

Министерство образования Республики Беларусь
Учреждение образования
«Брестский государственный технический университет»
Кафедра ИИТ

Лабораторная работа №2

По дисциплине: «Модели решения задач в интеллектуальных системах»
Тема: «Адаптивный шаг обучения в однослоином линейном персептроне (метод наискорейшего спуска)»

Выполнила:
Студент 3 курса
Группы ИИ-26
Карпович К.А.
Проверила:
Андренко К.В.

Брест 2026

Цель работы: изучить алгоритм оптимизации градиентного спуска с использованием адаптивного шага обучения. Реализовать модифицированный персептрон, в котором параметр скорости обучения $\alpha(t)$ вычисляется на основе минимизации квадратичной формы ошибки для каждой итерации. Сравнить скорость сходимости с классическим алгоритмом из лабораторной работы №1. Вариант сохраняется.

Задачи лабораторной работы:

1. Модифицировать алгоритм последовательного обучения (из лаб №1) таким образом, чтобы на каждой итерации t значение α вычислялось автоматически на основе текущего входного вектора x по формуле (см раздел 2.9).
 2. Применить вычисленный $\alpha(t)$ для обновления весов ω_{ij} и порогов T_j согласно дельта-правилу.
 3. Используя данные своего варианта, провести два эксперимента:
 - Обучение с фиксированным шагом (например, $\alpha=0.1$ или $\alpha = \frac{1}{p}$).
 - Обучение с адаптивным шагом по Теореме 2.1 (формула 2.36).
- Критерий остановки в обоих случаях – достижение заданной суммарной ошибки $E_s \leq E_e$.
4. Построить графики обучения $E_s(p)$, где p – номер эпохи, для обоих экспериментов на одних осиях координат.
 5. Выполнить графическую визуализацию разделяющей линии для адаптивного метода.
 6. Реализовать режим функционирования сети:
 - пользователь задаёт произвольный входной вектор,
 - сеть вычисляет выходной класс,
 - соответствующая точка отображается на графике,
 7. Написать вывод по выполненной работе. Оценить, насколько адаптивный шаг сокращает количество эпох обучения по сравнению с фиксированным.

Допускается применение **математических и графических** библиотек

ML-библиотеки и ML-фреймворки использовать нельзя (например: scikit-learn, TensorFlow, PyTorch - запрещены)

Вариант 6

x_1, x_2 - входные данные сети, e - эталонные значения

x	x	e
3	6	0
-3	6	0
3	-6	1
-3	-6	1

Код программы:

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

X = np.array([[3, 6], [-3, 6], [3, -6], [-3, -6]])
e = np.array([0, 0, 1, 1])

# Параметры обучения
target_mse = 0.001
```

```

max_epochs = 500
fixed_alpha = 0.01

def train_perceptron(X_data, e_labels, alpha_type='fixed', alpha_val=0.01):
    """Функция обучения персептрона"""
    np.random.seed(42)
    w = np.random.uniform(-0.5, 0.5, 2)
    w0 = np.random.uniform(-0.5, 0.5)
    mse_history = []

    for epoch in range(max_epochs):
        errors = []
        for i in range(len(X_data)):
            # Вычисление выхода (линейный сумматор)
            S = np.dot(X_data[i], w) + w0
            delta = e_labels[i] - S

            # Выбор шага обучения
            if alpha_type == 'adaptive':
                alpha = 1 / (1 + np.sum(X_data[i] ** 2))
            else:
                alpha = alpha_val

            # Обновление весов
            w += alpha * delta * X_data[i]
            w0 += alpha * delta

            errors.append(delta ** 2)

        current_mse = np.mean(errors)
        mse_history.append(current_mse)
        if current_mse <= target_mse:
            break

    return w, w0, mse_history

# Запуск двух экспериментов
w_f, w0_f, hist_f = train_perceptron(X, e, 'fixed', fixed_alpha)
w_a, w0_a, hist_a = train_perceptron(X, e, 'adaptive')

print(f'Обучение завершено.')
print(f'Фиксированный шаг: {len(hist_f)} эпох')
print(f'Адаптивный шаг: {len(hist_a)} эпох')

