

Politechnika Poznańska  
Wydział Informatyki  
Instytut Informatyki

Praca dyplomowa magisterska

**INTEGRACJA DRZEW PREFIKSOWYCH W PRZETWARZANIU  
ZBIORÓW ZAPYTAŃ EKSPLORACYJNYCH ALGORYTMEM  
APRIORI**

Szymon Dolata

Promotor  
Dr inż. Marek Wojciechowski

Poznań, 2014 r.



Tutaj przychodzi karta pracy dyplomowej;  
oryginał wstawiamy do wersji dla archiwum PP, w pozostałych kopiach wstawiamy ksero.



# Spis treści

<b>1</b>	<b>Wstęp</b>	<b>1</b>
1.1	Integracja drzew prefiksowych w przetwarzaniu zbiorów zapytań eksploracyjnych algorytmem Apriori . . . . .	1
1.2	Cel i zakres pracy . . . . .	1
1.3	Opis infrastruktury . . . . .	2
1.4	Struktura pracy . . . . .	2
<b>2</b>	<b>Podstawowe pojęcia i definicje</b>	<b>3</b>
2.1	Wstęp . . . . .	3
2.2	Lista pojęć i definicji . . . . .	3
2.2.1	Transakcja i element transakcji . . . . .	3
2.2.2	Reguła asocjacyjna . . . . .	3
2.2.3	Wsparcie transakcji . . . . .	3
2.2.4	Ufność reguły asocjacyjnej . . . . .	4
2.2.5	Wsparcie reguły asocjacyjnej . . . . .	4
2.2.6	Zbiór częsty . . . . .	4
<b>3</b>	<b>Podłoże teoretyczne</b>	<b>5</b>
3.1	Wstęp . . . . .	5
3.2	Przegląd istniejących rozwiązań . . . . .	5
3.2.1	Algorytm Apriori [?] . . . . .	5
3.2.2	Algorytm Apriori - implementacja Christina Borgelta [?] . . . . .	5
3.2.3	Algorytm Apriori - implementacja Ferenca Bodona [?] . . . . .	5
3.2.4	Algorytm Apriori - implementacja Barta Goethalsa [?] . . . . .	5
3.2.5	Common Counting [?] . . . . .	5
3.2.6	Common Candidate Tree [?] . . . . .	6
<b>4</b>	<b>Opracowane algorytmy</b>	<b>7</b>
4.1	Wstęp . . . . .	7
4.2	Common Steps . . . . .	7
<b>5</b>	<b>Wyniki eksperymentów</b>	<b>9</b>
5.1	S1 . . . . .	9
5.2	S2 . . . . .	9
<b>6</b>	<b>Wnioski i uwagi</b>	<b>11</b>
<b>A</b>	<b>Content of the DVD</b>	<b>13</b>



# Rozdział 1

## Wstęp

### 1.1 Integracja drzew prefiksowych w przetwarzaniu zbiorów zapytań eksploracyjnych algorytmem Apriori

Odkrywanie zbiorów częstych i generowanie na ich podstawie reguł asocjacyjnych, to problem sformułowany w kontekście analizy koszyka zakupów. Głównym celem jest szukanie prawidłowości w zachowaniu klientów supermarketów. Szybko znalazł on również zastosowanie w wielu innych dziedzinach, takich jak chociażby analiza działalności firm wysyłkowych, sklepów internetowych etc. Z wykorzystaniem znalezionych zbiorów częstych i wygenerowanych reguł dąży się do tego aby można było wnioskować (z dużym prawdopodobieństwem), że niektóre produkty współwystępują ze sobą. Informacje takie, zwłaszcza jeśli wyrażone w formie zasad, często mogą być stosowane w celu zwiększenia sprzedanych danych produktów - na przykład poprzez odpowiednie rozmieszczenie ich na półkach w supermarkecie lub na stronach katalogu wysyłkowego (umieszczenie obok siebie może zachęcić jeszcze więcej klientów do zakupu ich razem) lub poprzez bezpośrednie sugerowanie klientom produktów, którymi mogą być zainteresowani.

