```
import os
# Zeige das aktuelle Arbeitsverzeichnis an
print("Aktuelles Verzeichnis:", os.getcwd())
aktuelles_verzeichnis = os.getcwd()
Aktuelles Verzeichnis: C:\Users\adam8\OneDrive\programmieren\coding\
python\Statistik\testat2
os.chdir(aktuelles verzeichnis)
import pandas as pd
from chardet.universaldetector import UniversalDetector
# Bestimmen Sie das Encoding automatisch
detector = UniversalDetector()
with open("sr aufg 2 54 (1).txt", 'rb') as file:
    for line in file:
        detector.feed(line)
        if detector.done:
            break
    detector.close()
# Zeige das ermittelte Encoding
print(f"Erkanntes Encoding: {detector.result['encoding']}")
Erkanntes Encoding: ascii
import pandas as pd
df = pd.read csv(
    'sr_aufg_2_54 (1).txt', # Pfad zur Datei
    sep=r'\s+',
                               # Trenner: ein oder mehrere Whitespace-
    encoding=detector.result['encoding'],
    header=None,
                                # keine Kopfzeile in der Datei
    names=['Jahr', 'Bevölkerung'] # Spaltennamen vergeben
)
print(df.head())  # zeigt die ersten 5 Zeilen
print(df.info())  # zeigt Datentypen und vermisst keine Werte?
#df.describe() # gibt dir erste Statistik-Kennzahlen
   Jahr Bevölkerung
0 1790 3,929214
1 1800 5,308483
2 1810 7,239881
3 1820 9,638453
          12,866020
4 1830
<class 'pandas.core.frame.DataFrame'>
```

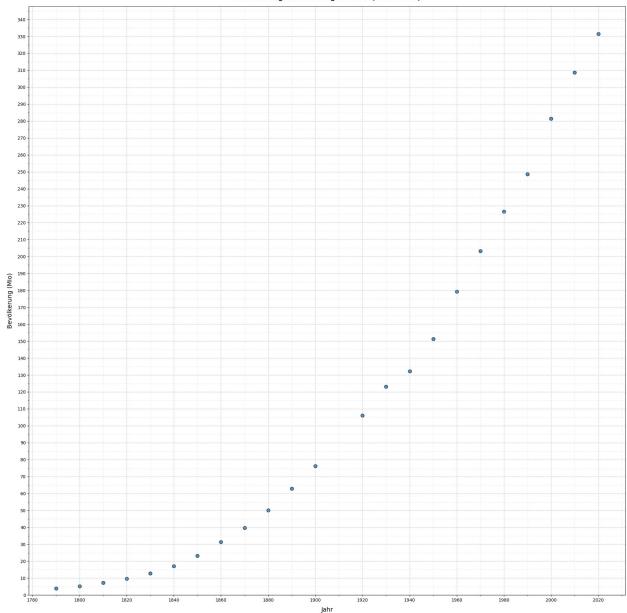
```
RangeIndex: 23 entries, 0 to 22
Data columns (total 2 columns):
    Column
#
                Non-Null Count
                                  Dtype
- - -
     -----
     Jahr
                23 non-null
                                  int64
    Bevölkerung 23 non-null
                                  object
dtypes: int64(1), object(1)
memory usage: 500.0+ bytes
None
# Endgültiges Streudiagramm im Jupyter Notebook
%matplotlib inline
import matplotlib.pyplot as plt
import matplotlib.ticker as ticker
# Annahme: 'df' existiert bereits mit 'Jahr' und 'Bevölkerung' (als
Strings mit Komma)
# 1. Bevölkerung in float umwandeln: Komma → Punkt
df['Bevölkerung'] = (
    df['Bevölkerung']
    .astvpe(str)
    .str.replace(',', '.', regex=False)
    .astype(float)
)
# 2. Plot erstellen
fig, ax = plt.subplots(figsize=(20, 20))
# 3. Scatter zeichnen
ax.scatter(
    df['Jahr'],
    df['Bevölkerung'],
    marker='o',
    s = 60,
    alpha=0.8,
    edgecolor='black'
)
# 4. Achsenbereich festlegen (Y-Achse beginnt bei 0)
ax.set ylim(bottom=0)
# 5. Ticks setzen
ax.xaxis.set major locator(ticker.MultipleLocator(20)) # Hauptticks
alle 20 Jahre
ax.xaxis.set minor locator(ticker.MultipleLocator(10)) # Nebenticks
alle 10 Jahre
ax.yaxis.set_major_locator(ticker.MultipleLocator(10)) # Hauptticks
alle 10 Mio.
```

```
ax.yaxis.set_minor_locator(ticker.MultipleLocator(5)) # Nebenticks
alle 5 Mio.

