Лабораторная работа №4

Модель гармонических колебаний

Беличева Д. М.

Российский университет дружбы народов, Москва, Россия

Информация

Докладчик

- Беличева Дарья Михайловна
- студентка
- Российский университет дружбы народов
- · 1032216453@pfur.ru
- https://dmbelicheva.github.io/ru/





Построить математическую модель гармонического осциллятора.

Построить фазовый портрет гармонического осциллятора и решение уравнения гармонического осциллятора для следующих случаев:

- 1. Колебания гармонического осциллятора без затуханий и без действий внешней силы $\ddot{x}+9.2x=0,$
- 2. Колебания гармонического осциллятора с затуханием и без действий внешней силы $\ddot{x}+\dot{x}+4.9x=0,$
- 3. Колебания гармонического осциллятора с затуханием и под действием внешней силы $\ddot{x}+3.5\dot{x}+13x=2.5cos(2t)$. На интервале $t\in[0;49]$ (шаг 0.05) с начальными условиями $x_0=-0.5,\;y_0=1.$

Выполнение лабораторной работы

```
# Используемые библиотеки
using DifferentialEquations, Plots;

# Начальные условия
tspan = (0,49)
u0 = [-0.5, 1]
p1 = [0, 9.2]
```

```
# Задание функции
function f1(u, p, t)
    X, V = U
    g, w = p
    dx = v
    dy = -g \cdot *y - w^2 \cdot *x
    return [dx, dv]
end
# Постановка проблемы и ее решение
problem1 = ODEProblem(f1, u0, tspan, p1)
sol1 = solve(problem1, Tsit5(), saveat = 0.05)
```

Модель колебаний гармонического осциллятора без затуханий и без действий внешней силы

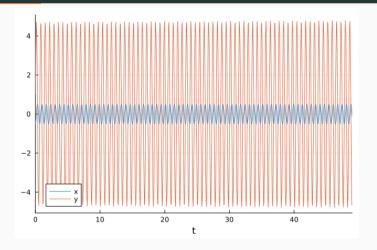


Рис. 1: Колебания гармонического осциллятора без затуханий и без действий внешней силы

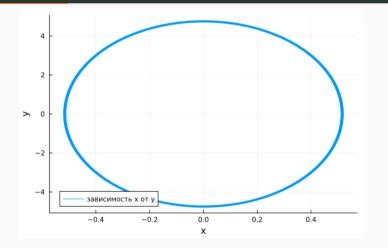


Рис. 2: Фазовый портрет колебаний гармонического осциллятора без затуханий и без действий

```
model lab4 1
  parameter Real g = 0;
  parameter Real w = 9.2;
  parameter Real x0 = -0.5:
  parameter Real v0 = 1:
  Real x(start=x0);
  Real v(start=v0);
equation
    der(x) = v:
    der(v) = -g .*v - w^2 .*x:
end lab4 1;
```

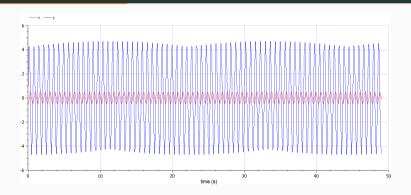


Рис. 3: Колебания гармонического осциллятора без затуханий и без действий внешней силы. OpenModelica

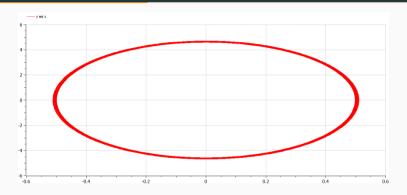


Рис. 4: Фазовый портрет колебаний гармонического осциллятора без затуханий и без действий внешней силы. OpenModelica

```
# Начальные условия
tspan = (0,49)
u0 = [-0.5, 1]
p2 = [1, 4.9]
```

```
# Задание функции
function f1(u, p, t)
    X, V = U
    g, w = p
    dx = v
    dy = -g \cdot *y - w^2 \cdot *x
    return [dx, dv]
end
# Постановка проблемы и ее решение
problem2 = ODEProblem(f1, u0, tspan, p2)
sol2 = solve(problem2, Tsit5(), saveat = 0.05)
```

Модель колебаний гармонического осциллятора с затуханием и без действий внешней силы

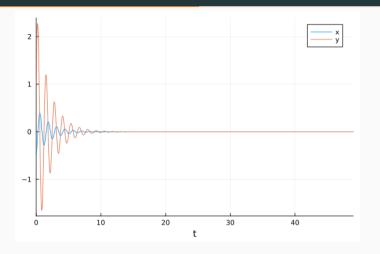


Рис. 5: Колебания гармонического осциллятора с затуханием и без действий внешней силы

