Cahier de Texte

EL BAKKIOUI KHALID

CPGE DE TANGER

2^e Année

Filière : PSI

Matière : Mathématiques

Lycée Moulay Al Hassan

I. Lundi 08 Septembre 2025

PSI de 10h à 12h

- Accueil des élèves. Présentation de la classe, de ses exigences, etc.
- Présentation du programme de mathématiques et organisation de la semaine.
- ♠ Cours du chapitre 1 : Espaces vectoriels.
- Définition d'un \mathbb{K} -espace vectoriel (avec $\mathbb{K} = \mathbb{R}$ ou \mathbb{C}). Lois interne et externe, propriétés. Exemples : \mathbb{K} , \mathbb{C} comme \mathbb{R} -espace vectoriel, $\mathcal{A}(D, E)$, suites, $\mathbb{K}[X]$, $\mathcal{M}_{n,p}(\mathbb{K})$. Espace vectoriel produit $E_1 \times \cdots \times E_p$.

II. Mardi 09 Septembre 2025

PSI de 08h à 10h

- ♠ Cours du chapitre 1 : Espaces vectoriels.
- ullet Sous-espaces vectoriels : définition et caractérisation. Exemples et contre-exemples. Intersection de sous-espaces vectoriels. Sous-espace vectoriel engendré par une partie : $\operatorname{Vect}(X)$. Réunion de sous-espaces vectoriels (cas général, cas de deux s.e.v).

III. Mercredi 10 Septembre 2025

PSI de 16h à 18h

- ♠ Cours du chapitre 1 : Espaces vectoriels.
- ullet Combinaisons linéaires (famille à support fini). Lien entre $\mathrm{Vect}(X)$ et les combinaisons linéaires. Exemples : droite vectorielle, polynômes, matrices. Somme d'une famille finie de sous-espaces vectoriels. Somme directe, caractérisation.

IV. Jeudi 11 Septembre 2025

PSI de 08h à 10h

- ♠ Cours du chapitre 1 : Espaces vectoriels.
- Sous-espaces supplémentaires. Exemples : fonctions paires et impaires, polynômes et multiples. Familles génératrices, libres, liées : définitions et propriétés. Exemples de familles libres $(t \mapsto t^{\lambda}, t \mapsto \cos(nt), \text{ polynômes de degrés distincts}).$

V. Vendredi 12 Septembre 2025

PSI de 08h à 10h

- ♠ Cours du chapitre 1 : Espaces vectoriels.
- Bases : définition, caractérisation, coordonnées. Exemples de bases : base canonique de \mathbb{K}^n , $\mathbb{K}[X]$, $\mathbb{K}_n[X]$. Bases et supplémentaires : réunion de bases adaptées. Espaces vectoriels de dimension finie : définition, exemples.

VI. Lundi 15 Septembre 2025

PSI de 10h à 12h

- ♠ Cours du chapitre 1 : Espaces vectoriels.
- Théorème de la base incomplète et corollaires. Dimension : définition, exemples $(\mathbb{K}^n, \mathbb{K}_n[X],$ etc.). Caractérisation des bases en dimension finie. Dimension d'un espace produit.

VII. Mardi 16 Septembre 2025

PSI de 08h à 10h

- ♠ Cours du chapitre 1 : Espaces vectoriels.
- Sous-espaces vectoriels en dimension finie : dimension, supplémentaires. Formule de Grassmann. Somme directe et dimension. Rang d'une famille de vecteurs. Exercice d'application : supplémentarité dans $\mathbb{R}_3[X]$.

VIII. Mercredi 17 Septembre 2025

PSI de 16h à 18h

- ♣ Travaux dirigés du chapitre 1 : Espaces vectoriels.
 - Exercices: 1, 2, 3, 4, 5, 6.

IX. Jeudi 18 Septembre 2025

PSI de 08h à 10h

- ♠ Cours du chapitre 2 : Applications linéaires.
- Définition d'une application linéaire. Propriétés élémentaires. Exemples fondamentaux : application nulle, homothéties, dérivation, évaluation, intégration. Endomorphismes, isomorphismes, automorphismes. Notations $\mathcal{L}(E,F)$, $\mathcal{L}(E)$, GL(E). Sous-espaces vectoriels stables. Endomorphisme induit.

