Лабораторная работа №8

Модель конкуренции двух фирм

Беличева Д. М.

Российский университет дружбы народов, Москва, Россия

Информация

Докладчик

- Беличева Дарья Михайловна
- студентка
- Российский университет дружбы народов
- · 1032216453@pfur.ru
- https://dmbelicheva.github.io/ru/



Вводная часть

Цель работы

Исследовать математическую модель конкуренции двух фирм.

Случай 1

$$\begin{cases} \frac{dM_1}{d\theta} = M_1 - \frac{b}{c_1} M_1 M_2 - \frac{a_1}{c_1} M_1^2, \\ \frac{dM_2}{d\theta} = \frac{c_2}{c_1} M_2 - \frac{b}{c_1} M_1 M_2 - \frac{a_1}{c_1} M_2^2, \end{cases}$$

где
$$a_1=rac{p_{cr}}{ au_1^2 \tilde{p}_1^2 N q}, \ a_2=rac{p_{cr}}{ au_2^2 \tilde{p}_2^2 N q}, \ b=rac{p_{cr}}{ au_1^2 \tilde{p}_1^2 au_2^2 \tilde{p}_2^2 N q}, \ c_1=rac{p_{cr}-\tilde{p_1}}{ au_1 \tilde{p}_1}, \ c_2=rac{p_{cr}-\tilde{p_1}}{ au_2 \tilde{p}_2}$$

Также введена нормировка $t=c_1\theta$.

Случай 2

$$\begin{cases} \frac{dM_1}{d\theta} = M_1 - (\frac{b}{c_1} + 0.00015) M_1 M_2 - \frac{a_1}{c_1} M_1^2, \\ \frac{dM_2}{d\theta} = \frac{c_2}{c_1} M_2 - \frac{b}{c_1} M_1 M_2 - \frac{a_1}{c_1} M_2^2, \end{cases}$$

$$\begin{split} M_0^1 &= 7.3,\, M_0^2 = 8.3,\\ p_{cr} &= 42,\, N = 88, q = 1\\ \tau_1 &= 28,\, \tau_2 = 25,\\ \tilde{p_1} &= 13,\, \tilde{p_2} = 10 \end{split}$$

Обозначения:

- $\cdot \, N$ число потребителей производимого продукта.
- au длительность производственного цикла
- $\cdot \,\, p$ рыночная цена товара
- \cdot $ilde{p}$ себестоимость продукта, то есть переменные издержки на производство единицы продукции.
- $\cdot \, \, q$ максимальная потребность одного человека в продукте в единицу времени
- \cdot $heta = rac{t}{c_1}$ безразмерное время

- 1. Построить графики изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с веденной нормировкой для случая 1.
- 2. Построить графики изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с веденной нормировкой для случая 2.

Выполнение лабораторной работы

Реализация на Julia

Для реализации на языке программирования Julia будем использовать библиотеки Differential Equations.jl для решения дифференциальных уравнений и Plots.jl для отрисовки графиков.

Реализация на Julia

 p_cr = 42 #критическая стоимость продукта

```
tau1 = 28 #длительность производственного цикла фирмы 1

p1 = 13 #себестоимость продукта у фирмы 1

tau2 = 25 #длительность производственного цикла фирмы 2

p2 = 10 #себестоимость продукта у фирмы 2

N = 88 #число потребителей производимого продукта

q = 1; #максимальная потребность одного человека в продукте в единицу времени
```

```
a1 = p \ cr/(tau1^2*p1^2*N*q):
a2 = p \ cr/(tau2^2*p2^2*N*q):
b = p \ cr/(tau1^2 tau2^2 p1^2 p2^2 N*q);
c1 = (p cr-p1)/(tau1*p1):
c2 = (p cr-p2)/(tau2*p2);
u0 = [7.3, 8.3] #начальные значения М1 и М2
p = [a1, a2, b, c1, c2]
tspan = (0.0. 30.0) #временной интервал
```

```
function f(u, p, t)
    M1, M2 = u
    a1, a2, b, c1, c2 = p
    M1 = M1 - (a1/c1)*M1^2 - (b/c1)*M1*M2
    M2 = (c2/c1)*M2 - (a2/c1)*M2^2 - (b/c1)*M1*M2
    return [M1, M2]
end
```

```
prob = ODEProblem(f, u0, tspan, p)

sol = solve(prob, Tsit5(), saveat = 0.01)

plot(sol, yaxis = "Оборотные средства предприятия", label = ["M1" "M2"],

c = ["green" "purple"])
```

