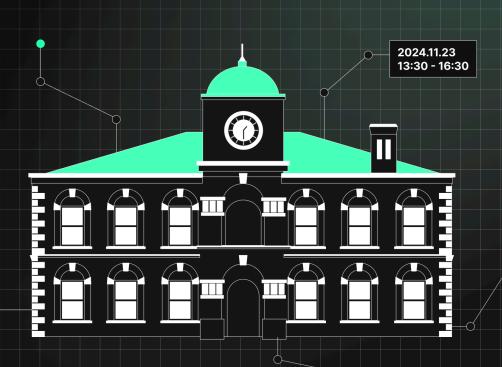
2024 건국대학교 프로그래밍 경진대회 Official Solution





	문제	의도한 난이도	출제자
А	구구단표	Beginner	권순호
В	홀수로 나눠라! 짝수로 나눠라!	Easy	윤찬규
С	다이얼 룰렛	Normal	윤찬규
D	숫자 POP	Normal	윤찬규
E	방벽 게임	Normal	권순호
F	십자 찾기	Normal	윤찬규
G	방공호 만들기	Normal	윤찬규
Н	격자 연결하기	Normal	윤찬규
1	우선순위 큐와 시뮬레이션	Normal	권순호
J	수열 만들기	Normal	권순호
K	순열과 증가수열	Hard	이승엽
L	완벽한 도시 설계	Challenging	이승엽

# A. 구구단표

bruteforce

출제진 의도 - Beginner

- 🦆 제출 65회, 정답 22명 (정답률 33.85%)
- <mark>送</mark> likescape, 1분

♣ 권순호 yookwi

## A. 구구단표

- ✓ 모든 경우를 살펴봅시다.
- ✓  $2 \le i \le 9$ ,  $2 \le j \le 9$ 을 만족하는 모든 (i,j) 에 대해  $i,j,i \times j$  중 주어진 수가 있는 지 판단하면 됩니다.

## B. 홀수로 나눠라! 짝수로 나눠라!

greedy

출제진 의도 - Easy

- 🦆 제출 62회, 정답 14명 (정답률 22.58%)
- codingstarfish, 9분

♣ 윤찬규 dldyou

#### B. 홀수로 나눠라! 짝수로 나눠라!

- ✓ 홀수로 나누기와 짝수로 나누기를 사용할 수 있을 때는 각각 언제일까요?
- ✓ 수열을 1개의 집합으로 나누어 봅시다.
- ✓ 집합을 이루는 원소의 합이 홀수라면, 홀수로 나누기를 사용하면 됩니다!
- ✓ 집합을 이루는 원소의 합이 짝수라면, 그 어느 방법으로도 수열을 나눌 수 없습니다.
- ✓ 수열을 2개의 집합으로 나누어 봅시다.
- ✓ 수열의 앞에서부터 집합을 2개로 나눠보며, 조건을 만족하는지 체크합니다.
- ✓ 각각 원소의 합이 짝수인 집합으로 쪼개지면, 짝수로 나누기를 사용할 수 있습니다.

#### B. 홀수로 나눠라! 짝수로 나눠라!

- ✓ 모든 경우에서 위의 2가지 방법으로 구할 수 있나요?
- ✓ 홀수로 나누기를 사용하여 홀수 개의 집합으로 나눴다고 해봅시다.
- ✓ 집합의 개수와 각각의 원소의 합이 홀수이므로, 전체 원소의 합 또한 홀수가 됩니다.
- ✓ 결국 나눈 것들을 합쳐 1개의 집합으로 나눈 것으로 만들 수 있습니다.
- ✓ 짝수로 나누기를 사용하는 경우 또한 2개의 집합으로 나눈 것으로 합칠 수 있습니다.

# C. 다이얼 룰렛

bruteforce, greedy

출제진 의도 - Normal

- 🦆 제출 23회, 정답 7명 (정답률 30.43%)
- codingstarfish, 23분

♠ 윤찬규 dldyou

#### C. 다이얼 룰렛

- ✓ 어떤 큰 원소를 잡고 시계와 반시계 방향으로 회전을 반복하는 것이 이득입니다.
- $\checkmark$   $A_t$ 에서 이를 반복할 때, 얻을 수 있는 점수는  $\sum_{i=1}^t A_i + (k-t) \times A_t$ 입니다.
- $\checkmark$  반대로 돌려  $A_t$ 까지 갈 수도 있습니다.
- $\checkmark$  이때 얻을 수 있는 점수는  $\sum_{i=t}^N A_i + (k-(N-t+1)) \times A_i$ 입니다.
- $\checkmark$  모든 t에 대해 최댓값을 구하면 됩니다.

