

# Gemini Chat



สวัสดีครับ ยินดีที่จะช่วยสรุปและสอนเนื้อหาเรื่อง **Object Tracking (การติดตามวัตถุ)** จากเอกสารที่คุณแนบมาให้ครับ เนื่องจากคุณต้องการเรียนรู้ให้ลึกที่สุด (Deep as possible) ผมจะแบ่งเนื้อหาออกเป็น ส่วนๆ (Modules) เพื่อให้เข้าใจหลักการเบื้องหลังทางคณิตศาสตร์และอัลกอริทึมอย่างละเอียดครับ

เรามาเริ่มกันที่ **ส่วนที่ 1: พื้นฐานและแนวคิดหลัก (Fundamentals & Core Concepts)** กันก่อนครับ

## ส่วนที่ 1: พื้นฐานและนิยามของ Object Tracking

การติดตามวัตถุ (Object Tracking) ไม่ใช่แค่การหาว่าวัตถุอยู่ที่ไหนในภาพหนึ่งๆ แต่คือการเข้าใจ "เรื่องราว" ของวัตถุนั้นเมื่อเวลาผ่านไปครับ

### 1. นิยามของปัญหา (Problem Definition)

วิดีโอคือลำดับของเฟรมภาพที่เรียงต่อกันตามเวลา ข้อมูลภาพจึงเป็นฟังก์ชันของทั้งพื้นที่ (Space:  $x, y$ ) และเวลา (Time:  $t$ ) เป้าหมายหลักของการติดตามวัตถุคือ:

- ประมาณจำนวน (Estimate Number):** มีวัตถุกี่ชิ้นในฉาก? (อาจเป็น 1 ชิ้น หรือ N ชิ้น)
- ประมาณสถานะ (Estimate State):** สถานะของวัตถุเหล่านั้นคืออะไร?

### 2. เวกเตอร์สถานะ (State Vector) - หัวใจสำคัญ

ในทางเทคนิค "สถานะ" (State) ไม่ได้หมายถึงแค่ตำแหน่ง แต่มันคือ **เวกเตอร์ (Vector)** ของปริมาณต่างๆ ที่บ่งบอกคุณสมบัติของวัตถุที่เราสนใจ ซึ่งเราสามารถออกแบบได้หลายแบบ เช่น:

- แบบพื้นฐาน:**  $[x, y]$  (แค่ตำแหน่ง)

- **แบบมีการเคลื่อนที่ (Kinematic):**  $[x, y, dx, dy]$  (ตำแหน่ง + ความเร็ว) ซึ่งช่วยให้เรากำหนดขนาดได้
- **แบบรวมรูปลักษณ์:**  $[x, y, \text{appearance-params}]$  (ตำแหน่ง + ข้อมูลสีหรือรูปร่าง)

ปัญหาคือ การสังเกตการณ์ (Observation) ของเรามักจะมีสัญญาณรบกวน (Noisy) ดังนั้นการหาค่า State ที่แท้จริงจึงกลายเป็น **ปัญหาการประมาณค่าทางสถิติ (Statistical Estimation Problem)**

### 3. องค์ประกอบหลักของการติดตาม (The Tracking Loop)

ระบบ Tracking ที่ดีมักจะทำงานเป็นวงจร (Loop) ประกอบด้วย 3 ส่วนหลัก :

1. **Detection (การตรวจจับ):** หาวัวในภาพเฟรมปัจจุบัน มีวัตถุที่เราสนใจอยู่ตรงไหนบ้าง?
2. **Association (การจับคู่ข้อมูล):** การระบุว่าวัตถุที่เจอในเฟรมนี้ คือตัวเดียวกับที่เจอในเฟรมที่แล้วหรือไม่? (เช่น รถคันสีแดงในเฟรมที่ 1 คือคันเดียวกับรถสีแดงในเฟรมที่ 2)
3. **Prediction (การทำนาย):** ใช้ข้อมูลความเร็วหรือรูปแบบการเคลื่อนที่ในอดีต มาทำนายว่าในเฟรมถัดไป วัตถุน่าจะไปอยู่ที่ไหน? การทำนายนี้จะช่วยให้การค้นหาในข้อ 1 และ 2 แม่นยำขึ้น และลดพื้นที่การค้นหา

