

## 9장 단일모집단에 대한 통계적 추론

### 9.1

(1)  $\bar{x} = 17/6 = 2.833$ ,  $s^2 = (101 - 6 \times 2.833^2)/5 = 10.567 \Rightarrow s = \sqrt{10.567} = 3.251$

(2)  $\mu$ : 평균 스트레스 증가량

○ 가설:  $H_0: \mu \leq 0$  vs  $H_1: \mu > 0$

○ 검정통계량:  $\frac{\bar{X}}{S/\sqrt{n}} \sim t_{n-1}$

○  $t = \frac{2.833 - 0}{3.251/\sqrt{6}} = 2.135 > t_{0.05,5} = 2.015$  이므로 5% 유의수준에서 귀무가설 기각

$\Rightarrow$  기초통계학이 스트레스를 증가시키는 요인이라고 할 수 있음

(3)  $\left[ \sqrt{\frac{(n-1)S^2}{\chi_{\alpha/2, n-1}}}, \sqrt{\frac{(n-1)S^2}{\chi_{1-\alpha/2, n-1}}} \right] \Rightarrow \left[ \sqrt{\frac{5 \times 10.567}{12.83}}, \sqrt{\frac{5 \times 10.567}{0.83}} \right] = [2.029, 7.973]$

9.2 이 문제는 비율 확률이 60%에 대한 예측력이 적절한지를 알아보기 위한 것임. 비가 내리 비율  $p = 51/100 = 0.51$ 을 이용하여 비율 확률  $\theta$ 에 대한 95% 구간추정은

$$p \pm 1.96 \sqrt{p(1-p)/100} \Rightarrow [0.412, 0.608]$$

통상적인 신뢰수준 95%에서 구간추정에 0.6이 포함되어 있어 예측력에 큰 문제가 없다고 할 수 있음.

○ 비율 확률이 50%라고 할 때,  $\left| \frac{x/100 - 0.5}{\sqrt{0.5 \times 0.5/100}} \right| = 1.96$ 를 만족하는  $x \Leftrightarrow |x - 50| = 9.8$

$\Rightarrow$  40일 이하이거나 60일 이상 비가 내리면 예측력에 문제가 있다고 볼 수 있음

9.3 대표본이므로 정규근사를 이용할 수 있음

○ 민간부문: [2232.497, 2299.503]

○ 공공부문: [2542.364, 2677.636]

○ 노조사업장: [2656.853, 2729.147]

○ 비노조사업장: [2409.216, 2488.784]

### 9.4

(1)  $\bar{x} = 85.722$ ,  $s^2 = 292.918$

(2)  $85.722 \pm 2.11 \sqrt{\frac{292.918}{18}} \Rightarrow [77.211, 94.233]$

(3)  $\left[ \sqrt{\frac{(n-1)S^2}{\chi_{\alpha/2, n-1}}}, \sqrt{\frac{(n-1)S^2}{\chi_{1-\alpha/2, n-1}}} \right] \Rightarrow \left[ \sqrt{\frac{17 \times 292.918}{30.19}}, \sqrt{\frac{17 \times 292.918}{7.56}} \right] = [12.843, 25.665]$

(4)  $\mu$ : 평균호가

○ 가설:  $H_0: \mu \leq 70$  vs  $H_1: \mu > 70$

○  $t = \frac{85.722 - 70}{\sqrt{292.918/18}} = 3.897 > t_{0.05,17} = 1.74$ 이므로 5% 유의수준에서 귀무가설 기각

$\Rightarrow$  호가가 실제 월세보다 높다고 할 수 있음

### 9.5

- (1)  $\bar{x} = 188/10 = 18.8, s^2 = 51.2889 \Rightarrow s = 7.1616$
- (2)  $18.8 \pm 2.262 \times 7.1616 / \sqrt{10} = [13.677, 23.923]$
- (3) Isoxya cicatricosas라고 하면  $\mu = 28.12$  이므로  $t = \frac{18.8 - 28.12}{7.1616 / \sqrt{10}} = -4.115$ 로 현재자료는 비정상적인 자료라고 할 수 있는 반면 Araneus rufipalpus라고 가정하면  $\mu = 15.66$ 이고  
 $t = \frac{18.8 - 15.66}{7.1616 / \sqrt{10}} = 1.387$ 이므로 비정상적인 자료라고 볼 수 없음  $\Rightarrow$  이 거미는 Araneus rufipalpus 가능성이 더 높음

### 9.6 $n = 15, \bar{x} = 27.8, s = 5.5$

- (1)  $27.8 \pm 2.145 \times 5.5 / \sqrt{15} = [24.754, 30.846]$
- (2) 코끼리 수명은  $N(\mu, \sigma^2)$  따르고 15마리 코끼리는 모집단으로부터 무작위로 선정
- (3)  $\mu$ : 아프리카 코끼리 평균수명
  - 가설:  $H_0: \mu \geq 60$  vs  $H_1: \mu < 60$
  - $t = \frac{27.8 - 60}{5.5 / \sqrt{15}} = -23.24 < -2.624 = -t_{0.01, 14}$  이므로 1% 유의수준에서 귀무가설 기각  
 $\Rightarrow$  아프리카 코끼리 수명은 인도코끼리 수명보다 짧다고 할 수 있음