# D. 숫자 POP

bruteforce

출제진 의도 - Normal

- 🦆 제출 34회, 정답 12명 (정답률 35.29%)
- codingstarfish, 31분

**▲** 윤찬규 dldyou

#### D. 숫자 POP

- ✓ 일일이 지워가며 확인하는 간단한 방법부터 봅시다.
- $\checkmark$   $A_i$ 에서 시작하여  $A_{i+t}$ 가  $A_i$ 와 다르다면  $A_{i+t}$ 를 지워가며 이어갑시다.
- $\checkmark$   $A_i$ 로 시작하는 연속 길이 L은  $\mathcal{O}(N)$ 에 구할 수 있습니다.
- $\checkmark$  이를 모든 원소에 대해 진행하여 최댓값을 구하는 데  $\mathcal{O}(N^2)$ 이 걸립니다.
- ✓ N의 제한이 5,000 이하이므로 위의 방법으로 문제를 해결할 수 있습니다.

- ✓ 각 원소별 인덱스를 저장하여 이분탐색을 진행하여 구해줄 수도 있습니다.
- $\checkmark$  이 방법의 경우  $\mathcal{O}(N \log N)$ 의 시간복잡도를 가집니다.

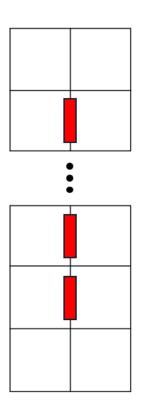
 $ad\_hoc$ 

출제진 의도 - Normal

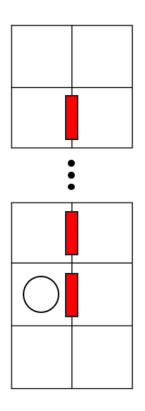
- 🦆 제출 18회, 정답 8명 (정답률 44.44%)
- <mark>ゞ</mark> wariatros, 31분

♣ 권순호 yookwi

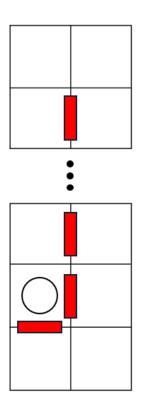
- ✓ 방벽을 설치하는 것부터 생각해봅시다.
- ✓ 최대한 말이 멀리 돌아가도록 만들어야 합니다.



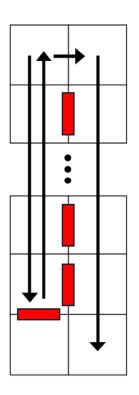
✓ 위와 같이 1행과 N행을 제외한 모든 행의 가운데에 방벽을 설치합니다.



 $\checkmark$  말이 N-1행에 도달했을 때...



✓ 말의 앞을 막아줍니다.



✓ 말이 최적으로 이동하더라도 화살표 경로처럼 돌아가야 합니다.

- $\checkmark$  수식으로 정리하면 3N-4번 이동해야합니다.
- $\checkmark$  N=2,3일 때는 예외적으로 구해줍시다.

## F. 십자 찾기

prefix\_sum 출제진 의도 **- Normal** 

- 🦆 제출 46회, 정답 7명 (정답률 15.22%)
- codingstarfish, 52분

**▲** 윤찬규 dldyou

#### F. 십자 찾기

- $\checkmark$  (r,c)를 기준으로 크기가 K인 십자를 일일이 확인하는 방법은  $\mathcal{O}(K)$ 입니다.
- $\checkmark N \times M$ 에 대해 모두 확인해야 하니  $\mathcal{O}(NMK)$ 로 시간초과가 납니다.
- $\checkmark$  크기가 K인 십자를 빨리 확인할 수 있는 방법이 없을까요?

