





Шай Шалев-Шварц Шай Бен-Давид

ИДЕИ машинного обучения

СОДЕРЖАНИЕ

Предисловие	15
Благодарности	16
Глава 1. Введение	17
1.1. Что такое обучение?	
1.2. Когда необходимо машинное обучение?	
1.3. Типы обучения	
1.4. Связи с другими дисциплинами	
1.5.1. Варианты построения курса на основе книги	
1.6. Обозначения	25
ЧАСТЬ І. ОСНОВАНИЯ	28
Глава 2. Малый вперед	29
2.1. Формальная модель – схема статистического обучения	
2.2. Минимизация эмпирического риска	31
2.2.1. Не все коту масленица – переобучение	31
2.3. Минимизация эмпирического риска с индуктивным смещением	32
2.3.1. Конечные классы гипотез	
2.4. Упражнения	37
Глава 3. Формальная модель обучения	39
3.1. Вероятно почти корректное обучение	
3.2. Более общая модель обучения	40
3.2.1. Отказ от предположения о реализуемости – агностическое	
РАС-обучение	41
3.2.2. Круг моделируемых проблем обучения	
3.3. Резюме	
3.4. Библиографические сведения	
3.5. Упражнения	46
Глава 4. Обучаемость и равномерная сходимость	50
4.1. Равномерная сходимость – достаточное условие обучаемости	
4.2. Конечные классы допускают агностическое РАС-обучение	
4.3. Резюме	
4.4. Библиографические сведения	
4.5. Упражнения	

Глава 5. Компромисс между смещением и сложностью	5 <i>6</i>
5.1. Теорема об отсутствии бесплатных завтраков	57
5.1.1. Теорема о бесплатных завтраках и априорное знание	
5.2. Разложение ошибки	
5.3. Резюме	
5.4. Библиографические сведения	
5.5. Упражнения	
Глава 6. VC-размерность	
6.1. Бесконечные классы могут быть обучаемыми	
6.2. VC-размерность	
6.3. Примеры	
6.3.1. Ступенчатые функции	
6.3.2. Интервалы	6/
6.3.3. Осепараллельные прямоугольники	
6.3.4. Конечные классы	
6.3.5. VC-размерность и количество параметров	
6.4. Фундаментальная теорема РАС-обучения	
6.5. Доказательство теоремы 6.7	
6.5.1. Лемма Зауэра и функция роста	70
6.5.2. Равномерная сходимость для классов небольшого эффективного	
размера	
6.6. Резюме	74
6.7. Библиографические сведения	74
6.8. Упражнения	75
Глава 7. Неравномерная обучаемость	79
7.1. Неравномерная обучаемость	
7.1.1. Характеристика неравномерной обучаемости	
7.2. Структурная минимизация риска	
7.3. Минимальная длина описания и бритва Оккама	
7.3.1. Бритва Оккама	
7.4. Другие концепции обучаемости – согласованность	
7.5. Обсуждение различных понятий обучаемости	
7.5.1. Еще раз о теореме об отсутствии бесплатных завтраков	
7.7. Библиографические сведения	
7.8. Упражнения	93
Глава 8. Время обучения	
8.1. Вычислительная сложность обучения	97
8.1.1. Формальное определение*	98
8.2. Реализация правила ERM	99
8.2.1. Конечные классы	
8.2.2. Осепараллельные прямоугольники	100
8.2.3. Булевы конъюнкции	
8.2.4. Обучение трехчленных ДНФ	