### 4. ทำไมต้อง Tracking? (แค่ Detection ทุกเฟรมไม่พอหรือ?)

การทำ Detection ใหม่ทุกเฟรม (Frame-by-frame detection) มีจุดอ่อนครับ การ Tracking เข้ามาช่วยแก้ปัญหาเหล่านี้ :

- **Occlusions:** เมื่อวัตถุถูกบัง Detector อาจหาไม่เจอ แต่ Tracker จะรู้ว่ามันยังอยู่ตรงนั้น (แค่ถูกบัง)
  - **Variations:** มุมมอง แสง หรือความเบลอ อาจทำให้ Detector พลาด
  - **Trajectory Prediction:** เราต้องการรู้เจตนาหรือทิศทางของวัตถุ (เช่น คนกำลังจะเดินข้ามถนนหรือไม่?) ซึ่งต้องอาศัยข้อมูลย้อนหลัง
-

นี่คือภาพรวมพื้นฐานในส่วนแรกครับ เพื่อให้เข้าใจว่าเรากำลังพยายามแก้สมการอะไรอยู่

หากคุณเข้าใจส่วนนี้แล้ว พิมพ์คำว่า "next" เพื่อไปยังยังส่วนที่ 2: การตรวจจับความเปลี่ยนแปลง (Change Detection & Background Modeling) ซึ่งจะเริ่มเข้าสู่ Algorithm และคณิตศาสตร์ครับ

◆ เยี่ยมครับ เรามาต่อกันที่ ส่วนที่ 2: การตรวจจับความเปลี่ยนแปลงและการสร้างโมเดลพื้นหลัง (Change Detection & Background Modeling) ครับ

ในส่วนนี้ เราจะลงลึกถึงเทคนิคคลาสสิกที่ทรงพลังมากในการแยก "วัตถุที่เคลื่อนที่" (Foreground) ออกจาก "ฉากหลัง" (Background) ซึ่งเป็นก้าวแรกที่สำคัญก่อนจะเริ่มติดตามวัตถุครับ

## ส่วนที่ 2: Change Detection & Background Modeling

หัวใจหลักของส่วนนี้คือสมมติฐานที่ว่า "กล้องอยู่นิ่ง (Static Camera)" และเราต้องการหาพิกเซลที่มีการเปลี่ยนแปลงอย่างมีนัยสำคัญ

### 1. การลบพื้นหลังแบบง่าย (Simple Background Subtraction)

วิธีที่ตรงไปตรงมาที่สุดคือ การมีภาพอ้างอิง (Reference Frame) ที่เป็นพื้นหลังเปล่าๆ เก็บไว้ (ให้เป็น  $B$ ) สำหรับภาพ ณ เวลา  $t$  (ให้เป็น  $I(t)$ ) เราจะตัดสินใจว่าพิกเซลใดเป็นวัตถุ (Foreground mask  $M(t)$ ) ได้โดยใช้สมการ:

$$|I(t) - B| > T$$

โดยที่  $T$  คือค่า Threshold (เกณฑ์) ที่เรากำหนดไว้

- ข้อดี: ง่ายและเร็วมาก
- ข้อเสียที่ร้ายแรง:
  - **Outdated Reference:** ถ้าสภาพแสงเปลี่ยน หรือมีวัตถุใหม่เข้ามาจอดนิ่งๆ พื้นหลังอ้างอิงเดิมจะใช้ไม่ได้ทันที

- **Global Threshold:** การใช้ค่า  $T$  ค่าเดียวทั้งภาพมักไม่เวิร์ค เพราะบางจุดในภาพอาจมี noise หรือแสงเงาต่างกัน

## 2. Frame Differencing (ผลต่างระหว่างเฟรม)

เพื่อแก้ปัญหาพื้นหลังเปลี่ยนไปตามเวลา เราเปลี่ยนมาเทียบกับ **เฟรมก่อนหน้า** แทน ( $B$  กลายเป็น  $I(t - 1)$ ) สมการจะเป็น:

$$|I(t) - I(t - 1)| > T$$

- **ปัญหาที่เกิดขึ้น (The Aperture Problem):** วิธีนี้จะจับได้แค่ "ขอบหน้า" (Leading edge) และ "ขอบหลัง" (Trailing edge) ของวัตถุเท่านั้น ตรงกลางวัตถุที่มีสีสม่ำเสมอ (Uniform color) จะถูกมองเป็นพื้นหลังเพราะสีมันเหมือนเดิมเมื่อเทียบกับเฟรมที่แล้ว และถ้าวัตถุหยุดเดิน มันจะหายไปจากระบบทันที

