

02

CHAPTER

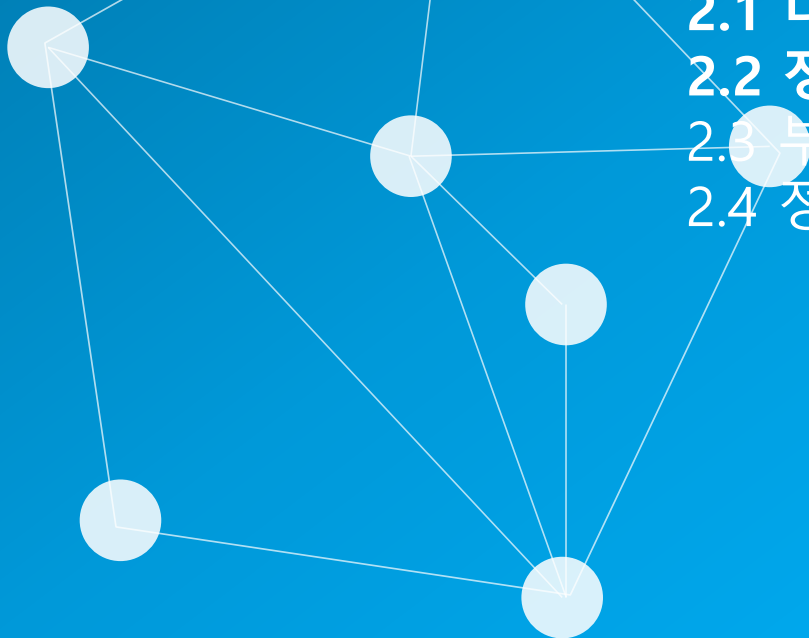
정보의 표현과 디지털 논리

2.1 디지털 정보

2.2 정보의 표현

2.3 부울 대수와 디지털 논리

2.4 정보의 압축과 오류



2.1 디지털 정보



- 아날로그 정보와 디지털 정보
- 정보의 디지털화

2.1.1 아날로그 정보와 디지털 정보

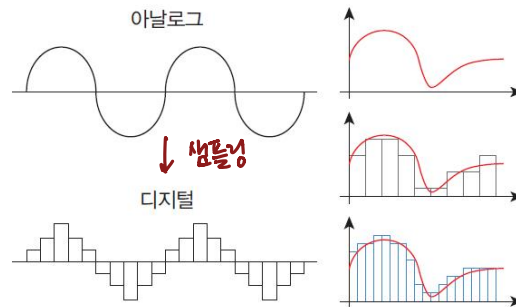
- 아날로그와 디지털의 예
 - 아날로그 데이터: 연속적(Continuous)인 데이터
 - 디지털 데이터: 비연속적(Discrete)인 데이터



| 그림 2-1 시계와 체중계의 아날로그 방식과 디지털 방식

- 숫자뿐만 아니라 사운드, 이미지, 동영상과 같은 다양한 데이터도 아날로그 방식의 표현과 디지털 방식의 표현 존재

- 아날로그에서 **디지털로 변화** 디지털화
 - 실세계 데이터는 원래 아날로그 데이터
 - 예) 숫자 "3", 문자 "사과"는 쓰는 사람에 따라 다양함
 - **디지털 세상에서는 글자는 모두 동일한 방식으로 표현, 저장**



(a) 사운드의 디지털화



(b) 이미지의 디지털화

- 아날로그 데이터나 정보는 모두 적절한 과정을 거쳐 디지털 데이터로 변화
 - 원래 아날로그 데이터에 얼마든지 가깝게 디지털화 가능

■ 디지털 데이터의 이점

- 한가지 방식으로 표현 \Rightarrow 정보의 호환성이 높아짐
- 컴퓨터의 회로는 디지털 정보를 처리, 저장하기 쉽게 설계
- 데이터 전송 오류나 손실의 문제점 최소화
- 문자, 숫자, 이미지, 사운드, 동영상 등이 아날로그 형태로 존재할 때는 그 특성이 상이하여 저장, 처리, 전송 방식이 모두 다름 \Rightarrow 디지털 데이터는 동일하게 다름

퀴즈

2.1.2 정보의 디지털화



- 이진법(Binary system)
 - "0"과 "1"의 두 가지 상태
 - 이진법의 예
 - "On", "Off"
 - "True", "False"
 - "컵에 물이 차 있음", "컵에 물이 비어 있음"
 - "5 볼트", "0 볼트"



