

Tarea Independiente 25/08/2025

David Núñez Franco

August 27, 2025

Inventario de Conceptos Claves

- Faceta declarativo (faceta de expresiones de lenguaje)
- Faceta operativa (faceta de verbos imperativos de lenguaje)
- Expresiones versus estatuto
- FP Principio de declaratividad: preferir la faceta declarativa sobre la operacional imperativa
- nodemon: Forma correcta de uso de node, para monitorear la carpeta actual de un archivo digamos main.mjs
 - `nodemon -w . main.mjs`
- Nociones módulos en JS, estándar MJS (export/import)
- for -of: Variante del for basado en iterador (similar a `for(var e:a)...` de Java)
- Operador spread(...)
- Predicado: Función que retorna algo booleano
- Patrón de autómatas que representa un típico ciclo de estados
- COMbinadores map, filter, reduce de arrays (Se llama combinator a una función de funciones, usualmente. Eso viene de lógica combinatoria, que es otra forma de ver el cálculo lambda).

Ejercicio 1

- 1) Sea a es un array cualquiera y sean f y g funciones cualesquiera. ¿Bajo qué condiciones razonables que se pongan sobre f y/o g (según el caso) se cumplen las siguientes identidades?
- a) $a.map(f)$ es lo mismo que a b) $a.map(f).map(g)$ tiene el mismo valor que $a.map(g).map(f)$ c) Escriba una expresión equivalente pero más simple que $a.filter(f).filter(g)$ asumiendo f y g son predicados (i.e. funciones que retornan `true` o `false`)

1.a

Premisa

`a.map(f)` es lo mismo que `a`

Se cumple si y sólo si $f(x) = x$ para todo $x \in a$, es decir, cuando f es la función identidad. Caso especial: si a es vacío, la igualdad se cumple para cualquier f .

1.b

Premisa

`a.map(f).map(g)` tiene el mismo valor que `a.map(g).map(f)`

Se cumple si y sólo si $g(f(x)) = f(g(x))$ para todo $x \in a$. Casos triviales: $f = id$ o $g = id$.

1.c

Premisa

Escriba una expresión equivalente pero más simple que `a.filter(f).filter(g)` asumiendo f y g son predicados (i.e. funciones que retornan `true` o `false`)

Equivalente:

```
1 a.filter(x => f(x) && g(x))
```

Listing 1: Equivalente

Ejercicio 2

Sea un array de k lambdas `[f_1, ..., f_k]`. Se quiere calcular la función g que cumpla $g(x) = f_1(f_2(...f_k(x)...$) usando FP. Asuma que para cada f_i el dominio y el codominio son iguales entre sí y e iguales entre todos los i .

Solución

Para aplicar composición de funciones, haremos uso de **reduceRight**, el cual aplica una función acumuladora recorriendo el arreglo de derecha a izquierda.

```
1 arr.reduceRight((acumulador elemento) => ..., valorInicial)
```

Listing 2: Base de reduceRight

```

1      // DICHA DEFINICION SERA UNA COMPOSICION DE VARIAS FUNCIONES
2      const composeAll = (fs) =>
3      fs.reduceRight(
4      (g, f) => (x) => f(g(x)),
5      (x) => x
6      );
7
8      // ALGUNAS LAMBDA QUE NOS SERVIRAN COMO PRUEBA
9      const f1 = (x) => x + 1;
10     const f2 = (x) => x * 2;
11     const f3 = (x) => x * x;
12
13     // CREAMOS EL ARRAY DE FUNCIONES
14     const fs = [f1, f2, f3];
15
16     // APLICAMOS g(x) = f1(f2(f3(x)))
17     const g = composeAll(fs);
18
19     // Pruebas
20     console.log('g(2) = ${g(2)}'); // Deberia ser f1(f2(f3(2)))
      = ( (2^2)*2 ) + 1 = 9
21     console.log('g(3) = ${g(3)}'); // Deberia ser f1(f2(f3(3)))
      = ( (3^2)*2 ) + 1 = 19

```

Listing 3: $g(x) = f_1(f_2(\dots f_k(x)\dots))$ con FP