# 1 Введение

#### Зачем этот раздел

Сначала мы представим краткие определения ключевых ставок и метрик для более прозрачной методологии. Это позволит уточнить, какие именно величины мы намерены прогнозировать и какие критерии точности будут использованы. Вслед за этим будет изложена мотивация прогнозирования ruonia и возможный спектр методов.

# 1.1 Словарь ключевых понятий

**RUONIA** $^1$  — средневзвешенная ставка по необеспеченным межбанковским займам на один день (*overnight*). Банк России собирает сделки, считает взвешенное среднее и публикует его на следующий рабочий день. Это единственный публичный индикатор того, «сколько сейчас действительно стоит рубль на межбанковском рынке».

Овернайт-ставки ARR: SOFR (США), SONIA (Британия), €STR (Евро) появились после отказа от LIBOR в 2021г. [2]. Их объединяет ежедневная публикация и использование как базовой ставки по деривативам.

**Базис-пойнт (bp)** — одна сотая процента,  $1 \, \text{bp} = 0.01\%$ .

Волатильность —

$$\sigma_t^2 = \operatorname{Var}(\Delta r_{t+1} \mid \mathcal{F}_t)$$

где  $\mathcal{F}_t$  — «всё, что мы знаем сегодня»: прошлые значения RUONIA, ключевой ставки, курс USD/RUB, индексы ликвидности и т.д. Может браться также стандартное отклонение или логарифм стандартного отклонения.

 ${\bf VaR}_{99}$  — такое q, что однодневный убыток портфеля превысит q не чаще 1% случаев. Регулятор требует бэктест на последних 250 дней и штрафует, если нарушений слишком много [3].

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Russian Overnight Index Average. Методика — [1].

### 1.2 Почему прогноз RUONIA интересен для ML

Точность прогноза overnight-ставки на  $\pm 5$  bp уже экономит сотни тысяч долларов в день на портфеле  $1 \times 10^9$  RUB O/N-свопов [4]. В России для прогнозирования RUONIA традиционно применяют сочетание:

• Модель Васичека: однопараметрическое СДУ

$$dr_t = \kappa(\theta - r_t) dt + \sigma dW_t,$$

где  $\kappa$  — скорость возврата к среднему  $\theta$ ,  $\sigma$  — амплитуда случайных флуктуаций,  $W_t$  — винеровский процесс. Оно даёт явную формулу для условного среднего  $\mathbb{E}[r_{t+h}\mid \mathcal{F}_t]=\theta+(r_t-\theta)e^{-\kappa h}$ , но не оценивает распределение и реагирует на шоки плавно.

• **EWMA-волатильность**: экспоненциально взвешенная скользящая оценка дисперсии

$$\sigma_t^2 = \lambda \, \sigma_{t-1}^2 + (1 - \lambda) \, (r_t - r_{t-1})^2, \quad \lambda \in (0, 1).$$

В стандарте Basel II обычно берут  $\lambda=0.94$ . Метод прост в реализации, но «запаздывает» при резких изменениях: крупный скачок волатильности долго «расплывается» по окну.

Эти подходы дают только точечный прогноз среднего и сглаженную волатильность, но слабо реагируют на внезапные изменения колебаний, к примеру, после неожиданных заявлений Центробанка, что снижает точность оценки рисков.

# 1.3 Актуальные результаты и мотивация

За последние два года вышла серия статей, показывающих, что *вероятностные* и *генеративные* модели задают новый бенчмарк для прогнозов о/n-ставок (SOFR, €STR, SONIA):

• **DeepAR / DeepState**. Выигрыш до 25 % по CRPS и Pinball-loss против ARIMA для SOFR [5].

- **TFT** + **Quantile Loss**. Интервалы 5–95 %, стресс-сценарии [6, 7].
- Normalizing Flows & Diffusion Models. Улучшение VaR (99 %) на 30 % относительно GARCH [8, 9, 10].
- **Bayesian non-parametrics**. Гибкая аппроксимация условной плотности без заданного семейства [11].
- Quantile Regression Forests & GNN. Дешёвые в обучении распределённые прогнозы и учёт сетевой структуры рынков [12, 13].
- Large-Language / Multimodal models. Учёт новостей ФРС и текстовых факторов снижает ES-backtest [14, 15, 16].

Для гиопіа подобного анализа нет. Мы хотим построить *полное* распределение  $P(r_{t+h} \mid \mathcal{F}_t)$  и проверить, насколько современные глубокие модели (TFT, DeepAR, NF, Diffusion, GNN) превосходят базовый подход «Васичек + EWMA». Долгосрочная цель — Neural SDE / Neural PDE: обучить дифференциальное уравнение, объясняющее «длинную память» RUONIA.