# 6. Raster hinzufügen
ax.grid(which='major', linestyle='--', linewidth=0.8, alpha=0.7)
ax.grid(which='minor', linestyle=':', linewidth=0.5, alpha=0.5)

# 7. Titel und Beschriftungen
ax.set_title('Bevölkerungsentwicklung der USA (1790-2020)',
fontsize=16, fontweight='bold', pad=15)
ax.set_xlabel('Jahr', fontsize=14, labelpad=10)
ax.set_ylabel('Bevölkerung (Mio)', fontsize=14, labelpad=10)

# 8. Layout optimieren und anzeigen
plt.tight_layout()
plt.show()
```



```
# === Schritt 1: Daten für die Regression aufbereiten ===
# 1a) Stelle sicher, dass 'Jahr' und 'Bevölkerung' numerisch sind
df['Jahr'] = pd.to_numeric(df['Jahr'], errors='coerce')
df['Bevölkerung'] = (
    df['Bevölkerung']
        .astype(str)
        .str.replace(',', '.', regex=False)
        .astype(float)
)
# 1b) Entferne Zeilen mit fehlenden Werten
df_reg = df.dropna(subset=['Jahr','Bevölkerung']).copy()
```

```
# === Schritt 2: Jahreszahlen standardisieren ===
from sklearn.preprocessing import StandardScaler
scaler = StandardScaler()
X = df reg[['Jahr']].values
                                            # Form: (n samples, 1)
X std = scaler.fit transform(X)
                                           # Z-Transformation
y = df reg['Bevölkerung'].values
                                             # Zielvariable
# === Schritt 3: Regressionen schätzen ===
from sklearn.linear model import LinearRegression
from sklearn.preprocessing import PolynomialFeatures
import numpy as np
results = []
# 3a) Lineares Modell
lin = LinearRegression().fit(X std, y)
results.append({
    'Modelltyp': 'Lineare Funktion',
    'Intercept': lin.intercept ,
    'Koeffizienten': [lin.coef [0]],
    'R2': lin.score(X std, y)
})
# 3b) Polynome 2., 4. und 6. Grades
for deg in [2,4,6]:
    poly = PolynomialFeatures(degree=deg, include bias=True)
    Xp = poly.fit_transform(X_std)
    reg = LinearRegression().fit(Xp, y)
    results.append({
        'Modelltyp': f'Polynom {deg}. Grades',
        'Intercept': reg.intercept_,
        'Koeffizienten': reg.coef .tolist(),
        'R2': reg.score(Xp, y)
    })
# 3c) Exponentielles Modell (Log-Linearisierung)
y \log = np.\log(y)
exp reg = LinearRegression().fit(X std, y log)
results.append({
    'Modelltyp': 'Exponentielles Modell',
    'Intercept': exp reg.intercept_,
    'Koeffizienten': [exp_reg.coef_[0]],
    'R2': exp_reg.score(X_std, y_log)
})
# === Schritt 4: Ergebnisse in Tabelle ausgeben ===
import pandas as pd
table = pd.DataFrame(results)
# Runden für Übersichtlichkeit
```

```
table['Intercept'] = table['Intercept'].round(4)
table['Koeffizienten'] = table['Koeffizienten'].apply(lambda lst:
[round(v,4) for v in lst])
table['R2']
                      = table['R2'].round(4)
# Tabelle anzeigen
#display(table)
# --- ab hier in dieselbe Zelle einfügen ---
# 1) Achsenabschnitt und Koeffizienten in einer Spalte zusammenfassen
table['Koeffizienten mit b'] = table.apply(
    lambda r: f"{r['Intercept']:.8f}, " + ", ".join(f"{c:.8f}" for c
in r['Koeffizienten']),
    axis=1
)
# 2) Spalten auswählen und umbenennen
table clean = table[[
    'Modelltyp',
    'Koeffizienten mit b',
    'R2'
1].rename(columns={
    'Modelltyp': 'Regressionstyp',
                 'Bestimmtheitsmaß R2'
    'R2':
})
#poly = PolynomialFeatures(degree=deg, include bias=False)
# 3) Als Markdown-Tabelle anzeigen
from IPython.display import Markdown, display
#display(Markdown(table clean.to markdown(index=False)))
print(table_clean.to string(index=False))
       Regressionstyp
Koeffizienten mit b Bestimmtheitsmaß R<sup>2</sup>
     Lineare Funktion
114.43940000, 100.79080000
                                          0.9247
    Polynom 2. Grades
80.74600000, 0.000000000, 100.48050000, 33.69340000
0.9993
    Polynom 4. Grades
                                                 80.35560000,
0.00000000, 98.38060000, 34.92580000, 1.22060000, -0.49550000
0.9994
    Polynom 6. Grades 82.17840000, 0.00000000, 95.55550000,
22.67200000, 5.86690000, 12.23130000, -1.46340000, -3.26280000
0.9996
Exponentielles Modell
4.05840000, 1.34730000
                                     0.9616
# Polynom 2ten grad macht am meisten sinn ist bereits sehr nah und die
genauigketit des Bestimmheitsmaß steigt marginal, sprich die höhere
```