Oczywistym jest, że należy szukać tylko takich reguł asocjacyjnych, które są wiarygodne i niosą ze sobą jakąś informację. Istnieją wskaźniki służące do oceny tychże reguł. Zostały one omówione bardziej szczegółowo w rozdziale 2.

Głównym problemem indukcji reguł asocjacyjnych jest to, że istnieje bardzo wiele możliwości. Przykładowo w zakresie produktów z supermarketu, których może być nawet kilka tysięcy, istnieje miliardy możliwych reguł. Tak ogromna ilość nie może być przetwarzana sekwencyjnie. Dlatego potrzebne są wydajne algorytmy, które ograniczają przestrzeń wyszukiwania i sprawdzają jedynie podzbiór wszystkich reguł. Jednym z takich algorytmów jest Apriori opracowany przez [?].

Podstawowy algorytm Apriori trzyma kandydatów w drzewie haszowym. W ostatnich latach zaproponowane zostały metody Common Counting ([?]) oraz Common Candidate Tree ([?]). Są one wynikiem badań nad optymalizacją wykonania kilku zadań Apriori uruchomionych współbieżnie na nakładających się podzbiorach tabeli z danymi. Metody sprowadzały się do:

- Integracji odczytów współdzielonych danych z dysku;
- Integracji drzew haszowych w jedno drzewo gdzie kandydaci mają kilka liczników (po jednym dla zadania eksploracji).

W praktyce jednak lepsze okazały się implementacje Apriori gdzie drzewo haszowe zastąpiono znacznie prostszą strukturą drzewa prefiksowego. Powstało kilka rozwiązań wykorzystujących tę strukturę: Borgelt, Bodon, Goethals. Jednak do tej pory nie została zaimplementowana modyfikacja Common Counting i Common Candidate Tree dla Apriori z drzewem prefiksowym i to właśnie jest celem tej pracy.

### 1.2 Cel i zakres pracy

Tak jak wspomniano, ogólnym celem pracy jest implementacja dwóch algorytmów wykonania zbioru zapytań odkrywających zbiory częste - które dotychczas implementowane były na drzewie haszowym - z wykorzystaniem drzew prefiksowych.

Na ten ogólny cel pracy składają się następujące cele szczegółowe: - przedstawienie, analiza i porównanie istniejących rozwiązań dotyczących tematyki pracy - implementacja modyfikacji Common Counting i Common Candidate Tree dla Apriori z drzewem prefiksowym;

- przetestowanie wydajności zaimplementowanych algorytmów.

### 1.3 Opis infrastruktury

Algorytmy napisane zostały w języku Java, z wykorzystaniem narzędzia Maven oraz środowiska programistycznego Eclipse. Dane testowe generowane były za pomocą generatora GEN ([?]), a następnie wczytywane do bazy PostgreSQL, z której korzystała aplikacja. Testy przeprowadzone zostały na komputerze HP Envy 14 Notebook PC, z procesorem Intel Core i5-2410M 2x2.30GHz oraz 8GB pamięci RAM, pracującym pod kontrolą systemu operacyjnego Microsoft Windows 7.

### 1.4 Struktura pracy

Struktura pracy jest następująca:

- w rozdziale 2 omówiono podstawowe pojęcia i definicje wykorzystywane w pracy;
- w rozdziale 3 przedstawiono istniejące rozwiązania i algorytmy, związane z tematem pracy;
- w rozdziale 4 przedstawiono ideę, opis i cechy algorytmu;
- w rozdziale 5 przeanalizowano działanie algorytmu dla różnych parametrów i danych wejściowych;
- w rozdziale 6 przedstawiono wnioski i uwagi do pracy.



## Rozdział 2

# Podstawowe pojęcia i definicje

### 2.1 Wstęp

W poniższym rozdziale omówiono podstawowe pojęcia i definicje wykorzystywane w pracy.

