# Algoritmos Bioinspirados: Evolución Diferencial

## Alberto García y Diego Martínez

19 de abril de 2020

En este trabajo hemos implementado la opción T3\_DE, correspondiente al algoritmo de evolución diferencial desarrollado en el artículo de Tian, Gao y Dai [1]. Este informe contiene en sus secciones, la descripción del algoritmo, un resumen de los problemas a resolver, la estructura y los parámetros del experimento, los resultados y conclusiones, las referencias y un anexo con el código del programa.

## 1. Descripción del Algoritmo.

Este algoritmo es de tipo evolutivo, luego su esquema general será el siguiente. Crearemos un conjunto de **mutaciones**, haremos un **crossover** entre la población de padres y las mutaciones para crear una nueva población de hijos, y realizaremos una **selección** para seleccionar los mejores mejores individuos entre la población de padres e hijos.

En concreto este algoritmo es de evolución diferencial, lo que quiere decir que la estrategia para las mutaciones está basada en diferencias entre individuos. Esto implica que la elección individuos más o menos "buenos" para calcular estas diferencias contribuye a que el algoritmo tenga un comportamiento más convergente o más exploratorio. En concreto, este algoritmo tiene un modelo híbrido con algunos parámetros autoadaptativos, de forma que especialmente en las en primeras generaciones y cuando el porcentaje de hijos que suceden a los padres es bajo, los parámetros se adaptan para ofrecer un mayor comportamiento exploratorio.

### 1.1. Mutación

La mutación para cada individuo en una generación se genera con una estrategia rand-to-guiding (exploratoria) o current-to-guiding (convergente), la cual se selecciona por sorteo con una umbral de probabilidad  $\xi_1$ . A estas estrategias se les añade una segunda componente extra que dependiente de un cierto  $\vec{d}_{r2,G}$ , el cual pretende añadir un elemento de aleatoriedad a la mutación. La expresión para la mutación queda de la siguiente manera:

$$\vec{v}_{i,G} = \begin{cases} \vec{x}_{\text{rand},G} + F_1(\vec{x}_{g,G} - \vec{x}_{\text{rand},G}) + F_2(\vec{x}_{r1,G} - \vec{d}_{r2,G}) & \text{si rand } < \xi_1, \\ \vec{x}_{\text{cur},G} + F_1(\vec{x}_{g,G} - \vec{x}_{\text{cur},G}) + F_2(\vec{x}_{r1,G} - \vec{d}_{r2,G}) & \text{caso contrario,} \end{cases}$$
(1)

donde las variables son:

- $\xi_1$ : Umbral de probabilidad para la selección de estrategias. (Constante entre 0 y 1)
- rand: Variable aleatoria con probabilidad uniforme entre 0 y 1.
- G: Generación del individuo.
- $\vec{v}_{i,G}$ : Mutación para el individuo i.
- $\vec{x}_{\text{cur},G}$ : Individuo i para el que queremos crear la mutación. (Current individual)
- $\vec{x}_{\text{rand},G}$ ,  $\vec{x}_{\text{r1},G}$ : Individuos aleatorios.  $(\vec{x}_{\text{rand},G} \neq \vec{x}_{\text{cur},G}, \vec{x}_{\text{r1},G} \neq \vec{x}_{\text{cur},G})$
- $\bullet$   $\vec{x}_{g,G}$ : Individuo seleccionado entre la élite de la generación. (Guiding individual)
- F<sub>1</sub>: Peso de la estrategia principal. (Parámetro entre 0 y 1)
- $F_2$ : Peso de la componente puramente aleatoria. (Constante entre 0 y 1)
- $\vec{d}_{r2,G}$  Vector aleatorio dentro del espacio de búsqueda.

Hemos visto que la expresión anterior para la mutación requiere tres componentes que hay que determinar en cada generación. Estos son el guiding individual  $\vec{x}_{g,G}$ , el parámetro  $F_2$  y el vector aleatorio  $\vec{d}_{r2,G}$ .

Guiding Individual  $\vec{x}_{g,G}$ : Se elegirá de manera equiprobable entre los elementos de  $Pop_s$  o bien  $Pop_g$ , donde la elección de un conjunto u otro se decidirá de si un parámetro llamado Success Ratio de la generación,  $SR_G$  sobrepasa un cierto umbral constante  $\xi_3$  entre 0 y 1. El Success Ratio se define como  $SR_0 = 1$  y para el resto  $SR_G = NS_G/NP$ , es el número de hijos que suceden a los padres en la generación entre el número total de la población. La expresión entonces es la siguiente:

$$\vec{x}_{g,G}$$
 seleccionado aleatoriamente de  $= \begin{cases} Pop_s & \text{si } SR_{G-1} < \xi_3, \\ Pop_g & \text{caso contrario,} \end{cases}$  (2)

donde  $Pop_s$  es el top  $floor((1-t^3)\times 100)$ % de la población, con  $t=G/G_{max}$  y  $G_{max}$  número máximo de generaciones; y  $Pop_g$  es el top 10% de la población. Como  $\xi_3$  acostumbra a ser pequeño (0.05), si ha habido poco reemplazo se seleccionará el guiding individual de  $Pop_s$ , el cual empieza siendo toda la población y a medida que avanzan las generaciones es cada vez más elitista. Luego si al principio el condicionamiento ha sido muy bueno y la tasa de reemplazos en las primeras generaciones es baja, la selección del guiding individual se hará sobre un conjunto muy grande de la población aumentando las posibilidades de seleccionar un "peor" individuo mejorando la exploración.