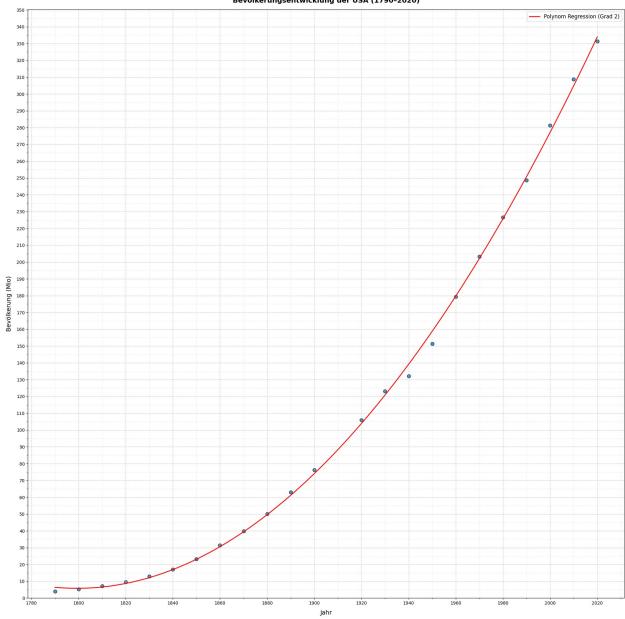
```
Grad sorgt für mehr schwingugnen und erzielt ein ungeneuers ergebnis
in der Prognose
# Erneutes Streudiagramm mit der Regressionsgerade für Polynom 2.
Grades
# Bereich für die Regressionsgerade vorbereiten
X_{\text{range}} = \text{np.linspace}(X_{\text{std.min}}(), X_{\text{std.max}}(), 500).\text{reshape}(-1, 1)
poly2 = PolynomialFeatures(degree=2, include bias=True)
X poly2 range = poly2.fit transform(X range)
# Vorhersagen für Polynom 2. Grades berechnen
reg poly2 = LinearRegression().fit(poly2.fit transform(X std), y)
y poly2 pred = reg poly2.predict(X poly2 range)
# Streudiagramm erstellen
fig, ax = plt.subplots(figsize=(20, 20))
# Original-Streudiagramm
ax.scatter(
    df['Jahr'],
    df['Bevölkerung'],
    marker='o',
    s = 60,
    alpha=0.8,
    edgecolor='black'
)
# Regressionsgerade hinzufügen
ax.plot(
    scaler.inverse transform(X range), # Rücktransformation der X-
Werte
    y_poly2_pred, # Modellvorhersagen
    color='red',
    linewidth=2,
    label='Polynom Regression (Grad 2)'
)
# Achsenbereich festlegen (Y-Achse beginnt bei 0)
ax.set ylim(bottom=0)
# Ticks setzen
ax.xaxis.set major locator(ticker.MultipleLocator(20)) # Hauptticks
alle 20 Jahre
ax.xaxis.set_minor_locator(ticker.MultipleLocator(10)) # Nebenticks
alle 10 Jahre
ax.yaxis.set major locator(ticker.MultipleLocator(10)) # Hauptticks
alle 10 Mio.
ax.yaxis.set_minor_locator(ticker.MultipleLocator(5)) # Nebenticks
alle 5 Mio.
```

```
# Raster hinzufügen
ax.grid(which='major', linestyle='--', linewidth=0.8, alpha=0.7)
ax.grid(which='minor', linestyle=':', linewidth=0.5, alpha=0.5)

# Titel und Beschriftungen setzen
ax.set_title('Bevölkerungsentwicklung der USA (1790-2020)',
fontsize=16, fontweight='bold', pad=15)
ax.set_xlabel('Jahr', fontsize=14, labelpad=10)
ax.set_ylabel('Bevölkerung (Mio)', fontsize=14, labelpad=10)

# Legende hinzufügen
ax.legend(fontsize=12)

# Layout optimieren und Diagramm anzeigen
plt.tight_layout()
plt.show()
```



```
# 1. StandardScaler anwenden
X = df_reg[['Jahr']].values # Jahr als NumPy-Array
scaler = StandardScaler()
X_std = scaler.fit_transform(X) # Standardisierung durchführen
# 2. PolynomialFeatures und Transformation
from sklearn.preprocessing import PolynomialFeatures

poly2 = PolynomialFeatures(degree=2, include_bias=True)
X_poly2 = poly2.fit_transform(X_std) # Polynomiale Features erzeugen
# 3. Lineare Regression mit polynomiellen Features
```

```
from sklearn.linear_model import LinearRegression

reg = LinearRegression()
reg.fit(X_poly2, df_reg['Bevölkerung'].values) # Daten trainieren

# 4. Beispielprognose mit Jahr 2030
x2030 = np.array([[2030]]) # Prognosejahr als NumPy-Array
x2030_std = scaler.transform(x2030) # Standardisieren
x2030_poly2 = poly2.transform(x2030_std) # Polynomiale Features
erstellen
y2030 = reg.predict(x2030_poly2)[0] # Vorhersage

# 5. Ergebnis ausgeben
print(f"Prognose Bevölkerung 2030 (Polynom 2. Grades): {y2030:.2f}
Mio")
#Beste Prognose für das Jahr 2030: ?6?,3?? Millionen Einwohner

Prognose Bevölkerung 2030 (Polynom 2. Grades): 364.38 Mio
```