

Analisis de Algoritmos
Solución al problema de Demanda Monetaria por una reducción al
algoritmo de Ford-Fulkerson
en lenguaje de Programación Java

Mario Alexis Guzmán Mosco

11 de junio de 2019

1. Problema de Circulación Monetaria

En el mundo, cada día se realiza una inmensa cantidad de transacciones monetarias ya sea con dinero físico (billetes, monedas, etc) o con dinero líquido. La cantidad y la demanda de dinero que una nación posee, al menos en los países de occidente, es controlada por un banco central o una entidad gubernamental que funcione como equivalente, por ejemplo, en los Estados Unidos es la Reserva Federal la encargada de este proceso.

Sin embargo, son los bancos comerciales los encargados de controlar el flujo de dinero disponible dentro de una nación y fuera de ésta cuando se relacionan los países. Los bancos comerciales funcionan como instituciones financieras que retienen dinero a través de depósitos de clientes, cuentas de negocios, entre otros servicios. Desde una perspectiva más amplia, su rol en la cadena de difusión de dinero es ofrecer a los clientes crédito con el fin de ayudar a individuos a hacer grandes o pequeños retiros de dinero.

La reserva federal puede influenciar el abasto de dinero mediante el control de bancos comerciales cambiando la cantidad de dinero que poseen. Las reservas de dinero indican la cantidad de dinero que un banco comercial debe retener en lugar de prestar. Las tasas bajas aumentan la oferta monetaria, mientras que las tasas altas disminuyen la oferta monetaria.

La cantidad de dinero que deben poseer los bancos es de gran importancia en la economía puede afectar directamente la inflación. La inflación se define de manera clásica como demasiado dinero disponible para obtener muy pocos bienes. La estrecha oferta de dinero puede limitar la cantidad de negocios que las personas y las empresas pueden llevar a cabo en el mercado económico.

El problema de la circulación monetaria consiste en una cantidad limitada de bancos, cada uno con una oferta y una demanda monetaria específica, tratar de encontrar una forma de distribuir el dinero emitido y autorizado por el Estado (en este caso, una reserva federal) de tal manera que el dinero se encuentre optimamente distribuido por los diferentes bancos para evitar escases o exceso de dinero.

En este proyecto, no se tratará de encontrar una red óptima para el problema de circulación monetaria, en su lugar, se intentará aplicar un algoritmo que nos diga si es posible, dado ciertos bancos con cierta demanda u oferta de dinero, formar una red de flujo de dinero para satisfacer las necesidades de dinero en todos los puntos de la red, es decir, se trata de un problema de decisión.

2. Circulación con demanda

Una red de flujo se define como una gráfica especial $G = (V, E)$ tal que $\forall e \in E, f(e) \geq 0$ en donde la función $f(e)$ representa el flujo de la arista e . Además, se tiene que hay dos vértices distinguidos s y t , cada vértice de G pertenece a alguna ruta de s a t .

El problema de flujo máximo nos indica sobre cuál es la mayor cantidad de flujo que se puede transportar de s a t sin violar las restricciones de capacidad,

es decir:

- $\forall (u, v) \in V, \quad f(u, v) \leq c(u, v)$
- $f(u, v) = -f(v, u)$
- $\forall u \in V - \{s, t\} \quad \sum_{v \in V} f(u, v) = 0$

El problema de circulación bajo demanda es una modificación al problema original del flujo máximo, en lugar de tener dos vertices distinguidos s y t , puede haber un conjunto finito de fuentes s , y de pozos t . En este caso, los bancos con demanda positiva de dinero actuarían como los vertices del conjunto de pozos, y los de demanda negativa como el conjunto de fuentes.

3. Reducción al Algoritmo de Ford-Fulkerson

El algoritmo de Ford-Fulkerson se propone resolver el problema del flujo máximo tomando como parametros la red de flujos, el vertice fuente, y el vertice pozo.

Algorithm Ford-Fulkerson

Inputs Given a Network $G = (V, E)$ with flow capacity c , a source node s , and a sink node t

Output Compute a flow f from s to t of maximum value

1. $f(u, v) \leftarrow 0$ for all edges (u, v)
2. While there is a path p from s to t in G_f , such that $c_f(u, v) > 0$ for all edges $(u, v) \in p$:
 1. Find $c_f(p) = \min\{c_f(u, v) : (u, v) \in p\}$
 2. For each edge $(u, v) \in p$
 1. $f(u, v) \leftarrow f(u, v) + c_f(p)$ (Send flow along the path)
 2. $f(v, u) \leftarrow f(v, u) - c_f(p)$ (The flow might be "returned" later)

Figura 1: Algoritmo de Ford-Fulkerson en pseudo-código

Sin embargo, es posible resolver la decidibilidad de la existencia de una circulación bajo demanda a través de este algoritmo. La reducción consiste en crear un nodo s , y un nodo t que funcionen como fuente y pozo de la red. s se conecta a todos los vertices con capacidad negativa, mientras que t a los de capacidad positiva. Esto, evidentemente forma una Red de flujo que tiene asociada un flujo máximo que va de s a t .

4. Programación en Java

El proposito de esta implementación es el apovechar el resultado que indica que la suma de las capacidades en una red de flujo con demanda G es igual

al flujo máximo en una Red G' construida a partir de G . Esta implementación recoge desde la línea de comandos los vertices y las aristas de la gráfica G .

Cada vertice en la gráfica representa un banco mientras que la demanda podría representar en un entero, la demanda o la oferta en millones que el banco necesita, mientras que el flujo de las aristas representa la cantidad con la que están autorizados a pagar de uno a otro.

4.1. Compilación y entrada:

Compilación desde la terminal: situarse en el directorio del proyecto y ejecutar

```
javac *.java
```

ejecución: java Main

```
A
Demanda:
-3
Salir o insertar otro s/o:
0
Nombre:
B
Demanda:
3
Salir o insertar otro s/o:
S
```

Figura 2: Ejemplo de inserción del vertice A con demanda -3 y vertice B con demanda 3

```
Inserta las aristas de la gráfica: 1er nodo
A
2do nodo
B
flujo:
3
Salir o insertar otro s/o
S
```

Figura 3: Ejemplo de inserción de arista dirigida de vertice A hacia B con flujo 3

5. Fuentes bibliograficas:

Kleingberg, Jon y Tardos, Eva. (2006). Algorithm Design (2^a ed.). Boston, Estados Unidos: Pearson.

Mankiw, N. Gregory. Principios de Economía. Mc Graw Hill.