计算物理 作业报告3

PB16000647 羊达明

题目:

进行单中心**扩散限制凝聚** (Diffusion-limited Aggregation,DLA)模型的模拟,并用两种方法计算模拟得到的DLA图形的分形维数,求分形维数时需要作出双对数图。

算法思路:

DLA模拟

模拟DLA的过程分以下几个步骤

- 初始化边界, 网格, 凝聚中心
- 在一定范围内随机产生粒子,并进行随机行走
- 当粒子与团簇相遇时停止运动,成为团簇的一部分
- 重复前两步

其中需要注意的几点是:

- 1. 所谓网格用大数组实现, 团簇占有部分取值为1, 不然为0
- 2. 产生随机粒子的范围并非是整个初始化时的边界内,而是随着团簇动态变化的一个区域,称为动态边界
- 3. 粒子随机行走方向有八个,即上、下、左、右、左上、左下、右上、右下
- 4. 当粒子超出动态边界时,处理方法是移动到相对的一侧动态边界(直接产生下一个随机粒子也可)
- 5. 粒子与团簇相遇即相邻

分形维数

采用Sandbox法和盒计数法计算分形维数

• Sandbox法

Sandbox方法简单来说是在越来越大的"盒子"中统计其中的粒子数,以此来计算分形维数。具体公式如下: $N=r^D$ (1) 由此可以得到简单的代码实现:只要将原点放在凝聚中心,然后选取一系列"盒子",统计每个大小盒子中点数目,时间复杂度为 $O(num_{particle} \times num_{box})$ 。

• 盒计数法

盒计数法与Sandbox法相反,是取越来越小的盒子,其公式如下: $N(\epsilon)=(1/\epsilon)^D$ (2) 实际在代码中利用模块numpy的内置矩阵可以比较简易地选取子块,可以实现盒计数法。

程序使用说明:

编程环境: Ubuntu(zsh) / gcc / Python

- dla.c 输出DLA模拟的结果,为指定长度的点集
- dla gcc 编译结果(Linux下可执行文件)
- plot.py DLA模拟的绘图程序
- plot_sandbox.py 用sandbox方法计算分形维数,并绘制双对数图

- plot_boxcounting.py 用boxcounting方法计算分形维数,并绘制双对数图
- dla.sh 整合了上述文件的shell脚本,可以比较方便批量计算

在终端中执行以下命令执行julia:

```
$ ./dla.sh 100000
```

参数为粒子总数

此时实际在执行以下指令:

```
gcc dla.c -o dla
./dla 100000 > test_100000
python plot.py 100000
python plot_sandbox.py 100000
python plot_boxcounting.py 100000
mkdir result_100000 && mv *_100000* ./result_100000
```

在终端中会有以下输出:

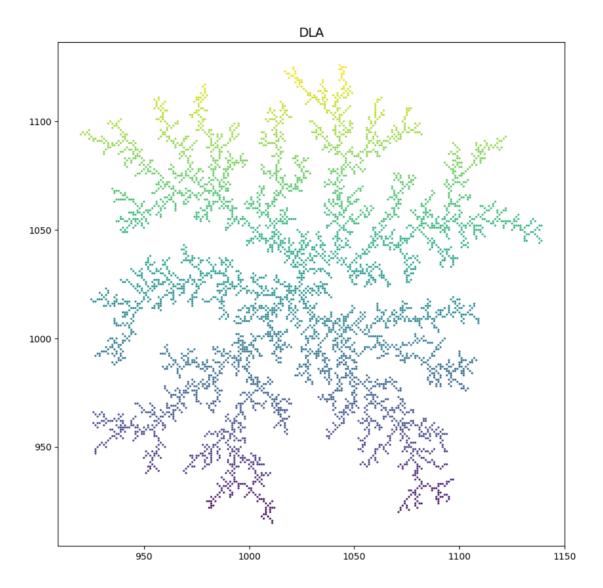
```
final dynamic border: 182
total particles: 10000328
```

得到文件夹 result_100000 , 包含以下文件:

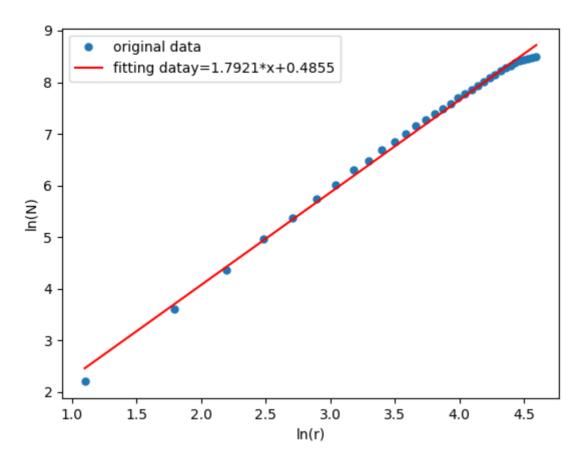
- test_100000
- dla_100000.png
- sandbox_100000.png
- boxcounting_100000.png

