Chiffrement et authentification Cryptographie moderne

Tuyêt Trâm DANG NGOC

Université de Cergy-Pontoise

2012-2013





Plan

- Chiffrement simple par bits
- 2 Cryptographie symétrique
- 3 Le chiffrement asymétrique : Les systèmes à clefs publiques
 - Diffie-Hellman-Merkle
 - Rivest-Shamir-Adleman (RSA)
- 4 Confidentialité
- 5 Authentification Signature
- 6 Intégrité
- Crédits



Cryptographie

- Confidentialité : s'assurer que l'information n'est seulement accessible qu'à ceux dont l'accès est autorisé
- Intégrité : l'état de données qui, lors de leur traitement, de leur conservation ou de leur transmission, ne subissent aucune altération ou destruction volontaire ou accidentelle
- Signature :
 - Authentification : procédure qui consiste à vérifier l'identité d'une entité (personne, ordinateur...)
 - Non-répudiation : assure que le message ne peut être remis en cause par l'un des partis.
 - Horodatage : certifier des heures et des dates de signature électronique et renforcer la fonction de non répudiation
- Certificat : carte d'identité numérique dont l'objet est d'identifier une entité physique ou non-physique. Le certificat numérique ou électronique est un lien entre l'entité physique et l'entité numérique.
- Certification : processus d'attribution de certificat par un tiers de confiance.

- Chiffrement simple par bits
- 2 Cryptographie symétrique
- 3 Le chiffrement asymétrique : Les systèmes à clefs publiques
- 4 Confidentialité
- 5 Authentification Signature
- 6 Intégrité
- 7 Crédits



Codage ASCII (American Standard Code for Information Interchange)

L'ASCII définit 128 caractères numérotés de 0 à 127 et codés en binaire de 0000000 à 1111111.

Sept bits suffisent donc pour représenter un caractère codé en ASCII. Toutefois, les ordinateurs travaillant presque tous sur huit bits (un octet) depuis les années 1970, chaque caractère d'un texte en ASCII est stocké dans un octet dont le 8e bit est 0.



Chiffrement simple par bits

Code	Signif.						
0	NUL	Code	Signification	Code	Signif.	Code	Signif.
1	SOH	31	US	61	=	91	[
2	STX	32	SP	62	>	92	\
3	ETX	33	!	63	?	93]
4	EOT	34	"	64	@	94	^
	ENQ	35	#	65	A	95	_
5 6	ACK	36	\$	66	В	96	'
7	BEL	37	%	67	C	97	a
8	BEL	38	&	68	D	98	Ь
9	HT B2	39	,	69	E	99	С
		40	(70	F	100	d
10 11	LF VT	41)	71	G	101	e
12		42	*	72	н	102	f
	FF	43	+	73	1	103	g
13 14	CR SO	44	,	74	J	104	ĥ
		45	-	75	K	105	i
15	SI	46	.	76	L	106	j
16	DLE	47	/	77	М	107	k
17	DC1	48	0	78	N	108	1
18	DC2	49	1	79	0	109	m
19	DC3	50	2	80	Р	110	n
20	DC4	51	3	81	Q	111	0
21	NAK	52	4	82	R	112	р
22	SYN	53	5	83	S	113	q
23	ETB	54	6	84	T	114	r
24	CAN	55	7	85	U	115	s
25	EM	56	8	86	V	116	t
26	SUB	57	9	87	w	117	u
27	ESC	58	:	88	×	118	v
28	FS	59	;	89	Y	119	w
29	GS	60	, ,	90	Z	120	×
30	RS						

Code	Signif.
121	У
122	z
123	{
124	
125	}
126	~
127	DEL



Code dec.	Code bin.	Signif.
65	01000001	A
66	01000010	В
67	01000011	C
68	01000100	D
69	01000101	E
70	01000110	F
71	01000111	G
72	01001000	Н
73	01001001	1
74	01001010	J
75	01001011	K
76	01001100	L
77	01001101	M
78	01001110	N
79	01001111	0
80	01010000	P
81	01010001	Q
82	01010010	R
83	01010011	S
84	01010100	T
85	01010101	U
86	01010110	V
87	01010111	W
88	01011000	X
89	01011001	Υ
90	01011010	Z

