Вычисления в задачах физики медленных атомных столкновений

Группа теории атомных столкновений

Дмитрий Власов

Кафедра теоретической физики и астрономии РГПУ им. А. И. Герцена

> Санкт-Петербург 2018 грант РНФ № 17-13-01144

Практическая значимость

- фундаментальные исследования
- астрофизические расчёты
- рабочие среды газовых лазеров
- плазменные среды

Предыдущие исследования

- столкновительные системы
 - H+Li
 - H+Na
 - H+Mg
 - H+Ca
- методы
 - методы классических траекторий
 - метод модельного приближения
 - последовательный квантовый подход

Решаемая задача

- lacktriangle приближение Борна-Оппенгеймера ightarrow разделение ядерной и электронной задач
- входные данные: квантово-химические данные столкновительной системы
 - в адиабатическом представлении
 - в гибридном (квазидиабатическом) представлении
- решение ядерной задачи через решение системы связанных уравнений в приближении связаных каналов
- вычисление вероятностей неадиабатических переходов и сечений рассеяния между каналами

Общая постановка задачи

Гамильтониан

$$\hat{H}\Psi = E\Psi \,, \tag{1}$$

$$\hat{H} = -\frac{1}{2M} \triangle_{\mathbf{R}} - \sum_{\beta=1}^{N_e} \frac{1}{2m_{\beta}} \triangle_{\mathbf{r}_{\beta}} + \hat{H}_{\text{int}} \left(\left\{ \mathbf{r}_{\beta} \right\}, \mathbf{R} \right) , \qquad (2)$$

$$\hat{H}_{e} = -\frac{1}{2m_{e}} \sum_{\beta=1}^{N_{e}} \triangle_{\mathbf{r}_{\beta}} + \hat{H}_{int} \left(\left\{ \mathbf{r}_{\beta} \right\}, \mathbf{R} \right), m_{\beta} \approx m_{e}$$
 (3)

Волновая функция

$$\Psi(\mathbf{r}, \mathbf{R}) = Y_{J\widetilde{M}}(\Theta, \Phi) \sum_{k} \frac{F_{k}(R)}{R} |\phi_{k}(\mathbf{r}, \mathbf{R})\rangle$$
 (4)

Система связанных уравнений

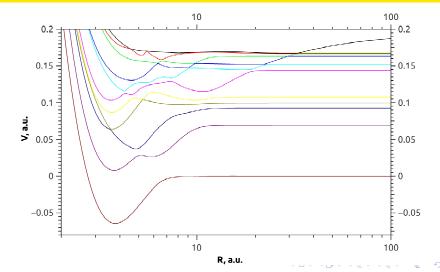
Адиабатическое представление

$$\left\{ -\frac{1}{2M} \frac{d^2}{dR^2} + \frac{J(J+1)}{2MR^2} + \left(U_j(R) - E \right) \right\} F_j =
= \frac{1}{M} \sum_k \left\langle \phi_j \left| \frac{\partial}{\partial R} \right| \phi_k \right\rangle \frac{d}{dR} F_k + \frac{1}{2M} \sum_k \left\langle \phi_j \left| \frac{\partial^2}{\partial R^2} \right| \phi_k \right\rangle F_k \quad (5)$$

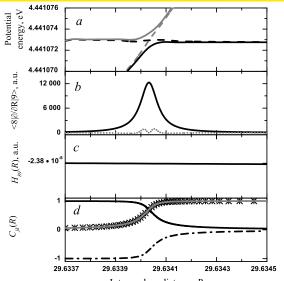
<u>Диабат</u>ическое представление

$$\left\{ -\frac{1}{2M} \frac{d^{2}}{dR^{2}} + \frac{J(J+1)}{2MR^{2}} - E \right\} F_{j} =
= \frac{1}{M} \sum_{k} \left\langle \chi_{j} \left| \frac{\partial}{\partial R} \right| \chi_{k} \right\rangle \frac{d}{dR} F_{k} + \frac{1}{2M} \sum_{k} \left\langle \chi_{j} \left| \frac{\partial^{2}}{\partial R^{2}} \right| \chi_{k} \right\rangle F_{k} -
\sum_{k} \left\langle \chi_{j} \left| \hat{H}_{e} \right| \chi_{k} \right\rangle F_{k} \quad (6)$$

Система связанных уравнений - адиабатические потенциалы



δ -образные пики матричных элементов $\left\langle \phi_{j}\left| rac{\partial}{\partial R}\right| \phi_{k} ight angle$