Parámetro  $F_1$ : Este parámetro corresponde al peso que se le da al vector de cambio  $\vec{x}_{g,G} - \vec{x}_{\text{cur},G}$ , por lo que su valor dependerá de dos escenarios.

• Si el fitness del guiding individual es mejor que el del current individual, entonces  $\vec{x}_{g,G} - \vec{x}_{\text{cur},G}$  es una dirección prometedora. El peso  $F_1$  será proporcional a cuan mejor es el fitness del guiding individual respecto su generación:

$$F_1 = \frac{1}{2} \left( 1 + \frac{f_{max} - f_g}{f_{max} - f_{min}} \right), \tag{3}$$

donde  $f_{max}$ ,  $f_{min}$ ,  $f_g$  son el fitness del máximo, el mínimo y el guiding individual de la generación respectivamente.

• Si el fitness del guiding individual es peor que el del current individual, entonces  $\vec{x}_{g,G} - \vec{x}_{\text{cur},G}$  no es una dirección prometedora. Tomaremos la dirección opuesta como dirección prometedora haciendo que  $F_1$  sea:

$$F_1 = \begin{cases} -0.05 & \text{si } -randn > -0.5, \\ -0.95 & \text{si } -randn < -0.95, \end{cases}$$

$$(4)$$

donde randn es una variable aleatoria normal con  $\mu = 0.5$  y  $\sigma = 0.2$ .

Vector aleatorio  $\vec{d}_{r2,G}$ : La estrategia para crear este vector aleatorio es elegir un individuo aleatorio de la población y sortear para cada una de sus componentes con un cierto umbral  $\xi_2$ , si se sustituye la componente por un elemento aleatorio dentro del espacio de búsqueda. Esto es:

$$\vec{d}_{r2,G}^{j} = \begin{cases} L^{j} + rand(0,1) \times (U^{j} - L^{j}) & \text{si } rand(0,1) < \xi_{2}, \\ \vec{x}_{r2,G} & \text{caso contrario,} \end{cases}$$
 (5)

- $\xi_2 = (1+9\times 10^{5(t-1)})/100$ : Umbral de probabilidad para la selección aleatoria.
- $\blacksquare$  rand(0,1): Muestreo aleatorio de una uniforme entre 0 y 1.
- $\vec{x}_{r2,G}$ : Individuo aleatorio.  $(\vec{x}_{r2,G} \neq \vec{x}_{r1,G})$
- ullet L<sup>j</sup>: Cota inferior de la componente j-ésima en el espacio de búsqueda.
- ullet  $U^j$ : Cota superior de la componente j-ésima en el espacio de búsqueda.

Vemos que por la definición de  $\xi_2$ , y recordando la definición de  $t = G/G_{max}$  dada en el guiding individual, está comprendida entre 0 y 1. De hecho este parámetro es monótono decreciente, y en las primeras generaciones es cercano a 1 y en la última igual a 0. Eso hace que capacidad de obtener una componente puramente aleatoria y diferente a un individuo de la población muy alta al principio (explora) y muy baja al final (converge) que sería un comportamiento deseable.

### 1.2. Crossover

Mediante el crossover generamos nuevos individuos que comparen características entre la población inicial y difieren en alguna mutación. Lo primero que hacemos es definir la probabilidad CR de que un individuo de la siguiente generación herede características del individuo mutado.

$$CR = 1 - \frac{R_g}{NP},\tag{6}$$

con

- NP: Número total de individuos.
- $R_g$ : Ranking del guiding individual. En el conjunto ordenado de individuos por fitness, el puesto que ocupa el guiding individual respecto al mejor.

Si nos fijamos en la ec.(1) vemos que las mutaciones tienen tendencia a acercarse al guiding individual. El crossover explota esto otorgando una CR alta cuando el fitness del guiding individual es "mejor ( $R_g$  pequeño).

Una vez calculada la probabilidad de mutación CR generamos un individuo mutado o trial a partir de cada par individuo original - mutación. Hacemos que el  $trial\ u_{i,G}$  herede componentes de la mutación en función del CR:

$$u_{i,G}^{j} = \begin{cases} v_{i,G}^{j} & \text{si rand } \leq \text{CR } \text{ of } \text{randn}(i) = j, \\ x_{i,G}^{j} & \text{otro caso,} \end{cases}$$
 (7)

donde el superíndice j denota la j-ésima componente, y

 $\blacksquare$  randn(i): Entero aleatorio entre 1 y D, siendo D el número de componentes de x, v, u.

La condición  $\operatorname{randn}(i) = j$  asegura que al menos una componente (la componente número  $\operatorname{rand}(i)$ ) sea mutada. Nótese que para problemas de una única dimensión esta condición siempre se cumple y los *trials* son idénticos a la población mutada.

#### 1.3. Selección

En esta parte del algoritmo se elige al individuo de la generación G + 1, eligiendo para ello entre el individuo de la generación G y el trial generado a partir de él.

Para efectuar esta selección se define previamente un fitness ponderado:

$$f_w(x_{i,G}) = \alpha \frac{f(x_{i,G}) - f_{\min}}{f_{\max} - f_{\min}} + (1 - \alpha) \frac{\operatorname{Dis}_{\max} - \operatorname{Dis}(x_{i,G}, x_{best,G})}{\operatorname{Dis}_{\max} + \operatorname{Dis}(x_{i,G}, x_{best,G})}$$
(8)

Con

- $f_w$ : Función fitness ponderada.
- $f, f_{\min}, f_{\max}$ : Función *fitness* del problema a resolver; el mínimo y el máximo valor de esta función para la población de la generación G.
- $\alpha$ : Variable aleatoria entre 0.8 y 1.
- Dis, Dis<sub>max</sub>: Función que devuelve la distancia euclídea entre dos puntos; la máxima de estas distancias para la generación actual.
- $x_{\text{best},G}$ : Individuo con mejor fitness en la generación G.