### 2.2 Lista pojęć i definicji

#### 2.2.1 Transakcja i element transakcji

Danymi wejściowymi dla odkrywania zbiorów częstych i reguł asocjacyjnych jest zbiór transakcji zdefiniowanych na zbiorze elementów. Tymi elementami mogą być produkty w sklepie, usługi, książki etc. Ważne jest, aby te elementy można było w łatwy sposób od siebie odróżnić. Jeśli  $I = \{i_1, i_2, \dots, i_n\}$  (ang. *item base*), to zbiór wszystkich możliwych elementów, to dowolny niepusty podzbiór  $X$  zbioru  $X \subseteq I$  nazywamy transakcją (ang. *itemset*). Natomiast zbiór elementów o mocy  $k$ , to taki zbiór, który posiada dokładnie  $k$  elementów (ang. *k-itemset*). Mówi się, że

Transakcja jest zatem przykładowym zbiorem elementów, np. zbiorem produktów, które zostały kupione przez danego klienta. Jako że transakcje mogą się powtarzać (może istnieć kilku klientów, którzy kupili dokładnie takie same produkty), to nie ma możliwości żeby zamodelować wszystkie możliwe transakcje (koszyki). Wynika to z tego, że elementy w zbiorze nie mogą się powtarzać. Problem ten znalazł kilka rozwiązań. Należy do nich zamodelowanie wszystkich transakcji jako multizbioru (uogólnienie pojęcia zbioru, w którym w odróżnieniu od klasycznych zbiorów jeden element może występować wiele razy) albo jako wektora (elementy na różnych pozycjach mogą być takie same, ale wyróżnia je położenie). Innym - choć podobnym do wspomnianego wyżej zastosowania wektora - rozwiązaniem jest rozszerzenie każdej transakcji o unikalny identyfikator. Kolejną możliwością jest wykorzystanie zbioru unikalnych transakcji, z tą różnicą, że do każdej transakcji przypisany jest licznik mający za zadanie zliczanie wystąpień.

Należy także zwrócić uwagę, że w większości rozważanych przypadków nie są znane wszystkie elementy, jakie mogą znaleźć się w zbiorze  $I$ . Przyjmuje się wówczas, że ten zbiór jest sumą elementów występujących we wszystkich transakcjach.

#### 2.2.2 Reguła asocjacyjna

Reguła asocjacyjna jest implikacją, która daje możliwość przewidywania jednoczesnego wystąpienia dwóch zjawisk i zachowań, współzależnych od siebie. Innymi słowy jest to schemat, pozwalający - z określonym prawdopodobieństwem - założyć, że jeśli nastąpiło zdarzenie A, to nastąpi również zdarzenie B. W kontekście problemu koszyka zakupów sprowadza się do reguł w stylu: *Jeżeli klient kupił pieluszki, to (z określonym prawdopodobieństwem) kupi też piwo.*

#### 2.2.3 Wsparcie transakcji

Jeśli  $T$  oznacza jedną z transakcji w zbiorze wszystkich transakcji  $D$ , to (bezwzględne) wsparcie tej transakcji jest równe  $U$  - liczbie wystąpień  $T$  w zbiorze  $D$ . Wsparcie względne jest to z kolei procent (lub ułamek) transakcji w zbiorze  $D$ , które zawierają  $T$ . Obliczamy ze wzoru

$$sup_{rel}(T) = \frac{|U|}{|D|} * 100\%$$

. Dla algorytmu Apriori określa się próg minimalnego wsparcia *minsup*, który również może być wyrażony w dwojakiej postaci - jako liczba wystąpień lub procent wszystkich transakcji. W poszukiwaniu zbiorów częstych interesujące są tylko te reguły, dla których  $\text{sup}(T) \geq \text{minsup}$ , gdzie  $\text{sup}(T)$ , to przyjęty w pracy sposób zapisu wsparcia transakcji  $T$  w rozważanym zbiorze transakcji  $D$ .