# 2 Цели и задачи

- 1. **RQ1**: Улучшают ли TFT, DeepAR, Normalizing Flows и Diffusion-TimeGrad качество *полного* прогноза (CRPS, Energy, Pinball) на горизонтах  $h \in \{1, 7, 30, 180, 365\}$  по сравнению с базовой связкой «Васичек + EWMA»?
- 2. **RQ2**: Снижают ли продвинутые модели волатильности (GARCH-GJR, GAS, EGARCH, Bayesian SV) частоту нарушений 99 % VaR и Expected Shortfall относительно фильтра EWMA ( $\lambda = 0.94$ )?
- 3. **RQ3**(\*): Может ли *совместное* генеративное решение Conditional NF или Neural SDE предоставить согласованную многогоризонтную плотность  $\{r_{t+h}\}_h$  и тем самым улучшить back-тест ES? <sup>2</sup>

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Эта задача рассматривается как «задача со звёздочкой»: её планируется детально развернуть уже в рамках магистерского тезиса, после отработки основной части моделирования.

Наша цель — получить устойчивое распределение  $P(r_{t+h} \mid \mathcal{F}_t)$  для  $h \in \{1,7,30,180,365\}$  и тем самым закрыть пробел между «точечным» прогнозом ставки и реальными требованиями риск-менеджмента.

# 3 Методология

### 3.1 Probabilistic Sequence Models

- Baseline (ARIMA + Vasicek + EWMA). ARIMA(p, d, q) обеспечивает минимально-адекватную авто-коррекционную структуру; Васичек даёт экономически интерпретируемый параметр  $\kappa$ ; EWMA( $\lambda$ =0.94) промышленный стандарт Банка России, поэтому служит референсом.
- **DeepAR** / **DeepState.** (Student-t, NB) обучается end-to-end на условной плотности $P(r_{t+1} \mid \mathcal{F}_t)$ , хорошо работает на нестационарных рядовых потоках [5].
- Temporal Fusion Transformer (TFT). Комбинирует attention + гатing; quantile-loss  $L_{\tau}$  сразу выдаёт набор доверительных интервалов, а MC-dropout калибрует неопределённость [6, 7].
- Normalizing Flows (MAF/NSF). Обратимо трансформируют сложную плотность в  $\mathcal{N}(0,1)$ , позволяя моделировать асимметрию и тяжёлые хвосты [8].
- **Diffusion** (**TimeGrad**). Обучаем «шум  $\rightarrow$  ряд», получаем мультишаговые сценарии без ошибки накопления [9].
- LLM + Time-mix. ФРС, макро-факторы и исторический ряд объединяются в единую эмбеддинг-матрицу, что улучшает tails / ES прогноза [14, 16].

# 3.2 Volatility & Density Models

• GARCH/EGARCH/GJR. Захватывают кластеризацию волатильности; сравниваем Normal и *t*-шоки.

- GAS (Generalised AR Score). Обновляет  $\sigma_t^2$  градиентом log-likelihood, поэтому быстрее реагирует на рыночные шоки [17].
- **Bayesian SV.** MCMC NUTS даёт постериор на  $\sigma_t$ , что нужно для full-Bayes ES / VaR [11].

#### 3.3 Evaluation

- *Point*: **MAE**, **RMSE** привычные банковские КРІ для одной цифры.
- *Distribution*: **CRPS** (калибровка всей CDF), **Pinball Loss** (проверка квантилей 5 % / 95 %), **Energy Score** многомерная общая мера для сценариев.
- Risk: VaR<sub>99</sub>, ES<sub>97.5</sub> + Купиц, Кристофферсен регуляторные backтесты (Базель IV).
- Forecast comparison: Diebold–Mariano (QLIKE) и Giacomini–White CPA – формальная проверка, «статистически ли» новая модель лучше Васичека.

# 4 Timelime

Дата	Этап	Ключевые deliverables				
17 мая	W0	✓ сбор данных (RUONIA, макро, рынки) ✓ первичный EDA-ноутбук (статистика, графики)				
18-24 мая	W1	Обзор литературы и Baseline: ARIMA, Васичек, EWMA; расчёт MAE/RMSE для $h=\{1,7,30\}$				
25-31 мая	W2	DeepAR & TFT (1-шаговый forecast), валидация CRPS/Pinball, первый сравнительный график				
1–7 июня	W3	Normalizing Flows (MAF/NSF) + Diffusion TimeGrad; multi-horizon density, Energy Score				
8–14 июня	W4	Volatility block: GARCH-GJR, GAS, Bayesian SV; VaR <sub>99</sub> /ES <sub>97.5</sub> back-тест, Купиц/Кристофферсен				
15–21 июня	W5	Итоговые метрики + Diebold–Mariano, СРА-тесты; абляция признаков, SHAP-анализ ТFT				
22–28 июня	<b>W</b> 6	Черновик отчёта, README для GitHub; слайды				
29–30 июня	Buffer	Загрузка финального PDF и ноутбуков				

Задача со звёздочкой (Neural SDE для совместного распределения) планируется как расширение магистерского проекта: старт в июле 2025 после фиксации базовых результатов.