(a) "1" 상태



(b) "0" 상태



(c) 존재하지 않는 상태

| 그림 2-5 컵에 물이 차 있는 정도를 "1"과 "0"로 표현

- 비트(Bit), 바이트(Byte), 워드(Word)
 - 비트: 0 또는 1과 같은 가장 작은 정보를 나타내는 단위
 - 바이트: 비트 8개의 모임, 영어 한 글자를 표현
 - 예) 비트 패턴 "10011100"
 - 워드: 컴퓨터에 따라 상이함
 - 예) 16비트, 32비트 등

1KB(Kilo Byte) = 2^{10} Byte = 1,024 Byte 10^3

1MB(Mega Byte) = 2^{20} Byte = 1,048,576 Byte(약 백만 바이트) 10^6

1GB(Giga Byte) = 2^{30} Byte = 1,073,741,824 Byte(약 10억 바이트) 10^9

■ 진법의 변환 – 10진법, 16진법

• 10진법



- 숫자는 4세기 고대 이집트 문명과 인도에서 시작

• 위치기수법(Positional number system)

표기	5	7	5
위치의 크기	10^2	10^1	10^0

(a) 10진법

1	1	0	1
2^3	2^2	2^1	2^0
표기 위치의 크기			

(b) 2진법

16진법, 8진법도
마찬가지

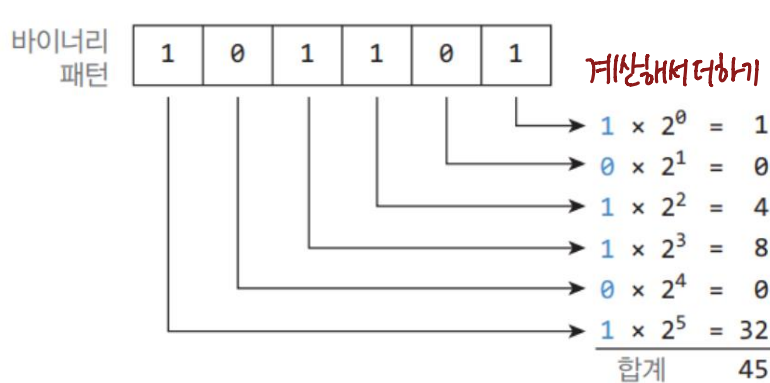
비트 패턴	10진법	16진법
0000	0	0
0001	1	1
0010	2	2
0011	3	3
0100	4	4
0101	5	5
0110	6	6
0111	7	7
1000	8	8
1001	9	9
1010	10	A
1011	11	B
1100	12	C
1101	13	D
1110	14	E
1111	15	F

2진법, 10진법 및 16진법의 관계

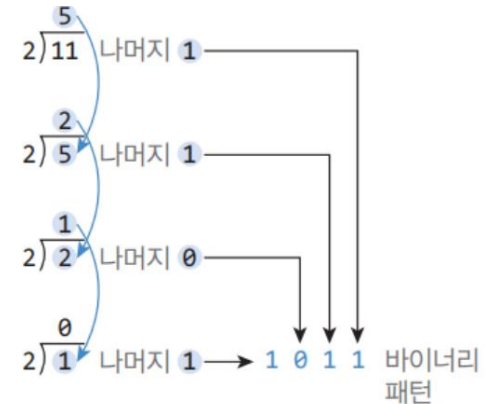
8진법 $\rightarrow 0 \sim 7$
 16진법 $\rightarrow 0 \sim 9, A \sim F$

2.1 디지털 정보

• 2진법과 10진법 간의 변환



(a) 2진법에서 10진법으로



(b) 10진법에서 2진법으로

8, 16진수도 마찬가지

$$\begin{array}{r}
 8 \overline{) 11} \\
 \underline{8} \\
 3
 \end{array}$$

$$\begin{aligned}
 \Rightarrow 11 &= 13(8) \\
 &= B(16)
 \end{aligned}$$

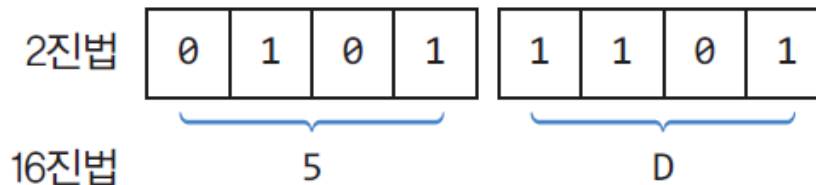
나누어서 나머지를 역순으로

$$\begin{array}{r}
 2 \overline{) 11} \\
 \underline{10} \\
 1 \\
 2 \overline{) 5} \quad \dots 1 \\
 \underline{4} \\
 1 \\
 2 \overline{) 2} \quad \dots 1 \\
 \underline{2} \\
 0 \\
 1 \quad \dots 0
 \end{array}$$