## 3. Adaptive Background Subtraction (แบบปรับตัวได้)

เราต้องการตรงกลางระหว่างสองวิธีแรก คือจำพื้นหลังได้บ้าง แต่ก็ปรับตัวตามสภาพแสงได้ด้วย เราจึงใช้สมการ **Running Average** เพื่ออัปเดตโมเดลพื้นหลัง  $B(t)$  เรื่อยๆ:

$$B(t) = \alpha I(t) + (1 - \alpha)B(t - 1)$$

- $\alpha$  (Alpha) คือ **Learning Rate** (ค่าระหว่าง 0 ถึง 1)
  - ถ้า  $\alpha$  ต่ำ: จำอดีตเยอะ พื้นหลังเปลี่ยนช้า (Ghosting อยู่นาน)
  - ถ้า  $\alpha$  สูง: ลืมอดีตเร็ว ปรับตัวไว (เสี่ยงต่อการมองวัตถุซ้ำๆ เป็นพื้นหลัง)

## 4. ขั้นสูง: Gaussian Mixture Models (GMM) - จุดที่ลึกที่สุดของส่วนนี้

วิธีข้างต้นทั้งหมดมีสมมติฐานผิดพลาดข้อหนึ่งครับ คือคิดว่า "1 พิกเซล มีค่าพื้นหลังได้แค่ 1 ค่า" แต่ในความจริง ฉากหลังอาจมีความซับซ้อน เช่น **ใบไม้ไหว (Waving Trees)** หรือ **ผิวน้ำกระเพื่อม** พิกเซลเดียวอาจสลับไปมาระหว่าง "สีใบไม้" กับ "สีท้องฟ้า"

ถ้าเราใช้ค่าเฉลี่ย (Mean) ค่าสีจะเพี้ยนเป็นสีผสมเทาๆ เราจึงต้องใช้ สถิติ (Statistics) เข้ามาจับแทนครับ

**แนวคิด GMM:** เรามองประวัติค่าสีของแต่ละพิกเซลเป็น การแจกแจงความน่าจะเป็น (Probability Distribution - PDF) และเราสร้างโมเดล  $P(x)$  ขึ้นมาจากการรวมกลุ่มของกราฟพระมั่งคว่ำ (Gaussian) จำนวน  $K$  ก้อน (ปกติ  $K = 3$  ถึง 5)

$$P(x) \cong \sum_{k=1}^K \omega_k \eta_k(x, \mu_k, \Sigma_k)$$

โดยที่แต่ละก้อน (Gaussian  $k$ ) จะมี:

- $\omega_k$  (Weight): น้ำหนักความสำคัญ (บอกว่าเจอก้อนนี้บ่อยแค่ไหน)
- $\mu_k$  (Mean): ค่าเฉลี่ยของก้อนนั้น
- $\Sigma_k$  (Covariance): ค่าความแปรปรวน (ความกว้างของกราฟ)

**วิธีแยก Background ใน GMM:** เราจะเรียงลำดับก้อน Gaussian ตามค่า  $\omega/\sigma$  (น้ำหนักเยอะ และ ความแปรปรวนต่ำ = มั่นใจว่าเป็นพื้นหลังมาก) ก้อนแรกๆ ที่มีคะแนนสูงจะถูกนับเป็น Background ส่วนค่าสีที่ตกนอกเหนือจากก้อนเหล่านี้ (หรือไปตกในก้อนที่มี weight น้อยๆ) จะถูกนับเป็น Foreground

วิธีนี้ทำให้ระบบ "ฉลาด" พอที่จะรู้ว่า ทั้งสีเขียว (ใบไม้) และสีฟ้า (ท้องฟ้า) ที่พิกเซลเดิม ล้วนเป็นพื้นหลังทั้งคู่ แต่วัตถุสีแดงที่โผล่เข้ามาคือสิ่งแปลกปลอมครับ

