H_1: \sigma_\alpha^2 > 0$$

$$F = \frac{MSA}{MS(AB)} = \frac{1544.1}{482.58} = 3.200 < F(0.05, 2, 10) = 4.103 \text{ 이므로 } H_0 \text{ 기각 불가}$$

따라서 5%의 유의수준에서 A의 주효과가 유의하다고 할 수 없다.

· B의 주효과

$$H_0: \sigma_\beta^2 = 0, H_1: \sigma_\beta^2 > 0$$

$$F = \frac{MSB}{MS(AB)} = \frac{1109.78}{482.58} = 2.300 < F(0.05, 5, 10) = 3.726 \text{ 이므로 } H_0 \text{ 기각 불가}$$

따라서 5%의 유의수준에서 B의 주효과가 유의하다고 할 수 없다.

## ⑦ Mixed (A가 고정, B가 변량인 경우)

· A와 B의 상호작용

$$H_0: \sigma_{\alpha\beta}^2 = 0, H_1: \sigma_{\alpha\beta}^2 > 0$$

$$F = \frac{MS(AB)}{MSE} = \frac{482.58}{2.22} = 217.378 > F(0.05, 10, 18) = 2.412 \text{ 이므로 } H_0 \text{ 기각}$$

따라서 5%의 유의수준에서 A와 B의 상호작용 효과가 유의하다고 할 수 있다.

· A의 주효과 (fixed)

$$H_0: \alpha_1 = \alpha_2 = \alpha_3 = 0, H_1: \text{not } H_0$$

$$F = \frac{MSA}{MS(AB)} = \frac{1544.1}{482.58} = 3.200 < F(0.05, 2, 10) = 4.103 \text{ 이므로 } H_0 \text{ 기각 불가}$$

따라서 5%의 유의수준에서 A의 주효과가 유의하다고 할 수 없다.

· B의 주효과 (random)

$$H_0: \sigma_\beta^2 = 0, H_1: \sigma_\beta^2 > 0$$

$$F = \frac{MSB}{MSE} = \frac{1109.78}{2.22} = 499.901 > F(0.05, 5, 18) = 2.773 \text{ 이므로 } H_0 \text{ 기각}$$

따라서 5%의 유의수준에서 B의 주효과가 유의하다고 할 수 있다.

$$(2) \text{ 변량효과모형에서 } \hat{\sigma}^2 = MSE = 2.22$$

$$\hat{\sigma}_{\alpha\beta}^2 = \frac{MS(AB) - MSE}{n} = \frac{482.58 - 2.22}{2} = 240.18$$

$$(3) \text{ 혼합효과모형에서 } \hat{\sigma}_\beta^2 = \frac{MSB - MSE}{an} = \frac{1109.78 - 2.22}{3 \times 2} = 184.593$$

## #2

(1) 블록대칭성을 만족하므로 일변량적 방법으로 접근 가능 → 단일요인 반복측정 분산분석;  $n=5, p=4$  인 일변량 분산분석

$$H_0: \tau_1 = \tau_2 = \tau_3 = \tau_4 = 0, H_1: \text{not } H_0$$

$$SS_{TR} = \sum_{j=1}^5 \sum_{g=1}^4 (\bar{y}_{.jg} - \bar{y}_{..})^2 = 5 \times ((26.4 - 24.9)^2 + (25.6 - 24.9)^2 + (15.6 - 24.9)^2 + (32.0 - 24.9)^2) = 698.2$$

$$\rightarrow MS_{TR} = \frac{SS_{TR}}{p-1} = \frac{698.2}{3} = 232.733$$

$$SS_W = \sum_{j=1}^5 \sum_{g=1}^4 (y_{jg} - \bar{y}_{.jg})^2 = 180 + 80 + 84 + 312 + 155 = 811$$

$$SS_E = SS_W - SS_{TR} = 811 - 698.2 = 112.8 \rightarrow MSE = \frac{SS_E}{(n-1)(p-1)} = \frac{112.8}{4 \cdot 3} = 9.4$$

$$F = \frac{MS_{TR}}{MSE} = \frac{232.733}{9.4} = 24.759 > F(0.05, 3, 12) = 3.49 \text{ 이므로 } H_0 \text{ 기각}$$

따라서 5%의 유의수준에서 처리간의 효과가 유의하다고 할 수 있다.

(2) 다변량 분산분석에서의 자유도 추정

$$H_0: \tau_1 = \tau_2 = \tau_3 = \tau_4 = 0, H_1: \text{not } H_0$$

① Greenhouse and Geiser  $\epsilon_{GG} = 0.6049$  일때

$$\text{자유도 } (3, 12) \text{ 는 } (3 \times 0.6049, 12 \times 0.6049) = (1.8147, 7.2588) \text{ 로 수정된다}$$

$$\text{자유도가 정수가 아니므로 R코드를 이용해 평가하면 } 1 - pf(24.759, 1.8147, 7.2588) = 0.000648871 \text{ 이므로 } H_0 \text{ 기각}$$

따라서 처리간의 효과가 유의하다고 할 수 있다.

② Huynh and Feldt  $\epsilon_{HF} = 1$  일때

$$\text{자유도 } (3, 12) \text{ 는 } (3 \times 1, 12 \times 1) = (3, 12) \text{ 로 수정된다.}$$

$$\text{이 경우 (1)에서 구한 답과 같으므로 간단히 직언하면 } F = 24.759 > F(0.05, 3, 12) = 3.49 \text{ 이므로 } H_0 \text{ 기각}$$

따라서 5%의 유의수준에서 처리간의 효과가 유의하다고 할 수 있다.