### 9.7 유병율: $\theta = 0.248$ , 표본유병율: $p = 68/200 = 0.34, n = 200 \Rightarrow$ 정규근사가능

- (1)  $200 \times 0.248 = 49.6$ (명)
- (2)  $0.34 \pm 1.96 \sqrt{0.34 \times 0.66 / 200} = [0.2743, 0.4057]$
- (3) 가설:  $H_0: \theta = 0.248$  vs  $H_1: \theta \neq 0.248$ 
  - $|z| = \left| \frac{0.34 - 0.248}{\sqrt{0.248 \times 0.752 / 200}} \right| = 3.068 > 1.96 = z_{0.025}$ 이므로 5% 유의수준에서 귀무가설 기각  
 $\Rightarrow$  고혈압 유병율이 24.8%라는 주장은 문제가 있음
- (4) 의료기록은 병원에 방문한 사람, 즉 환자들을 많이 포함되어 있을 가능성이 높아 40대 전체를 대표하는 표본으로 적절하지 않을 수 있음. 단순 치료를 위한 의료기록보다는 건강검진 자료와 같은 자료에서 표본을 선정하는 것이 적절함

### 9.8

- (1)  $1.96 \sqrt{\frac{0.5 \times 0.5}{n}} = 0.015 \Rightarrow n = 4268.4$  (4269개)
- (2)  $n = 200$ ,
  - ① 문제수정: "만약  $\theta$ 가 0.3이라면 **정상 불량제품**"
    - $\theta = 0.3 \Rightarrow P(0.27 \leq P \leq 0.33) = P\left(\frac{0.27 - 0.3}{\sqrt{0.3 \times 0.7 / 200}} \leq Z \leq \frac{0.33 - 0.3}{\sqrt{0.3 \times 0.7 / 200}}\right)$   
 $= P(-0.93 \leq Z \leq 0.93) = 0.6476$
  - ② 장상제품비율:  $174/200 = 0.87 \Rightarrow$  불량제품비율  $p = 0.13$ 
    - $0.13 \pm 1.645 \sqrt{\frac{0.13 \times 0.87}{200}} = [0.0989, 0.1691]$

루트36 어디서나온거임  
루트32 아닌가

③ (a)  $H_0: \theta \geq 0.2$  vs  $H_1: \theta < 0.2$

(b) 175개 이상 정상  $\Rightarrow$  25개 미만 불량

$$\alpha = P_{H_0}(X < 25) = P_{H_0}(X \leq 24.5) \approx P\left(Z \leq \frac{24.5 - 40}{\sqrt{36}}\right) = P(Z \leq -2.5833) = 0.0049$$

(c) 179개 정상  $\Rightarrow$  21개 불량  $\Rightarrow p = 21/200 = 0.105$

$$z = \frac{0.105 - 0.2}{\sqrt{0.2 \times 0.8 / 200}} = -3.359 < -1.645 \text{ 이므로 } 5\% \text{ 유의수준에서 귀무가설 기각}$$

$\Rightarrow$  불량률이 20% 미만이라고 할 수 있음

(d) p-값:  $P(Z \leq -3.359) = 0.0004$

9.9 문제수정: 2번째 줄 "4.5mg이고 표준편차는 0.5mg이라고 한다."

$$n = 100, \bar{x} = 4.6, s = 0.45 \Rightarrow \text{대표본으로 정규근사 가능}$$

(1)  $4.6 \pm 1.96 \times 0.45 / \sqrt{100} = [4.5118, 4.6882]$

(2)  $\mu$ : 실제 평균 타르함량

○ 가설:  $H_0: \mu \leq 4.5$  vs  $H_1: \mu > 4.5$

○  $z = \frac{4.6 - 4.5}{0.45 / \sqrt{100}} = 2.222 > 1.645 = z_{0.05}$  이므로 5% 유의수준에서 귀무가설 기각

$\Rightarrow$  실제 평균 타르 함량은 4.5보다 많다고 할 수 있음

9.10 기존 시스템에서의 위험상태에 빠지는 비율:  $P(X > 30) = P\left(Z > \frac{30 - 25}{5}\right) = P(Z > 1) = 0.1587$

○ 이송시간을 단축시켰다는 것은 위험상태에 빠진 비율이 낮아졌다는 것을 의미

○  $\theta$ : 위험상태에 빠진 비율

○ 가설:  $H_0: \theta \geq 0.1587$  vs  $H_1: \theta < 0.1587$

○  $z = \frac{5/100 - 0.1587}{\sqrt{0.1587 \times 0.8413 / 100}} = -2.975 < -1.645$  이므로 5% 유의수준에서 귀무가설 기각

$\Rightarrow$  새로운 이송시스템은 이송시간을 단축시켰다고 볼 수 있음