#ГРАФИК №1: ВИЗУАЛИЗАЦИЯ УСЛОВИЯ
plt.figure(figsize=(11, 6))

plt.scatter(X[:2, 0], X[:2, 1], color='blue', s=150, label='Класс 0 (e=0)', edgecolors='black', zorder=5)
plt.scatter(X[2:, 0], X[2:, 1], color='red', s=150, label='Класс 1 (e=1)', edgecolors='black', zorder=5)

# Разделяющая линия (w1*x1 + w2*x2 + w0 = 0.5)
x_coords = np.linspace(-10, 10, 100)

```

```

y_coords = (0.5 - w0_a - w_a[0] * x_coords) / w_a[1]
plt.plot(x_coords, y_coords, 'g--', linewidth=2, label='Разделяющая линия (Адаптив)')

plt.title("Визуализация условия и разделяющей поверхности", fontsize=14)
plt.xlabel("Признак x1")
plt.ylabel("Признак x2")

plt.xlim(-7, 7)
plt.ylim(-10, 10)
plt.axhline(0, color='black', lw=1, alpha=0.3)
plt.axvline(0, color='black', lw=1, alpha=0.3)
plt.grid(True, linestyle=':', alpha=0.6)

plt.legend(bbox_to_anchor=(1.02, 1), loc='upper left', borderaxespad=0)

plt.tight_layout()
plt.show()

```

#ГРАФИК №2: ГРАФИК ИЗМЕНЕНИЯ ОШИБКИ

```

plt.figure(figsize=(10, 5))
plt.plot(hist_f, 'r--', label=f'Фиксированный шаг ({len(hist_f)} эпох)')
plt.plot(hist_a, 'g-', linewidth=2, label=f'Адаптивный шаг ({len(hist_a)} эпох)')
plt.yscale('log')
plt.title("Сравнение скорости сходимости (зависимость MSE от эпохи p)")
plt.xlabel("Номер эпохи (p)")
plt.ylabel("Среднеквадратичная ошибка (MSE)")
plt.legend()
plt.grid(True, which="both", alpha=0.3)
plt.tight_layout()
plt.show()

```

```

# РЕЖИМ ФУНКЦИОНИРОВАНИЯ
print("\n" + "=" * 30)
print("РЕЖИМ ТЕСТИРОВАНИЯ")
print("=" * 30)

```

while True:

```

    user_input = input("\nВведите координаты x1, x2 через запятую (или 'q' для выхода): ")
    if user_input.lower() == 'q':

```

```

        break

```

```

    try:

```

```

        # Превращаем строку в массив чисел

```

```

        coords = [float(x.strip()) for x in user_input.split(',')]
        test_point = np.array(coords)

```