0.7 Obbarrance of managers in the confidence with a manager EDM	107
8.3. Эффективно обучаемый, но не собственный алгоритм ERM	104
8.4. Трудность обучения*	
8.5. Резюме	
8.6. Библиографические сведения	
8.7. Упражнения	106
ЧАСТЬ II. ОТ ТЕОРИИ К АЛГОРИТМАМ	110
Глава 9. Линейные предикторы	111
9.1. Полупространства	112
9.1.1. Линейное программирование для класса полупространств	
9.1.2. Перцептрон для полупространств	114
9.1.3. VC-размерность класса полупространств	
9.2. Линейная регрессия	117
9.2.1. Метод наименьших квадратов	
9.2.2. Линейная регрессия для задач полиномиальной регрессии	119
9.3. Логистическая регрессия	
9.4. Резюме	
9.5. Библиографические сведения	
9.6. Упражнения	
•	
Глава 10. Усиление	
10.1. Слабая обучаемость	125
10.1.1. Эффективная реализация ERM для класса решающих пней	127
10.2. Алгоритм AdaBoost	128
10.3. Линейные комбинации базовых гипотез	131
10.3.1. VC-размерность <i>L</i> (<i>B</i> , <i>T</i>)	133
10.4. Применение AdaBoost для распознавания лиц	
10.5. Резюме	
10.6. Библиографические сведения	
10.7. Упражнения	136
Propo 11 Prison is resumber Money	170
Глава 11. Выбор и контроль модели	
11.1. Выбор модели с помощью SRM	
11.2. Контроль	
11.2.1. Зарезервированный набор	
11.2.2. Контроль при выборе модели	
11.2.3. Кривая выбора модели	
11.2.4. к-групповая перекрестная проверка	143
11.2.5. Обучение-контроль-тестирование	
11.3. Что делать, если обучить не удается	
11.4. Резюме	
11.5. Упражнения	148
Глава 12. Выпуклые проблемы обучения	149
12.1. Выпуклость, липшицевость и гладкость	149
12.1.1. Выпуклость	
12.1.2. Липшицевость	

12.1.3. Гладкость	154
12.2. Выпуклые проблемы обучения	
12.2.1. Обучаемость выпуклых проблем обучения	
12.2.2. Выпуклые-липшицевы/гладкие-ограниченные проблемы	
обучения	158
12.3. Суррогатные функции потерь	159
12.4. Резюме	
12.5. Библиографические сведения	
12.6. Упражнения	
•	
Глава 13. Регуляризация и устойчивость	163
13.1. Минимизация регуляризированной потери	163
13.1.1. Гребневая регрессия	
13.2. Устойчивые правила не подвержены переобучению	
13.3. Регуляризация Тихонова как стабилизатор	
13.3.1. Липшицева потеря	
13.3.2. Гладкая неотрицательная потеря	
13.4. Управление компромиссом между аппроксимацией и устойчивостью	170
13.5. Резюме	
13.6. Библиографические сведения	172
13.7. Упражнения	
- 	
Глава 14. Стохастический градиентный спуск	
14.1. Градиентный спуск	177
14.1.1. Анализ метода ГС для выпуклых липшицевых функций	
14.2. Субградиенты	
14.2.1. Вычисление субградиентов	
14.2.2. Субградиенты липшицевых функций	
14.2.3. Субградиентный спуск	
14.3. Стохастический градиентный спуск (СГС)	
14.3.1. Анализ СГС для выпуклых-липшицевых-ограниченных функций .	
14.4. Варианты	
14.4.1. Добавление шага проецирования	
14.4.2. Переменный размер шага	
14.4.3. Другие способы усреднения	
14.4.4. Строго выпуклые функции*	
14.5. Обучение с помощью СГС	
14.5.1. Применение СГС для минимизации риска	
14.5.2. Анализ СГС для выпуклых-гладких проблем обучения	190
14.5.3. Применение СГС для минимизации регуляризированной потери	191
14.6. Резюме	192
14.7. Библиографические сведения	192
14.8. Упражнения	
n 15 Mr	4
Глава 15. Метод опорных векторов	
15.1. Зазор и SVM с жестким зазором	
15.1.1. Однородный случай	197