La función fitness ponderada introduce una penalización por alejarse del individuo con mejor fitness.

El método de selección es esencialmente comparar ambos los *fitness* de el individuo original y el trial. Si el trial supera al original el individuo es sustituido por el trial.

$$\vec{x}_{i,G+1} = \begin{cases} \vec{u}_{i,G} & \text{si } f(\vec{u}_{i,G}) < f(\vec{x}_{i,G}) \\ \vec{u}_{i,G} & \text{si } f(\vec{u}_{i,G}) \le f(\vec{x}_{i,G}) \text{ y } x_{i,G} \ne x_{\text{best},G} \\ \vec{x}_{i,G} & \text{otro caso} \end{cases}$$
(9)

Hacemos una excepción para el individuo con el mejor fitness,  $x_{best,G}$ , que siempre pasa a la siguiente generación.

## 2. Resumen de los Problemas a Resolver.

Entre la selección de 10 problemas a resolver hemos tomado:

### 2.1. Problema de Ackley

## 3. Desarrollo del Experimento.

En este experimento hemos elegido los parámetros fijos  $\xi_1$ . SDASDASD

Para escribir el programa hemos modificado bastante el programa inicial dado en clase. El programa se sigue llamando desde lanzador.R, que inicializa el problema mediante las funciones del directorio funciones y el script inicia.R (aunque este ha sido renombrado como inicializador.R).

A partir de aquí los scripts se han directamente sustituido o eliminado. Una vez inicializado el problema, lanzador. R llama a evolutivo. R. Este es el script central del programa, y se encargará de llevar a cabo todos los pasos descritos en el paper[1]. Para ello hará uso de los siguientes scripts:

- 1. mutacion.R: este script recibe como argumento una población de individuos y genera una población mutada, sin modificar la población original.
- 2. crossover.R: este script toma la población original y la mutada mediante mutacion.R y las combina generando un individuo trial, en base a la variable CR, que determina la probabilidad de un individuo de mutar. El trial generado es un individuo que puede tener componentes tanto del individuo original como del individuo mutado.
- 3. seleccion.R: este script selecciona los individuos eligiendo entre los individuos originales o los trials. Para ello tiene en cuenta el fitness de los individuos.

## 4. Resultados y Conclusiones.

Lorem Lipsum.

### Referencias

[1] M. Tian, X. Gao, and C. Dai, "Differential evolution with improved individual-based parameter setting and selection strategy," *Applied Soft Computing*, vol. 56, pp. 286–297, 2017.

## 5. Anexo. Código del programa.

#### 5.1. lanzador.R

```
# Este fichero se encarga de lanzar la ejecucion de los algoritmos
  # y de guardar la informacion correspondiente.
  # Carga de funciones.
  source ("evolutivo.R")
  source ("inicializador .R")
  source ("mutacion.R")
source ("fitnessPonderado.R")
  source ("crossover.R")
  source ("selection .R")
  # Lista de problemas incorporados (se podria ampliar).
prob <- c("Ackley", "Bukin6", "CrossInTray", "DropWave", "Eggholder", "GramacyLee12","
       "Bohachevsky3", "Perm0db", "Rothyp", "Sphere", "Sphere2", "Sumpow", "Sumsqu", "Trid", "
16
              Booth", "Matyas", "Mccormick", "Powersum",

"Zakharov", "Camel3", "Camel6", "DixonPrice", "Rosenbrock1", "Rosenbrock2", "DeJong5"

"Easom", "Michalewicz", "Beale",
1
              "Branin1", "Branin2", "Branin3", "Colville", "Forrester", "GoldsteinPrice", "Hartmann3D", "Hartmann4D", "Hartmann6D", "Permdb",
18
              "Powell", "Shekel", "StyblinskiTang")
  # Conjunto de semillas para inicializar el generador de numeros aleatorios.
21
   semilla \leftarrow c (352668, 628434, 492990, 528643, 477348, 855426, 570702, 957864,
                  849154, 982709, 991540, 776820, 302260, 509101, 1104259, 778274, 937185, 1102620, 514412, 1026644, 288393,
       1019818,
                  1104259,
23
                       1153861\,,\quad 473884\,,\quad 578922\,,\quad 465690\,,\ 1092241\,,\quad 538478\,,\quad 764238\,,
                  1005899\,,\quad 434185\,,\quad 681939\,,\ 1065173\,,\ 1177813\,,\quad 178308\,,\ 1123423\,,\ 1159720\,,
2
                       280842\,,\quad 563670\,,\quad 694785\,,\quad 918578\,,\quad 854191\,,\ 1179079\,,\quad 845770\,,
                  1154990, 474168, 675549, 417239, 1007395)
26
  #Parametros de ejecucion, que deberan fijarse de acuerdo a vuestro experimento.
  numRepeticiones <- 25
                              # cuantas veces se resuelve cada problema.
  sizePopulation <- 100  # tamano de la poblacion ##NP en el paper.
numIteraciones <- 1000  # numero de iteraciones del algoritmo ## en el paper G_max.
31
  # Indicamos que problemas se van a resolver.
  # Todos problemas <- 1:53
34
  \# Los diez primeros problemas <- 1:10
  # Los diez ultimos problemas <- 44:53
  # Unos cuantos problemas <- c(1,3,7,9,12,22,34)
37
  problemas <-c (46:53) # Resolvemos problemas desde el 1 al 10
  # Nombre del fichero en el que se almacenan los resultados.
  # Si no existe lo crea y copia los resultados,
  # si existe anade los nuevos resultados al contenido previo.
  ficheroRes <- "resultados.txt"
45
  # Loop principal, para cada problema ejecuta el algoritmo de optimizacion
  # numRepeticiones veces, obteniendo una coleccion de valores de tiempo de
  # ejecucion y valor alcanzado con el que elaborar las estadisticas.
50
51
  for (i in problemas) {
     for (j in 1:numRepeticiones){
       evolutivo (semilla [j], prob [i], sizePopulation, numIteraciones, ficheroRes)
```