Cada bia

C:--:£

R 01000011 01010010 01011001 01010000 01010100 01001111

DÉPARTEMENT Sciences Informatiques

Chiffrement par transposition

Exemple : permutation de bit deux à deux

```
C R Y P T 0
1000011 1010010 1011001 1010000 10101010 1001111
0100101 1100001 0111001 1100000 0101011 0001111
% a 9 ' + 70
```

- Transposition au sein d'une lettre ou avec les bits d'autres lettres.
- Inversible



Chiffrement par substitution avec mot clef

Exemple : avec l'opérateur XOR

Opérateur XOR

Si les deux bits sont identiques, alors 0, sinon 1.

$$0 \oplus 0 = 0$$
; $0 \oplus 1 = 1$; $1 \oplus 0 = 1$; $1 \oplus 1 = 0$

```
        Message en clair
        :
        C
        R
        Y
        P
        T
        O

        Message en ASCII
        :
        10000011
        1010010
        1011001
        1010000
        1010100
        1000111

        Clef :
        :
        0TARIE
        :
        1001111
        1010100
        1000001
        1001001
        1000101

        Texte chiffré (XOR):
        :
        0001100
        0000110
        0011000
        0000010
        0011010
        0000110
```

Inversible avec la clef



- Chiffrement simple par bits
- 2 Cryptographie symétrique
- 3 Le chiffrement asymétrique : Les systèmes à clefs publiques
- 4 Confidentialité
- 5 Authentification Signature
- 6 Intégrité
- 7 Crédits



Cryptographie symétrique

Cryptographie symétrique

Une même clef permettre de chiffrer et de déchiffrer un message et sur laquelle peut reposer toute la sécurité de la communication.

 Chiffrement par bloc (block cipher): découpage des données en blocs de taille généralement fixe. Les blocs sont ensuite chiffrés les uns après les autres.

Lucifer, DES, TDES, AES, Blowfish, Twofish

 Chiffrement par flot : traitement des données de longueur quelconque et dans découpe.

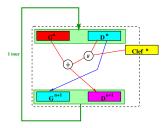
A5/1 (GSM), A5/2, A5/3, RC4 (Wep), Py, E0 (bluetooth)



Principe du chiffrement par bloc

- Remplacer les caractères par un code binaire (par exemple le code ASCII en base 2). On obtient ainsi une longue chaîne de 0 et de 1.
- Découper cette chaîne en blocs de longueur donnée, par exemple 64 bits.
- 3 Chiffrer un bloc en l'"additionnant" bit par bit à une clef.
- Déplacer certains bits du bloc.
- Recommencer éventuellement un certain nombre de fois l'opération 3. On appelle cela une ronde.
- Passer au bloc suivant et retourner au point 3 jusqu'à ce que tout le message soit chiffré.

Schéma de Feistel



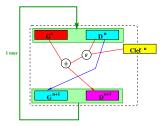


Principe du chiffrement par bloc

La sécurité du chiffre repose sur :

- la taille de la clé
- la difficulté d'inverser la fonction F.

Schéma de Feistel





Algorithmes de chiffrement par bloc basé sur un réseau de Feistel

Algorithme	Concepteur	Date	Taille du bloc	Taille de la clef	Nombre de cycles
Lucifer	Feistel (IBM)	1971	32/48/128	48/64/128	16
DES	IBM	1975 (std 1977)	64	56	16
Triple-DES	Tuchman (IBM)	1999	64	168/112	3×16
G-DES	I. Schaumuller-Bicht	1981	32n (256)	56	16
DES-X	Rivest	1984	64	184	16
ICE		1997	64	64	16
Blowfish	B.Schneier	1993	64	32-448	16
Twofish		2000	128	128/192/256	16



Advanced Encryption Standard (AES)

Algorithme	Concepteur	Date	Taille du bloc	Taille de la clef	Nombre de cycles
AES	J. Daemen, V.Rijmen	2000	128	128/192/256	10/12/14



Algorithme AES

Chaque bloc de 128 bits (16 octets) est transformé en une matrice de 4x4 octets (après permutation). Puis :

- SubBytes : substitution de chaque élément (S-box)
- 2 ShiftRows : décalage des lignes (en fonction du numéro de ligne)
- MixColumns : transformation linéaire de chaque colonne (multiplication par un polynome)
- AddRoundKey : XOR avec une matrice dérivée d'une sous-partie de la clef

Plus rapide et sécurisé que DES.