4자리씩 쪼개기 (오른쪽기준) ex. 01/1101

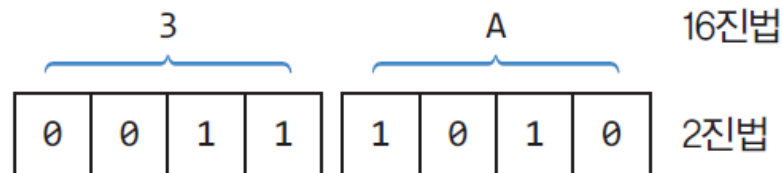
- 2진법과 16진법 간의 변환

- $01011101_2 = 5D_{16}$



(a) 2진법에서 16진법으로

- $3A_{16} = 00111010_2$



(b) 16진법에서 2진법으로

2진법 ↔ 8진법
: 3자리씩 쪼개기

2.2 정보의 표현



- 숫자의 표현
- 문자의 표현
- 멀티미디어 정보의 표현

2.2.1 숫자의 표현

■ 정수의 표현 : 부호-크기방식, 2의 보수 표현

1. 부호-크기 방식 : 부호비트를따르둠

- 제일 왼쪽 비트(MSB: Most Significant Bit): 정수의 부호
- 나머지 비트: 정수의 절대값

(0 → 양수 + 절대값
1 → 음수)

비트 패턴	10진법 수
011	+3
010	+2
001	+1
000	+0
100	-0
101	-1
110	-2
111	-3

(a) 3 비트를 이용한 부호-크기 방식

비트 패턴	10진법 수
0111	+7
0110	+6
0101	+5
0100	+4
0011	+3
0010	+2
0001	+1
0000	+0
1000	-0
1001	-1
1010	-2
1011	-3
1100	-4
1101	-5
1110	-6
1111	-7

(b) 4 비트를 이용한 부호-크기 방식

컴퓨터가 연산하기 더 쉬움

2. 2의 보수(2's Complement)

- 보수의 개념 : 어떤 수 a 에 대한 n 의 보수 x 는 $a + x = n$ 가 되는 수
- 예) 1에 대한 10의 보수 : $1 + x = 10 \therefore x = 9$
- 2의 보수 : 어떤 수 a 와의 합이 $2(10_2)$ 가 되는 수
 $= 1\text{의 보수} + 1$

2의 보수 구하는 방법

: 음수 구할 때

양수 x

1. -2의 절대값 2를 2진법으로 표현 $\Rightarrow 010$
2. 010의 1의 보수를 구함 $\Rightarrow 101$: 0과 1을 바꾸기
3. 1의 보수에 1을 더함 $\Rightarrow 110$
4. -2의 2의 보수 값은 110_2

②) 0011 \rightarrow 1100 \rightarrow 1101

비트 패턴	10진법 수
0111	7
0110	6
0101	5
0100	4
0011	3
0010	2
0001	1
0000	0
1111	-1
1110	-2
1101	-3
1100	-4
1011	-5
1010	-6
1001	-7
1000	-8

■ 정수의 덧셈과 2의 보수 방식

1. 부호-크기 방식

- $a + b$ 의 경우: a, b 의 부호와 절대값에 따라 복잡한 과정

2. 2의 보수 방식

- $a + b$ 의 경우: 정수 a, b 의 부호와 크기에 관계없음
- 0의 표현이 한 가지
- 훨씬 효율적인 계산 \Rightarrow 디지털 회로가 훨씬 단순해 짐

10진법 문제 2의 보수 문제 10진법 결과

$$\begin{array}{r}
 4 \\
 + 3 \\
 \hline
 \end{array}
 \Rightarrow
 \begin{array}{r}
 0100 \\
 0011 \\
 \hline
 0111
 \end{array}
 \rightarrow 7$$

$$\begin{array}{r}
 6 \\
 + -3 \\
 \hline
 \end{array}
 \Rightarrow
 \begin{array}{r}
 0110 \\
 1101 \\
 \hline
 10011
 \end{array}
 \rightarrow 3$$