Порядок решения

- 1 анализ входных квантово-химических данных
- процесс гибридной диабатизации входных квантово-химических данных
- з сглаживание накопленного численного "шума"
- численное решение системы связанных уравнений в приближении связаных каналов
- 5 вычисление вероятностей и сечений неадиабатических переходов

Гибридный метод диабатизации

Модельный матричный элемент неадиабатичности

$$P_{jk}^{LZ}(R) = \frac{\tau}{(R - R_0)^2 + 4\tau^2},$$
 (7)

$$\tau = \frac{H_{jk}}{|dH_{jj}/dR - dH_{kk}/dR|},$$
(8)

$$P_{jk}^{LZ} \equiv \left\langle \phi_j \left| \frac{\partial}{\partial R} \right| \phi_k \right\rangle \tag{9}$$

Система уравнений для матрицы смены представления

$$\frac{d}{dR}C = -P^mC \tag{10}$$

 $C_0 = I$ при некотором межъядерном расстоянии R_0 (справа)

Гибридный метод диабатизации

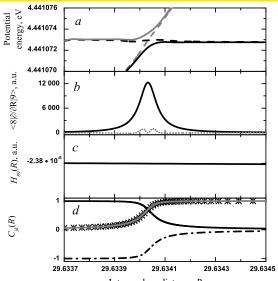
Смена представления

$$P_{\chi} = C^{+} \left(P_{\phi} C + \frac{d}{dR} C \right) = C^{+} \left(P_{\phi} C - P^{m} C \right) =$$

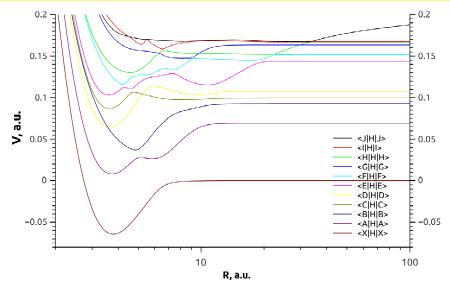
$$= C^{+} \left(P_{\phi} - P^{m} \right) C = C^{+} P^{\text{res}} C \quad (11)$$

$$H_{\chi} = C^{+}H_{\phi}C \tag{12}$$

Результаты диабатизации - $\left\langle \chi_{j}\left| rac{\partial}{\partial R} \right| \chi_{k} ight angle$



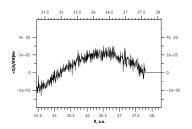
Результаты диабатизации - $\langle \chi_i | H | \chi_i \rangle$



Программа Diabatizem.jl

- поиск областей неадиабатичности с одиночными пиками в $\left\langle \phi_j \left| \frac{\partial}{\partial R} \right| \phi_k \right\rangle$ при одновременном квазипересечениями адиабатических потенциалов $\left\langle \phi_i \left| H \right| \phi_i \right\rangle$
- опрелеление примерных границ таких областей по заданным параметрам в конфигурации
- подбор параметров модельных кривых для матричных элементов неадиабатичности $\left\langle \phi_i \left| \frac{\partial}{\partial \mathcal{B}} \right| \phi_k \right\rangle$
- определение интервалов решения системы уравнений типа $\frac{d}{dR}\,C = -P^m\,C$ и количества уравнений для каждой такой области
- численное решение системы уравнений $\frac{d}{dR}C = -P^mC$ для заданных областей
- преобразование входных матричных элементов потенциалов и элементов неадиабатичности по найденной итоговой матрице смены представления

Постобработка данных диабатизации



- в настоящий момент делается вручную
- используемые средства: QtiPlot, Origin, Julia

Пример кода на языке Julia

```
info("Making new (\cdot | \partial/\partial R | \cdot) \dots")

for R \in \partial_{-}\partial R_{-} arg
S = \text{matf2mat}(R, S^{\text{vf}})
\nabla S = \text{Dierckx.derivative.}(S^{\text{vfsp}}, R; \text{nu=1})
S^{-1} = S'
\partial_{-}\partial R^{A} = \text{matf2mat}(R, \partial_{-}\partial R); \partial_{-}\partial R^{M} = \text{matf2mat}(R, \partial_{-}\partial R^{\text{model}})
\partial_{-}\partial R^{D} = S^{-1} * \partial_{-}\partial R^{A} * S + S^{-1} * \nabla S
```