Algorithme IDEA

Algorithme	Concepteur	Date	Taille du bloc	Taille de la clef	Nombre de cycles
IDEA	X. Lai, J. Massey	1991	64	128	8 + 1/2



Principe du chiffrement par flot

Un chiffrement par flot arrive à traiter les données de longueur quelconque et n'a pas besoin de les découper.

- Chiffrement du message M avec la clé K : $M \oplus K = C$
- Déchiffrement du message C avec la clé K : $C \oplus K = (M \oplus K) \oplus K = M \oplus (K \oplus K) = M$

Hardware	Software
HC-128	F-FCSR-H v2
Rabbit	Grain v1
Salsa20/12	MICKEY v2
Sosemanuk	Trivium

(source : http://fr.wikipedia.org/wiki/Chiffrement_par_flot)



Chiffrement symétrique : synthèse

Une unique clé secrète partagée entre les 2 parties qui sert pour le chiffrement et le déchiffrement du message Algorithmes utilisant ce système :

- RC2. RC4
- DES, TDES, D-DES, DES-x
- Blowfish, Twofish
- IDEA,
- AES

Avantage:

Rapide

Inconvénients:

- Il faut autant de clefs que de couples de correspondants
- La non-répudiation n'est pas assurée. Mon correspondant possédant la même clé que moi, il peut fabriquer un message en usurpant mon identité
- Transmission de clef?



- Chiffrement simple par bits
- 2 Cryptographie symétrique
- 3 Le chiffrement asymétrique : Les systèmes à clefs publiques
 - Diffie-Hellman-Merkle
 - Rivest-Shamir-Adleman (RSA)
- 4 Confidentialité
- 5 Authentification Signature
- 6 Intégrité
- Crédits



Clef

La sécurité d'un système de cryptement ne doit pas dépendre de la préservation du secret de l'algorithme. La sécurité ne repose que sur le secret de la clef.

Problème : Comment distribuer la clef?

- Steganographie : dangereux
- rencontre physique (pas toujours faisable...)







Bob





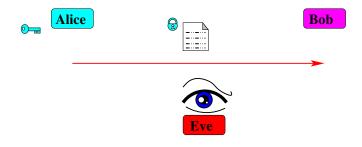






















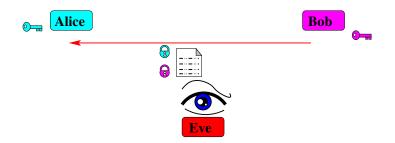
























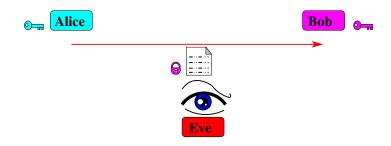






































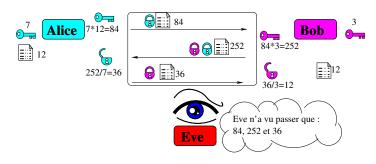






Recherche de fonctions mathématiques

Soit la fonction de chiffrement $f(x) = x \times A \times B$ où A et B sont les clefs secrètes respectives de Alice et de Bob.



Critique de cette méthode :

- Bob peut retrouver la clef secrète de Alice (en faisant $252/(12 \times 3)$).
- Alice peut retrouver la clef secrète de Bob (en faisant $252/(12 \times 7)$.
- Si Eve connait l'algorithme (et donc la fonction f), elle peut déduire la clef secrète de A et de B et donc x.
 - Décompositions en nombres premiers
 - Calcul des PGCD et PPCM



Recherche de fonctions mathématiques

Recherche d'une fonction à sens unique

- faciles à appliquer
- mais difficilement inversible

$$Y^{\times}(modP)$$

(Rappel : le modulo, noté aussi [P] (ou en programmation % P), est le reste de la division entière par P)



