

Universidade de São Paulo
Instituto de Matemática e Estatística
MAC 5742 - Computação Paralela e Distribuída

Exercício Programa 1: OpenMP

Autores:

Diana Naranjo

Walter Perez

São Paulo

Abril 2015

Resumo

Nesse Exercício Programa (EP) o objetivo foi explorar a computação paralela com memória compartilhada, para isso foi usado o padrão OpenMP. A primeira parte do trabalho explora o cuidado que deve-se ter no momento de realizar o desenvolvimento de programas usando as diretivas do OpenMP. É muito simples cometer erros quando ainda se está pensando de maneira sequencial, ao assumir algum comportamento ou quando não se conhece bem o comportamento padrão das diretivas usadas. A segunda parte do EP procura avaliar as melhoras (ou falta delas) no tempo de execução de um programa alvo, `mult.c`, que realiza a multiplicação de 2 matrizes. Para avaliar o desempenho da versão sequencial versus a paralela uma serie de experimentos foram realizados. Alguns deles involucraram a alteração do programa para criar distintas zonas paralelas e também a execução deles usando diferentes números de threads. A continuação presentamos os experimentos, resultados e conclusões.

Sumário

1	Introdução	2
2	Exercício 1	3
2.1	Código com erro	3
2.2	Problemas encontrados	3
2.3	Correções	3
2.4	Conclusões	3
3	Exercício 2	4
3.1	Experimentos	4
3.2	Resultados	5
3.3	Conclusões	6
4	Conclusões	8
A	Anexo I	9
B	Anexo II	17

1 Introdução

A computação paralela consiste em executar um conjunto de cálculos de maneira simultânea [3]. A meta de este tipo de computação é diminuir o tempo de execução que exigem algumas aplicações, e.g. aquelas com fortes requerimentos de computo. Atualmente, existem computadores com múltiplos cores; além de isso também contam com tecnologias como hyper-threading, o que gera que o sistema operativo assuma que conta com uma maior quantidade de recursos de computo. Os recursos, por tanto, estão prontos para ser usados. Porém, para realmente obter uma melhoria no rendimento não é suficiente executar as aplicações em uma máquina multicore, é necessário que elas troquem seus algoritmos sequências por uma versão paralela. De outra maneira, não estaria-se fazendo uso do processamento paralelo e seus benefícios.

O grande problema é que a troca de algoritmos sequências por paralelos não é um trabalho simples. Existem diversos problemas na geração de códigos paralelos de bom rendimento, alguns deles são [4]:

- Gargalos de comunicação. Debe ter-se em consideração a quantidade processadores que serão utilizados na execução e o overhead produto da comunicação entre estes processadores e a memória [2]. Isto é importante pois pode acontecer que um programa em versão paralela tome mais tempo na execução do que na versão sequencial. O que se deve a que a memória só pode ser acessada por um thread em qualquer momento e o custo de manter as caches de cada processador coerente também gera um overhead.
- Balanceamento de carga. Ao fazer uma divisão de trabalho o ideal é que cada uma das partes tenha uma carga igual. Se uma delas tem mais trabalho do que as outras então no final o problema volta a ser sequencial pois a maioria termina com sua carga e umas poucas continuam com o resto do trabalho.
- Problemas na construção do código. Os desenvolvedores estão acostumados a pensar em forma sequencial e por tanto é muito fácil cometer erros de concorrência. As operações simples, como por exemplo a assinação de valores a uma variável, causam resultados inesperados na versão paralela. Isto é devido as condições de corrida, i.e. quando o programa se desenvolve em um ordem diferente ao que o programador planeio.

Para evitar os erros produzidos por o pouco cuidado do desenvolvedor e para maximizar o paralelismo dos algoritmos que são sequências existem conjuntos de diretivas que criam um código paralelo executável. OpenMP é um conjunto de diretivas para o compilar, rotinas de biblioteca e variáveis de entorno que podem ser usadas para a geração de paralelismo em códigos Fortran e C/C++ [1]. O objetivo é garantir o correto funcionamento dos programas e obter os benefícios do paralelismo.

Neste trabalho exploramos os problemas persistentes no uso das diretivas do OpenMP. Tanto no desenvolvimento de código errôneo, como na geração de overhead pela geração de áreas paralelas ineficientes. Para isso desenvolvemos experimentos para obter o tempo médio na execução de códigos gerados a partir de distintas áreas paralelas, em ambientes diferentes e com distintas quantidades de threads.