### 2.2.4 Ufność reguły asocjacyjnej

Ufność reguły asocjacyjnej jest miarą jakości danej reguły. Miara ta została przedstawiona przez autorów algorytmu Apriori [?]. Dla reguły asocjacyjnej postaci  $R = "X \rightarrow Y"$  (gdzie  $X$  i  $Y$  to zbiory elementów) ufność wyraża się jako stosunek wsparcia sumy wszystkich elementów występujących w regule (w tym przypadku  $\text{sup}(X \cup Y)$ ) do wsparcia poprzednika reguły (tutaj  $\text{sup}(X)$ ).

$$\text{conf}(R) = \frac{\text{sup}(X \cup Y)}{\text{sup}(X)}$$

Należy dodać, że nie ma znaczenia czy wykorzystywane jest wsparcie aboslutne czy relatywne. Istotne jest natomiast to, aby w zarówno dla licznika i mianownika wykorzystany był ten sam typ wsparcia. Z powyższego wzoru wynika, że ufność reguły asocjacyjnej, to stosunek liczby przypadków, w których jest ona poprawna, do wszystkich przypadków gdzie mogłaby zostać zastosowana. Przykład:  $R = \text{wino} \wedge \text{chleb} \rightarrow \text{ser}$  - jeśli klient kupuje wino i chleb, to ta reguła ma zastosowanie i mówi, że można oczekiwać, że dany klient kupi również ser. Jest możliwe, że ta reguła - dla danego klienta - będzie poprawna lub nie. Interesującą informacją jest to jak dobra jest reguła, czyli jak często jest poprawna (jak często klient, który kupuje wino i chleb kupuje również ser). Taką właśnie informację uzyskuje się poprzez obliczenie ufności reguły asocjacyjnej. Oczywiście w przypadku gdy klient nie kupił chleba lub/i wina, to reguła nie znajduje zastosowania, a dana transakcja nie wpływa na  $\text{conf}(R)$ .

### 2.2.5 Wsparcie reguły asocjacyjnej

Wsparcie reguły asocjacyjnej postaci  $A \cup B \rightarrow C$  odpowiada wsparciu zbioru  $S = \{A, B, C\}$  ([?]). Miara ta informuje o tym jak często dana reguła jest prawidłowa. Nieco odmienna definicja została przedstawiona i wykorzystana w [?]. Różnica polega na tym, że wsparcie wyrażone jest jako liczba przypadków, w których reguła jest stosowalna. Zatem dla powyższej postaci byłoby to  $S = \{A, B\}$ , nawet jeśli reguła może okazać się fałszywa. Wsparcie może być stosowane do filtrowania. Dla ustalonego *minsup* szuka się tylko takich reguł, których wsparcie jest nie mniejsze od *minsup*. Oznacza to, że interesujące są tylko te reguły, które wystąpiły co najmniej daną liczbę razy. W algorytmach wyszukiwania reguł asocjacyjnych stosuje się progi minimalnego wsparcia oraz minimalnej ufności. Dzięki temu w otrzymanych wynikach nie są uwzględnione mało wartościowe reguły.

### 2.2.6 Zbiór częsty

Zbiorem częstym nazywamy taki niepusty podzbiór zbioru  $I$ , dla którego wsparcie jest równe co najmniej wartości *minsup*.

## Rozdział 3

# Podłoże teoretyczne

### 3.1 Wstęp

Kolejny rozdział przedstawia aktualne metody i istniejące algorytmy związane z tematem pracy. Poza podstawowym algorytmem Apriori ([?]), który używa drzew haszowych do przechwywania kandydatów, opisano trzy modyfikacje tego algorytmu. Główna różnica polega na tym, że wykorzystują one inną strukturę, a mianowicie drzewa prefiksowe. Są to rozwiązania zaproponowane przez Christina Borgelta ([?]), Ferenc Bodona ([?]) oraz Barta Goethalsa ([?]). Ze względu na wykorzystanie prostszej struktury okazały się one szybsze od standardowego algorytmu.