Echange de Diffie-Hellman-Merkle

Alice et Bob conviennent de Y et P, la fonction est donc $f(x) = Y^{x}(modP)$

Alice

- Alice choisit un nombre secret: A
- Alice calcule $\alpha = f(A) = Y^A(modP)$
- Alice envoie α à Bob
- Alice calcule $\beta^A(modP)$

Boh

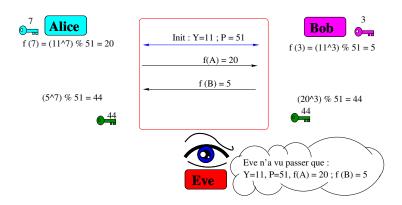
- Bob choisit un nombre secret: B
- Bob calcule $\beta = f(B) = Y^B (mod P)$
- Bob envoie β à Alice
- Bob calcule $\alpha^B(modP)$

Alice et Bob ont obtenu le même nombre : $k = \beta^A (modP) = \alpha^B (modP)$ qui servira de clef (pour DES par exemple).

Même si Eve avait intercepté Y, P, α et β , elle ne peut pas trouver k.

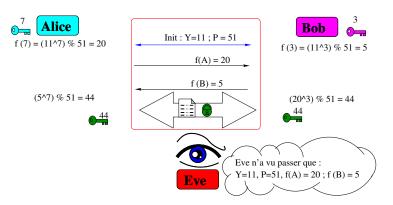


Diffie-Hellman-Merkle



La clef générée sera ensuite utilisée avec un chiffrement à clef symétrique (par exemple DES).

Diffie-Hellman-Merkle



La clef générée sera ensuite utilisée avec un chiffrement à clef symétrique (par exemple DES).

• DÉPARTEMENT Sciences Informatiques

Synthèse: Diffie-Hellman-Merkle

- 2 partis peuvent convenir d'une clef sans se rencontrer
- ... de manière sûre (même s'ils sont sur écoute).

La clef générée sera ensuite utilisée avec DES par exemple. (DES utilise une clef symétrique : même clef pour chiffrer et déchiffrer) Inconvénient :

- Nécessite un certain nombre d'échanges synchronisés (Alice et Bob doivent être présents tous les deux au moment de l'établissement de la clef).
 - \Rightarrow peu pratique pour les e-mails
 - ⇒ peu pratique pour le commerce électronique



Echange de Rivest-Shamir-Adleman

- Alice choisit deux nombres premiers p et q et les garde secrets.
- Alice calcule $n = p \times q$ (module de chiffrement)
- Alice choisit un e tel que $e + (p-1) \times (q-1)$ soit un nombre premier relatif
- Alice diffuse (n, e), cette paire s'appelle Clef publique
- Alice calcule (et garde secrète) d telle que : $e \times d = 1 \pmod{(p-1)(q-1)}$. Le couple (n, d) est appelé clef privée.



RSA créer une paire de clef

Il faut générer e, d, et n.

- Prendre deux nombres premiers p et q (de taille à peu près égale). Calculer n = pq.
- Prendre un nombre e qui n'a aucun facteur en commun avec (p-1)(q-1).
- Calculer d tel que $e \times dmod(p-1)(q-1) = 1$, c-à-d d est le modulo inverse de e dans Z/(p-1)(q-1)Z : $d = e^{-1}mod((p-1)(q-1))$.
- (e, n) sera la clef publique et (d, n) la clef privée.



RSA: Exemple

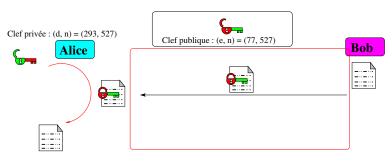
- Soit p = 17 et q = 31; $n = p \times q = 17 \times 31 = 527$
- On doit choisir un e quelconque tel que e n'ai aucun facteur en commun avec (p-1)(q-1) = (17-1)(31-1) = 480. Comme $480 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 5$, on prendra par exemple e = 77.
- On calcule $d = e^{-1} mod(p-1)(q-1) = 77^{-1} mod(480) = 293$.

