

```

1  ///逆元inverse
2  //定义：如果 $a * b = 1 \pmod{MOD}$ ，则 $b$  是 $a$ 的逆元（模逆元， 乘法逆元）
3  //a的逆元存在条件： $\gcd(a, MOD) == 1$ 
4  //性质：逆元是积性函数，如果 $c = a * b$ ，则  $\text{inv}[c] = \text{inv}[a] * \text{inv}[b] \% MOD$ 
5  //方法一： 循环找解法（暴力）
6  //O(n) 预处理 $\text{inv}[1-n]$ ：  $O(n^2)$ 
7  LL getInv(LL x, LL MOD)
8  {
9      for(LL i = 1; i < MOD; i++)
10         if(x * i % MOD == 1)
11             return i;
12     return -1;
13 }
14
15 //方法二：费马小定理  $a^{p-1} = 1 \pmod{p}$  ( $p$  为质数)
//O(nlogn) LLqpow(LLx, LLk, LLMOD)....LLgetInv(LLx, LLMOD)returnqpow(x, MOD - 2, MOD);
//O(nlogn) LLexgcd(LLa, LLb, LLx, LLy) if(b == 0) x = 1; y = 0; return a; LLg = exgcd(b, a) LLt = x; x = y; y = t - a/b * y; return g;
//O(n) LLinv[MOD]; voidinv_pre(LLmod) inv[0] = inv[1] = 1; for(int i = 2; i < MOD; i++) inv[i] = (mod - mod/i) * inv[mod/i] % mod;
//exgcdO(logn) //O(logn) //O(nlogn), O(logn)

```