

8)

$$S \rightarrow abA \mid B \mid baB \mid \epsilon$$

$$A \rightarrow bS \mid b$$

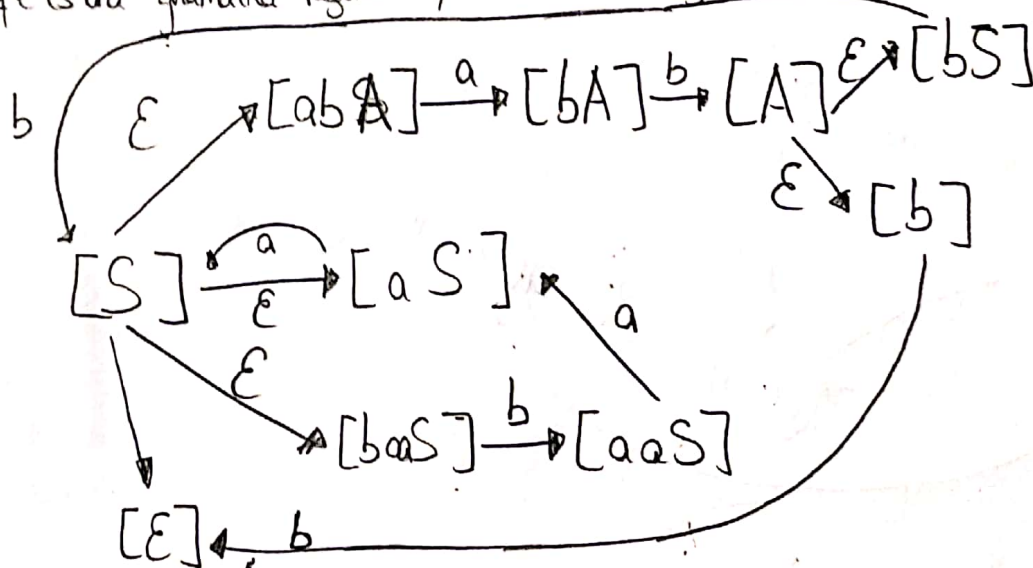
$$B \rightarrow aS$$

Esta gramática es equivalente a

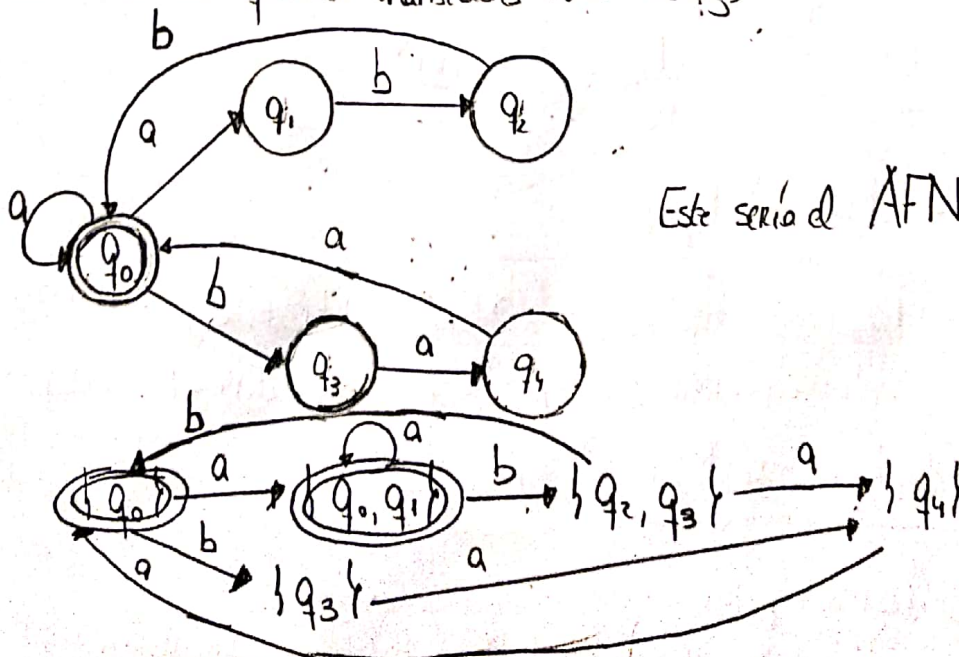
$$S \rightarrow abA \mid aS \mid baS \mid \epsilon$$