```

        # Расчет выхода сети

```

```

        S = np.dot(test_point, w_a) + w0_a

```

```

        y_class = 1 if S >= 0.5 else 0

```

```

        print(f"Результат для точки {coords}:")

```

```

        print(f" Сумматор S = {S:.4f}")

```

```

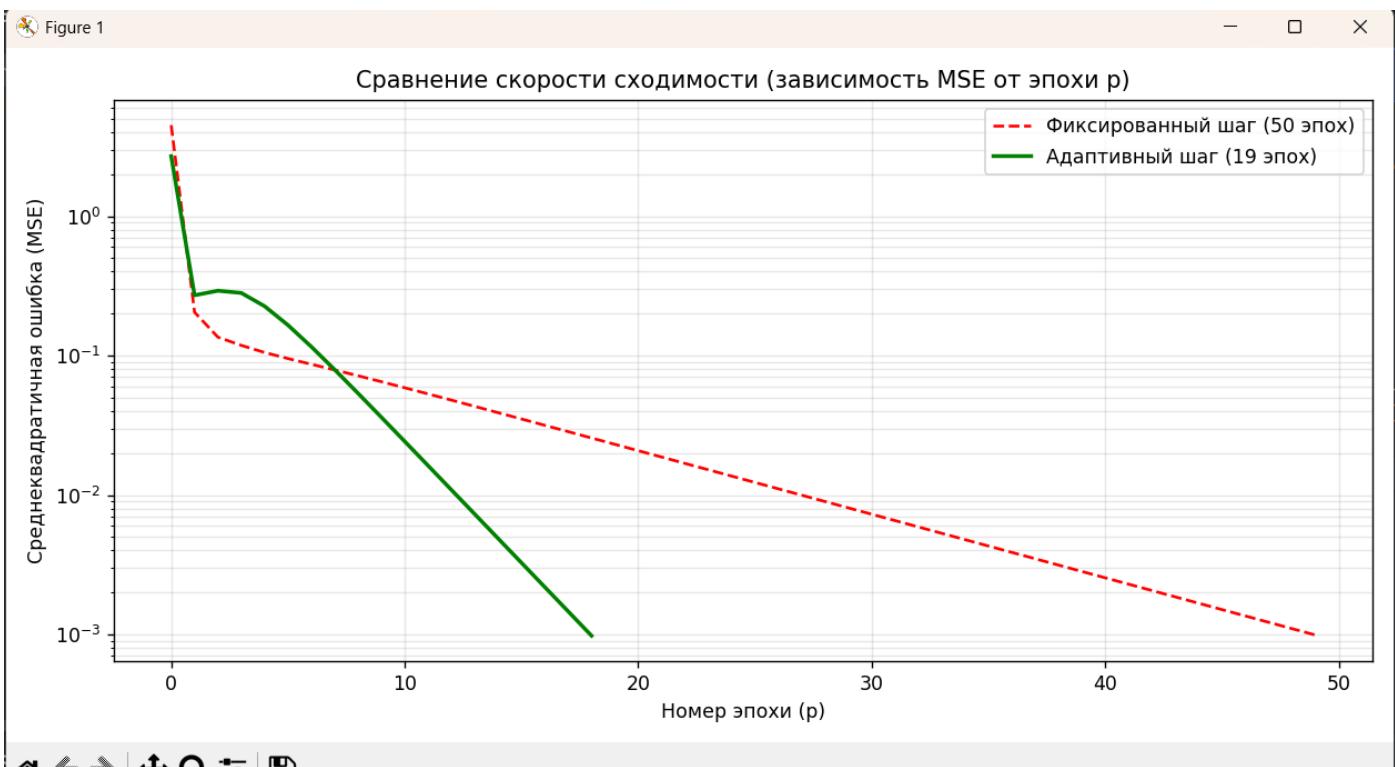
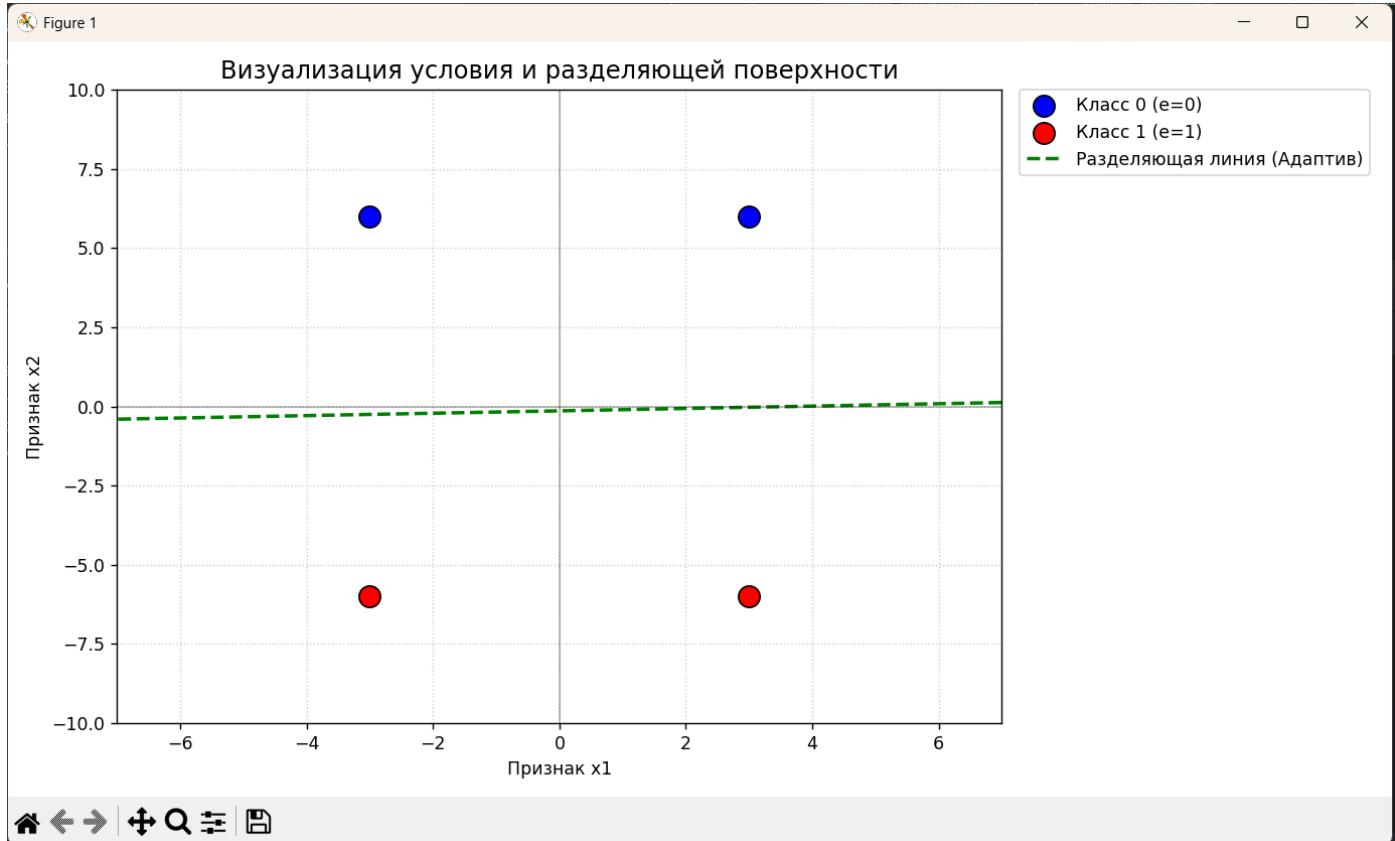
        print(f" Определен КЛАСС {y_class}")

```