../lanzador.R

#### 5.2. inicializador.R.

```
# Esta funcion se encarga de establecer la informacion de los problemas
    # y cargar el script correspondiente a la funcion
    # Los argumentos que recibe son:
    # problema:
                                                                      el nombre del problema
    # deveuelve una lista con la informacion del problema, la descripcion la podeis
    # consultar en :
    # http://www.sfu.ca/ssurjano/stybtang.html
    # Ademas en la parte final de la funcion se realiza un source() del fichero que contiene
    # la definicien de la funcion a optimizar (maximizar), dicha fichero contiene siempre
    # una funcion llamada evaluadora(), por lo que en genetico() no es necesario
    # dar el nombre explicito de la funcion a resolver, basta con llamar a evaluadora()
    inicializador <- function(problema) {</pre>
17
         info <- NULL
19
         switch (problema,
                                                       \{\inf 0 \$n < 10; \inf 0 \$1 < rep(-32.768, \inf 0 \$n); \inf 0 \$u < -\inf 0 \$1\}
                        Acklev =
20
                                 ; } ,
                        Bukin6 =
                                                       \{info n < -2;
                                                                                         info $1 <- c(-15,-3);
                                                                                                                                                              info u < c(-5,3)
                        CrossInTray = \{info n < -2;
                                                                                         info $1 <- c(-10,-10);
                                                                                                                                                              info$u <- -info$l
                                 ;},
                                                                                         info l < rep(-5.12, info n);
                                                                                                                                                              info$u <- -info$l
23
                        DropWave =
                                                       \{\inf o \$n \leftarrow 2;
                                 ;},
                        Eggholder =
                                                       \{\inf s : s < -2:
                                                                                         \inf 0 l < - rep(-512, \inf 0 n);
                                                                                                                                                              info u < -info l
24
                                 ; } ,
                        GramacyLee12= \{info n < -1;
                                                                                         info $1 < - rep(0.5, info $n);
                                                                                                                                                              info u \leftarrow rep (2.5,
                                 info$n);},
2
                        Griewank
                                                   = \{info n < -5;
                                                                                         info $1 < -rep(-600, info $n);
                                                                                                                                                              info$u <- -info$l
                                 ; } ,
27
                        HolderTable= {info$n <- 2;
                                                                                         info l \leftarrow rep(-10, info n);
                                                                                                                                                              info$u <- -info$l
                                 ; } ,
                        Langermann = \{info n < -2;
                                                                                         info l \leftarrow rep(0, info n);
                                                                                                                                                              info u \leftarrow rep (10,
                                 info $n);},
                        Levy =
                                                       \{info n < -5;
                                                                                         info$1 <- rep(-10, info$n);
                                                                                                                                                              info$u <- -info$l
                        Levy13 =
                                                       \{info n < -2;
                                                                                         info l < rep(-10, info n);
                                                                                                                                                              info$u <- -info$l
                                 ; } ,
                                                                                                                                                              info$u <- -info$1
                                                       \{\inf s : 10;
                                                                                         info 1 < rep (-5.12, info n);
                        {\rm Rastrigin} \, = \,
                                ;},
                        Schaffer2 =
                                                       \{info\$n \leftarrow 2;
                                                                                         info 1 < rep(-100, info n);
                                                                                                                                                              info u < -info l
                                 ; } ,
                                                                                         info l < rep(-100, info n);
                                                                                                                                                              info$u <- -info$1
                        Schaffer4 =
                                                       \{info n < -2;
                                 ;},
                                                                                         \inf 0 1 < - rep(-500, \inf 0 n);
                                                                                                                                                              info$u <- -info$1
                        Schwefel =
                                                       \{info n < -5;
34
                                 ; } ,
                                                       \{\inf s : 1 < -2; \inf s : 1 < -rep(-5.12, \inf s : n); \}
                                                                                                                                                              info$u <- -info$l
                        Shubert =
                                 ; } .
                        Bohachevsky1= \{\inf s \le -2; \inf s \le -rep(-100, \inf s \le n);
                                                                                                                                                              info u < -info l
36
                                 ; } ,
                                                       \{\inf 0 \ n < -2; \inf 0 \ l < -rep(-100, \inf 0 \ n);
                        Bohachevsky2=
                                                                                                                                                              info$u <- -info$l
                                 ; } ,
                        Bohachevsky3=
                                                       \{\inf s = -2; \inf s = -rep(-100, \inf s);
                                                                                                                                                              info$u <- -info$l
                                 ; } ,
                        Perm0db=
                                                         \{\inf s = -5; \inf s = -rep(-\inf s, \inf s); \inf s = -\inf s = -\inf
39
                                 ;},
                        Rothyp=
                                                                                          \inf s1 < - rep(-65.536, \inf sn); \inf su < - \inf s1
                                                         \{\inf s : s < -5:
40
                                 ; } ,
                                                         \{\inf s = -5; \inf s = -rep(-5.12, \inf s); \inf s = -\inf s = -rep(-5.12, \inf s = -rep(-5.12, \inf s)\}