Innym problemem jest optymalizacja wykonania kilku zadań Apriori uruchomionych wspólnie na nakładających się podzbiorach tabeli z danymi. Metody z tym związane to Common Counting ([?]) i Common Candidate Tree ([?]). Oparte są one o implementację Apriori z zastosowaniem drzew haszowych. Brakuje jednak adaptacji tych algorytmów, polegającej na zmianie struktury na drzewa prefiksowe. Właśnie taka modyfikacja została wprowadzona, a uzyskane efekty opisano w kolejnych rozdziałach niniejszej pracy.

### 3.2 Przegląd istniejących rozwiązań

#### 3.2.1 Algorytm Apriori [?]

Algorytm Apriori jest algorytmem eksploracji poziomej. Szuka zbiorów częstych o rozmiarach  $1, 2, \dots, k$ . Algorytm rozpoczyna od zbiorów o rozmiarze 1 i następnie zwiększa ten rozmiar w kolejnych iteracjach. Elementy każdej transakcji są uporządkowane leksykograficznie - jeżeli nawet transakcje nie są posortowane, to krokiem wstępnym algorytmu może być leksykograficzne uporządkowanie elementów transakcji ([?]). Po pierwszym kroku zebrane są zatem wszystkie elementy występujące w transakcjach (w postaci zbiorów jednoelementowych). Następnie sprawdzane jest, które z nich posiadają wsparcie nie mniejsze niż *minsup*. Elementy niespełniające tego wymagania są odrzucane. Pozostałe służą do utworzenia dwuelementowych zbiorów kandydujących (ang. *candidate itemsets*). Dla wygenerowanych zbiorów sprawdzane jest czy posiadają wsparcie równe co najmniej *minsup*. Jeśli tak, to taki zbiór jest dodawany do listy zbiorów częstych i w kolejnej iteracji jest wykorzystywany (wraz z innymi zbiorami z tej listy) do generowania zbiorów kandydatów o rozmiarze o 1 większym. Wsparcie zbiorów sprawdzane jest na podstawie odczytu danych z bazy danych. Algorytm zatrzymuje się gdy nie ma już możliwości generowania kolejnych zbiorów. W wyniku jego działania zwracana jest suma  $k$ -elementowych zbiorów częstych ( $k = 1, 2, \dots$ ), która może zostać wykorzystana do generowania reguł asocjacyjnych.

#### 3.2.2 Algorytm Apriori - implementacja Christina Borgelta [?]

#### 3.2.3 Algorytm Apriori - implementacja Ferenc Bodona [?]

#### 3.2.4 Algorytm Apriori - implementacja Barta Goethalsa [?]

#### 3.2.5 Common Counting [?]

W metodzie Common Counting chodzi o równoległe wykonanie zbioru zapytań eksploracyjnych algorytmem Apriori z integracją porywających się fragmentów bazy danych. Na wejściu algorytm otrzymuje zbiór elementarnych predykatów selekcji danych dla zbioru zapytań eksploracyjnych