#### F. 십자 찾기

- ✓ 누적합을 이용해 봅시다.
- $\checkmark$  크기가 K라는 뜻은 (r,c)를 기준으로 (r-K,c)부터 (r+K,c)까지의 세로 합과
- $\checkmark$  (r,c-K)부터 (r,c+K)까지의 가로 합이 2K+1이라는 것과 같은 의미입니다.
- $\checkmark$  누적합 전처리를 통해 크기가 K인 십자를  $\mathcal{O}(1)$ 에 판별할 수 있습니다.
- ✓ 이를 이용해 모든 (r,c)에 대해 크기가 K인 십자의 개수를 세어주면 됩니다.
- $\checkmark$  이 방법의 시간복잡도는  $\mathcal{O}(NM)$ 입니다.

# G. 방공호 만들기

ad\_hoc, math

출제진 의도 - Normal

- 🦆 제출 12회, 정답 1명 (정답률 8.33%)
- <mark>> picaso70, 99분</mark>

**▲** 윤찬규 dldyou

#### G. 방공호 만들기

- ✓ 45도 기울인 정사각형 꼴(마름모꼴)로 만드는 것이 최선입니다.
- ✓ 벽을 하나씩 늘려보면 4의 배수에 따라 규칙이 생기는 것을 확인할 수 있습니다.
- $\checkmark$  벽의 개수 N에서  $\frac{N}{4}=K$ 라고 하면 방공호의 넓이는 아래의 규칙을 따릅니다.
- $\checkmark$  N을 4로 나눈 나머지가
- 0일 때, N-1개를 사용했을 때보다 넓이가 K-1만큼 증가합니다.
- 1일 때, N-1개를 사용했을 때보다 넓이가 K만큼 증가합니다.
- 2일 때, N-1개를 사용했을 때보다 넓이가 K만큼 증가합니다.
- 3일 때, N-1개를 사용했을 때보다 넓이가 K+1만큼 증가합니다.
- $\checkmark$  이를 이용해  $\mathcal{O}(1)$ 에 답을 구할 수도 있습니다.

dynamic\_programming

출제진 의도 - Normal

- 🦆 제출 4회, 정답 3명 (정답률 75%)
- 🥇 wariatros, 115분

◢ 윤찬규 dldyou

- ✓ 두 격자를 선택하여 최단 경로는 어떤 모양으로 생길까요?
- ✓ 좌상 → 우하, 우상 → 좌하 로 가는 두 가지 경로만 존재합니다.
- $\checkmark$  (r,c)까지 보았을 때, 얻을 수 있는 최대 점수를 각각의 상황에서 구해봅시다.

-1	-3	-2	-1
2	1	-3	6
4	5	7	-4
-4	-6	-3	-3

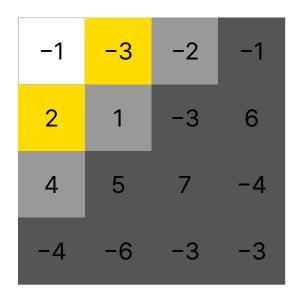
- ✓ 좌상 → 우하 로 가는 경로부터 봅시다.

-1	-3	-2	-1
2	1	-3	6
4	5	7	-4
-4	-6	-3	-3

-1	-3	-2	-1
2	1	-3	6
4	5	7	-4
-4	-6	-3	-3

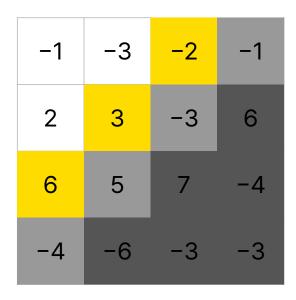
- ✓ 좌상 → 우하 로 가는 경로부터 봅시다.
- $\checkmark$  (1,1)부터 거리가 1인 위치까지 보았을 때의 최대 점수는 다음과 같습니다.

-1	-3	-2	-1
2	1	-3	6
4	5	7	-4
-4	-6	-3	-3



- ✓ 좌상 → 우하 로 가는 경로부터 봅시다.
- ✓ 거리가 2인 위치까지 보았을 때의 최대 점수는 다음과 같습니다.

-1	-3	-2	-1
2	1	-3	6
4	5	7	-4
-4	-6	-3	-3



- ✓ 좌상 → 우하 로 가는 경로부터 봅시다.
- ✓ 거리가 3인 위치까지 보았을 때의 최대 점수는 다음과 같습니다.