                        Sphere=
41
                                ; } ,
                        Sphere2=
                                                         \{\inf s : s < -6; \inf s : s < -rep(0, \inf s : s ) \}
                                                                                                                                                              info$u \leftarrow rep(1,
                                info $n);},
                        Sumpow=
                                                         \{\inf s : 10; \inf s : - rep(-1, \inf s : n); \}
43
                                                                                                                                                              info $u <- -info $1
                                 ; } ,
                        Sumsqu =
                                                         \{\inf s = -10; \inf s = -rep(-10, \inf s);
                                                                                                                                                            info$u <- -info$l
44
                                ;},
                                                         \{\inf s = -6; \inf s = -\exp(-\inf s = 2, \inf s = 1); \inf s = -4\}
                         Trid=
                                 info$1;},
```

```
Booth=
                                \{\inf s : s < -2; \inf s : s < -rep(-10, \inf s : s ) \}
                                                                                          info$u <- -info$l
                  ;},
                                                    info$l <- rep(-10, info$n);
                                                                                          info$u <- -info$l
                                \{\inf o \$n < -2:
              Matyas=
                  ;},
                                               2;
                                                    \inf 0 l < c(-1.5, -3);

\inf 0 < c(-1.5, -3);

\inf 0 < c(-1.5, -3);
                                                                                          \begin{array}{l} \inf o\,\$u\,<\!\!-\,c\,(\,4\,,4\,)\,;\}\,,\\ \inf o\,\$u\,<\!\!-\,\operatorname{rep}\,(\,\inf o\,\$ \end{array}
              Mccormick=
                                {info$n <-
              Powersum=
                                 { info $n <-
                                               4;
                  n, info $n);}
              Zakharov =
                                 { info $n <-
                                               2:
                                                    info l \leftarrow rep(-5, info n);
                                                                                          info$u <-rep(10,
                  info $n);},
              Camel3 =
                                {info$n <-
                                               2;
                                                    info l < rep(-5, info n);
                                                                                          info$u <- -info$l
                  ;},
              Camel6 =
                                { info $n <-
                                               2:
                                                    info $1 < -c(-3,-2);
                                                                                          info u < -info l
                  ;},
              DixonPrice =
                                \{info n < -5;
                                                    info l \leftarrow rep(-10, info n);
                                                                                          info$u <- -info$l
                  ; } ,
                                \{\inf s = -5; \inf s = -rep(-5, \inf s);
                                                                                          info$u \leftarrow rep(10,
              Rosenbrock1 =
                  info $n);},
              Rosenbrock2 =
                                {info$n <-
                                                 4; \inf 0 1 < rep(0, \inf 0 );
                                                                                          info u \leftarrow rep(1,
                  info$n);},
              DeJong5 =
                                { info $n <-
                                                 2; \inf \$1 \leftarrow \operatorname{rep}(-65.536, \inf \$n); \inf \$u \leftarrow -\inf \$1
56
                  ; } ,
                                                                                          info\$u \leftarrow -info\$l
                                                 2; \inf 0 1 < rep(-100, \inf 0 n);
              Easom =
                                { info$n <-
                  : } .
                                {info$n <-
                                                 10; \inf 0 1 < rep(0, \inf 0);
              {\it Michalewicz} \, = \,
                                                                                           info$u <- rep(pi,
58
                  info $n);},
              Beale =
                                {info$n <-
                                                  2; \inf 0 1 < rep(-4.5, \inf 0 );
                                                                                           info$u <- rep(pi,
                  info$n);},
                                { info $n <-
                                                  2; info$1 < -c(-5,0);
              Branin1 =
                                                                                           info $u <- c (10,15)
                  ; } ,
              Branin2 =
                                                  2; info$1 < -c(-5,0);
                                { info $n <-
                                                                                           info \$u \leftarrow c(10,15)
61
                  ;},
              Branin3 =
                                { info $n <-
                                                  2; \inf 0 1 < c(-5,0);
                                                                                           info u \leftarrow c(10, 15)
                  ;},
              Colville =
                                {info$n <-
                                                  4; \inf o 1 < - rep(-10, \inf o n);
                                                                                           info\$u < -info\$l
                  ;},
                                { info $n <-
                                                  info u \leftarrow rep (1,
64
              Forrester =
                  info $n);},
              GoldsteinPrice={info$n <-
                                                  2; \inf 0 1 < rep(-2, \inf 0 );
                                                                                           info$u <- -info$l
6
                  : } .
              Hartmann3D =
                                {info$n <-
                                                  3; \inf 0 1 < rep(0, \inf 0);
                                                                                           info$u <- rep(1,
66
                  info $n);},
              Hartmann4D =
                                {info$n <-
                                                  4; \inf 0 1 < rep(0, \inf 0);
                                                                                           info$u \leftarrow rep(1,
                  info$n);},
                                                                                           info$u <- rep(1,
              Hartmann6D =
                                { info $n <-
                                                  6; \inf 0 l < rep(0, \inf 0 n);
                  info$n);},
              Permdb =
                                { info $n <-
                                                  2; \inf \$1 < - rep(-\inf \$n, \inf \$n); \inf \$u < -\inf \$1
                  : } .
                                                                                           info$u <- rep(5,
              Powell=
                                {info$n <-
                                                  5; \inf 0 1 < rep(-4, \inf 0 );
                  info$n)},
              Shekel=
                                \{info n < -
                                                  4; \inf 0 1 < rep(0, \inf 0);
                                                                                           info$u \leftarrow rep(10,
                  info $n);},
              StyblinskiTang={info$n <-
                                                 15; \inf 0 1 < rep(-5, \inf 0 );
                                                                                           info u < -info l
72
                  ;}
7
74
     source(paste("funciones/", problema, ".R", sep=""))
     return (info)
```