2 Exercício 1

Escolher um código na internet que use as diretivas de compilação do OpenMP, esse código deve ser procurado nos respectivos tutoriais e manuais desse padrão de programação multiprocessamento. A ideia é encontrar erros nessas implementações fornecidas ou apresentadas nos tutoriais consultados. Apresente o código, aponte os problemas e descreva quais são as correções feitas para tirar o erro da aplicação.

2.1 Código com erro

Comando para preservar a formatação do texto.

INSERT CODE HERE

2.2 Problemas encontrados

2.3 Correções

Comando para preservar a formatação do texto.

INSERT CODE HERE

2.4 Conclusões

3 Exercício 2

Modifique o programa `mult.c`, que realiza a multiplicação de 2 matrizes. Modifique este código para que ele realize a multiplicação utilizando as primitivas de paralelização de OpenMP. Compare o desempenho com 1, 2, 3 4, 8 e 16 threads. Tente realizar a paralelização no laço for das variáveis i , j e k , explicando no relatório se o comportamento obtido está correto ou não. Apresente e descreva no relatório grafos, tabelas e estatísticas dos tempos de execução.

- Compare o desempenho obtido, explicando por que melhorou ou piorou e compare também a execução do programa em sua versão sequencial.
- Um dos objetivos é verificar se algum overhead é inserido pelo ambiente de execução (runtime OpenMP) quando a versão paralela do programa em OpenMP executa apenas com uma (1) thread, comparando-se com a versão sequencial (`mult.c`).
- Esse programa deve ser executado em pelo menos dois processadores diferentes, para efeitos de encontrar os intervalos de confiança cada execução deve ser repetida pelo menos 10 vezes.
- Outras informações que julgarem pertinentes ao contexto do trabalho podem ser adicionadas, e poderão ser somadas como pontos adicionais do EP.

3.1 Experimentos

Os experimentos realizados neste exercício podem ser separados em duas categorias: a primeira consta da adição de diretivas OpenMP para criar as zonas paralelas, a segunda consta tanto da adição das diretivas como de câmbios no mesmo código para otimizar o uso dos recursos. Cada uma de estas categorias conta com 4 programas diferentes: o programa sequencial, o programa com paralelização no laço da variável i , o programa com paralelização no laço da variável j , e finalmente, o programa com paralelização no laço da variável k . Cada programa, a exceção do programa sequencial, foi executado com diferentes números de threads.

Algumas das características importantes dos experimentos são:

- Otimização de código. Certas partes do programa original `mult.c` foram cambiadas para melhorar o uso dos recursos. Estas otimizações foram dois:
 - Variável temporal. Uma variável temporal, `tmp`, foi criada para armazenar a soma das multiplicações no laço k .

- Método de transposição. Um método de transposição foi implementado para obter um acesso sequencial da matriz b no laço k .
- Zonas paralelas. Diferentes zonas foram criadas nos laços das variáveis i , j e k .
- Número de threads. O desempenho foi avaliado com 1, 2, 3, 4, 8 e 16 threads.
- Processadores. Foram utilizados o: **Intel Core™ i5-3317U CPU @ 1.70GHz x 4** e o **Intel Xeon CPU E5-2630L v2 @ 2.40GHz**.

O código de cada um dos experimentos pode ser observado no Anexo 1 e 2. Sendo o Anexo 1 o conjunto de códigos com adições de diretivas de paralelização; e o Anexo 2 os códigos com diretivas de paralelização, além das otimizações mencionadas previamente.

3.2 Resultados

Os resultados nos tempos de execução dos experimentos da primeira categoria, foram os seguintes:

# Threads	Sequencial	Paralela i	Paralela j	Paralela k
1	1.4042	0.7065	0.7559	0.7025
2	1.4042	0.7169	0.7603	0.6920
3	1.4042	0.7171	0.7662	0.7268
4	1.4042	0.7137	0.7616	0.6976
8	1.4042	0.7074	0.7573	0.7060
16	1.4042	0.7129	0.7566	0.6960

(a) Intel Core i5

# Threads	Sequencial	Paralela i	Paralela j	Paralela k
1	2.3469	1.2561	1.2747	0.6990
2	2.3469	1.1427	1.1572	0.6424
3	2.3469	1.1389	1.1804	0.6402
4	2.3469	1.2746	1.1563	0.8217
8	2.3469	1.1286	1.1179	0.7177
16	2.3469	1.1921	1.1979	0.6943

(b) Intel Xeon

Tabela 1: Diretivas OpenMP, sem Otimizações

Os grafos dos tempos de execução podem ser observado nas figuras 1a e 1b.