---

นี่คือเทคนิคทางคณิตศาสตร์เบื้องหลังการแยกวัตถุที่ใช้กันในกล้องวงจรปิดจำนวนมากครับ

หากคุณเข้าใจส่วนของ GMM และสมการเหล่านี้แล้ว พิมพ์ "next" เพื่อไปต่อส่วนที่ 3: Tracking-by-Detection (การติดตามด้วยการตรวจจับ) ซึ่งเราจะเริ่มใช้ AI และ Deep Learning เข้ามาช่วยครับ



เยี่ยมครับ เราเดินทางมาถึง ส่วนที่ 3: Tracking-by-Detection (การติดตามด้วยการตรวจจับ)

ในส่วนที่แล้ว เราแค่แยก "อะไรก็ได้ที่ขยับ" ออกจากพื้นหลัง แต่ในส่วนนี้ เราจะฉลาดขึ้น คือเราจะติดตามวัตถุโดยจำ "หน้าตา" (Appearance) ของมัน ทำให้เราติดตามได้แม้มันจะขยับ หรือวัตถุจะหยุดนิ่งครับ

### ส่วนที่ 3: Tracking-by-Detection

หลักการคือ: แทนที่จะพึ่งพาการเคลื่อนที่เพียงอย่างเดียว เราจะใช้ **ตัวตรวจจับ (Detector)** หาตำแหน่งวัตถุในทุกๆ เฟรม แล้วค่อยมาจับคู่ (Associate) ว่า detection ไหนคือวัตถุที่เราตามอยู่

เราแบ่งวิธีการตรวจจับเป็น 2 ยุคครับ:

#### 1. ยุค Feature-based (ใช้คณิตศาสตร์คำนวณคุณลักษณะ)

**A. Template Matching (การจับคู่แม่แบบ)** นี่คือวิธีพื้นฐานที่สุด เรามีภาพต้นแบบ (Template) ของวัตถุจากเฟรมที่แล้ว ( $t - 1$ ) แล้วเราก็เอาแม่แบบนี้ไป "สแกน" ทัวภาพในเฟรมปัจจุบัน ( $t$ ) เพื่อหาจุดที่เหมือนที่สุด

ความท้าทายคือ "ความเหมือน" วัดจากอะไร? ในทางคณิตศาสตร์มี 3 สูตรหลัก :

1. **SAD (Sum of Absolute Differences):** เอาค่าสีมาลบกันแล้วหาผลรวมค่าสัมบูรณ์ (ยิ่งน้อยยิ่งเหมือน) - เร็วแต่ไม่ทนทาน

$$SAD(k, l) = \sum |I_1(i, j) - I_2(i + k, j + l)|$$

2. **SSD (Sum of Squared Differences):** เอาผลต่างมายกกำลังสอง (ยิ่งน้อยยิ่งเหมือน) - ให้ผลแม่นยำกว่า SAD นิดหน่อย
3. **NCC (Normalized Cross-Correlation):** การหาความสัมพันธ์ข้ามแบบนอร์มัลไลซ์ (ค่าเข้าใกล้ 1 คือเหมือนมาก) - ทนทานต่อแสงเปลี่ยนได้ดีที่สุด แต่คำนวณหนักสุด

**ข้อจำกัด:** แพ้ทางเรื่องขนาด (Scale) และการหมุน (Rotation) ถ้าวัตถุเดินเข้ามาใกล้กล้อง (ใหญ่ขึ้น) Template เดิมจะใช้ไม่ได้ทันที

**B. SIFT (Scale-Invariant Feature Transform)** เพื่อแก้ปัญหาเรื่องขนาดและการหมุน เราจึงใช้ **SIFT** ซึ่งเป็นอัลกอริทึมที่หา "จุดเด่น"