../inicializador.R

### 5.3. evolutivo.R

```
# Orquestra todas las componentes del algoritmo genetico: mutacion, crossover
# y seleccion de padres, ademas de la evaluacion de la fun obj y la ordenacion
# de la poblacion en base a fun obj para el ranking.
# El input es:
# — seedE Semilla para generar mismos parametros aleatorios por ejecucion.
# — problem Problema a resolver.
# — sizepop Tamano maximo de la poblacion.
# — GMAX Numero maximo de iteraciones.
```

```
- fileE
                          Fichero para escribir la salida de datos.
  # El output es:
13 #
        - NA
  # Dependencias y Observaciones:
        - Esta pensado para un problema de minimizacion.
16
  evolutivo <- function(seedE, problem, sizepop, GMAX, fileE) {
18
    ## Inicializa el problema y la semilla.
20
21
     set . seed (seedE)
                                      # Inicializa la seed del rand para obtener los mismos
                                      # resultados en cada ejecucion.
     info = inicializador (problem) # Inicializa los datos del problema.
                                      # Longitud de los individuos. (Numero de variables).
     indlen = info $n
24
     l = info $1:
                                      # Cotas inferiores de las variables
25
    u = info u;
                                      # Cotas superiores de las variables
    rm(info)
                                      # Borrado de la lista info.
27
28
    ## Informacion general de la ejecucion, se muestra en la consola.
29
    cat(sprintf("Procesando problema: % en dimension %d\n", problem, indlen))
cat(sprintf("Semilla: %d\n", seedE))
cat(sprintf("Numero maximo iteraciones: %d\n", GMAX))
30
31
32
34
     ti = proc.time() #Guardamos comienzo de ejecucion
35
    \#\# Inicializamos la poblacion y parametros iniciales para la primera iteracion.
36
    NSG = sizepop
                                                # Inicializamos el num de indiv que pasan a
37
                                                # la siguiente iteracion a toda la poblacion.
38
39
     # Inicializamos la poblacion con individuos aleatorios entre las cotas.
40
     population = matrix(NA, sizepop, indlen)
41
     for(i in 1:indlen){
      population[,i] = runif(sizepop, l[i], u[i])
43
44
45
    ## Iteramos hasta GMAX generaciones.
46
     for(G in 1:GMAX) {
47
48
     # Calculamos los parametros t y alpha.
49
      t = G/(GMAX+1)
     alpha = rnorm(1, 0.9, 0.05)
      if(alpha > 1) alpha = 1
53
      if(alpha < 0.8) alpha = 0.8
54
     # Calculamos fitness.
     # La funcion evaluadora devuelve la funcion objetivo de un problema de maximo.
56
     # El algoritmo es de un problema de minimos por lo que cambiamos el signo.
57
     fitness = -evaluadora(population)
     ## Ordenamos poblacion y fitness por fitness decreciente, ya que queremos
60
     ## la poblacion con fun obj mas baja en los primeros puestos para el ranking.
61
     aux = sort(fitness, decreasing = FALSE, index.return = TRUE)
62
      fitness = aux$x
63
      orden_fitness = aux$ix
64
      population = population [orden\_fitness \,,] \ \# \ Ordena \ la \ poblacion \ por \ fitness \,.
65
     rm(orden_fitness) # Eliminamos ya que la poblacion ya esta ordenada por fitness.
67
     # Calculamos la fitness ponderado.
68
     fitness_w <- fitnessPonderado(population, fitness, alpha)
69
     # Generamos una mutacion de todos los genes de todos los individuos.
71
     mutationOut = mutacion(population, fitness, l, u, t, NSG)
     Rg = mutationOut \hbox{\tt [["Rg"]]} \hbox{\tt \# Indice del guiding individual en el ranking de poblacion}
73
          ordenada,
     mutationMat = mutationOut[["mutationMat"]] # Matriz con las mutaciones para los padres
74
     # Calculamos el CR de cada individuo
76
     CR = 1-Rg/sizepop # CR es la prob que los padres tengan mutaciones.
77
78
      if(CR < 0.05) CR = 0.05
      if(CR > 0.95) CR = 0.95
79
```

```
# Generamos los trials (padres mutados) a partir de la poblacion de padres y la matriz
           de mutacion.
      trialIndividuals = crossover(population, mutationMat, CR)
83
      \# Calculamos el fitness y fitness ponderado de los trials (nuevos padres mutados). ufitness = -evaluadora(trialIndividuals)
84
8
      ufitness_w = fitnessPonderado(trialIndividuals, ufitness, alpha)
86
87
      # Seleccionamos los mejores individuos entre el padre y su trial para la nueva
8
          generacion.
      selectionOut = selection(population, trialIndividuals, fitness, ufitness, fitness_w,
89
          ufitness_w)
      population = seleccionOut [["population"]]
90
      NSG = selectionOut [["NSG"]]
91
92
      ## CRITERIO DE PARADA TBD
93
94
95
96
    finEjecucion = proc.time()-ti
97
    fileConn <- file(fileE, open="at")</pre>
                                                                  #apertura del fichero de
98
        resultados
    writeLines(sprintf("%\t%9d\t%3d\t%4d\t%f\t%f\",
                                                                  #escribiendo informacion basica
99
                         problem , seedE , sizepop , GMAX, max(fitness), finEjecucion[3]) , fileConn)
100
    close (fileConn)
                                                                  #cierre de fichero de
        resultados
    cat(sprintf("Minimo Fun Obj = % \n\n", min(fitness)))
103
                                                                  #vfo alcanzado
    cat(sprintf("X(%d)= %8.6f",1:length(1),population[which.min(fitness),]))
    cat("\n\n")
100
    return()
```