Модель колебаний гармонического осциллятора с затуханием и без действий внешней силы

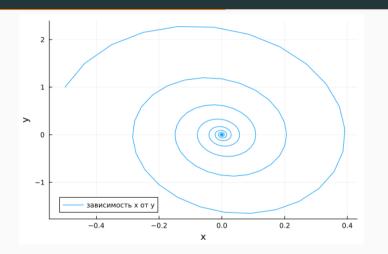


Рис. 6: Фазовый портрет колебаний гармонического осциллятора с затуханием и без действий

```
model lab4 2
  parameter Real g = 1;
  parameter Real w = 4.9;
  parameter Real x0 = -0.5:
  parameter Real v0 = 1:
  Real x(start=x0);
  Real v(start=v0):
equation
    der(x) = v:
    der(v) = -g .*v - w^2 .*x:
end lab4 2;
```

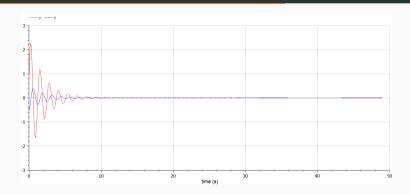


Рис. 7: Колебания гармонического осциллятора с затуханием и без действий внешней силы. OpenModelica

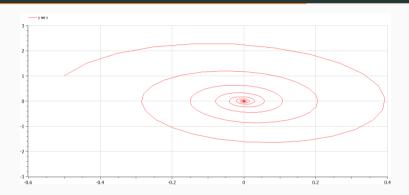


Рис. 8: Фазовый портрет колебаний гармонического осциллятора с затуханием и без действий внешней силы. OpenModelica

```
# Начальные условия

tspan = (0,49)

u0 = [-0.5, 1]

p3 = [3.5, 13]

# Функция, описывающая внешние силы, действующие на осциллятор

f(t) = 2.5*cos(2*t)
```

```
# Задание функции
function f2(u, p, t)
    X, V = U
    g. W = p
    dx = v
    dy = -g \cdot *y - w^2 \cdot *x \cdot +f(t)
    return [dx, dv]
end
# Постановка проблемы и ее решение
problem3 = ODEProblem(f2, u0, tspan, p3)
sol3 = solve(problem3, Tsit5(), saveat = 0.05)
```

Модель колебаний гармонического осциллятора с затуханием и под действием внешней силы

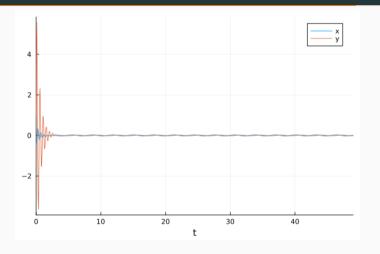


Рис. 9: Колебания гармонического осциллятора с затуханием и под действием внешней силы

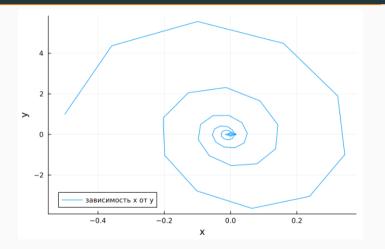


Рис. 10: Фазовый портрет колебаний гармонического осциллятора с затуханием и под действием внешней силы

```
model lab4 3
  parameter Real g = 3.5;
  parameter Real w = 13;
  parameter Real x0 = -0.5:
  parameter Real v0 = 1:
  Real x(start=x0);
  Real v(start=v0);
equation
    der(x) = v:
    der(v) = -g .*v - w^2 .*x + 2.5*cos(2*time):
end lab4 3;
```

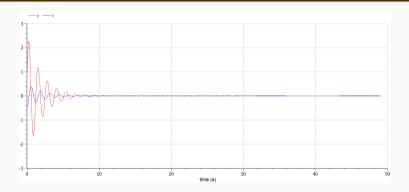


Рис. 11: Колебания гармонического осциллятора с затуханием и под действием внешней силы. OpenModelica

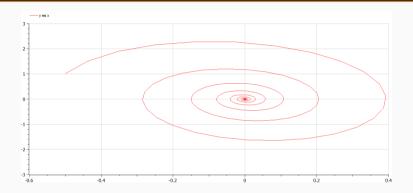


Рис. 12: Фазовый портрет колебаний гармонического осциллятора с затуханием и под действием внешней силы. OpenModelica



В процессе выполнения данной лабораторной работы я построила математическую модель гармонического осциллятора.

Список литературы

1. Гармонические колебания [Электронный ресурс]. URL: https://ru.wikipedia.org/wiki/Гармонические_колебания.