-1	-3	-2	-1
2	1	-3	6
4	5	7	-4
-4	-6	-3	-3

-1	-3	-2	-1
2	3	0	6
6	11	7	-4
2	-6	-3	-3

- ✓ 좌상 → 우하 로 가는 경로부터 봅시다.
- ✓ 거리가 4인 위치까지 보았을 때의 최대 점수는 다음과 같습니다.

-1	-3	-2	-1
2	1	-3	6
4	5	7	-4
-4	-6	-3	-3

-1	-3	-2	-1
2	3	0	6
6	11	18	-4
2	5	-3	-3

- ✓ 좌상 → 우하 로 가는 경로부터 봅시다.
- ✓ 거리가 5인 위치까지 보았을 때의 최대 점수는 다음과 같습니다.

-1	-3	-2	-1
2	1	-3	6
4	5	7	-4
-4	-6	-3	-3

-1	-3	-2	-1
2	3	0	6
6	11	18	14
2	5	15	-3

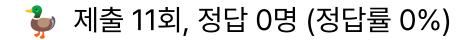
- ✓ 거리가 6인 위치까지 보았을 때의 최대 점수는 다음과 같습니다.
- ✓ 좌상 → 우하 로 가는 경로에서의 최대 점수는 18점입니다.
- ✓ 우상 → 좌하 에서도 진행해보면 최대 점수가 19점인 것을 알 수 있습니다.

-1	-3	-2	-1
2	1	-3	6
4	5	7	-4
-4	-6	-3	-3

-1	-3	-2	-1
2	3	0	6
6	11	18	14
2	5	15	12

binary\_search

출제진 의도 - Normal





♣ 권순호 yookwi

- ✓ 문제에서 주어진 큐의 성질을 파악해봅시다.
- $\checkmark$  쿼리는 모든 원소에  $A_i$ 를 더하고 K로 나눈 나머지를 취하고 있습니다.
- ✓ 그 후 큐에 들어있는 원소 중에서 최댓값을 출력합니다.
- $\checkmark$  현재의 top T에서 x를 더했을 때의 값이 K보다 작다면 top은 T+x입니다.
- $\checkmark$  K보다 크다면 top의 가장 유력한 후보는 T 다음으로 컸던 원소에 x를 더한 값입니다.
- $\checkmark$  만약 이 값도 K보다 크다면 그 다음으로 컸던 원소가 후보가 됩니다.

- ✓ 우선순위 큐의 원소들을 모두 정렬한 상태로 시작해봅시다.
- ✓ 앞에서 했던 것처럼 쿼리를 진행하면, 문제가 원순열의 형태를 띄고 있는 것을 확인 할 수 있습니다.
- $\checkmark$  모든 수에  $A_i$ 를 더할 필요가 있을까요?

- $\checkmark$  여태까지 쿼리를 진행하며 총 더한 값 S만 가지고 진행해봅시다.
- $\checkmark$  S를 K로 나눈 나머지를 B라고 합시다.
- $\checkmark K B$ 보다 크거나 같은 값 중 가장 작은 것을 Q에서 찾아봅시다.
- ✓ 해당 값은 무엇을 의미할까요?

### I. 우선순위 큐와 시뮬레이션

- $\checkmark$  Q에서 K-B보다 크거나 같은 값 중 가장 작은 것을  $Q_i$ 라고 합시다.
- $\checkmark$   $Q_i + B$ 는 K보다 크거나 같은 값 중에서 가장 작은 값입니다.
- $\checkmark$  즉,  $Q_{i-1} + B$ 가 K보다 작은 값 중에서 가장 큰 값이므로 top이 됩니다.
- ✓ 위의 K B를 Q에서 찾는 과정에서 이분탐색을 활용할 수 있습니다.

constructive, greedy

출제진 의도 - Normal





♣ 권순호 yookwi

✓ 1과 N을 한번 이상 사용해서 수열을 만들면 아래와 같은 특징이 생깁니다.

N을 k번 연속해서 배치했을 때,  $\frac{k \times (k-1)}{2}$ 개의 N의 배수인 구간이 생깁니다.

1을 포함하는 N의 배수인 구간이 생길 수 없기 때문에 수열을 나눠서 생각할 수 있게 됩니다.