../evolutivo.R

#### 5.4. fitnessPonderado.R

```
# Esta funcion se encarga de calcular el fitnes ponderado.
  # El input es:
                              Lista con la poblacion sobre la que crear las mutaciones.
  #
        - population
                              Lista ordenada con el fitness de cada individuo.
  #
        - fitness
                              Peso de los terminos.
        - alpha
  #
  # El output es:
        - term1+term2
                       Poblacion mutada a evaluar.
  #
  # Dependencias y Observaciones:
        - La poblacion que se parsea tiene que estar ordenada segun la funcion objetivo.
        - Esta pensado para un problema de minimizacion.
13
1
  fitnessPonderado <- function(population, fitness, alpha) {
16
      ## Inicializa las dimensiones.
1
      indlen = length (population [1,]) # Longitud de los individuos.
      sizepop = length(population[,1]) # Numero de individuos en la poblacion.
2
      ## Calculo del primer termino.
21
      fmin = fitness[1]
                                        # Min de la fun obj en la poblacion.
22
      fmax = fitness[sizepop]
                                        # Max de la fun obj en la poblacion.
2
      if ((fmax-fmin) > .Machine$double.eps) {
24
          term1 = alpha * (fitness-fmin)/(fmax-fmin)
25
26
      } else {
          term1 = rep(0, sizepop)
27
28
      }
29
      ## Calculo del segundo termino.
30
31
      xbest = population[1,]
      xbestMat = matrix(rep(xbest, each=sizepop), nrow=sizepop)
32
      dist = rowSums((xbestMat-population)*(xbestMat-population))
33
      Dmax = max(dist)
```

```
if ((Dmax + min(dist)) > .Machine$double.eps) {
    term2 = (1 - alpha) * (Dmax - dist)/(Dmax + dist)
} else {
    term2 = rep(0, sizepop)
}

return(term1+term2)
}
```

../fitnessPonderado.R

#### 5.5. mutacion.R.

```
# Esta funcion se encarga de crear un vector de mutacion para la poblacion
  # de padres. La estrategia seguida es una mutacion de evolucion diferencial
  # usando un guiding individual de una elite, el cual se combina linealmente
  # con un hibrido de current-to-guiding y random-to-guiding.
  # El input es:
        - population
                               Lista con la poblacion sobre la que crear las mutaciones.
  #
        - fitness
                               Lista ordenada con el fitness de cada individuo.
                               Lower bound del problema.
  #
        - 1
        - u
                               Upper bounde del problema.
  #
        - t
                               Cociente G/Gmax, iteracion actual/numero max de iteraciones.
  #
12
  #
        NSG
                               Numero de indiv que fueron mutados en la iteracion anterior.
  # El output es:
14
                               El indice del guiding individual.
        - iguide
  #
16
  #
        - v
                               Matriz con los vectores de mutacion sobre la poblacion.
17
  # Dependencias y Observaciones:
18
        - La población que se parsea tiene que estar ordenada segun la función objetivo.
19
        - Esta pensado para un problema de minimizacion.
20
  mutacion <- function(population, fitness, l, u, t, NSG) {
22
23
     ## Inicializacion de parametros y variables auxiliares.
24
     v = list()
                                         # Lista de mutaciones.
25
                                         # Longitud de los individuos.
     indlen = length (population [1,])
26
27
     sizepop = length(population[,1]) # Numero de individuos en la poblacion.
     dr2 = rep(0, indlen)
                                         # Vector para la mutacion puramente aleatorio.
2
      vi = rep(0, indlen)
                                         # Vector de mutacion final.
     fmin = fitness[1]
                                         # Min de la fun obj en la poblacion.
30
     fmax = fitness[sizepop]
                                         # Max de la fun obj en la poblacion.
     MAX_TRY = 10
                                         # Num maximo de intentos de los sorteos.
33
     ## Parametros especiales del problema.
34
     Pt = 1-t**3  # Expresion del maximo indice donde elegir el guiding indiv.

SR = NSG/sizepop  # Numero de mutaciones que mejoraron su predecesor / tama?o pob.
36
     xi1 = 0.05 \# 0.2 para problemas complicados.
     xi2 = (1+9*10^{(5*(t-1))})/100
38
     xi3 = 0.05
39
     ## Seleccion del guiding individual.
41
42
     if(SR < xi3) {
         top10EliteLim = round(sizepop*0.1) # Indice del ultimo elemento de POPs.
43
         iguide = sample(1:top10EliteLim, 1)
44
     } else {
45
         topPtEliteLim = max(round(sizepop*Pt),1) # Indice del ultimo elemento de POPg.
46
         iguide = sample(1:topPtEliteLim, 1)
47
4
     xguide = population[iguide,]
49
     fguide = fitness[iguide]
     ## Construccion del vector de mutacion.
      for(index in 1:sizepop) {
52
        # Determinacion del current individual y sus parametros de combinacion.
53
         xcur = population[index ,]
54
         fcur = fitness[index]
55
56
         if(fcur > fguide) {
            F1 = (1 + ((fmax - fguide) / (fmax - fmin)))/2
57
58
         else {
```

```
F1 = -rnorm(n = 1, mean = 0.5, sd = 0.2)
             if(F1>-0.05) {
61
                 F1 = -0.05
62
63
             if (F1 < -0.95)  { F1 = -0.95
64
65
66
67
          F2 = 0.5
68
69
          # Sortea los indices de r1 y r2 (si tras MAX_TRY sorteos no encuentra
 70
71
          # indices diferentes entre si de xcur, xr1, xr2 devuelve un warning, no crea
          # la mutacion y pasa al siguiente individuo).
 72
 73
          k = 0
74
          while(k <= MAX_TRY) {
             r2 = sample(1:sizepop, 1)
 75
              if(r2 != index){
 76
77
                 break
 78
 79
             k = k+1
 80
 81
          k = 0
          while(k <= MAX_TRY) {</pre>
82
             r1 = sample (1: sizepop, 1)
if (r1 != index && r1 != r2) {
 83
 84
                 break
88
 86
             k = k+1
87
8
          if(k > MAX\_TRY) {
 89
             90
91
             v[[index]] <- xcur
92
93
             next
94
          xr2 = population[r2,]
95
          xr1 = population[r1,]
96
97
          # Calcula el vector dr2 que interviene en la componente
98
          # fija de aleatoriedad de la mutacion.
99
          for(comp in indlen) {
100
             if(runif(1, 0, 1) < xi2) {
                 dr2 = l[comp] + runif(1, 0, 1) * (u[comp] - l[comp])
103
               else {
                 dr2 = xr2 [comp]
105
          }
106
          # Encuentra el vector v de mutacion y lo anade a la lista.
          if(runif(1, 0, 1) < xi1) {
             xrand = population[sample(1:sizepop, 1),]
              vi = xrand+F1*(xguide-xrand)+F2*(xr1-dr2)
11:
          } else {
             vi = xcur + F1*(xguide - xcur) + F2*(xr1 - dr2)
113
115
          v[[index]] = vi
118
      v_{matrix} = matrix(as.numeric(unlist(vi)), nrow = sizepop, ncol = indlen)
return(list("Rg" = iguide, "mutationMat" = v_{matrix}))
119
120
```