$$A \rightarrow bS \mid b$$

que es una gramática regular y utilizamos el algoritmo de paso a automata

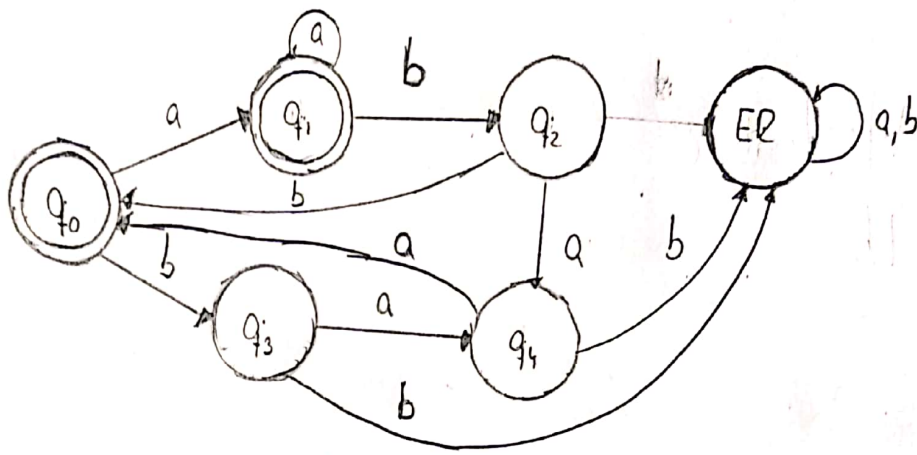


Si lo reescribo quitando transiciones nulas obtengo

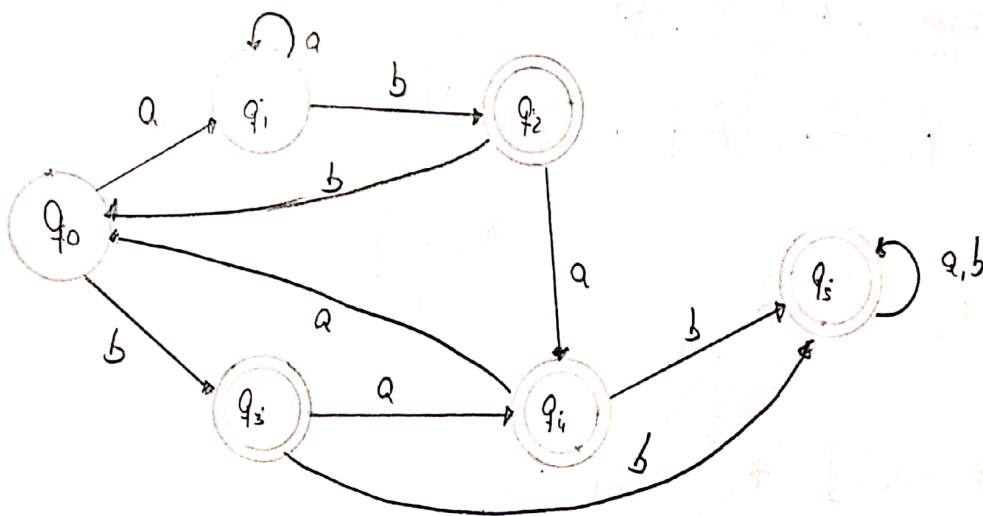


Este sería el AFND sin transiciones nulas

Ahora escribo el AFD obtenido



Ahora lo único sería convertir los estados finales en estados no finales y viceversa y el estado de error en un estado final válido



Ahora ~~B~~ escribo ecuaciones ~~regulares~~ de expresiones regulares

$$q_5 = \epsilon + a q_5 + b q_5 = \epsilon + (a+b) q_5 \stackrel{\text{Arden}}{=} (a+b)^* \epsilon = (a+b)^*$$

$$q_4 = \epsilon + b q_5 + a q_0 = \epsilon + b(a+b)^* + a q_0$$

$$q_3 = a q_4 + \epsilon + b q_5 = a + a a q_0 + a b(a+b)^* + \epsilon + b(a+b)^* = a + \epsilon + a a q_0 + (a b + b)(a+b)^*$$

$$q_2 = b q_0 + a q_4 + \epsilon = \epsilon + b q_0 + a + a b(a+b)^* + a a q_0 = \epsilon + a + a b(a+b)^* + (b + a a) q_0$$

$$q_1 = a q_1 + b q_2 = \underbrace{a q_1}_{\alpha} + \underbrace{b + b a + b a b(a+b)^* + b(b + a a) q_0}_{\beta} \stackrel{\text{Arden}}{=} \\ = a^* (b(\epsilon + a + a b(a+b)^* + (b + a a) q_0))$$

$$q_0 = a q_1 + b q_3 = a a^* (b(\epsilon + a + a b(a+b)^* + (b + a a) q_0)) + b a + b + b a a q_0 + b(a b + b)(a+b)^* \\ = \underbrace{a a^* (b(\epsilon + a + a b(a+b)^*))}_{\alpha} + \underbrace{b(a + \epsilon + (a b + b)(a+b)^*) + (b a a + a a^* b(b + a a)) q_0}_{\beta} \stackrel{\text{Arden}}{=}$$

$$= (baa + aa^*b(b+aa)^*)^* (aa^*(b(\epsilon + a + ab(a+b)^*)) + b(\epsilon + a + (ab+b)(a+b)^*))^*$$

Que sería la expresión regular del ~~auto~~ lenguaje complementario