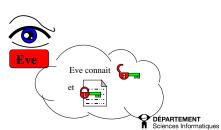
On a au final:

- la clef publique (=pour encrypter) : (e, n) = (77, 527)
- la clef privée (=pour décrypter) : (d, n) = (293, 527)



Rivest-Shamir-Adleman





Chiffrement/Déchiffrement avec RSA

Pour chiffrer un message en clair en un message chiffré.

- Convertir le message en suite de nombre (ASCII, rang dans l'alphabet, etc.)
- Couper cette suite en blocs qui formera un nombre M.
- Convertir chaque nombre M en un nombre C chiffré selon la formule :

$$C = M^e(modN)$$

Pour déchiffrer :

• Prendre chaque chiffre C, puis appliquer :

$$M = C^d (mod N)$$

• Convertir chaque nombre C en caractères formant le message



Chiffrement/Déchiffrement avec RSA : Exemple

Soit le mot à chiffrer : TRI

- ASCII (décimal) : 84 82 73
- ASCII (binaire): 1000011 1000011 1000011
- Par bloc de 6 : 100001 110000 111000 011000
- Conversion décimale : 33 48 56 24

La représentation codée du mot TRI est 33 48 56 24 (code connu : algo, taille des blocs et table ASCII connue). Chiffrement de 33 48 56 24.

- \bullet $C = M^e(modN)$:
 - \bullet 33 * *77%527 = 407
 - 48 * *77%527 = 362
 - 56 * *77%527 = 377
 - 24 * *77%527 = 261

Message chiffré: 407, 362, 377, 261.

Utiliser un calculateur à entier long.

Déchiffrement de 407, 362, 377, 261.

- $M = C^d(modN)$:
 - \bullet 407 * *293%527 = 33
 - 362 * *293%527 = 48
 - 377 * *293%527 = 56
 - \bullet 261 * *293%527 = 24

Message déchiffré : 33 48 56

33 / 49

Nombres premiers

 $n = p \times q$. Si p et q premiers et suffisamment grand, alors connaissant n, il est très difficile de retrouver p et q.

Ordre d'idées :

- 1925320391606803968923 nombres premiers.
- 16 juin 2009, le plus grand nombre premier $2^{42643801} 1$ (presque 13 millions de chiffres) calculé (116.000 PC developpant à eux tous une puissance de 40 TFlop/seconde.)

2 3 5 7 11 13 17 19 23 29 31 37 41 43 47 53 59 61 67 71 73 79 83 89 97 101 103 107 109 113 127 131 137 139 149 151 157 163 167 173 179 181 191 193 197 199 211 223 227 229 233 239 241 251 257 263 269 271 277 281 283 293 307 311 313 317 331 337 347 349 353 359 367 373 379 383 389 397 401 409 419 421 431 433 439 443 449 457 461 463 467 479 487 491 499 503 509 521 523 541 547 557 563 569 571 577 587 593 599 601 607 613 617 619 631 641 643 647 653 659 661 673 677 683 691 701 709 719 727 733 739 743 751 757 761 769 773 787 797 809 811 821 823 827 829 839 853 857 859 863 877 881 883 887 907 911 919 929 937 941 947 953 967 971 977 983 991 997 1009 1013 1019 1021 1031 1033 1039 1049 1051 1061 1063 1069 1087 1091 1093 1097 1103 1109 1117 1123 1129 1151 1153 1163 1171 1181 1187 1193 1201 1213 1217 1223 1229 1231 1237 1249 1259 1277 1279 1283 1289 1291 1297 1301 1303 1307 1319 1321 1327 1361 1367 1373 1381 13

Chiffrement asymétrique : synthèse

Les deux clefs sont fabriqués ensemble et :

- la connaissance d'une des clefs ne permet pas de déduire l'autre
- ce qui est chiffré avec une clef ne peut être déchiffré que par l'autre clef

On choisit ensuite arbitrairement de rendre une des ces clef publique et garder l'autre privée.

Ensuite

- Clé publique : Sert à chiffrer le message
- Clé privée : Sert à déchiffrer le message

Mais dans certains cas (signature) on chiffrera un message avec la clef privée qui ne pourra être déchiffrée que par la clef publique.