../mutacion.R

### 5.6. crossover.R

```
# Esta funcion se encarga de combinar los indivuos originales con los vectores
# de mutacion para generar una poblacion de indivuos nuevos.
# # El input es:
# - population Lista con la poblacion sobre la que crear las mutaciones.
```

```
- mutationMat
                                   Lista ordenada con el fitness de cada individuo.
  #
          - CR.
                                   Coeficiente de recombinacion. Probabilidad de mutacion de
  #
                                   las componentes de los individuos de mutar,
  # El output es:
                                   Poblacion mutada a evaluar.
         - trialIndividuals
11
12
  # Dependencias y Observaciones:
         - La poblacion que se parsea tiene que estar ordenada segun la funcion objetivo.
14
         - Esta pensado para un problema de minimizacion.
   crossover <- function(population, mutationMat, CR) {</pre>
       ## Inicializa las dimensiones.
       \operatorname{indlen} = \operatorname{length}(\operatorname{population}[1,])  # Longitud de los individuos. \operatorname{sizepop} = \operatorname{length}(\operatorname{population}[1,1])  # Numero de individuos en la poblacion.
       indlen = length (population [1,])
20
21
22
       ## Inicializamos a los trials, (la poblacion a mutar), con la poblacion de padres.
23
       trialIndividuals = population
24
         # En el caso 1D "todas" las componentes mutan.
25
       if (indlen == 1) {
26
27
          return ( mutationMat )
28
         # Para el caso general usamos (ec. 10) para mutar a los padres.
3
       else {
           # Posicion aleatorias para cada padre en las que se garantiza una mutacion.
31
          \verb|randni| = \verb|sample| (1: \verb|indlen|, sizepop|, \verb|replace| = TRUE)
          for(index in 1:sizepop) {
33
              compToMutate = runif(indlen, 0, 1) <= CR # Mutacion con cierta probabilidad.
34
              compToMutate[randni[index]] = TRUE
3
               trialIndividuals [index,compToMutate] = mutationMat[index,compToMutate]
3
           }
37
       }
3
39
40
       return (trialIndividuals)
```

../crossover.R

### 5.7. selection.R

```
# Esta funcion se encarga de seleccionar los mejores individuos entre los padres
  # y los individuos mutados.
  #
  # El input es:
        - population
                              Lista con la poblacion de padres.
  #
        - trialIndividuals
                              Lista con la poblacion mutada.
  #
                              Lista ordenada con el fitness de los padres.
                              Lista ordenada con el fitness de los individuos mutados.
        - ufitness
  #
  #
        - fitness_w
                              Lista ordenada con el fitness ponderado de los padres.
        - ufitness_w
                              Lista ordenada con el fitness ponderado de los indviduos
  #
      mutados.
  # El output es:
                              Poblacion seleccionada para la siguiente generacion.
13
  #
       - iguide
  #
        - NSG
                              Numero de inviduos nuevos en la nueva generacion.
  #
16
  # Dependencias y Observaciones:
       - La poblacion que se parsea tiene que estar ordenada segun la funcion objetivo.
17
        - Esta pensado para un problema de minimizacion.
  #
18
  selection <- function (population, trialIndividuals, fitness, ufitness, fitness_w,
20
      ufitness_w) {
2
      # Condiciones para sustituir a los padres y renovacion.
22
      cond1 = ufitness < fitness
23
      cond2 = ufitness_w < fitness_w
24
      cond2[1] = FALSE
25
26
      changeFilter = cond1 | cond2
27
      population[changeFilter,] = trialIndividuals[changeFilter,]
28
```

```
# Conteo de los individuos mutados que han sustituido a los padres.

NSG = length(which(changeFilter))

return(list("population" = population, "NSG" = NSG))
```

../seleccion.R