TALK STH

Os resultados nos tempos de execução dos experimentos da segunda categoria, foram os seguintes:

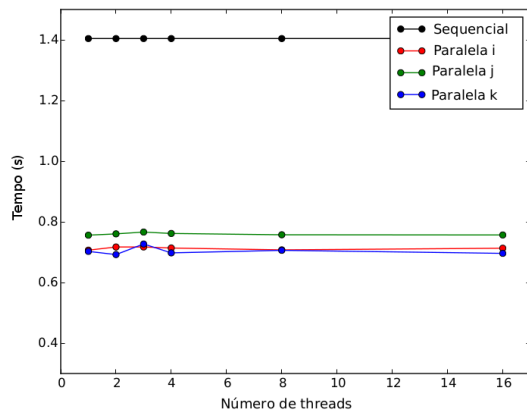
# Threads	Sequencial	Paralela i	Paralela j	Paralela k
1	0.5229	0.3506	0.4999	0.6410
2	0.5229	0.3479	0.4848	0.6375
3	0.5229	0.3519	0.4873	0.6349
4	0.5229	0.3500	0.3703	0.6383
8	0.5229	0.3486	0.3468	0.6361
16	0.5229	0.3957	0.3477	0.6318

(a) Intel Core i5

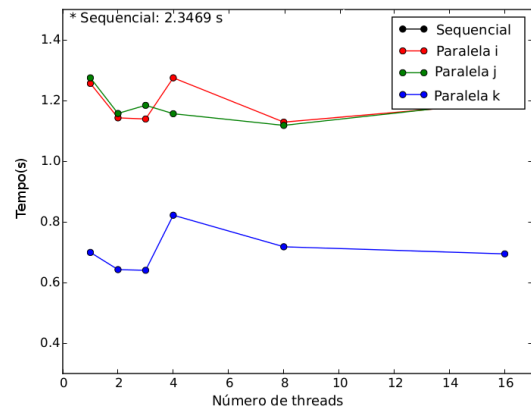
# Threads	Sequencial	Paralela i	Paralela j	Paralela k
1	0.5411	0.3448	0.3306	0.5571
2	0.5411	0.3225	0.3341	0.5535
3	0.5411	0.3294	0.3528	0.5808
4	0.5411	0.3431	0.3650	0.5684
8	0.5411	0.3351	0.3316	0.5383
16	0.5411	0.3546	0.3274	0.5904

(b) Intel Xeon

Tabela 2: Diretivas OpenMP, com otimizações



(a) Intel Core i5



(b) Intel Xeon

Figura 1: Diretivas OpenMP, sem otimizações

Os grafos dos tempos de execução podem ser observado nas figuras 2a e 2b.

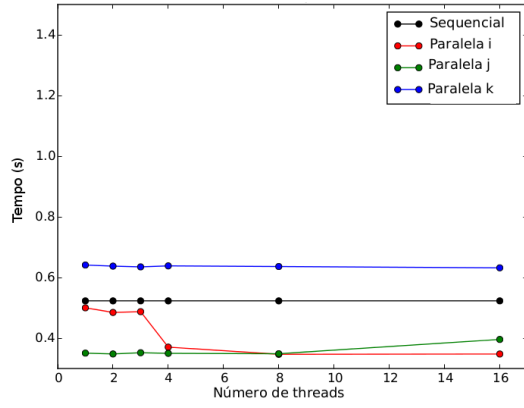
TALK STH

Para fazer uma melhor comparação entre os resultados observados nos tempos de execução dos códigos com otimizações de código apresentamos os grafos com um rango menor de tempo.