Chiffrement asymétrique : synthèse (2)

Algorithmes utilisant ce système :

- Diffie-Helmann-Merkle
- RSA
- DSA, ElGamal

Avantage:

 pas besoin de se transmettre les clés au départ par un autre vecteur de transmission.

Inconvénient :

lent!



RSA

RSA: breveté par le MIT de 1983 à 2000 (brevet expiré) En 2008, c'est le système à clef publique le plus utilisé (carte bancaire française, de nombreux sites web commerciaux...).



- Chiffrement simple par bits
- 2 Cryptographie symétrique
- 3 Le chiffrement asymétrique : Les systèmes à clefs publiques
- 4 Confidentialité
- 5 Authentification Signature
- 6 Intégrité
- Crédits



Combinaison du chiffrement symétrique et asymétrique

- Chiffrement symétrique : Rapide mais problème d'échanges de clefs
- Chiffrement asymétrique synchrone : pas de problèmes d'échange de clefs mais nécessite la présence simultanée des deux partis
- Chiffrement asymétrique asynchrone : pas de problèmes d'échange de clefs, pas de présence simultanée des deux partis requise, mais lent

Idée:

 utiliser le chiffrement asymétrique (RSA, DSA, etc...) pour générer une clef de session. Puis utiliser le chiffrement symétrique (DES, IDEA, ...) pour chiffrer/déchiffrer les messages à l'aide de cette clef de session.

 $\Rightarrow PGP$



Confidentialité

Assurer la confidentialité

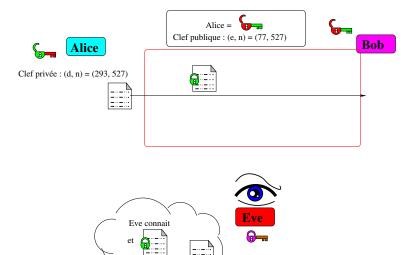
- Utiliser le chiffrement asymétrique (RSA) pour générer une clef de session.
- 2 Puis utiliser le chiffrement symétrique (DES, IDEA, AES) pour chiffrer/déchiffrer les messages à l'aide de cette clef de session.



- Chiffrement simple par bits
- 2 Cryptographie symétrique
- 3 Le chiffrement asymétrique : Les systèmes à clefs publiques
- 4 Confidentialité
- 5 Authentification Signature
- 6 Intégrité
- Crédits

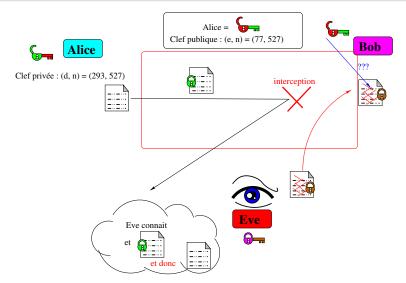


Rivest-Shamir-Adleman



Un un message chiffré avec la clef privée ne peut être déchiffrée operneus

Rivest-Shamir-Adleman



Un un message chiffré avec la clef privée ne peut être déchiffrée operneus

- La personne à qui j'envoie un message crypté est-elle bien celle à laquelle je pense?
- La personne qui m'envoie un message crypté est-elle bien celle à qui je pense?

Terminologie

- Prouveur : Celui qui s'identifie, qui prétend être
- Vérifieur : Fournisseur du service
- Challenge : Le Vérifieur va lancer un challenge au prouveur que ce dernier doit réaliser



On vérifie que

$$D_{prive}(C_{public}(message)) = D_{public}(C_{prive}(message))$$

- Le texte est totalement confidentiel car le destinataire est le seul a avoir la clé privée
- On est sûr de l'identité de l'émetteur car il est le seul à pouvoir chiffrer un message avec cette clé privée



On vérifie que

$$D_{prive}(C_{public}(message)) = D_{public}(C_{prive}(message))$$

Verifieur

Prouveur

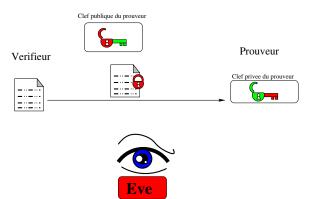




• Le texte est totalement confidentiel car le destinataire est le seul a avoir la clé privée