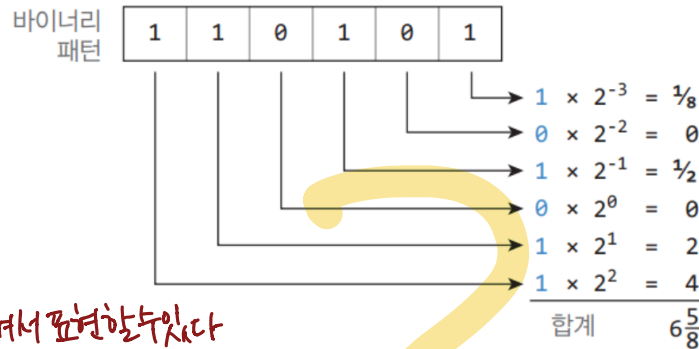
버림 ←

$$\begin{array}{r}
 -4 \\
 + -2 \\
 \hline
 \end{array}
 \Rightarrow
 \begin{array}{r}
 1100 \\
 1110 \\
 \hline
 11010
 \end{array}
 \rightarrow -6$$

버림 ←

■ 실수의 표현

- 예) 110.101의 각 자리는 $2^2, 2^1, 2^0, 2^{-1}, 2^{-2}, 2^{-3}$ 을 의미
 - 아주 큰 수나 아주 작은 수를 표현하는 데 어려움

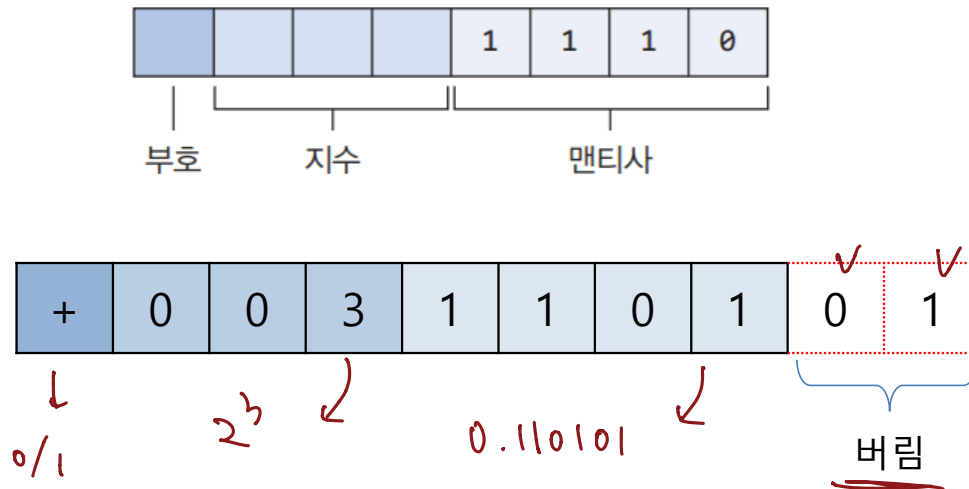


- 점을 왼쪽에서 표현할 수 있다
- 부동소수점 실수 (Floating Point Number)
 - 예) 110.101의 표현

$$0.10110 \times 2^3, 1.0110 \times 2^2, 10.110 \times 2^1,$$

$$101.10 \times 2^0, 1011.0 \times 2^{-1} \text{ 등}$$

- 정규화 부동소수점실수
 - 110.101을 0.110101×2^3 과 같이 소수점 다음에 항상 1이 나오도록 표현하는 방식
- 실수를 정규화 부동소수로 표현하여 부호(sign), 지수(exponent), 가수(mantissa)로 나누어 저장





2.2.2 문자의 표현

■ ASCII 코드 *아스키 (American Standard Code)*

- 미국 표준국(ANSI)에서 **영어** 문자를 위해 제정한 코드
 - 알파벳, 숫자, 문법 기호, 제어 부호로 원래 7 비트

국제표준기구

- ISO에서 1 비트 추가하여 8 비트 → 확장

- 예) "Happy!"

H	a	p	p	y	!
01001000	01100001	01110000	01110000	01111001	00100001

- 한글: 초성, 중성, 종성

- ASCII와 같이 8 비트로는 불가능 → *2바이트 사용.*
- 16비트 조합형 및 완성형 코드

↓ ↓
초성 2 조합 *비리 조합을 만들지 않음*

■ Unicode

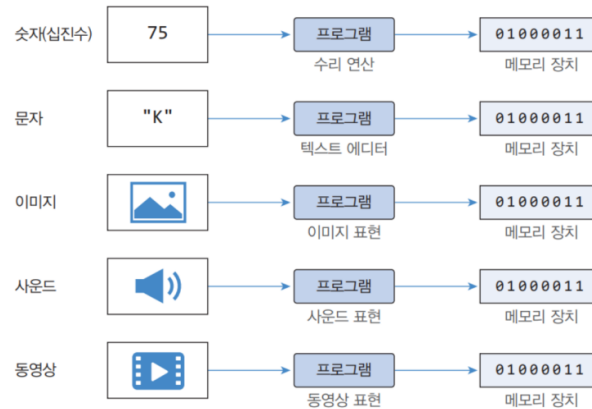
- 영어를 제외한 언어에 새로운 코드
 - ASCII 코드 포함
 - 한글, 중국어, 일본어, 히브리어 등 다양한 언어를 위해 코드 영역 지정
 - 16 비트 또는 32 비트
- 텍스트의 호환성 보장