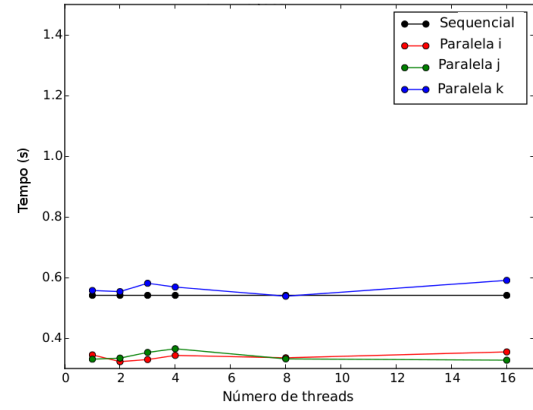
TALK STH

3.3 Conclusões

TALK MORE

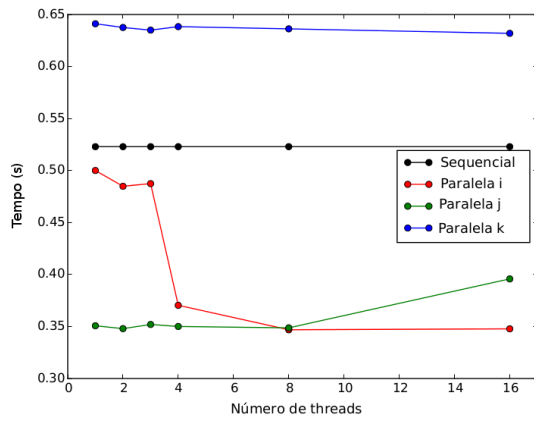


(a) Intel Core i5

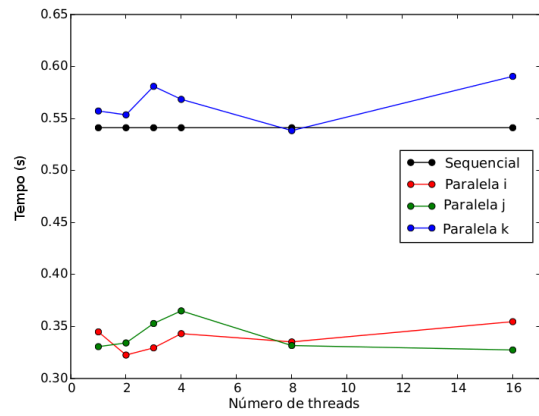


(b) Intel Xeon

Figura 2: Diretivas OpenMP, com otimizações



(a) Intel Core i5



(b) Intel Xeon

Figura 3: Diretivas OpenMP, com otimizações (Zoom)

4 Conclusões

Apresentar as conclusões finais.

Referências

- [1] OpenMP ARB Corporation. Frequently asked questions openmp, 2013.
- [2] F. Gebali. *Algorithms and parallel computing*. Wiley, 2011.
- [3] A. Gottlieb and G. Almasi. *Highly parallel computing*. Benjamin-Cummings Publishing Co., 1989.
- [4] N. Matloff. *Programming on parallel machines*. University of California, Davis, 2014.

A Anexo I

Código do programa mult.c sequencial com trocas para a medição do tempo.

```
/*
ID: diana.n1
PROG: MultSeqCodeChange
LANG: C++
*/

#include <stdio.h>
#include <assert.h>
#include <stdlib.h>
#include <assert.h>
#include <time.h>
#include "omp.h"

void transpose(int n, long ** m){
    long tmp;
    for (int i = 0; i < n; i++){
        for (int j = i+1; j < n; j++){
            tmp = m[i][j];
            m[i][j] = m[j][i];
            m[j][i] = tmp;
        }
    }
}

int main(int argc, char **argv) {
    double start, end;
    start = omp_get_wtime();
```

```

long **a, **b, **c;
int N = 500;

if (argc == 2) {
    N = atoi (argv[1]);
    assert (N > 0);
}

int i,j,k,mul=5;
long col_sum = N * (N-1) / 2, tmp;

a = (long **)malloc (N * sizeof(long *));
b = (long **)malloc (N * sizeof(long *));
c = (long **)malloc (N * sizeof(long *));
for (i=0; i<N; i++) {
    a[i] = (long *)malloc (N * sizeof(long));
    b[i] = (long *)malloc (N * sizeof(long));
    c[i] = (long *)malloc (N * sizeof(long));
}

for (i=0; i<N; i++){
    for (j=0; j<N; j++) {
        a[i][j] = i*mul;
        b[i][j] = i;
        c[i][j] = 0;
    }
}

printf ("Matrix generation finished.\n");

transpose(N, b);
for (i=0; i<N; i++){
    for (j=0; j<N; j++){
        tmp = 0;
        for (k=0; k<N; k++){
            tmp += a[i][k] * b[j][k];
        }
        c[i][j] = tmp;
    }
}