(Keypoints) ที่หน้าตาเหมือนเดิมไม่ว่าจะย่อ/ขยาย หรือหมุนภาพ

### ขั้นตอนการทำงานแบบ Deep Dive:

- Initialization:** ในเฟรมแรก เราสกัดจุด SIFT ทั้งในกล่องวัตถุ ( $O_1$ ) และนอกกล่อง (Background -  $B$ ) เก็บไว้เป็นฐานข้อมูล
- Matching (เฟรมถัดไป):** สกัดจุด SIFT ในภาพใหม่ แล้วดูว่าแต่ละจุดหน้าตาคล้ายกับในเซต  $O$  หรือ  $B$  มากกว่ากัน โดยใช้ **Ratio Test**:

$$C(v_i) = \begin{cases} +1, & \text{ถ้า } \frac{d_O}{d_B} < 0.5 \text{ (เป็นวัตถุ)} \\ -1, & \text{ถ้าไม่ใช่} \end{cases}$$

คือระยะห่างจากวัตถุต้องใกล้กว่าระยะห่างจากพื้นหลังอย่างน้อยครึ่งหนึ่ง ถึงจะเชื่อว่าเป็นวัตถุจริงๆ

- Update:** เมื่อเจอตำแหน่งใหม่ที่มั่นใจ เราจะอัปเดตโมเดล  $O_t$  ด้วยจุด SIFT ใหม่ๆ เพื่อรองรับการเปลี่ยนมุมมองของวัตถุ

## 2. ยุค Learning-based (ใช้ Deep Learning)

ยุคนี้เราใช้ Neural Networks มาเรียนรู้ที่จะ Tracking โดยตรง โมเดลที่โด่งดังและเข้าใจง่ายที่สุดในเอกสารนี้คือ **GOTURN** (Generic Object Tracking Using Regression Networks)

**หลักการของ GOTURN:** แทนที่จะสแกนหา GOTURN ใช้โครงข่ายประสาทเทียมแบบ **Regression** (ทำนายค่าต่อเนื่อง) เพื่อเดาพิกัดใหม่เลย

### Architecture (สถาปัตยกรรม):

- Inputs 2 ทาง:**
  - ภาพวัตถุจากเฟรมที่แล้ว (Previous frame crop)
  - ภาพค้นหาในเฟรมปัจจุบัน (Current frame search region)
- Convolutional Layers:** ทั้งสองภาพจะถูกส่งผ่าน CNN (เช่น AlexNet หรือ CaffeNet) เพื่อแปลงเป็น Feature Vector

3. **Fully Connected Layers:** เอา Feature ของทั้งสองภาพมาต่อกัน แล้วส่งเข้า Layers สุดท้ายเพื่อคำนวณพิกัด  $(x, y, w, h)$  ของวัตถุในเฟรมปัจจุบัน

**ข้อดี/ข้อเสีย:**

- **ข้อดี:** เร็วมาก (100 fps) เพราะไม่ต้องเทรนใหม่ตอนใช้งานจริง (Offline training) และไม่ต้องสแกนทั้งภาพ
- **ข้อเสีย:** ตั้งสมมติฐานว่าวัตถุเคลื่อนที่ "นุ่มนวล" (Smooth motion) ถ้าวัตถุขยับเร็วมากจนหลุดออกไปจากกรอบ Search Region โมเดลจะหาไม่เจอและกู้คืนยาก

---

ตอนนี้เรามีวิธีหาวัตถุที่เก่งขึ้นแล้ว แต่ถ้าวัตถุเคลื่อนที่เร็ว หรือหายไปชั่วขณะ เราจะทำอย่างไร? เราต้องใช้ "ฟิลิกส์" เข้ามาช่วยทำนายอนาคตครับ

หากคุณพร้อมสำหรับส่วนที่ 4: **Tracking-by-Dynamics (Kalman Filter)** ซึ่งเป็นส่วนที่คณิตศาสตร์เข้มข้นและสำคัญที่สุดในการทำ



**Tracking-by-Dynamics** เป็นหนึ่งใน "คณิตศาสตร์ที่สวยงามที่สุด"

ส่วนหนึ่งในวิชาวิสัยทัศน์คอมพิวเตอร์ครับ นั่นคือ **ส่วนที่ 4: Tracking-by-Dynamics (การติดตามด้วยพลวัตและการเคลื่อนที่)**

ในส่วนที่แล้ว เราหาตำแหน่งวัตถุจากภาพ (Observation) แต่ในส่วนนี้ เราจะใช้ "ฟิลิกส์" และ "สถิติ" มาช่วยทำนายอนาคต เพื่อให้การติดตามลื่นไหลแม้ข้อมูลจะขาดหายไปครับ