结果:

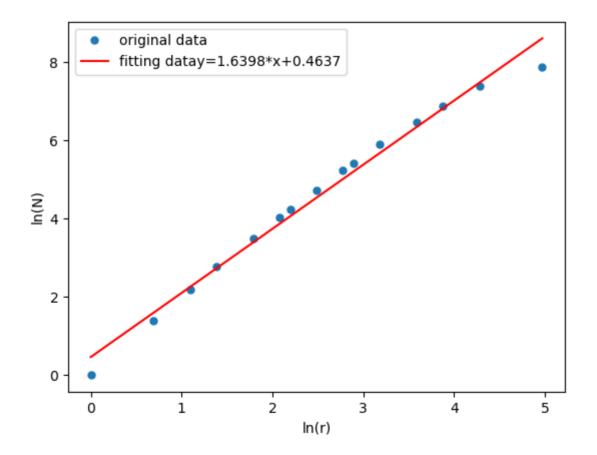
• 5000个粒子

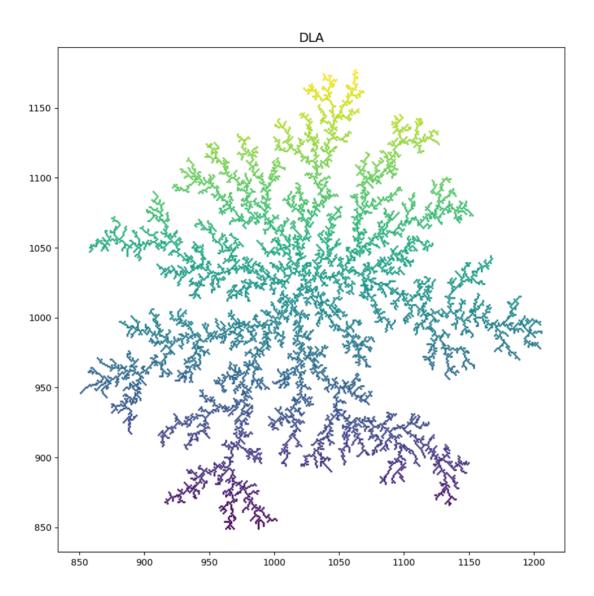


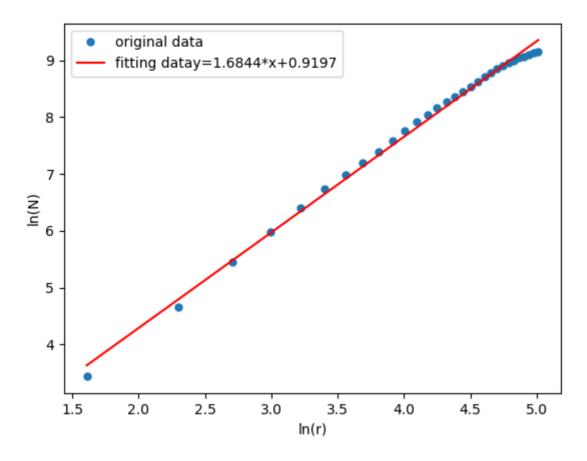
用 sandbox 和 boxcounting 得到的分形维数分别如下:



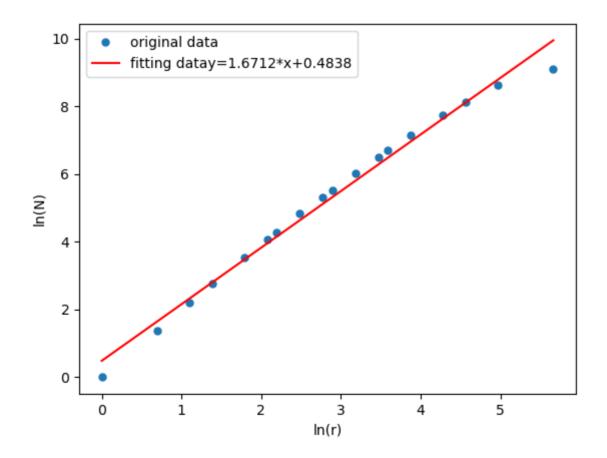
the fractal dimension is 1.6398

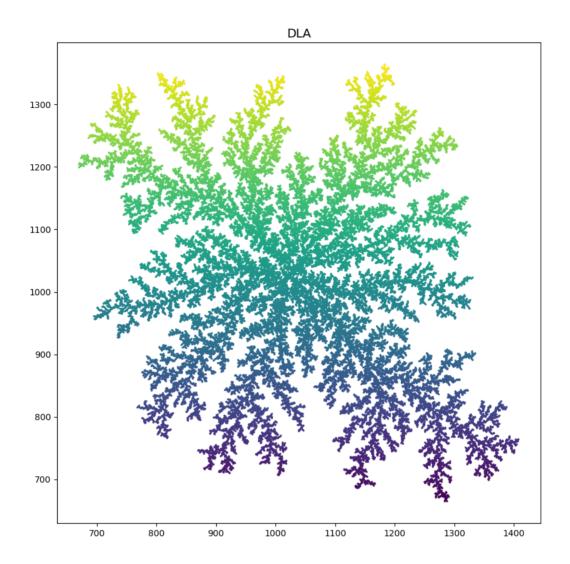


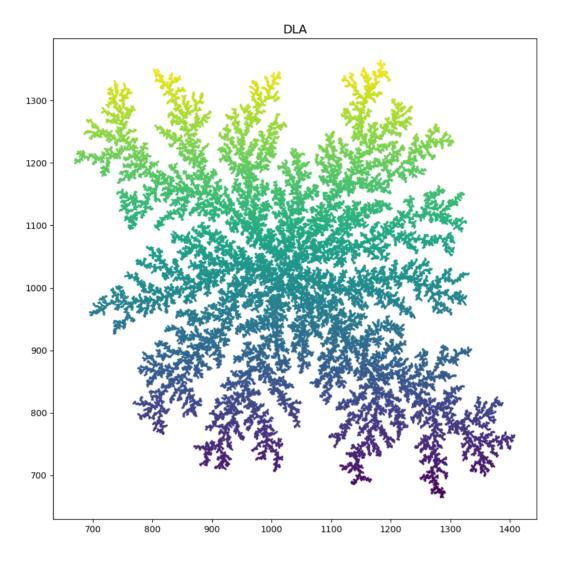


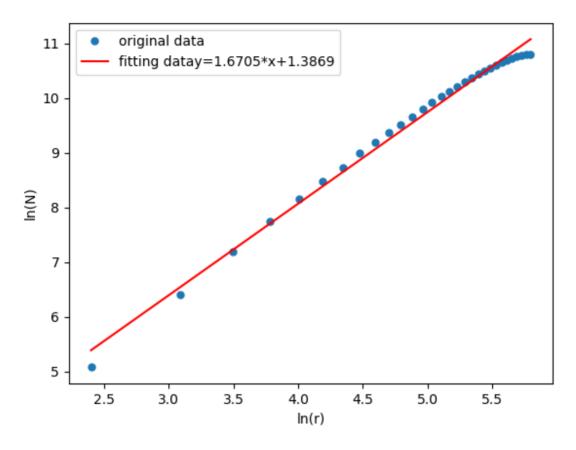


the fractal dimension is 1.6712

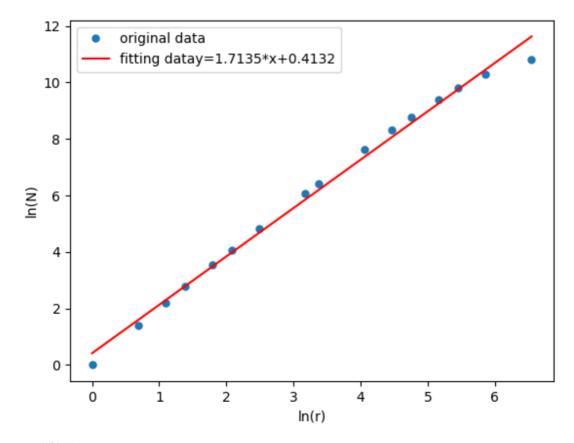