```

```

}

printf ("Multiplication finished.\n");

for (i=0; i<N; i++)
    for (j=0; j<N; j++)
        assert ( c[i][j] == i*mul * col_sum);
        printf ("Test finished.\n");

end = omp_get_wtime();
printf("Time: %lf.\n", end-start);
}

```

Código do programa mult.c com paralelização no laço da variável i.

```

/*
ID: diana.n1
PROG: MultParalleli
LANG: C++
*/

#include <stdio.h>
#include <assert.h>
#include <stdlib.h>
#include <assert.h>
#include <time.h>
#include "omp.h"

int main(int argc, char **argv) {
double start, end;
start = omp_get_wtime();
    int nthreads, tid, chunk = 10;

long **a, **b, **c;
    int N = 500;

    if (argc == 2) {
        N = atoi (argv[1]);
        assert (N > 0);
    }

    int i,j,k,mul=5;

```

```

    long col_sum = N * (N-1) / 2;

a = (long **)malloc (N * sizeof(long *));
b = (long **)malloc (N * sizeof(long *));
c = (long **)malloc (N * sizeof(long *));

for (i=0; i<N; i++) {
    a[i] = (long *)malloc (N * sizeof(long));
    b[i] = (long *)malloc (N * sizeof(long));
    c[i] = (long *)malloc (N * sizeof(long));
}

#pragma omp parallel shared (a,b,c,nthreads, chunk) private (i, j,k,tid)
{
    tid = omp_get_thread_num();
    #pragma omp single
    printf("Number threads = %d\n", omp_get_num_threads());

    #pragma omp for schedule(static, chunk)
    for (i=0; i<N; i++){
        for (j=0; j<N; j++) {
            a[i][j] = i*mul;
            b[i][j] = i;
            c[i][j] = 0;
        }
    }
    #pragma omp single
    printf ("Matrix generation finished.\n");

    #pragma omp for schedule(static, chunk)
    for (i=0; i<N; i++){
        for (j=0; j<N; j++){
            for (k=0; k<N; k++){
                c[i][j] += a[i][k] * b[k][j];
            }
        }
    }

    #pragma omp single
    printf ("Multiplication finished.\n");
}

```

```

#pragma omp for schedule(static, chunk)
for (i=0; i<N; i++){
    for (j=0; j<N; j++){
        assert ( c[i][j] == i*mul * col_sum);
    }
}
#pragma omp single
printf ("Test finished.\n");
}

end = omp_get_wtime();
printf("Time: %lf.\n", end-start);
}

```

Código do programa mult.c com paralelização no laço da variável j.

```

/*
ID: diana.n1
PROG: MultParallelj
LANG: C++
*/

#include <stdio.h>
#include <assert.h>
#include <stdlib.h>
#include <assert.h>
#include <time.h>
#include "omp.h"

int main(int argc, char **argv) {
double start, end;
start = omp_get_wtime();
    int nthreads, tid, chunk = 10;

long **a, **b, **c;
    int N = 500;

    if (argc == 2) {
        N = atoi (argv[1]);
        assert (N > 0);
    }
}

```

```

    int i,j,k,mul=5;
    long col_sum = N * (N-1) / 2;

    a = (long **)malloc (N * sizeof(long *));
    b = (long **)malloc (N * sizeof(long *));
    c = (long **)malloc (N * sizeof(long *));

    for (i=0; i<N; i++) {
        a[i] = (long *)malloc (N * sizeof(long));
        b[i] = (long *)malloc (N * sizeof(long));
        c[i] = (long *)malloc (N * sizeof(long));
    }

    #pragma omp parallel shared (a,b,c,nthreads, chunk) private (i, j,k,tid)
    {
        tid = omp_get_thread_num();
        #pragma omp single
        printf("Number threads = %d\n", omp_get_num_threads());

        #pragma omp for schedule(static, chunk)
        for (i=0; i<N; i++){
            for (j=0; j<N; j++) {
                a[i][j] = i*mul;
                b[i][j] = i;
                c[i][j] = 0;
            }
        }

        #pragma omp single
        printf ("Matrix generation finished.\n");

        for (i=0; i<N; i++){
            #pragma omp for schedule(static, chunk)
            for (j=0; j<N; j++){
                for (k=0; k<N; k++){
                    c[i][j] += a[i][k] * b[k][j];
                }
            }
        }

        #pragma omp single