	197
15.1.2. Выборочная сложность правила Hard-SVM 15.2. SVM с мягким зазором и регуляризация по норме	198
15.2.1. Выборочная сложность Soft-SVM	200
15.2.2. Сравнение границ, основанных на зазоре и норме,	
с размерностью	201
15.2.3. Рамповая функция потерь*	201
15.3. Условия оптимальности и «опорные векторы»*	202
15.4. Двойственность*	
15.5. Реализация Soft-SVM с помощью СГС	204
15.6. Резюме	205
15.7. Библиографические сведения	205
15.8. Упражнения	
Глава 16. Ядерные методы	207
16.1. Погружение в пространство признаков	
16.2. Ядерный трюк	209
16.2.1. Ядра как способ выразить априорное знание	713
16.2.2. Характеристика ядерных функций*	714
16.3. Реализация Soft-SVM с ядрами	715
16.4. Резюме	216
16.5. Библиографические сведения	217
16.6. Упражнения	217
•	
Глава 17. Многоклассовая категоризация, ранжирование	
ν στονυμίο προδπομεί προπένας αυμο	210
и сложные проблемы предсказания	
17.1. Один против всех и все пары	220
17.1. Один против всех и все пары	220 222
17.1. Один против всех и все пары	220 222 222
17.1. Один против всех и все пары	220 222 222
17.1. Один против всех и все пары	220 222 222
17.1. Один против всех и все пары	220 222 224 224
17.1. Один против всех и все пары	220 222 224 224 225
17.1. Один против всех и все пары	220222224224225226
17.1. Один против всех и все пары	220222224224225226228
17.1. Один против всех и все пары 17.2. Линейные многоклассовые предикторы 17.2.1. Как построить Ψ. 17.2.2. Стоимостная классификация. 17.2.3. ERM. 17.2.4. Обобщенная кусочно-линейная потеря. 17.2.5. SVM и СГС в многоклассовом случае. 17.3. Предсказание структурированного выхода. 17.4. Ранжирование. 17.4.1. Линейные предикторы для ранжирования.	220222224224225226230
17.1. Один против всех и все пары 17.2. Линейные многоклассовые предикторы 17.2.1. Как построить Ψ. 17.2.2. Стоимостная классификация. 17.2.3. ERM. 17.2.4. Обобщенная кусочно-линейная потеря. 17.2.5. SVM и СГС в многоклассовом случае. 17.3. Предсказание структурированного выхода. 17.4. Ранжирование. 17.4.1. Линейные предикторы для ранжирования.	220222224224225226230
17.1. Один против всех и все пары	220222224224225226230232
17.1. Один против всех и все пары	220224224226226230235
17.1. Один против всех и все пары	220224224226226230237
17.1. Один против всех и все пары	220224224226226230237237
17.1. Один против всех и все пары 17.2. Линейные многоклассовые предикторы 17.2.1. Как построить Ψ	220224224226226237237239
17.1. Один против всех и все пары	220222224224226230237239239
17.1. Один против всех и все пары	220222224224226236237237239239
17.1. Один против всех и все пары	220222224224236237237239239
17.1. Один против всех и все пары 17.2. Линейные многоклассовые предикторы 17.2.1. Как построить Ч	220224224226236237237239240242
17.1. Один против всех и все пары	220224224226236237239239240242

18.3. Случайные леса	247
18.4. Резюме	
18.5. Библиографические сведения	
18.6. Упражнения	
Глава 19. Ближайшие соседи	250
19.1. Метод k ближайших соседей	
19.2. Анализ	
19.2.1. Граница обобщаемости для правила 1-NN	
19.2.2. Проклятие размерности	
19.3. Эффективная реализация*	
19.4. Резюме	
19.5. Библиографические сведения	257
19.6. Упражнения	
Глава 20. Нейронные сети	260
20.1. Нейронные сети прямого распространения	
20.2. Обучение нейронных сетей	
20.3. Выразительная способность нейронных сетей	
20.3.1. Геометрическая интерпретация	
20.4. Выборочная сложность нейронных сетей	
20.5. Время обучения нейронных сетей	
20.6. СГС и обратное распространение	
20.7. Резюме	
20.8. Библиографические сведения	272
20.9. Упражнения	273
часть III. дополнительные модели обучения	275
Глава 21. Онлайновое обучение	276
21.1. Онлайновая классификация в реализуемом случае	277
21.1.1. Онлайновая обучаемость	
21.2. Онлайновая классификация в нереализуемом случае	
21.2.1. Алгоритм взвешенного большинства	
21.3. Онлайновая выпуклая оптимизация	
21.4. Алгоритм онлайнового перцептрона	
21.5. Резюме	293
21.6. Библиографические сведения	
21.7. Упражнения	294
Глава 22. Кластеризация	296
22.1. Алгоритмы кластеризации на основе связи	299
22.2. Метод k-средних и другие методы кластеризации на основе	
минимизации стоимости	300
22.2.1. Алгоритм k-средних	
22.3. Спектральная кластеризация	
22.3.1. Разрезание графа	
22.3.2. Лапласиан графа и ослабленные разрезы графа	304