*DMQ*. Początkowo algorytm ustala zbiór wszystkich elementów, czyli takich, które wystąpiły w co najmniej jednej transakcji. W kolejnych krokach generowane są zbiory częste oddzielnie dla każdego z zapytań. Przebiega to w taki sam sposób jak w przypadku standardowego algorytmu Apriori. Z każdym zapytaniem powiązane jest drzewo haszowe, w którym przechowywani są kandydaci. Warunek zatrzymania algorytmu jest taki jak w standardowym Apriori (brak możliwości wygenerowania kandydatów w kolejnej iteracji), z tą różnicą, że musi być spełniony dla wszystkich zapytań ze zbioru. Zliczenie wystąpień kandydatów jest realizowane dla wszystkich zapytań jednocześnie. Partycje bazy danych są odczytywane sekwencyjnie dla poszczególnych elementarnych predykatów selekcji danych. Powiększeniu ulegają liczniki kandydatów zawartych w analizowanej transakcji dla zapytań posiadających odwołania do danej partycji. Lista kandydatów zawierających się w danej transakcji ustalana jest poprzez testowanie transakcji względem drzew haszowych. Należy tutaj zaznaczyć, że w przypadku gdy kilka zapytań współdzieli dany elementarny predykat selekcji danych, to podczas zliczeń wystąpień kandydatów odczyt właściwej mu partycji jest wykonywany tylko raz. Zatem optymalizowane są odczyty współdzielonych przez zapytania fragmentów bazy danych, przy czym pozostałe kroki algorytmu Apriori pozostają niezmienione i są wykonywane oddzielnie dla każdego zapytania.

### 3.2.6 Common Candidate Tree [?]

Common Candidate Tree podobna do Common Counting. Również korzysta z oryginalnego Apriori i wykorzystuje strukturę drzewa haszowego. Różnica polega na tym, że zwiększony został stopień współbieżności przetwarzania. Uzyskano to dzięki współdzieleniu pamięciowej struktury drzewa składającego kandydatów. Jest to duża zaleta w porównaniu z Common Counting, gdyż - zamiast wielu - tworzone jest jedno drzewo haszowe o nieziennej strukturze. Poza zachowaniem integracji odczytów współdzielonych możliwa jest integracja testowania czy w danej transakcji zawierają się kandydaci z poszczególnych zapytań. Realizacja tego algorytmu wymagała rozszerzenia struktury kandydatów. W jej wyniku z każdym kandydatem związany został wektor liczników (jeden licznik dla jednego zapytania), a nie pojedynczy licznik. Dodatkowo - dla rozróżnienia zapytań, które wygenerowały danego kandydata - dołączony został wektor flag logicznych przechowujący taką właśnie informację. Po wyłonieniu kandydatów są oni umieszczani w jednym zbiorze. Zbiór ten trafia do wspólnego drzewa haszowego. W tym kroku modyfikowane są również odpowiednie flagi. Samo generowanie kandydatów i selekcja zbiorów częstych nadal realizowane są oddzielnie dla poszczególnych zapytań. Zliczany jest natomiast zintegrowany zbiór kandydatów. Podczas tej fazy brani są pod uwagę tylko kandydaci wygenerowani przez zapytania odwołujące się do aktualnie odczytywanej partycji bazy danych i w przypadku gdy kandydat zawiera się w przetwarzanej transakcji, to zwiększa się liczniki kandydatów związane z tymi zapytaniami. Eksperymenty [?] pokazały, że jest to algorytm wydajniejszy i lepiej skalowany od Common Counting.

## Rozdział 4

# Opracowane algorytmy

### 4.1 Wstęp

Whatever

### 4.2 Common Steps

Whatever



## Rozdział 5

# Wyniki eksperymentów

5.1 S1

5.2 S2





## Rozdział 6

# Wnioski i uwagi

Whole conclusion for one page.



## Dodatek A

### Content of the DVD

As an addition to this document, the DVD is attached. It provides some materials connected with the presented subject in electronic form for potential users or people, who would want to continue works on this topic.

The DVD content consists of several items:

1. Item 1
2. Item 2
3. Item 3





© 2014 Szymon Dolata

Instytut Informatyki, Wydział Informatyki  
Politechnika Poznańska

Skład przy użyciu systemu L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X.

Bib<sub>T</sub>E<sub>X</sub>:

```
@mastersthesis{ key,  
  author = "Szymon Dolata",  
  title = "{Integracja drzew prefiksowych w przetwarzaniu zbiorów zapytań eksploracyjnych  
algorytmem Apriori}",  
  school = "Poznan University of Technology",  
  address = "Pozna{\n}, Poland",  
  year = "2014",  
}
```