2.2.3 멀티미디어 정보의 표현

■ 멀티미디어 정보의 특성

- 멀티미디어 데이터: 숫자, 문자, 사운드, 이미지, 그래픽, 동영상 등, 동일한 바이너리 데이터를 다르게 해석 (프로그래밍에 따라)

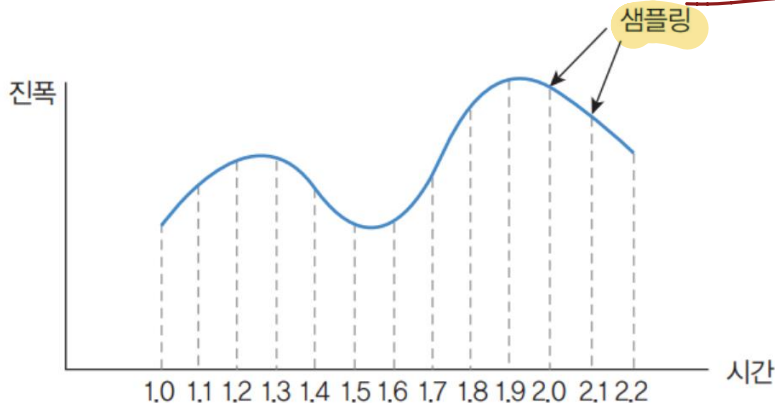


- 특성: 1. 데이터 **용량**이 매우 크다 → 데이터의 **압축** ↑
2. 용도와 환경에 따라 다양한 형태로 표현

↳ 확장자

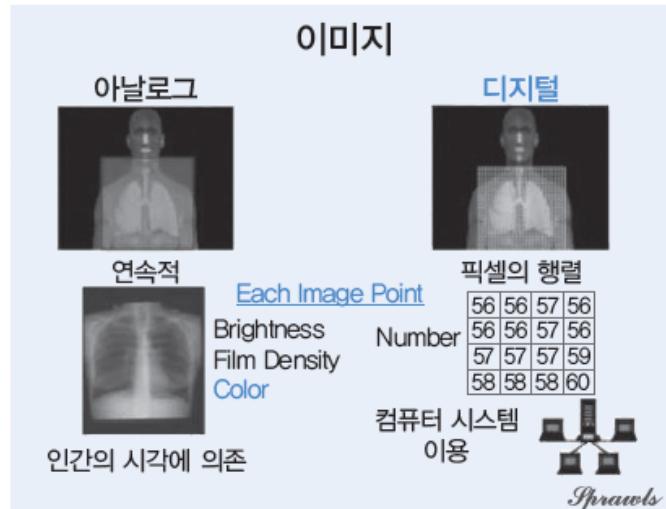
■ 사운드(Sound)의 표현

- 사운드의 요소: 주파수, 진폭, 음색
- 가청 주파수: 20Hz~20KHz
- 아날로그 파형인 사운드 데이터는 디지털화를 위해 샘플링 → 데이터들 일부분 추출
- 나이퀴스트(Nyquist) 정리 : 최대 주파수의 (2배)로 샘플링 샘플링을 많이 함수록.
 - $(20,000 \times 2) = 40,000$ sampling/sec → 1바이트?
 - 샘플링 값을 저장하기 위해 2 바이트 = 초당 80,000 바이트



■ 이미지(Image)의 표현

- 실 세계 장면은 아날로그 형태로 존재
- 디지털 이미지는 픽셀(Pixel)로 구성
 - 수직, 수평 방향의 픽셀
 - 예) 수직, 수평 방향으로 각각 1000개의 픽셀
 $1000 \times 1000 = 1,000,000$ 픽셀



- RGB 컬러 모델
 - Red, Green, Blue 각 컬러가 1 바이트로 표현
 - 한 픽셀을 표현하기 위해서는 3바이트가 필요함
 - 예) 1,000,000 픽셀 x 3 바이트 = 3백만 바이트
- 대표적 이미지 (압축) JPEG
↓
· jpg