Применение взаимодействующих нейронных сетей в криптографии

∕ МФТИ

Ходаков Дмитрий

March 14, 2014

- Постановка задачи
 - Передача ключей
 - Tree Parity Machines

2 Результаты

- Зависимость скорости сходимости от N
- Оптимальное время синхронизации
- Устойчивость к атакам
- Эффективность по ср. с другими способами обмена ключами

Передача ключей

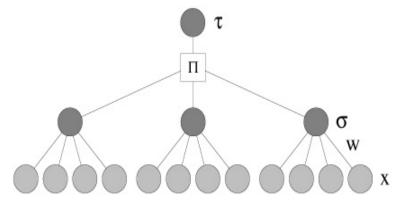


- Безопасная замена алгоритма Диффи-Хеллмана
- Основана на синхронизации двух нейросетей
- Они называются древовидных машин четности (TPM, tree parity machines)

Tree Parity Machines



- Многоуровневая нейронная сети прямого распространения
- lacksquare Входные нейроны принимают значения $x_i \in \{-1, +1\}$
- Веса принимают значения $w_i \in \{-L, ..., 0, ..., +L\}$
- Значения скрытого нейрона $\sigma_i = sgn(\sum_{j=1}^N w_{ij}x_{ij})$
- lacksquare Значения выходного нейрона $au = \prod_{i=1}^K \sigma_i$



Tree Parity Machines - алгоритм



У каждого абонента (А или Б) есть своя ТРМ. Синхронизация:

- Задаём случайные значения весовых коэффициентов
- Выполняем следующие шаги, пока не наступит синхронизация
- Генерируем случайный входной вектор X
- Вычисляем значения скрытых нейронов
- Вычисляем значение выходного нейрона
- Сравниваем выходы двух ТРМ:
- Выходы разные: переход к п.2.1
- Выходы одинаковые: применяем выбранное правило к весовым коэффициентам



Для обновления весовых коэффициентов могут использоваться следующие правила:

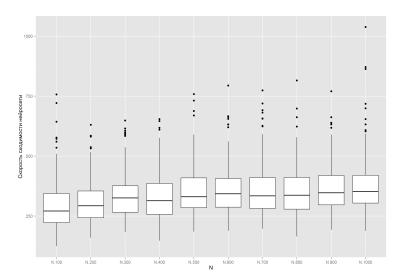
- Правило Хебба: $w_i^+ = w_i + \sigma_i x_i \Theta(\sigma_i \tau) \Theta(\tau^A \tau^B)$
- Обратное правило Хебба: $w_i^+ = w_i \sigma_i x_i \Theta(\sigma_i \tau) \Theta(\tau^A \tau^B)$
- Случайное блуждание: $w_i^+ = w_i + x_i \Theta(\sigma_i \tau) \Theta(\tau^A \tau^B)$



- \blacksquare Перебор: $(2L+1)^{KN}$ вариантов неэффективно
- Синхронное обучение: Длительная синхронизация (10-100 и более раз) - неэффективно
- Другие атаки: геометрическая, вероятностный анализ, генетические алгоритмы

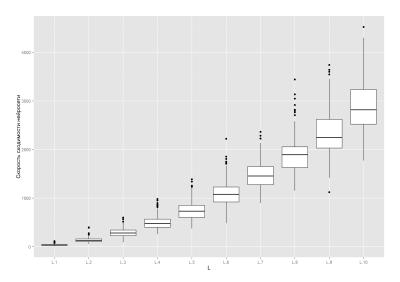


Правило Хебба, L=3, K=3



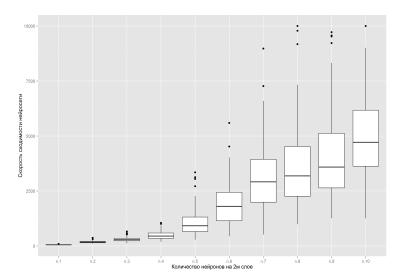


Правило Хебба, N=100, K=3





Правило Хебба, N=100, L=3



Оптимальное время синхронизации



Каковы оптимальные параметры системы (N, L, кол-во нейронов на 1м слое) с точки зрения времени синхронизации и ключа?

Ср. с другими способами обмена ключами



- Что будет если внедрить в TLS
- Насколько велика экономия вычислительных операций и передач по сети по сравнению с Диффи-Хеллманом, задачей дискретного логарифмирования
- Возможные применение