Численное решение системы связанных уравнений

Общий вид системы

$$\left\{ -\frac{1}{2M} \frac{d^{2}}{dR^{2}} + \frac{J(J+1)}{2MR^{2}} - E \right\} F_{j} =$$

$$= \frac{1}{M} \sum_{k} \left\langle \chi_{j} \left| \frac{\partial}{\partial R} \right| \chi_{k} \right\rangle \frac{d}{dR} F_{k} + \frac{1}{2M} \sum_{k} \left\langle \chi_{j} \left| \frac{\partial^{2}}{\partial R^{2}} \right| \chi_{k} \right\rangle F_{k} -$$

$$\sum_{k} \left\langle \chi_{j} \left| \hat{H}_{e} \right| \chi_{k} \right\rangle F_{k} \quad (13)$$

Вычисление вероятностей переходов и сечений рассеяния

Вероятности

$$F = R \times \frac{dF}{dR} \tag{14}$$

$$S = (-1)^{J} exp(-i\kappa R) \kappa^{\frac{1}{2}} (\tau^{+} - iR\tau^{+}\kappa)^{-1}$$

$$\times (\tau^{-} + iR\tau^{-}\kappa)\kappa^{-\frac{1}{2}} exp(i\kappa R) \quad (15)$$

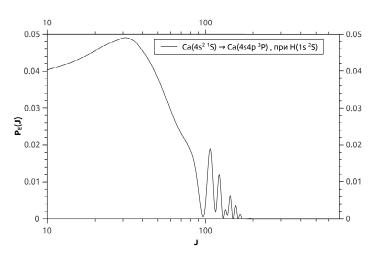
$$= |S_{if}|^{2} \quad (16)$$

$$P_{if} = |S_{if}|^2 \tag{16}$$

Сечения рассеяния

$$\sigma_{if} = \frac{\pi p_i^{\text{stat}}}{2ME} \sum_{I} P_{if}(J, E)(2J + 1)$$
 (17)

Пример графика вероятности неадиабатического перехода



Полученные результаты

- предложен метод гиридной диабатизации входных квантовохимических данных
- разработана программа автоматического определения областей диабатизации (язык Julia)
- получены гиридные диабатизированные данные для столкновительной системы Ca + H
- разработана программа для решения системы связанных уравнений для ядерной части задачи атомных столкновений (язык C++)
- проведена часть расчётов вероятностей возбуждений и сечений рассеяния для системы CaH
- подробные расчёты сечений предполагается представить на конференции «Звезды, планеты и их магнитные поля»: https://events.spbu.ru/events/stars-2018/

Благодарности

- Российский научный фонд, грант № 17-13-01144
- VI Международный балтийский морской форум
- Соавторы и коллектив кафедры теоретической физики и астрономии, РГПУ им. А. И. Герцена

Ссылки

- Belyaev A.K. // Eur. Phys. J. D. 2007. V. 44. P. 497. doi 10.1140/epjd/e2007-00203-9
- Belyaev A.K. // Russ. J. Phys. Chem. A. 2002. V. 76. Suppl. 1, P. 68.
- Belyaev A. K. // Phys. Rev. A. 2010. V. 82. P. 060701. doi 10.1103/PhysRevA.82.060701
- Беляев А.К., Власов Д.В., Касьянова А.М. // Опт. и спектр. 2007. Т. 103. № 6. С. 956; Belyaev A.K., Vlasov D.V., Kas'yanova A.M. // Opt. Spectr. 2007. V. 103. N 6. P. 920. doi 10.1134/S0030400X07120144
- Mitrushenkov A.O., Palmieri P., Puzzarini C., Tarroni R. // Mol. Phys. 2000. V. 98. P. 1677.
- Zanchet A., Bañares L., Senent M. L., García-Vela A. // Phys. Chem. Chem. Phys. 2016. V. 18. P. 33195. doi 10.1039/c6cp05960k

Ссылки

- Roos J.B., Orel A.E., Larson A. // Phys. Rev. A. 2009. V. 79. P. 062510. doi 10.1103/PhysRevA.79.062510
- Roos J.B., Larsson M., Larson A, Orel A.E. // Phys. Rev. A. 2009.
 V. 80. P. 012501. doi 10.1103/PhysRevA.80.012501
- Власов Д.В., Родионов Д.С., Беляев А.К. // Опт. и спектр. 2018.
 Т. 124, № 5, С. 579. doi 10.21883/OS.2018.05.45935.221-17