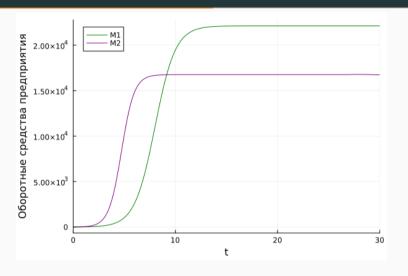


Рис. 1: График изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2

```
function f(u, p, t)
    M1, M2 = u
    a1, a2, b, c1, c2 = p
    M1 = M1 - (a1/c1)*M1^2 - (b/c1+0.00015)*M1*M2
    M2 = (c2/c1)*M2 - (a2/c1)*M2^2 - (b/c1)*M1*M2
    return [M1, M2]
end
```

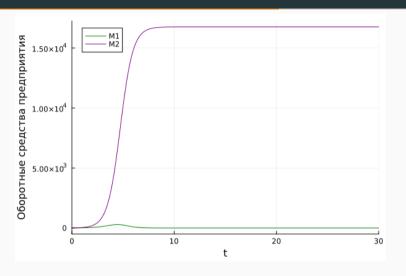


Рис. 2: График изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2

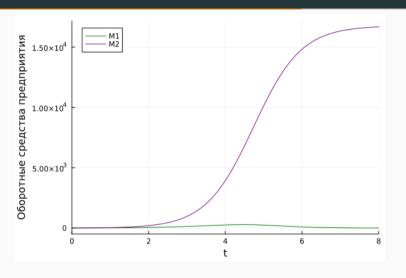


Рис. 3: График изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2

```
parameter Real p cr = 42;
parameter Real tau1 = 28;
parameter Real p1 = 13:
parameter Real tau2 = 25;
parameter Real p2 = 10;
parameter Real N = 88:
parameter Real q = 1:
parameter Real a1 = p cr/(tau1^2*p1^2*N*a):
parameter Real a2 = p cr/(tau2^2*p2^2*N*q):
parameter Real b = p_cr/(tau1^2*tau2^2*p1^2*p2^2*N*a):
parameter Real c1 = (p_cr-p1)/(tau1*p1);
parameter Real c2 = (p cr-p2)/(tau2*p2);
Real M1(start=7.3);
Real M2(start=8.3):
```

```
equation  der(M1) = M1 - (a1/c1)*M1^2 - (b/c1)*M1*M2; \\ der(M2) = (c2/c1)*M2 - (a2/c1)*M2^2 - (b/c1)*M1*M2;
```

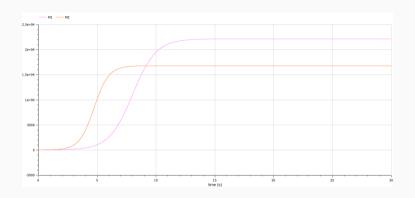


Рис. 4: График изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2

```
parameter Real p cr = 42;
parameter Real tau1 = 28;
parameter Real p1 = 13:
parameter Real tau2 = 25;
parameter Real p2 = 10;
parameter Real N = 88:
parameter Real q = 1:
parameter Real a1 = p cr/(tau1^2*p1^2*N*a):
parameter Real a2 = p cr/(tau2^2*p2^2*N*q):
parameter Real b = p_cr/(tau1^2*tau2^2*p1^2*p2^2*N*a):
parameter Real c1 = (p_cr-p1)/(tau1*p1);
parameter Real c2 = (p cr-p2)/(tau2*p2);
Real M1(start=7.3);
Real M2(start=8.3):
```

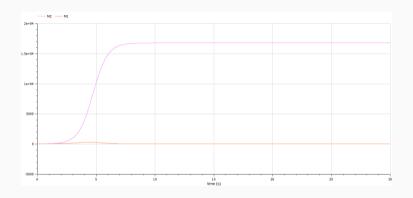


Рис. 5: График изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2

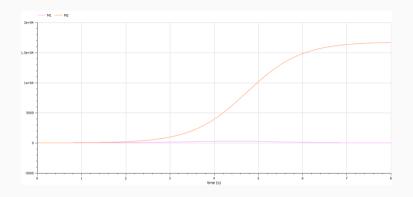


Рис. 6: График изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2

Выводы



В результате выполнения лабораторной работы была исследована модель конкуренции двух фирм.

Список литературы

1. Копылов А.В., Просвиров А.Э. ДИНАМИЧЕСКАЯ МОДЕЛЬ КОНКУРЕНЦИИ ДВУХ ФИРМ НА ОДНОРОДНОМ РЫНКЕ. 2003. 29-32 с.