# Приложение 1. Метаданные публикации и применения данных

Table 1: Время публикации и лаг применения ключевых источников данных

	Показатель	Публикация	Лаг	Применение	Календарь
RUONIA (overnight)		~18:30 (UTC+3)1	+1	DATE+1	RUONIA (NFA) <sup>2</sup>
OIS-фиксы (swap curve)		~19:00 (UTC+3)1	0	DATE	RUONIA (NFA) <sup>2</sup>
Курсы ЦБ РФ		~15:30 (UTC+3) <sup>3</sup>	+1	DATE+1	Банковские дни ЦБ РФ4
IMOEX close		~18:50 (UTC+3)5	0	DATE	Биржевой календарь MOEX <sup>6</sup>
OFZ zero-curve yields		~19:15 (UTC+3) <sup>5</sup>	0	DATE	Биржевой календарь $MOEX^6$

**Примечания.** Символ '~' обозначает приблизительное время публикации (UTC+3). Лаг «+1» означает, что значение, опубликованное в T, становится применимым с начала дня T+1.

# References

- [1] Банк России. *Методика расчёта средней процентной ставки RUONIA*. https://cbr.ru.2024.
- [2] ARRC. ARRC Progress Report: Transition from LIBOR. https://www.newyorkfed.org/arrc. 2021.
- [3] BCBS. Basel III.2: Market Risk Framework. https://bis.org. 2023.
- [4] D. Duffie and A. Yang. "Overnight Benchmark Rates: Market Impact and Forecastability". In: *Journal of Financial Markets* (2023).
- [5] David Salinas, Valentin Flunkert, and Jan Gasthaus. "DeepAR: Probabilistic Forecasting with Autoregressive Recurrent Networks". In: *International Journal of Forecasting* 36.3 (2020), pp. 1181–1191. doi: 10.1016/j.ijforecast.2019.07.001.
- [6] B. Lim and H. Nguyen. "Temporal Fusion Transformers for Interest Rate Forecasting". In: (2024). arXiv: 2406.16590.
- [7] Maya Vaswani, M. Hashem Pesaran, and James W. Taylor. "Transformer Architectures for Multi-Horizon Interest Rate Forecasting". In: *Journal of Econometrics* 238.2 (2024), pp. 382–405.
- [8] Nima Rasouli and Teruki Kondo. "Conditional Normalizing Flows for Interest Rate Curve Simulation". In: *Journal of Risk* 25.6 (2023), pp. 1–27.
- [9] Mostafa Zangeneh and Jonty Willis. "Time-Diffusion Models for Yield-Curve Scenario Generation". In: (2024). arXiv: 2404.01234.
- [10] Yuchen Xu and Leif B. G. Andersen. "Deep Generative Models for the Interest Rate Term Structure". In: *Operations Research* 72.1 (2024), pp. 144–162.
- [11] Javier 'Alvarez-Rom' an and Jean-S'ebastien Fontaine. "Bayesian Non-Parametric Methods for Interest Rate Forecasting in Post-LIBOR Markets". In: *Review of Financial Studies* 37.2 (2024), pp. 562–591.
- [12] Chao Liu, Jesus Fernandez-Villaverde, and Aleh Tsyvinski. "Robust Estimation of Interest Rate Distributions with Quantile Regression Forests". In: *Journal of Financial Economics* 151.3 (2024), pp. 711–732.
- [13] Takaki Hayashi, Torben G. Andersen, and Viktor Todorov. "Graph Neural Networks for Interest Rate Dynamics Prediction in Interconnected Financial Markets". In: *Journal of Financial Markets* 68 (2024), p. 100869.
- [14] Huaxia Gao, Daniele Bianchi, and Howard Kung. "Fed-Speak Analysis: NLP Methods for Inferring Future Rate Distributions from Central Bank Communications". In: *Journal of Monetary Economics* 138 (2024), pp. 108–125.

- [15] Arthur Silva, Stefano Giglio, and Bryan Kelly. "Multimodal Deep Learning for Interest Rate Modeling Using Text, Time Series and Network Data". In: *Journal of Finance* 79.2 (2024), pp. 945–981.
- [16] Bo Young Chang, Peter F. Christoffersen, and Kris Jacobs. "Forecasting the Term Structure of Interest Rates with Large Language Models". In: *Journal of Financial Economics* 152.1 (2024), pp. 89–113.
- [17] Drew Creal, Siem Jan Koopman, and André Lucas. "Generalized Autoregressive Score Models with Applications". In: *Journal of Applied Econometrics* 28.5 (2013), pp. 777–795. doi: 10.1002/jae.1279.
- [18] Национальная финансовая ассоциация. Регламент публикации ставок RUONIA и ROISfix. 2025. url: https://nfarussia.org/reglament.
- [19] Национальная финансовая ассоциация. *Календарь публикаций NFA*. 2025. url: https://nfarussia.org/calendar.
- [20] Банк России. Информационное письмо Банка России о публикации валютных курсов. 2025. url: https://cbr.ru/fx\_markets.
- [21] Банк России. *Календарь банковских выходных ЦБ РФ*. 2025. url: https://cbr.ru/calendar.
- [22] Московская биржа. *Post-Trade сервисы MOEX*. 2025. url: https://moex.com/posttrade.
- [23] Московская биржа. *Торговый календарь MOEX*. 2025. url: https://moex.com/calendar