22.3.3. Ненормированная спектральная кластеризация	305
22.4. Метод информационного горлышка*	306
22.5. Общий взгляд на кластеризацию	
22.6. Резюме	309
22.7. Библиографические сведения	309
22.8. Упражнения	309
Глава 23. Понижение размерности	312
23.1. Метод главных компонент (РСА)	313
23.1.1. Более эффективное решение для случая $d\gg m$	
23.1.2. Реализация и демонстрация	315
23.2. Случайные проекции	
23.3. Сжатое измерение сигнала	
23.3.1. Доказательства*	
23.4. РСА или сжатое измерение сигнала?	326
23.5. Резюме	
23.6. Библиографические сведения	
23.7. Упражнения	328
T 0.4 H	770
Глава 24. Порождающие модели	
24.1. Оценка максимального правдоподобия	331
24.1.1. Оценка максимального правдоподобия для непрерывных	770
случайных величин	332
24.1.2. Максимальное правдоподобие и минимизация эмпирического	777
риска	
24.1.3. Анализ обобщаемости	
24.2. Наивная байесовская классификация	
24.3. Линейный дискриминантный анализ	222
24.4. Скрытые переменные и ЕМ-алгоритм	770
24.4.1. ЕМ как алгоритм поочередной максимизации	
24.4.2. EM-алгоритм для смеси нормальных распределений (мягкий алгоритм k-средних)	7.40
алгоритм к-средних) 24.5. Байесовское рассуждение	
24.6. Резюме24.6.	
24.7. Библиографические сведения	
24.8. Упражнения	
24.6. Упражнения	
Глава 25. Отбор и порождение признаков	345
25.1. Отбор признаков	346
25.1.1. Фильтры	
25.1.2. Подходы на основе жадного отбора	
25.1.3. Нормы, индуцирующие разреженность	
25.2. Манипулирование и нормировка признаков	
25.2.1. Примеры преобразований признаков	
25.3. Обучение признаков	
25.3.1. Обучение словаря с помощью автокодировщиков	
25.4. Резюме	358

25.5. Библиографические сведения	358
25.6. Упражнения	359
часть IV. дополнительные главы	361
Глава 26. Радемахеровская сложность	
26.1. Радемахеровская сложность	
26.1.1. Исчисление Радемахера	
26.2. Радемахеровская сложность линейных классов	
26.3. Границы обобщаемости метода SVM	
26.4 . Границы обобщаемости для предикторов с малой нормой ℓ_1	373
26.5. Библиографические сведения	374
Глава 27. Числа покрытия	375
27.1. Покрытие	375
27.1.1. Свойства	
27.2. От покрытия к радемахеровской сложности через сцепление	376
27.3. Библиографические сведения	
Глава 28. Доказательство фундаментальной теоремы	
теории обученияторожной теоремы	379
28.1. Верхняя граница для агностического случая	
28.2. Нижняя граница для агностического случая28.2.	
28.2.1. Доказательство того, что $m(\epsilon, \delta) \ge 0.5 \log(1/(4\delta))/\epsilon^2$	
28.2.2. Доказательство того, что $m(\epsilon, 1/8) \ge 8d/\epsilon^2$	
28.3. Верхняя граница для реализуемого случая	
$28.3.1.$ От ϵ -сетей к РАС-обучаемости	
Глава 29. Многоклассовая обучаемость	389
29.1. Размерность Натараджана	
29.2. Фундаментальная многоклассовая теорема	
29.2.1. О доказательстве теоремы 29.3	
29.3. Вычисление размерности Натараджана	
29.3.1. Метод «один против всех»	
29.3.2. Сведение многоклассовой категоризации к бинарной	
классификации в общем случае	392
29.3.3. Линейные многоклассовые предикторы	392
29.4. О хороших и плохих правилах ERM	394
29.5. Библиографические сведения	
29.6. Упражнения	396
Глава 30. Границы сжатия	397
30.1. Границы сжатия	397
30.2. Примеры	
30.2.1. Осепараллельные прямоугольники	
30.2.2. Полупространства	
30.2.3. Разделение полиномов	401

30.2.4. Разделение с зазором	401
30.3. Библиографические сведения	401
Глава 31. РАС-байесовский подход	402
31.1. РАС-байесовские границы	402
31.2. Библиографические сведения	
31.3. Упражнения	
Приложение А. Технические леммы	406
Приложение В. Концентрация меры	409
В.1. Неравенство Маркова	409
В.2. Неравенство Чебышева	
В.З. Границы Чернова	
В.4. Неравенство Хёфдинга	
В.5. Неравенства Беннета и Бернштейна	
В.5.1. Применение	
В.б. Неравенство Слада	
В.7. Концентрация случайных величин χ^2	
Приложение С. Линейная алгебра	418
С.1. Основные определения	418
С.2. Собственные значения и собственные векторы	
С.3. Положительно определенные матрицы	
С.4. Сингулярное разложение	
Литература	423
Предметный указатель	432