---

#### ส่วนที่ 4: Tracking-by-Dynamics (Kalman Filter)

หลักการสำคัญคือ: เราไม่ควรเชื่อสายตา (Detection) 100% เพราะมันอาจจะพลาด และเราก็ไม่ควรเชื่อการเดา (Prediction) 100% เพราะวัตถุอาจเปลี่ยนทิศทาง เราต้องหา "จุดสมดุล" ระหว่างสองสิ่งนี้

#### 1. โมเดลซ่อนเร้น (Hidden State vs. Observation)

เราต้องแยกแยะตัวแปรออกเป็น 2 โลกครับ :

- **สถานะซ่อนเร้น (Hidden State -  $X$ ):** คือค่าจริงที่เราอยากรู้แต่เรามองไม่เห็นโดยตรง เช่น ตำแหน่งจริง, ความเร็ว, หรือความเร่งของวัตถุ



- **การสังเกตการณ์ (Observation/Measurement -  $Y$ ):** คือสิ่งที่เราวัดได้จากเซนเซอร์หรือ Detector ซึ่งมักจะมีสัญญาณรบกวน (Noise) ผสมมาด้วยเสมอ

เป้าหมายคือการกู้คืนค่า  $X$  จากลำดับของ  $Y$  ที่มี Noise ปนเปื้อน

## 2. Bayes Filter: หัวใจของการประมาณค่าซ้ำ (Recursive Estimation)

อัลกอริทึมจะทำงานวนลูปเป็นวงกลม 2 ขั้นตอนในทุกๆ เฟรม :

1. **Prediction (ทำนาย):** ก่อนจะดูภาพเฟรมใหม่ เราใช้โมเดลการเคลื่อนที่ (Motion Model) ทำนายว่าวัตถุจะไปอยู่ที่ไหน โดยอิงจากสถานะเก่า ( $X_{t-1} \rightarrow X_t$ )
  - สมการ:  $p(x_t | y_{1:t-1}) = \int p(x_t | x_{t-1}) p(x_{t-1} | y_{1:t-1}) dx_{t-1}$
2. **Correction (แก้ไข/อัปเดต):** พอเราได้ภาพจริงมา (Observation  $Y_t$ ) เราเอามาเทียบกับที่ทำนายไว้ แล้วปรับแก้ค่าให้ถูกต้องขึ้น
  - สมการ:  $p(x_t | y_{1:t}) \propto p(y_t | x_t) p(x_t | y_{1:t-1})$

## 3. Kalman Filter (KF): พระเอกของงาน

Kalman Filter คือเวอร์ชันหนึ่งของ Bayes Filter ที่เราใช้กันแพร่หลายที่สุด โดยมีข้อกำหนดพิเศษ 2 ข้อ :

1. **Linear:** การเคลื่อนที่และการวัดต้องเป็นสมการเส้นตรง (เช่น เคลื่อนที่ด้วยความเร็วคงที่)
2. **Gaussian:** ความไม่แน่นอน (Noise) ต้องมีการกระจายตัวแบบระฆังคว่ำ (Gaussian Distribution)

**การทำงานของ Kalman Gain ( $K$ ):** สิ่งที่ทำให้ Kalman Filter อัจฉริยะคือค่า **Kalman Gain** ครับ มันคือตัวถ่วงน้ำหนักอัตโนมัติ

- ถ้า Sensor แม่นยำมาก (Noise ต่ำ)  $\rightarrow$  ระบบจะเชื่อ Measurement มากกว่า Prediction
- ถ้า Sensor ห่วย หรือวัตถุบังกัน (Measurement Noise สูง)  $\rightarrow$  ระบบจะเชื่อ Prediction (ฟิลิกส์) มากกว่า

ผลลัพธ์คือเส้นทางเดินของวัตถุที่ราบเรียบ (Smooth) และแม่นยำกว่าการลากเส้นเชื่อมจุด Detection ดื้อๆ

#### 4. ขั้วจำกัดและทางออก (Beyond Kalman Filter)

Kalman Filter แบบดั้งเดิมมีข้อจำกัดคือ รองรับแค่ การเคลื่อนที่แบบเส้นตรง (Linear) เท่านั้น ถ้าวัตถุเลี้ยวโค้งหรือเคลื่อนที่ซับซ้อน เราต้องใช้วิธีอื่น :