X. Vendredi 19 Septembre 2025

PSI de 08h à 10h

- ♠ Cours du chapitre 2 : Applications linéaires.
- Image et noyau d'une application linéaire. Théorèmes fondamentaux. Caractérisation de l'injectivité et de la surjectivité par le noyau et l'image. Lien avec les sommes de sous-espaces vectoriels. Théorème d'isomorphisme : restriction à un supplémentaire du noyau.

XI. Lundi 22 Septembre 2025

PSI de 10h à 12h

- ♦ Distribution du devoir à la maison n°1.
- ♠ Cours du chapitre 2 : Applications linéaires.

• Opérations sur les applications linéaires : structure d'espace vectoriel de $\mathcal{L}(E,F)$. Composition d'applications linéaires. Propriétés de la composition. Image et noyau d'une composée. Structure d'algèbre de $\mathcal{L}(E)$.

XII. Mardi 23 Septembre 2025

PSI de 08h à 10h

- ♠ Cours du chapitre 2 : Applications linéaires.
- Groupe linéaire GL(E). Propriétés des automorphismes. Puissances d'un endomorphisme. Formule du binôme lorsque u et v commutent. Projecteurs : définition, propriétés, caractérisation. Symétries : définition, propriétés, caractérisation.

XIII. Mercredi 24 Septembre 2025

PSI de 16h à 18h

- **A** Travaux dirigés du chapitre 2 : Applications linéaires.
 - Exercices : 1, 2, 3.

XIV. Jeudi 25 Septembre 2025

PSI de 08h à 10h

- ♠ Cours du chapitre 2 : Applications linéaires.
- Détermination d'une application linéaire par ses restrictions à des sous-espaces supplémentaires. Détermination par l'image d'une base. Caractérisation des isomorphismes. Cas de la dimension finie : théorème du rang. Caractérisations des applications injectives, surjectives, bijectives en dimension finie.

XV. Vendredi 26 Septembre 2025

PSI de 08h à 10h

- ♠ Cours du chapitre 2 : Applications linéaires.
- ullet Invariance du rang par composition avec un isomorphisme. Dimension de $\mathcal{L}(E,F)$ en dimension finie. Polynômes d'interpolation de Lagrange : existence, unicité, construction. Application à la décomposition en éléments simples.

XVI. Lundi 29 Septembre 2025

PSI de 10h à 12h

- ♠ Cours du chapitre 3 : Formes linéaires et hyperplans.
- Définition d'un hyperplan : sous-espace vectoriel admettant une droite vectorielle pour supplémentaire. Caractérisation : si H est un hyperplan et $a \notin H$, alors $E = H \oplus \mathbb{K}a$. Définition d'une forme linéaire et de l'espace dual E^* . Lien hyperplan noyau d'une forme linéaire non nulle. Équation d'un hyperplan en dimension finie : $\sum a_i x_i = 0$. Système d'équations d'un sous-espace vectoriel : intersection de noyaux de formes linéaires indépendantes. Exemples et méthodes de résolution d'exercices types.

XVII. Mardi 30 Septembre 2025

PSI de 08h à 10h

- ♠ Cours du chapitre 4 : Calcul matriciel.
- Définitions fondamentales : matrices, types de matrices (ligne, colonne, carrée). Matrice d'un système de vecteurs dans une base. Matrice d'une application linéaire. Bijection entre $\mathcal{L}(E,F)$ et $M_{p,q}(K)$. Application linéaire canoniquement associée à une matrice. Rang d'une matrice. Opérations sur les matrices : addition, multiplication externe. Structure d'espace vectoriel de $M_{p,q}(K)$. Base canonique.

XVIII. Mercredi 01 Octobre 2025

PSI de 16h à 18h

 \blacklozenge Eléments de correction au tableau du devoir à la maison n° : 1.