```
except Exception as err:
```

```
    print(f"Ошибка ввода! Введите два числа. (Подробно: {err})")
```

Результат программы:



Обучение завершено.

Фиксированный шаг: 50 эпох

Адаптивный шаг: 19 эпох

=====

РЕЖИМ ТЕСТИРОВАНИЯ

=====

Введите координаты x1, x2 через запятую (или 'q' для выхода): 3, 6

Результат для точки [3.0, 6.0]:

Сумматор S = -0.0244

Определен КЛАСС 0

Введите координаты x1, x2 через запятую (или 'q' для выхода): 3, -6

Результат для точки [3.0, -6.0]:

Сумматор S = 1.0196

Определен КЛАСС 1

Введите координаты x1, x2 через запятую (или 'q' для выхода): 0, 5

Результат для точки [0.0, 5.0]:

Сумматор S = 0.0528

Определен КЛАСС 0

Введите координаты x1, x2 через запятую (или 'q' для выхода): q

Process finished with exit code 0

Результаты проверки подтверждают корректность работы обученной нейронной сети: персептрон безошибочно классифицирует как точки из исходного условия, так и произвольные входные векторы. Это свидетельствует об успешном формировании разделяющей прямой и способности модели к обобщению данных после обучения с использованием адаптивного шага.

Вывод: изучила алгоритм оптимизации градиентного спуска с использованием адаптивного шага обучения. Реализовала модифицированный персептрон, в котором параметр скорости обучения $\alpha(t)$ вычисляется на основе минимизации квадратичной формы ошибки для каждой итерации. Сравнила скорость сходимости с классическим алгоритмом из лабораторной работы №1.