 $\checkmark$  따라서 N을 연속해서 배치하고 1로 적절히 나누면 N의 배수인 구간을 쉽게 생각할 수 있습니다.

- $\checkmark$  이제 N에서  $\frac{k \times (k-1)}{2}$ 를 적절히 빼서 0으로 만드는 문제가 되었습니다.
- ✓ 이때 사용한 모든 k의 합 + 사용한 k의 개수 -1이 N보다 작거나 같다면 항상 수열을 만들 수 있습니다.

- $\checkmark$  뺄 수 있는 가능한 큰 k를 잡아 N에서 뺍니다.
- ✓ 이 과정을 반복하면 N=2, N=5를 제외한 모든 경우가 가능합니다.
- ✓ 해당 경우는 예제를 보거나 브루트포스를 돌려 불가능하다는 것을 확인할 수 있습니다.

# K. 순열과 증가수열

ad\_hoc, math, combinatorics

출제진 의도 - Hard





♦ 이승엽 delena0702

### K. 순열과 증가수열

- $\checkmark~B$ 가 증가수열이기 위해서는  $B_i < B_{i+1}$ 이어야 합니다.  $(1 \leq i \leq N-K)$
- $\checkmark \ A_i + A_{i+1} + \ldots + A_{i+K-1} < A_{i+1} + \ldots + A_{i+K-1} + A_{i+K}$
- $\checkmark A_i < A_{i+K}$
- $\checkmark$  이를 정리하면 다음과 같이 K개의 그룹으로 나눌 수 있습니다.

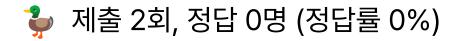
$$\begin{cases} A_1 < A_{1+K} < A_{1+2K} < \dots \\ A_2 < A_{2+K} < A_{2+2K} < \dots \\ \dots \\ A_K < A_{2K} < A_{3K} < \dots \end{cases}$$

### K. 순열과 증가수열

- $\checkmark$  1부터 N까지의 수가 어느 그룹에 들어갈 지 결정한다면 경우의 수를 구할 수 있습니다.
- ✓ 각 그룹은 오름차순 정렬되므로, 그룹 내의 순서는 고려하지 않아도 됩니다.

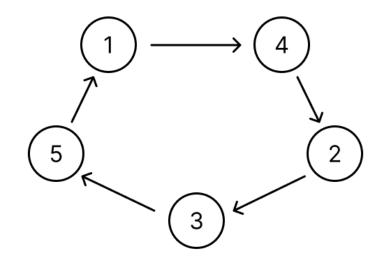
$$rac{N!}{\prod_{i=1}^{K}[i$$
 그룹의 항목 수]!  $= rac{N!}{\prod_{i=1}^{N}\left\lfloor rac{i+K-1}{K}
ight
floor}$ 

