参考答案

一、选择题

题号	1	2	3	4	5
答案	D	A	В	С	В

二、填空题

1. 感应电流; 磁通量

2.
$$\mu_0 \frac{N^2}{L} S$$
, $\mu_0 \frac{N^2}{L} S$

$$3. \frac{N\mu_0 a}{2\pi} \ln 2$$

4. 无线电波; 紫外线; γ射线

$$5. \ \frac{vB^2b^2}{R}; \ 0$$

三、计算题

1. 流过电路的电荷为
$$q = \int_{t_1}^{t_2} I dt = \int_{t_1}^{t_2} \frac{\mathcal{E}}{R} dt = \int_{t_1}^{t_2} \frac{1}{R} \left(-\frac{d\Phi}{dt} \right) dt = \int_{t_1}^{t_2} \left(-\frac{1}{R} \right) d\Phi$$
 所以 $q = \frac{1}{R} \left(\Phi_1 - \Phi_2 \right)$

(1) 在 t=0s 到 3s,

$$q = \frac{1}{R} \left(\Phi_1 - \Phi_2 \right) = \frac{NA}{R} \left(B_1 - B_2 \right) = \frac{NA}{R} \left(\sin \frac{\pi}{6} t_1 - \sin \frac{\pi}{3} t_2 \right) = \frac{100 \times 0.001}{100} \left(0 - 1 \right) = -0.001 \left(C \right)$$

在 t=0s 到 3s 这段时间流过电路的电荷为 | q | =0.001 库伦

(2) 在 t= 3s, B 从 1T 改变到-1T,

$$q = \frac{1}{R} (\Phi_1 - \Phi_2) = \frac{NA}{R} (B_1 - B_2) = \frac{100 \times 0.001}{100} \times (1 - (-1)) = 0.002(C)$$

在 t=3s 磁场反向时,流过电路的电荷为 0.002 库伦。

2. (1) 取顺时针方向作为回路的正方向,由感生电场的环路定理得:

$$\begin{split} \varepsilon_i &= \oint_L \vec{E}_k \cdot d\vec{l} = -\frac{d\Phi}{dt} = -\pi r^2 \, \frac{dB}{dt} \\ E_k \cdot 2\pi r &= -\pi r^2 \, \frac{dB}{dt} \end{split}$$

得圆环上任一点感生电场大小为

$$E_k = 5 \times 10^{-3} V / m$$

感生电场的方向沿环的切线方向且指向顺时针一边。

(2) 整个圆环上的感应电动势大小为

$$\varepsilon_i = \oint_L \vec{E}_k \cdot d\vec{l} = 2\pi r E_k = 3.14 \times 10^{-3} V$$

(3) 设圆环上任意两点 a、b 间的弧长为 l_{ab} ,则其电势差为

$$V_a - V_b = \varepsilon_{ab} - IR_{ab} = E_k l_{ab} - \frac{\varepsilon_i}{R} R_{ab} = E_k l_{ab} - \frac{\varepsilon_i}{2\pi r} l_{ab} = 0$$

(4)
$$V = \varepsilon_i = 3.14 \times 10^{-3} V$$