```



```

printf ("Multiplication finished.\n");

#pragma omp for schedule(static, chunk)
for (i=0; i<N; i++){
    for (j=0; j<N; j++){
        assert ( c[i][j] == i*mul * col_sum);
    }
}
#pragma omp single
printf ("Test finished.\n");
}

end = omp_get_wtime();
printf("Time: %lf.\n", end-start);
}

```

Código do programa mult.c com paralelização no laço da variável k.

```

/*
ID: diana.n1
PROG: MultParallelk
LANG: C++
*/

#include <stdio.h>
#include <assert.h>
#include <stdlib.h>
#include <assert.h>
#include <time.h>
#include "omp.h"

int main(int argc, char **argv) {
double start, end;
start = omp_get_wtime();
    int nthreads, tid, chunk = 10;

long **a, **b, **c;
    int N = 500;

    if (argc == 2) {
        N = atoi (argv[1]);

```

```

        assert (N > 0);
    }

    int i,j,k,mul=5;
    long col_sum = N * (N-1) / 2;
long temp;

a = (long **)malloc (N * sizeof(long *));
b = (long **)malloc (N * sizeof(long *));
c = (long **)malloc (N * sizeof(long *));

for (i=0; i<N; i++) {
    a[i] = (long *)malloc (N * sizeof(long));
    b[i] = (long *)malloc (N * sizeof(long));
    c[i] = (long *)malloc (N * sizeof(long));
}

#pragma omp parallel shared (a,b,c,nthreads, chunk, temp) private (i, j,k,tid)
{
    tid = omp_get_thread_num();
    #pragma omp single
    printf("Number threads = %d\n", omp_get_num_threads());

    #pragma omp for schedule(static, chunk)
    for (i=0; i<N; i++){
        for (j=0; j<N; j++) {
            a[i][j] = i*mul;
            b[i][j] = i;
            c[i][j] = 0;
        }
    }

    #pragma omp single
    printf ("Matrix generation finished.\n");

    for (i=0; i<N; i++){
        for (j=0; j<N; j++){
            #pragma omp single
            temp = 0;
            #pragma omp for schedule(static, chunk) reduction (+:temp)
            for (k=0; k<N; k++){
                temp += a[i][k] * b[k][j];
            }
        }
    }
}

```

```

    }
    #pragma omp single
    c[i][j] = temp;
    }
}

#pragma omp single
printf ("Multiplication finished.\n");

#pragma omp for schedule(static, chunk)
for (i=0; i<N; i++){
    for (j=0; j<N; j++){
        assert ( c[i][j] == i*mul * col_sum);
    }
}
#pragma omp single
printf ("Test finished.\n");
}

end = omp_get_wtime();
printf("Time: %lf.\n", end-start);
}

```

B Anexo II

Código do programa mult.c sequencial com otimizações de código.

```

/*
ID: diana.n1
PROG: MultSeqCodeChange
LANG: C++
*/

#include <stdio.h>
#include <assert.h>
#include <stdlib.h>
#include <assert.h>
#include <time.h>
#include "omp.h"

```

```

void transpose(int n, long ** m){
    long tmp;
    for (int i = 0; i < n; i++){
        for (int j = i+1; j < n; j++){
            tmp = m[i][j];
            m[i][j] = m[j][i];
            m[j][i] = tmp;
        }
    }
}

int main(int argc, char **argv) {
    double start, end;
    start = omp_get_wtime();
    long **a, **b, **c;
        int N = 500;

        if (argc == 2) {
            N = atoi (argv[1]);
            assert (N > 0);
        }

        int i,j,k,mul=5;
        long col_sum = N * (N-1) / 2, tmp;

a = (long **)malloc (N * sizeof(long *));
b = (long **)malloc (N * sizeof(long *));
c = (long **)malloc (N * sizeof(long *));
for (i=0; i<N; i++) {
    a[i] = (long *)malloc (N * sizeof(long));
    b[i] = (long *)malloc (N * sizeof(long));
    c[i] = (long *)malloc (N * sizeof(long));
}

for (i=0; i<N; i++){
    for (j=0; j<N; j++) {
        a[i][j] = i*mul;
        b[i][j] = i;
        c[i][j] = 0;
    }
}