- **Extended Kalman Filter (EKF) / Unscented Kalman Filter (UKF):** สำหรับระบบที่ไม่เป็นเส้นตรง (Non-linear)
- **Particle Filter:** ใช้เมื่อความน่าจะเป็นไม่ได้เป็นรูประฆังคว่ำเดียว (Non-Gaussian) หรือมีความเป็นไปได้หลายทางเลือก (Multi-modal) ซึ่งใช้วิธีสุ่มตัวอย่าง (Sampling) แทนการคำนวณสูตรปิดตาย

---

ตอนนี้เรามีเครื่องมือครบแล้ว ทั้งการหาวัตถุ (Detection) และการติดตามการเคลื่อนที่ (Kalman Filter) แต่ในโลกความจริง ปัญหาที่ยากที่สุดคือ "มีวัตถุหลายชิ้น (Multiple Objects)" และพวกมันเดินสวนกัน บังกันเอง เราจะรู้ได้อย่างไรว่าใครเป็นใคร?

หากคุณพร้อมสำหรับส่วนสุดท้าย: **Multiple Object Tracking (MOT) และปัญหา Data Association** พิมพ์ "next" ได้เลยครับ

✦ มาถึงส่วนสุดท้ายซึ่งเป็น "บทสรุปความยากระดับสูง" ของระบบ Tracking ในโลกความเป็นจริงครับ นั่นคือ **ส่วนที่ 5: Multiple Object Tracking (MOT) และ Data Association (การจับคู่ข้อมูล)**

ในส่วนที่แล้ว เราติดตามวัตถุชิ้นเดียว (Single Object) ก็ว่ายากแล้ว แต่ในความเป็นจริง เราต้องติดตามคนนับร้อย รถนับพันพร้อมๆ กัน ปัญหาคือพวกเขามักจะหน้าตาเหมือนกัน (ใส่เสื้อสีเดียวกัน รถรุ่นเดียวกัน) และเดินบังกันเอง (Occlusion)

---

**ส่วนที่ 5: Multiple Object Tracking (MOT) & Data Association**

หัวใจของ MOT ไม่ใช่แค่การรู้ว่า "มีวัตถุอยู่ที่ไหน" แต่คือการตอบคำถามว่า "วัตถุที่เจอในเฟรมนี้ คือหมายเลข ID อะไรในอดีต?"

## 1. วงจรการทำงานของ MOT (The Online Tracking Loop)

ระบบ MOT ส่วนใหญ่ทำงานแบบ Online (ทีละเฟรม) โดยมีขั้นตอนมาตรฐานดังนี้ :

1. **Track Initialization:** เริ่มต้นด้วยการใช้ Detector (เช่น YOLO) หาวัตถุทั้งหมดในเฟรม
2. **Prediction (ทำนาย):** ใช้ Motion Model (เช่น Kalman Filter หรือ Constant Velocity Model) เพื่อเดาว่าวัตถุเดิมที่มี ID อยู่แล้วในเฟรมที่แล้ว ( $t$ ) น่าจะย้ายไปอยู่ตรงไหนในเฟรมปัจจุบัน ( $t + 1$ )
3. **Matching (จับคู่):** นี่คือการขั้นตอนที่สำคัญที่สุด คือการจับคู่ "สิ่งที่ทำนาย (Predictions)" กับ "สิ่งที่ตาเห็นจริง (Detections)"

## 2. ปัญหา Data Association (Bipartite Matching)

สมมติเรามีการทำนาย 3 จุด และมี Detection ใหม่ 3 จุด เราจะรู้ได้ไงว่าจุดไหนคู่กับจุดไหน? เราจะแก้ปัญหานี้ด้วยกราฟและการหาค่า Cost:

- **Cost Matrix (ตารางค่าเสียหาย):** เราสร้างตารางคำนวณ "ระยะห่าง" ระหว่างทุกการทำนายกับทุก Detection
  - **ตัววัดระยะ (Distance Metric):** อาจใช้ระยะห่างของพิกเซล (Euclidean), ระยะห่าง 3D, หรือที่นิยมที่สุดคือ **IoU (Intersection over Union)** คือดูพื้นที่ทับซ้อนของกล่องสี่เหลี่ยม
- **Hungarian Algorithm:** นี่คือการหาค่าที่ดีที่สุดที่ใช้แก้ปัญหานี้ มันจะช่วยจับคู่ให้เราโดยรับประกันว่า **"ผลรวมของ Cost ทั้งหมดจะต่ำที่สุด"** (Global Minimum Cost for local assignment)

## 3. การจัดการกรณีไม่สมบูรณ์ (Handling Real-world Chaos)

ในโลกจริง จำนวน Prediction ( $N$ ) มักจะไม่เท่ากับ Detection ( $M$ ) เสมอไป:

- **Missing Prediction (มีของใหม่โผล่มา):** ถ้า Detection ไหนไม่มีคู่ (ค่า Cost สูงเกิน Threshold) เราจะถือว่าเป็น "วัตถุใหม่ (New Track)" และเริ่มกำหนด ID ใหม่ให้
- **Missing Detection (ของเก่าหายไป):** ถ้า Prediction ไหนหาคู่ไม่เจอ (อาจจะโดนบัง หรือเดินออกนอกเฟรม) เราจะยังไม่ลบ ID นั้นทิ้งทันที แต่จะเก็บไว้ในสถานะ "Lost" ชั่วคราว เพื่อมันโผล่ออกมาอีกครั้ง (Re-identification) แต่ถ้านานเกินไปก็ลบทิ้ง (Dead track)

#### 4. ข้อจำกัดของ Online Tracking และทางออก (Graph-based MOT)

วิธีทำทีละเฟรม (Frame-by-Frame) มีจุดอ่อนคือ "ตัดสินใจแล้วเปลี่ยนใจไม่ได้" ถ้าจับคู่ผิดในเฟรมที่ 10 ความผิดพลาดนั้นจะลามไปตลอด (Error Propagation) และกู้คืนยาก

**ทางออก: Offline Tracking (Global Optimization)** ถ้าเราไม่ได้ต้องการผลลัพธ์แบบ Real-time (เช่น การวิเคราะห์วิดีโอย้อนหลัง) เราสามารถใช้วิธี **Graph-based MOT**

- **แนวคิด:** มอง Detection ทุกตัวในทุกเฟรม (ตั้งแต่เฟรม 1 ถึง 1000) เป็นจุดในกราฟขนาดยักษ์ (Nodes)
- **วิธีการ:** เราลากเส้นเชื่อมต่อจุดเหล่านี้เพื่อสร้าง "เส้นทาง (Trajectory)" ที่มีความต่อเนื่องที่สุด โดยหาค่า Minimum Cost ของ **ทั้งวิดีโอ** ในรวดเดียว
- **วิธีนี้แก้ปัญหการถูกบังได้ดีกว่ามาก** เพราะระบบเห็นอนาคตว่าเดี๋ยวมันจะโผล่มาตรงไหน

---

#### บทสรุปของคอร์ส (Course Summary)

เราได้เดินทางผ่านเนื้อหาที่ลึกซึ้งของการติดตามวัตถุ:

1. **Change Detection:** แยกวัตถุจากพื้นหลังด้วยสถิติ (GMM)
2. **Tracking-by-Detection:** ใช้อัลกอริทึมจำหน้าตาวัตถุ (SIFT / GOTURN)

3. **Dynamics:** ใช้ฟิลิกร์ทำนายอนาคตและลด Noise (Kalman Filter)
4. **Multi-Object Tracking:** ใช้คณิตศาสตร์ (Hungarian Algorithm) เพื่อจับคู่ ID นับร้อยให้ถูกต้อง

นี่คือรากฐานสำคัญของเทคโนโลยีรถยนต์ไร้คนขับ ระบบกล้องวงจรปิดอัจฉริยะ และหุ่นยนต์ในปัจจุบันครับ

**จบเนื้อหาทั้งหมดแล้วครับ! หวังว่าคำอธิบายแบบเจาะลึกนี้จะเป็นประโยชน์ต่อคุณ หากมีจุดไหนสงสัยเป็นพิเศษ สามารถเจาะจงถามเพิ่มได้เลยครับ**