Lista de Exercícios 6

Prof. Douglas O. Cardoso CEFET-RJ Petrópolis

Para solução desta lista, considere \leftrightarrow (lê-se "dupla implicação") como um operador lógico, cuja precedência é a menor de todas. Além disso, considere a equivalência $\phi \leftrightarrow \psi \dashv \vdash (\phi \to \psi) \land (\psi \to \phi)$ como indicação das regras básicas ' $e \leftrightarrow$ ' (eliminação da dupla implicação) e ' $i \leftrightarrow$ ' (introdução da dupla implicação). Por fim, no processo de conversão para a FNC, remova as dupla implicações antes das implicações simples.

1.
$$\varnothing \vdash P \to P$$

2.
$$\varnothing \vdash P \to (Q \to P)$$

3.
$$\varnothing \vdash \neg (P \land \neg P)$$

$$4. \varnothing \vdash P \leftrightarrow P \land P$$

5.
$$\varnothing \vdash P \leftrightarrow P \land (P \lor Q)$$

6.
$$\varnothing \vdash P \leftrightarrow P \lor P$$

7.
$$\varnothing \vdash P \leftrightarrow \neg \neg P$$

8.
$$\varnothing \vdash P \lor \neg P$$

9.
$$\varnothing \vdash (P \leftrightarrow Q) \leftrightarrow (Q \leftrightarrow P)$$

10.
$$\varnothing \vdash P \to (P \to Q) \leftrightarrow P \to Q$$

11.
$$\varnothing \vdash P \leftrightarrow P \lor (P \land Q)$$

12.
$$\varnothing \vdash (P \land \neg P) \lor Q \leftrightarrow Q$$

13.
$$\varnothing \vdash (P \to Q \land R) \to (P \land Q \leftrightarrow P \land R)$$

14.
$$\varnothing \vdash (P \lor \neg P) \land Q \leftrightarrow Q$$

15.
$$\varnothing \vdash P \land (Q \leftrightarrow R) \rightarrow (P \land Q \leftrightarrow R)$$

16.
$$\varnothing \vdash (P \leftrightarrow Q) \rightarrow (R \land P \leftrightarrow R \land Q)$$

17.
$$\varnothing \vdash (P \to Q) \lor (Q \to P)$$

18.
$$\varnothing \vdash P \to (Q \to R) \leftrightarrow Q \to (P \to R)$$

19.
$$\varnothing \vdash P \to \neg Q \leftrightarrow Q \to \neg P$$

20.
$$\varnothing \vdash (P \to Q) \lor (Q \to R)$$

21.
$$\varnothing \vdash P \land (\neg P \lor Q) \leftrightarrow P \land Q$$

22.
$$\varnothing \vdash P \to (Q \to R) \leftrightarrow ((P \to Q) \to (P \to R))$$

23.
$$\varnothing \vdash \neg P \to P \leftrightarrow P$$

24.
$$\varnothing \vdash (P \leftrightarrow Q) \rightarrow (R \lor P \leftrightarrow R \lor Q)$$

25.
$$\varnothing \vdash (P \leftrightarrow Q) \land (R \leftrightarrow S) \rightarrow ((P \rightarrow R) \leftrightarrow (Q \rightarrow S))$$

26.
$$\varnothing \vdash (P \leftrightarrow Q) \land (R \leftrightarrow S) \rightarrow (P \land R \leftrightarrow Q \land S)$$

- 27. $\varnothing \vdash ((P \to Q) \to P) \to P$
- 28. $\varnothing \vdash P \lor (\neg P \land Q) \leftrightarrow P \lor Q$
- 29. $\varnothing \vdash (P \leftrightarrow Q) \rightarrow ((R \leftrightarrow P) \leftrightarrow (R \leftrightarrow Q))$
- 30. $\varnothing \vdash (P \leftrightarrow Q) \land (R \leftrightarrow S) \rightarrow (P \lor R \leftrightarrow Q \lor S)$