```

```

    }
}

printf ("Matrix generation finished.\n");

transpose(N, b);
for (i=0; i<N; i++){
    for (j=0; j<N; j++){
        tmp = 0;
        for (k=0; k<N; k++){
            tmp += a[i][k] * b[j][k];
        }
        c[i][j] = tmp;
    }
}

printf ("Multiplication finished.\n");

for (i=0; i<N; i++)
    for (j=0; j<N; j++)
        assert ( c[i][j] == i*mul * col_sum);
    printf ("Test finished.\n");

end = omp_get_wtime();
printf("Time: %lf.\n", end-start);
}

```

Código do programa mult.c com paralelização no laço da variável i com otimizações de código.

```

/*
ID: diana.n1
PROG: MultParallelCodeChange
LANG: C++
*/

#include <stdio.h>
#include <assert.h>
#include <stdlib.h>
#include <assert.h>

```

```

#include <time.h>
#include "omp.h"

void transpose(int n, long ** m){
    long tmp;
    for (int i = 0; i < n; i++){
        for (int j = i+1; j < n; j++){
            tmp = m[i][j];
            m[i][j] = m[j][i];
            m[j][i] = tmp;
        }
    }
}

int main(int argc, char **argv) {
    double start, end;
    start = omp_get_wtime();
    int nthreads, tid, chunk = 10;

    long **a, **b, **c;
    int N = 500;

    if (argc == 2) {
        N = atoi (argv[1]);
        assert (N > 0);
    }

    int i,j,k,mul=5;
    long col_sum = N * (N-1) / 2, tmp;

    a = (long **)malloc (N * sizeof(long *));
    b = (long **)malloc (N * sizeof(long *));
    c = (long **)malloc (N * sizeof(long *));

    for (i=0; i<N; i++) {
        a[i] = (long *)malloc (N * sizeof(long));
        b[i] = (long *)malloc (N * sizeof(long));
        c[i] = (long *)malloc (N * sizeof(long));
    }

    #pragma omp parallel shared (a,b,c,nthreads, chunk) private (i, j,k,tid, tmp)

```

```

{
tid = omp_get_thread_num();

#pragma omp single
printf("Number threads = %d\n", omp_get_num_threads());

#pragma omp for schedule(static, chunk)
for (i=0; i<N; i++){
for (j=0; j<N; j++) {
a[i][j] = i*mul;
b[i][j] = i;
c[i][j] = 0;
}
}

#pragma omp single
printf ("Matrix generation finished.\n");

#pragma omp single
transpose(N, b);

#pragma omp for schedule(static, chunk)
for (i=0; i<N; i++){
for (j=0; j<N; j++){
tmp = 0;
for (k=0; k<N; k++){

tmp += a[i][k] * b[j][k];
}
c[i][j] = tmp;
}
}

#pragma omp single
printf ("Multiplication finished.\n");

#pragma omp for schedule(static, chunk)
for (i=0; i<N; i++){
for (j=0; j<N; j++){
assert ( c[i][j] == i*mul * col_sum);
}
}

```

```

}
#pragma omp single
printf ("Test finished.\n");
}

end = omp_get_wtime();
printf("Time: %lf.\n", end-start);
}

```

Código do programa mult.c com paralelização no laço da variável j com optimizações de código.

```

/*
ID: diana.n1
PROG: MultParalleljCodeChange
LANG: C++
*/

#include <stdio.h>
#include <assert.h>
#include <stdlib.h>
#include <assert.h>
#include <time.h>
#include "omp.h"

void transpose(int n, long ** m){
    long tmp;
    for (int i = 0; i < n; i++){
        for (int j = i+1; j < n; j++){
            tmp = m[i][j];
            m[i][j] = m[j][i];
            m[j][i] = tmp;
        }
    }
}

int main(int argc, char **argv) {
    double start, end;
    start = omp_get_wtime();
    int nthreads, tid, chunk = 10;