graph\_theory 출제진 의도 - Challenging

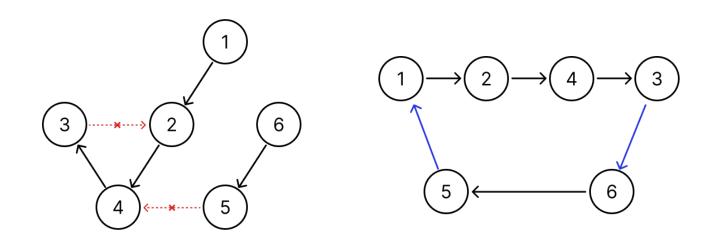




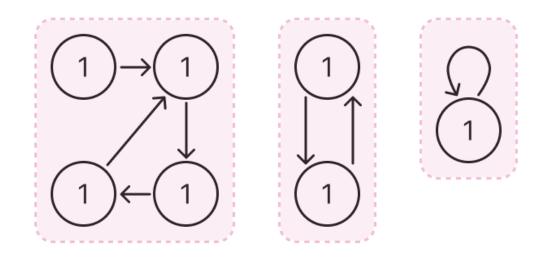
♦ 이승엽 delena0702



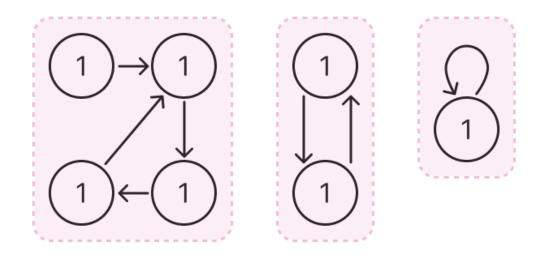
- ✓ 문제의 요구사항을 만족시키고, 어떤 도시에서도 모든 도시로 갈 수 있도록 도시를 설계하기 위해서는 원형으로 구성해야 합니다.
- ✓ 모든 도시에 들어오는 도로가 단 한 개가 되고, 모든 노드가 연결되어 있으면 됩니다.
- ✓ 도로의 목적지를 변경하는 것이 아니라, 도로를 끊고 다시 연결하는 방법으로 생각해 봅시다!



- ✓ 그래프를 모두 직선 형태로 분리한다면 다시 연결했을 때, 원형으로 구성할 수 있습니다.
- ✓ 따라서 그래프를 직선으로 만들 수 있는 최소 도로 제거 횟수를 구하면 정답을 구할 수 있습니다.
- ✓ 예외적으로, 주어진 그래프가 이미 원형 그래프라면 도로를 분리하지 않는 것이 더 적은 횟수로 만들 수 있습니다. (0회)

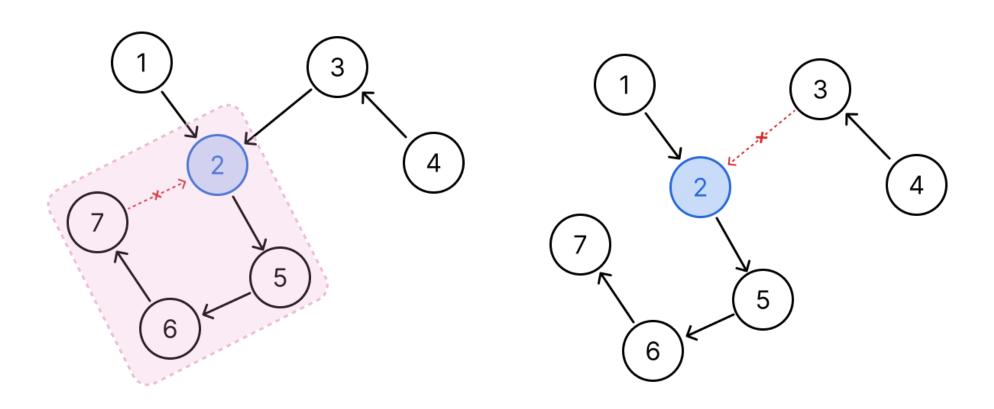


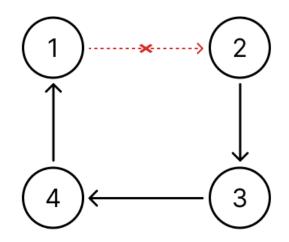
- ✓ 그래프의 연결된 컴포넌트들에 대해 생각해 봅시다.
- ✓ 각 컴포넌트들은 노드의 개수와 간선의 개수가 같습니다.



- ✓ 즉, 사이클이 반드시 한 개 이상 있습니다.
- (트리에 한 개의 간선이 추가된다고 생각하면 편합니다.)
- ✓ 각 컴포넌트들은 다음의 방법으로 도로를 최소 횟수로 제거할 수 있습니다.

- 1. 컴포넌트의 사이클에 indegree가 2 이상인 노드가 있는 경우
- ✓ indegree가 2 이상인 노드 중 하나를 선택합니다.
- ✓ 그 노드에 들어오는 간선 중, 사이클에 구성되는 간선을 제거합니다.
- ✓ 남은 그래프는 트리가 되므로, indegree가 2 이상인 모든 노드에 대해서 아무 순서 대로 들어오는 간선을 한 개가 남을 때까지 제거합니다.
- $\checkmark$  최소 간선 제거 횟수는  $\sum_{v \in V} \max([v \ \cap \ indegree] 1, 0)$  입니다.





- 2. 컴포넌트의 사이클에 indegree가 2 이상인 노드가 없는 경우
- ✓ 컴포넌트 전체가 원형 그래프일 수밖에 없습니다.
- ✓ 직선으로 수정하기 위해 임의의 간선 한 개를 자릅니다.
- ✓ 최소 간선 제거 횟수는 1 입니다.