XIX. Jeudi 02 Octobre 2025

PSI de 08h à 10h

- ♠ Cours du chapitre 4 : Calcul matriciel.
- Multiplication matricielle : définition et propriétés. Expression analytique d'une application linéaire. Noyau et image d'une matrice. Théorème du rang matriciel. Matrices par blocs : définitions et opérations. Produit de matrices par blocs. Transposition : définition et propriétés fondamentales.

XX. Vendredi 03 Octobre 2025

PSI de 08h à 10h

- ♠ Cours du chapitre 4 : Calcul matriciel.
- Algèbre $M_n(K)$: structure d'algèbre non commutative. Matrice d'un endomorphisme. Groupe linéaire $GL_n(K)$. Matrices inversibles: caractérisations équivalentes. Rang et matrices extraites.

XXI. Lundi 06 Octobre 2025

PSI de 10h à 12h

- ♠ Cours du chapitre 4 : Calcul matriciel.
- Matrices triangulaires : caractérisation par la stabilité des sous-espaces emboîtés. Sousalgèbre des matrices triangulaires supérieures. Inversibilité et nilpotence des matrices triangulaires. Matrices diagonales et matrices scalaires. Matrices symétriques et antisymétriques. Décomposition d'une matrice en partie symétrique et antisymétrique. Matrices par blocs et stabilité de sous-espaces. Changements de base : matrices de passage et formules de transformation. Trace d'une matrice et d'un endomorphisme.

XXII. Mardi 07 Octobre 2025

PSI de 08h à 12h

 \blacklozenge Devoir sur table n°: 1.

XXIII. Mercredi 08 Octobre 2025

PSI de 16h à 18h

- A Travaux dirigés du chapitre 3 : Formes linéaires et hyperplans.
 - Exercices: 45, 46, 47, 48.

XXIV. Jeudi 09 Octobre 2025

PSI de 08h à 10h

- ♠ Cours du chapitre 5 : Déterminants.
- ullet Applications p-linéaires : définitions et exemples. Formes p-linéaires symétriques et antisymétriques. Propriétés des applications antisymétriques. Déterminant d'un système de vecteurs dans une base : existence, unicité et propriétés fondamentales. Déterminant d'un endomorphisme : définition et propriétés (multiplicativité, lien avec l'inversibilité).

XXV. Vendredi 10 Octobre 2025

PSI de 08h à 10h

- ♠ Cours du chapitre 5 : Déterminants.
- Déterminant d'une matrice carrée : définition, propriétés algébriques. Calcul du déterminant d'une matrice triangulaire. Lien entre déterminant et transposition. Calculs de déterminants : développement par lignes/colonnes, mineurs et cofacteurs. Méthodes pratiques : opérations élémentaires, matrices par blocs. Exemples classiques : matrices tridiagonales, déterminant de Vandermonde. Orientation d'un espace vectoriel réel.

XXVI. Lundi 13 Octobre 2025

PSI de 10h à 12h

 \blacklozenge Remise des copies du devoir sur table n° : 1. Eléments de correction au tableau .

XXVII. Mercredi 15 Octobre 2025

PSI de 16h à 18h

- A Travaux dirigés du chapitre 4 : Calcul matriciel.
 - Exercices: 1, 4, 6, 8, 15, 40, 44.

XXVIII. Jeudi 16 Octobre 2025

PSI de 08h à 10h

♠ Cours du chapitre 6 : .

•

XXIX. Vendredi 17 Octobre 2025

PSI de 08h à 10h

 \spadesuit Cours du chapitre 6:.

•

XXX. Lundi 27 octobre 2025

PSI de 10h à 12h

♠ Cours du chapitre 6 : .

•

XXXI. Mardi 28 Octobre 2025

PSI de 08h à 10h

♠ Cours du chapitre 6 : .

•

XXXII. Mercredi 29 Octobre 2025

PSI de 16h à 18h

♣ Travaux dirigés du chapitre 5 : Déterminants.

• Exercices :

XXXIII. Jeudi 30 Octobre 2025

PSI de 08h à 10h

♠ Cours du chapitre 6 : .

•

XXXIV. Vendredi 31 Octobre 2025

PSI de 08h à 10h

♠ Cours du chapitre 6 : .

•