```



```

long **a, **b, **c;
int N = 500;

if (argc == 2) {
    N = atoi (argv[1]);
    assert (N > 0);
}

int i,j,k,mul=5;
long col_sum = N * (N-1) / 2, tmp;

a = (long **)malloc (N * sizeof(long *));
b = (long **)malloc (N * sizeof(long *));
c = (long **)malloc (N * sizeof(long *));

for (i=0; i<N; i++) {
    a[i] = (long *)malloc (N * sizeof(long));
    b[i] = (long *)malloc (N * sizeof(long));
    c[i] = (long *)malloc (N * sizeof(long));
}

#pragma omp parallel shared (a,b,c,nthreads, chunk) private (i, j, k, tid, tmp)
{
    tid = omp_get_thread_num();
    #pragma omp single
    printf("Number threads = %d\n", omp_get_num_threads());

    #pragma omp for schedule(static, chunk)
    for (i=0; i<N; i++){
        for (j=0; j<N; j++) {
            a[i][j] = i*mul;
            b[i][j] = i;
            c[i][j] = 0;
        }
    }

    #pragma omp single
    printf ("Matrix generation finished.\n");

    #pragma omp single
    transpose(N, b);

```

```

for (i=0; i<N; i++){
#pragma omp for schedule(static, chunk)
for (j=0; j<N; j++){
tmp = 0;
for (k=0; k<N; k++){
tmp += a[i][k] * b[j][k];
}
c[i][j] = tmp;
}
}

#pragma omp single
printf ("Multiplication finished.\n");

#pragma omp for schedule(static, chunk)
for (i=0; i<N; i++){
    for (j=0; j<N; j++){
assert ( c[i][j] == i*mul * col_sum);
}
}
#pragma omp single
printf ("Test finished.\n");
}

end = omp_get_wtime();
printf("Time: %lf.\n", end-start);
}

```

Código do programa mult.c com paralelização no laço da variável k com otimizações de código.

```

/*
ID: diana.n1
PROG: MultParallelkCodeChange
LANG: C++
*/

#include <stdio.h>
#include <assert.h>
#include <stdlib.h>
#include <assert.h>

```

```

#include <time.h>
#include "omp.h"

void transpose(int n, long ** m){
    long tmp;
    for (int i = 0; i < n; i++){
        for (int j = i+1; j < n; j++){
            tmp = m[i][j];
            m[i][j] = m[j][i];
            m[j][i] = tmp;
        }
    }
}

int main(int argc, char **argv) {
    double start, end;
    start = omp_get_wtime();
    int nthreads, tid, chunk = 10;

    long **a, **b, **c;
    int N = 500;

    if (argc == 2) {
        N = atoi (argv[1]);
        assert (N > 0);
    }

    int i,j,k,mul=5;
    long col_sum = N * (N-1) / 2, tmp;

    a = (long **)malloc (N * sizeof(long *));
    b = (long **)malloc (N * sizeof(long *));
    c = (long **)malloc (N * sizeof(long *));

    for (i=0; i<N; i++) {
        a[i] = (long *)malloc (N * sizeof(long));
        b[i] = (long *)malloc (N * sizeof(long));
        c[i] = (long *)malloc (N * sizeof(long));
    }

    #pragma omp parallel shared (a,b,c,nthreads, chunk, tmp) private (i, j,k,tid)

```

```

{
tid = omp_get_thread_num();
#pragma omp single
printf("Number threads = %d\n", omp_get_num_threads());

#pragma omp for schedule(static, chunk)
for (i=0; i<N; i++){
for (j=0; j<N; j++) {
a[i][j] = i*mul;
b[i][j] = i;
c[i][j] = 0;
}
}
#pragma omp single
printf ("Matrix generation finished.\n");

#pragma omp single
transpose(N, b);

for (i=0; i<N; i++){
for (j=0; j<N; j++){
#pragma omp single
tmp = 0;
#pragma omp for schedule(static, chunk) reduction (+:tmp)
for (k=0; k<N; k++){
tmp += a[i][k] * b[j][k];
}
#pragma omp single
c[i][j] = tmp;
}
}

#pragma omp single
printf ("Multiplication finished.\n");

#pragma omp for schedule(static, chunk)
for (i=0; i<N; i++){
for (j=0; j<N; j++){
assert ( c[i][j] == i*mul * col_sum);
}
}
}

```

```
#pragma omp single
printf ("Test finished.\n");
}

end = omp_get_wtime();
printf("Time: %lf.\n", end-start);
}
```