

ACM 模板

dnvtmf

2015

目录

1	数据结构	3
2	动态规划	4
3	图论	5
4	数学专题	6
4.1	逆元	6
5	字符串	8
6	Java	9

1 数据结构

2 动态规划

3 图论

4 数学专题

4.1 逆元

```
1  ///逆元inverse
2  //定义：如果  $a * b = 1 \pmod{MOD}$ ，则  $b$  是  $a$  的逆元（模逆元，乘法逆元）
3  //  $a$  的逆元存在条件：  $\gcd(a, MOD) == 1$ 
4  //性质：逆元是积性函数，如果  $c = a * b$ ，则  $\text{inv}[c] = \text{inv}[a] * \text{inv}[b] \pmod{MOD}$ 
5  //方法一：循环找解法（暴力）
6  //  $O(n)$  预处理  $\text{inv}[1-n]$ :  $O(n^2)$ 
7  LL getInv(LL x, LL MOD)
8  {
9      for(LL i = 1; i < MOD; i++)
10         if(x * i % MOD == 1)
11             return i;
12     return -1;
13 }
14
15 //方法二：费马小定理  $a^{(p-1)} = 1 \pmod{p}$ ，其中  $p$  是质数，所以  $a$  的逆元是  $a^{(p-2)} \pmod{p}$ 
16 //  $O(\log n)$  (配合快速幂)，预处理  $\text{inv}[1-n]$ :  $O(n \log n)$ 
17 LL qpow(LL x, LL k, LL MOD){....}
18 LL getInv(LL x, LL MOD)
19 {
20     return qpow(x, MOD - 2, MOD);
21 }
22
23 //方法三：扩展欧几里得算法
24 //扩展欧几里得算法可解决  $a * x + b * y = \gcd(a, b)$ 
25 //所以  $a * x \pmod{MOD} = \gcd(a, b) \pmod{MOD}$  ( $b = MOD$ )
26 //  $O(\log n)$ ，预处理  $\text{inv}[1-n]$ :  $O(n \log n)$ 
27 LL exgcd(LL a, LL b, LL &x, LL &y){
28     if(b == 0)
29     {
30         x = 1;
31         y = 0;
32         return a;
33     }
34     LL g = exgcd(b, a % b, x, y);
35     LL t = x;
36     x = y;
37     y = t - a / b * y;
38     return g;
39 }
40 LL getInv(LL x, LL MOD){
41     LL inv, y;
42     exgcd(x, MOD, inv, y);
43     inv = (inv % MOD + MOD) % MOD;
44     return inv;
45 }
46
47 //方法四：积性函数
48 //已处理  $\text{inv}[1] \sim \text{inv}[n-1]$ ，求  $\text{inv}[n]$ ， ( $MOD > n$ )
49 //  $MOD = x * n - y$  ( $0 \leq y < n$ )， $\Rightarrow x * n = y \pmod{MOD}$ ， $\Rightarrow x * n * \text{inv}[y] = y * \text{inv}[y] = 1 \pmod{MOD}$ 
50 //所以  $\text{inv}[n] = x * \text{inv}[y]$  ( $x = MOD - MOD / n$ ,  $y = MOD \% n$ )
51 //  $O(\log n)$  预处理  $\text{inv}[1-n]$ :  $O(n)$ 
52 LL inv[NUM];
53 void inv_pre(LL mod)
54 {
55     inv[0] = inv[1] = 1LL;
56     for(int i = 2; i < NUM; i++)
57         inv[i] = (mod - mod / i) * inv[mod % i] % mod;
58 }
59
```

```
60 //方法五：积性函数+因式分解
61 //预处理出所有质数的的逆元，采用exgcd来实现素数 $O(\log n)$ 求逆
62 //采用质因数分解， 可在 $O(\log n)$ 求出任意一个数的逆元
63 //预处理 $O(n \log n)$ ，单个 $O(\log n)$ 
```

5 字符串

6 Java

```
1 import java.io.*;
2 import java.util.*;
3 import java.math.*;
4 import java.BigInteger;
5
6 public class Main{
7     public static void main(String arg[]) throws Exception{
8         Scanner cin = new Scanner(System.in);
9
10        BigInteger a, b;
11        a = new BigInteger("123");
12        a = cin.nextBigInteger();
13        a.add(b); // a + b
14        a.subtract(b); // a - b
15        a.multiply(b); // a * b
16        a.divide(b); // a / b
17        a.negate(); // -a
18        a.remainder(b); // a % b
19        a.abs(); // |a|
20        a.pow(b); // a^b
21        //.... and other math fuction, like log();
22        a.toString();
23        a.compareTo(b); //
24    }
25 }
26 }
```