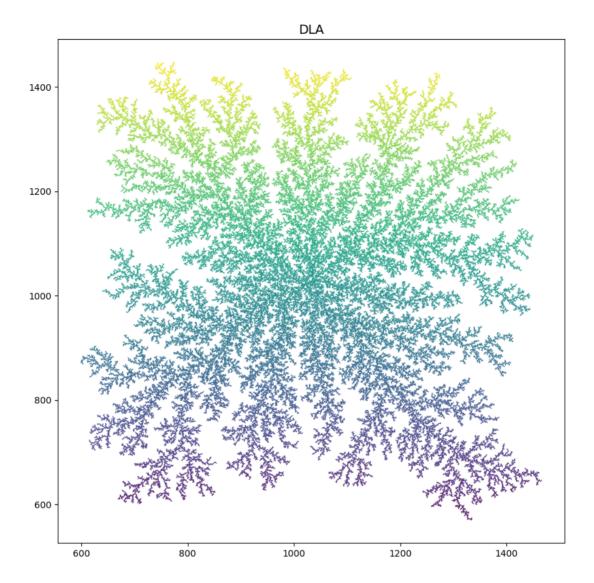


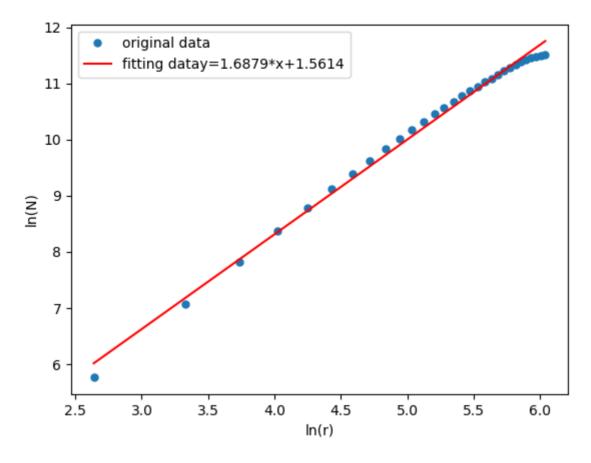




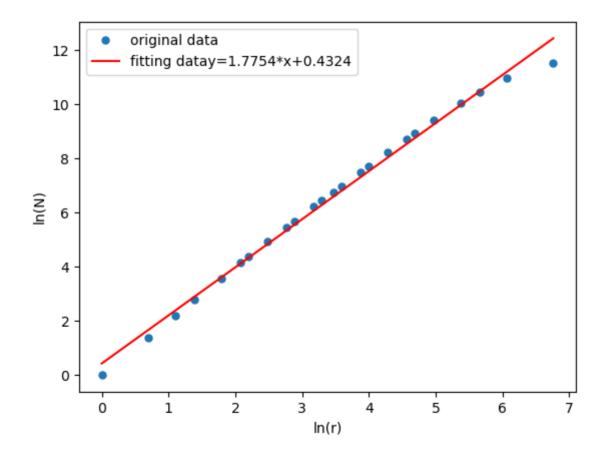
the fractal dimension is 1.7135

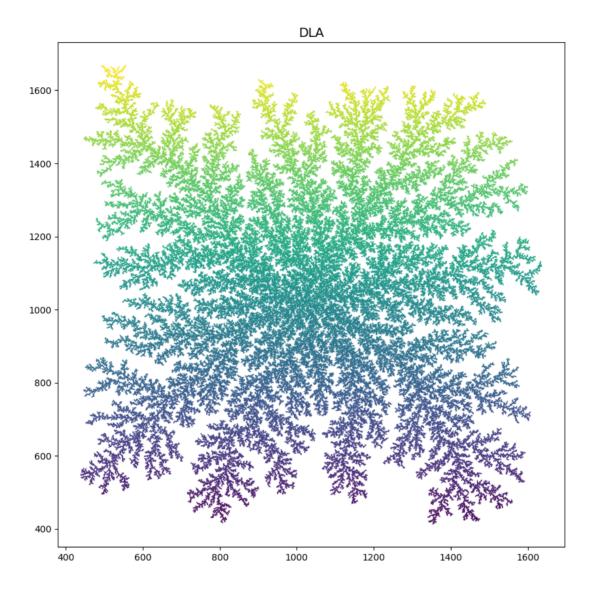


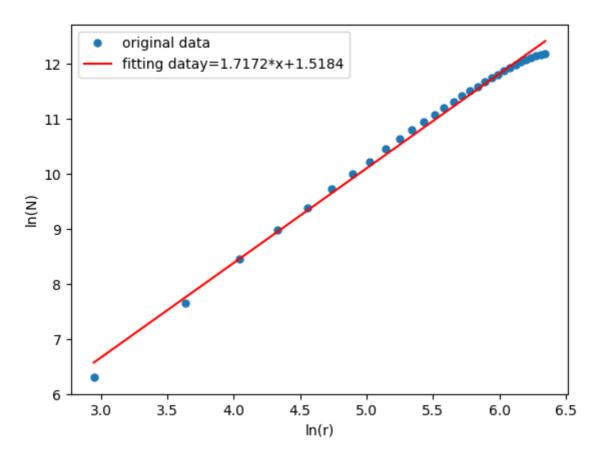




the fractal dimension is 1.7754







the fractal dimension is 1.7797