On vérifie que

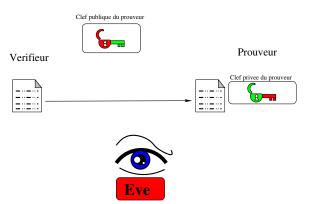
$$D_{\textit{prive}}(\textit{C}_{\textit{public}}(\textit{message})) = D_{\textit{public}}(\textit{C}_{\textit{prive}}(\textit{message}))$$



• Le texte est totalement confidentiel car le destinataire est le seul a avoir la clé privée

On vérifie que

$$D_{prive}(C_{public}(message)) = D_{public}(C_{prive}(message))$$

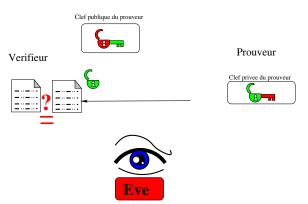


• Le texte est totalement confidentiel car le destinataire est le seul a avoir la clé privée

• Le texte est totalement confidentiel car le destinataire est le seul a DÉPARTEMENT Sciences Informatique.

On vérifie que

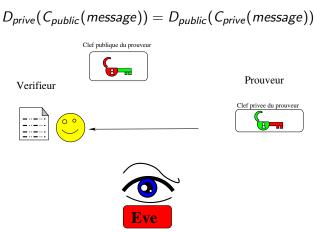
$$D_{prive}(C_{public}(message)) = D_{public}(C_{prive}(message))$$



• Le texte est totalement confidentiel car le destinataire est le seul a avoir la clé privée

• Le texte est totalement confidentiel car le destinataire est le seul a Sciences Informatique

On vérifie que

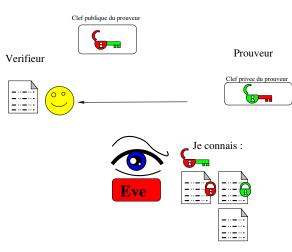


• Le texte est totalement confidentiel car le destinataire est le seul a avoir la clé privée

• Le texte est totalement confidentiel car le destinataire est le seul a Sciences Informatique

On vérifie que

$$\textit{D}_{\textit{prive}}(\textit{C}_{\textit{public}}(\textit{message})) = \textit{D}_{\textit{public}}(\textit{C}_{\textit{prive}}(\textit{message}))$$



- Chiffrement simple par bits
- 2 Cryptographie symétrique
- 3 Le chiffrement asymétrique : Les systèmes à clefs publiques
- 4 Confidentialité
- 5 Authentification Signature
- 6 Intégrité
- 7 Crédits



Intégrité et fonction de hachage

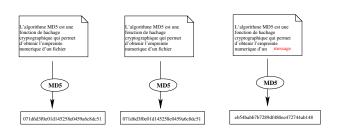
Comment savoir que le message n'a pas été altéré? \Rightarrow fonction de hachage

- MD5 (128 bits)
- SHA1 (160 bits)
- RIPEMD-160 (160 bits)
- Whirlpool (512 bits)

Une fonction de hachage

- prend une donnée quelconque
- renvoie une donnée de taille fixe
- est à sens unique sans trappe
- est facile à calculer







Hachage et signature électronique

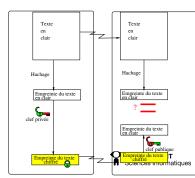


hachage permet de garantir l'intégrité du message et est très rapide à calculer, mais ne garanti pas l'identité de l'expéditeur.

La signature électronique garanti l'identité de l'expéditeur, mais il faut signer tout le message pour garantir son intégrité \Rightarrow long

⇒ on utilise un sceau : on hache le message et on ne signe que le résultat haché.





- Chiffrement simple par bits
- 2 Cryptographie symétrique
- 3 Le chiffrement asymétrique : Les systèmes à clefs publiques
- Confidentialité
- 5 Authentification Signature
- 6 Intégrité
- Crédits



Crédits I

- http://www.apprendre-en-ligne.net/crypto/ de Didier Müller.
- http://fr.wikipedia.org/
- Histoire des codes secrets Simon Singh Le livre de poche
- http://www.sharevb.net/Les-bases-de-la-cryptographie.html

