

Tarea Independiente 25/08/2025

David Núñez Franco

August 27, 2025

Inventario de Conceptos Claves

- Faceta declarativo (faceta de expresiones de lenguaje)
- Faceta operativa (faceta de verbos imperativos de lenguaje)
- Expresiones versus estatuto
- FP Principio de declaratividad: preferir la faceta declarativa sobre la operacional imperativa
- nodemon: Forma correcta de uso de node, para monitorear la carpeta actual de un archivo digamos main.mjs
 - nodemon -w . main.mjs
- Nociones módulos en JS, estándar MJS (export/import)
- for -of: Variante del for basado en iterador (similar a for(var e:a)... de Java)
- Operador spread(...)
- Predicado: Función que retorna algo booleano
- Patrón de autómata que representa un típico ciclo de estados
- COmbinadores map, filter, reduce de arrays (Se llama combinador a una función de funciones, usualmente. Eso viene de lógica combinatoria, que es otra forma de ver el cálculo lambda).

Ejercicio 1

- 1) Sea a es un array cualquiera y sean f y g funciones cualesquieras. ¿Bajo qué condiciones razonables que se pongan sobre f y/o g (según el caso) se cumplen las siguientes identidades?
 - a.map(f) es lo mismo que a
 - b) a.map(f).map(g) tiene el mismo valor que a.map(g).map(f)
 - c) Escriba una expresión equivalente pero más simple que a.filter(f).filter(g) asumiendo f y g son predicados (i.e. funciones que retornan true o false)

1.a

Premisa

`a.map(f)` es lo mismo que `a`

Se cumple si y sólo si $f(x) = x$ para todo $x \in a$, es decir, cuando f es la función identidad. Caso especial: si a es vacío, la igualdad se cumple para cualquier f .

1.b

Premisa

`a.map(f).map(g)` tiene el mismo valor que `a.map(g).map(f)`

Se cumple si y sólo si $g(f(x)) = f(g(x))$ para todo $x \in a$. Casos triviales: $f = id$ o $g = id$.

1.c

Premisa

Escriba una expresión equivalente pero más simple que `a.filter(f).filter(g)` asumiendo f y g son predicados (i.e. funciones que retornan true o false)

Equivalente:

```
1     a.filter(x => f(x) && g(x))
```

Listing 1: Equivalente

Ejercicio 2

Sea un array de k lambdas $[f_1, \dots, f_k]$. Se quiere calcular la función g que cumpla $g(x) = f_1(f_2(\dots f_k(x) \dots))$ usando FP. Asuma que para cada f_i el dominio y el codominio son iguales entre sí y e iguales entre todos los i .

Solución

Para aplicar composición de funciones, haremos uso de `reduceRight`, el cual aplica una función acumuladora recorriendo el arreglo de derecha a izquierda.

```
1     arr.reduceRight((acumulador elemento) => ..., valorInicial)
```

Listing 2: Base de `reduceRight`

```

1 // DICHA DEFINICION SERA UNA COMPOSICION DE VARIAS FUNCIONES
2 const composeAll = (fs) =>
3   fs.reduceRight(
4     (g, f) => (x) => f(g(x)),
5     (x) => x
6   );
7
8 // ALGUNAS LAMBDA QUE NOS SERVIRAN COMO PRUEBA
9 const f1 = (x) => x + 1;
10 const f2 = (x) => x * 2;
11 const f3 = (x) => x * x;
12
13 // CREAMOS EL ARRAY DE FUNCIONES
14 const fs = [f1, f2, f3];
15
16 // APLICAMOS g(x) = f1(f2(f3(x)))
17 const g = composeAll(fs);
18
19 // Pruebas
20 console.log(`g(2) = ${g(2)}'); // Deberia ser f1(f2(f3(2)))
21   = ( (2^2)*2 ) + 1 = 9
22 console.log(`g(3) = ${g(3)}'); // Deberia ser f1(f2(f3(3)))
23   = ( (3^2)*2 ) + 1 = 19

```

Listing 3: $g(x) = f_1(f_2(\dots f_k(x)\dots))$ con FP