

T₁. 考虑 x_2 , $\Gamma(U) = \{y_1, y_4\}$, y_4 未标记
 $\Rightarrow M = \{(x_1, y_1), (x_4, y_2), (x_2, y_4)\}$, x_2 与 y_4 标记 1
 考虑 x_3 , $\Gamma(U) = \{y_1, y_2\}$, 搜 y_1 , 将 $x_1 \rightarrow U$.
 $\Gamma(U) = \{y_1, y_2, y_5\}$, y_5 未标记, 找到交互道路 $x_3 - y_1 - x_1 - y_5$.
 $\Rightarrow M = \{(x_3, y_1), (x_1, y_5), (x_4, y_2), (x_2, y_4)\}$, x_3 与 y_5 标为 1.
 考虑 x_5 , $\Gamma(U) = \{y_2, y_4\}$, 搜 y_2 , 将 x_3, x_4 加入 U .
 $\Gamma(U) = \{y_1, y_2, y_3, y_4, y_5\}$, y_3 未标记, 找到交互路 $x_5 - y_2 - x_4 - y_3$.
 $\therefore \Rightarrow M = \{(x_3, y_1), (x_1, y_5), (x_5, y_2), (x_4, y_3), (x_2, y_4)\}$. 此即最大匹配

T₂ 五个字符串匹配为

$\begin{pmatrix} bc & ed & ac & bd & abe \\ b & e & c & d & a \end{pmatrix}$
--

13 匹配若存在, 方式是唯一的.

若完美匹配存在, 则这棵树的叶子结点与它上层的父结点一一对应

即不存在 $\begin{matrix} A \\ \diagup \diagdown \\ B \end{matrix}$ 结构, 否则 A 与 B 无法匹配. 只能是 $\begin{matrix} A' & B' \\ \diagdown & \diagup \\ A & B \end{matrix}$.

因此叶子结点的匹配是唯一的. 现在把这些匹配好的叶子结点与父结点对擦

掉, 又会生成若干新的树 (可能不连通). 重复以上操作. 即有:

① 点全被擦掉, ② 完全匹配! ③ 余下一些点 $\begin{matrix} A & B \\ \diagdown & \diagup \\ A & B \end{matrix}$ 余下 AB 点, 不存在完美匹配

确定了一棵树, 叶子结点及点间的连接方式也确定了, 上述操作也能唯一确定匹配方式.

$$T_8 \quad B = \begin{matrix} & & \downarrow & \downarrow & & \downarrow \\ \begin{matrix} 8 \\ 10 \\ 9 \\ 11 \\ 9 \\ 7 \end{matrix} & \begin{pmatrix} 3 & 4 & 3 & 5 & 3 & 0 \\ 3 & 7 & 4 & 4 & 4 & 0 \\ 4 & 3 & \textcircled{1} & 5 & 7 & 0 \\ 0 & 4 & 5 & 3 & 8 & 9 \\ 1 & 0 & 4 & 5 & 3 & 2 \\ 0 & 3 & 4 & 5 & 3 & 2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \end{matrix} \quad \begin{matrix} r=3 \\ \delta=1 \end{matrix} \Rightarrow$$

$$\begin{matrix} \downarrow & \downarrow & & & \downarrow \\ \begin{matrix} 7 \\ 9 \\ 8 \\ 10 \\ 8 \\ 6 \end{matrix} & \begin{pmatrix} 3 & 4 & 2 & 4 & 2 & 0 \\ 3 & 7 & 3 & 3 & 3 & 0 \\ 4 & 3 & 0 & 4 & 6 & 0 \\ 0 & 4 & 4 & 2 & 7 & 9 \\ 1 & 0 & 3 & 4 & 2 & 2 \\ 0 & 3 & 3 & 4 & 2 & 2 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \end{matrix}$$

$$B = \begin{matrix} & \downarrow & \downarrow & \downarrow & & \downarrow \\ \begin{matrix} 7 \\ 9 \\ 8 \\ 10 \\ 8 \\ 6 \end{matrix} & \begin{pmatrix} 3 & 4 & 2 & 4 & 2 & 0 \\ 3 & 7 & 3 & 3 & 3 & 0 \\ 4 & 3 & 0 & 4 & 6 & 0 \\ 0 & 4 & 4 & 2 & 7 & 9 \\ 1 & 0 & 3 & 4 & 2 & 2 \\ 0 & 3 & 3 & 4 & 2 & 2 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \end{matrix} \quad \begin{matrix} r=4 \\ \delta=2 \end{matrix} \Rightarrow$$

$$\begin{matrix} \downarrow & \downarrow & \downarrow & & \downarrow \\ \begin{matrix} 5 \\ 7 \\ 6 \\ 8 \\ 6 \\ 4 \end{matrix} & \begin{pmatrix} 3 & 4 & 2 & 2 & 0 & 0 \\ 3 & 7 & 3 & 1 & 1 & 0 \\ 4 & 3 & 0 & 2 & 4 & 0 \\ 0 & 4 & 4 & 0 & 5 & 9 \\ 1 & 0 & 3 & 2 & 0 & 2 \\ 0 & 3 & 3 & 2 & 0 & 2 \\ 3 & 3 & 2 & 0 & 0 & 3 \end{pmatrix} \end{matrix}$$

$$B = \begin{matrix} & \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ \begin{matrix} 5 \\ 7 \\ 6 \\ 8 \\ 6 \\ 4 \\ 3 \end{matrix} & \begin{pmatrix} 3 & 4 & 2 & 2 & 0 & 0 \\ 3 & 7 & 3 & 1 & 1 & 0 \\ 4 & 3 & 0 & 2 & 4 & 0 \\ 0 & 4 & 4 & 0 & 5 & 9 \\ 1 & 0 & 3 & 2 & 0 & 2 \\ 0 & 3 & 3 & 2 & 0 & 2 \\ 3 & 3 & 2 & 0 & 0 & 3 \end{pmatrix} \end{matrix} \quad r=6$$

$$d_{\max} = \Sigma = 46 + 1 = 47$$