La plupart des langages de programmation manipulent des variables et des valeurs qui possèdent un type (ou même plusieurs).

La plupart des langages de programmation manipulent des variables et des valeurs qui possèdent un type (ou même plusieurs).

Il y a deux manières principales de **connaître les types** des variables utilisées dans un programme :

typage explicite, où les types des variables sont mentionnés dans le programme;

La plupart des langages de programmation manipulent des variables et des valeurs qui possèdent un type (ou même plusieurs).

Il y a deux manières principales de **connaître les types** des variables utilisées dans un programme :

- typage explicite, où les types des variables sont mentionnés dans le programme;
- typage implicite, où les types des variables ne sont pas mentionnés dans le programme. Ils sont devinés lors de la compilation (si typage statique) ou lors de l'exécution (si typage dynamique) en fonction du contexte.

La plupart des langages de programmation manipulent des variables et des valeurs qui possèdent un type (ou même plusieurs).

Il y a deux manières principales de **connaître les types** des variables utilisées dans un programme :

- typage explicite, où les types des variables sont mentionnés dans le programme;
- 2 typage implicite, où les types des variables ne sont pas mentionnés dans le programme. Ils sont devinés lors de la compilation (si typage statique) ou lors de l'exécution (si typage dynamique) en fonction du contexte.

Ce mécanisme s'appelle l'inférence des types.

Typage explicite

Considérons le programme C

```
#include <stdio.h>
typedef struct {
    int x, y;
} Point2D;
typedef struct {
    int x, y, z;
} Point3D;
void afficher(Point2D *p) {
    printf("(%d, %d)", p->x, p->y);
}
int main() {
    Point3D p;
    p.x = 1, p.y = 2, p.z = 3;
    afficher(&p);
    return 0;
```

Typage explicite

Considérons le programme C

```
#include <stdio.h>
typedef struct {
    int x, y;
} Point2D:
typedef struct {
    int x, y, z;
} Point3D:
void afficher(Point2D *p) {
    printf("(%d, %d)", p->x, p->y);
}
int main() {
    Point3D p;
    p.x = 1, p.y = 2, p.z = 3;
    afficher(&p);
    return 0:
```

Dans la fonction main, on a demandé explicitement que la variable p soit de type Point3D. La fonction afficher demande l'existence des champs x et y de son argument. Ces champs existent dans p et cependant, ce code ne compile pas.

Typage explicite

Considérons le programme C

```
#include <stdio.h>
typedef struct {
    int x, y;
} Point2D:
typedef struct {
    int x, y, z;
} Point3D;
void afficher(Point2D *p) {
    printf("(%d, %d)", p->x, p->y);
}
int main() {
    Point3D p;
    p.x = 1, p.y = 2, p.z = 3;
    afficher(&p);
    return 0:
```

Dans la fonction main, on a demandé explicitement que la variable p soit de type Point3D. La fonction afficher demande l'existence des champs x et y de son argument. Ces champs existent dans p et cependant, ce code ne compile pas.

En effet, même si une variable de type Point3D semble pouvoir être utilisée comme une variable de type Point2D, ceci est impossible en C qui est un langage à typage explicite : le type de p a été fixé lors de la déclaration de afficher.

```
Considérons le programme Caml
```

```
let suivant x = x + 1 in
(print_int (suivant 5))
```

Considérons le programme Caml

```
let suivant x = x + 1 in
(print_int (suivant 5))
```

lci, suivant est une fonction. Le type de son paramètre x n'est pas spécifié. Cependant, le fait que l'on réalise une opération arithmétique (x + 1) avec ce paramètre indique qu'il s'agit d'un entier.

Considérons le programme Caml

```
let suivant x = x + 1 in
(print_int (suivant 5))
```

lci, suivant est une fonction. Le type de son paramètre x n'est pas spécifié. Cependant, le fait que l'on réalise une opération arithmétique (x + 1) avec ce paramètre indique qu'il s'agit d'un entier.

De cette manière, le mécanisme d'inférence des types suggère au compilateur que suivant est une fonction qui accepte un entier et qui renvoie un entier.

Considérons le programme Caml

```
let suivant x = x + 1 in
(print_int (suivant 5))
```

lci, suivant est une fonction. Le type de son paramètre x n'est pas spécifié. Cependant, le fait que l'on réalise une opération arithmétique (x + 1) avec ce paramètre indique qu'il s'agit d'un entier.

De cette manière, le mécanisme d'inférence des types suggère au compilateur que suivant est une fonction qui accepte un entier et qui renvoie un entier.

Cette valeur renvoyée peut donc être traitée par la fonction print_int qui accepte en entrée des valeurs entières.

Typage explicite.

Avantages : meilleure lisibilité des programmes. En général, la compilation et l'exécution sont plus efficaces.

Typage explicite.

- Avantages : meilleure lisibilité des programmes. En général, la compilation et l'exécution sont plus efficaces.
- Inconvénients : programmes verbeux.

Typage explicite.

- Avantages : meilleure lisibilité des programmes. En général, la compilation et l'exécution sont plus efficaces.
- Inconvénients : programmes verbeux.

Typage implicite.

Avantages : programmes plus concis, le programmeur ne se préoccupe pas d'indiquer les types : le compilateur se charge de trouver ceux qui sont les plus adaptés.

Typage explicite.

- Avantages : meilleure lisibilité des programmes. En général, la compilation et l'exécution sont plus efficaces.
- Inconvénients : programmes verbeux.

Typage implicite.

- Avantages : programmes plus concis, le programmeur ne se préoccupe pas d'indiquer les types : le compilateur se charge de trouver ceux qui sont les plus adaptés.
- Inconvénients : programmes moins lisibles. Si le typage est statique, la compilation peut être plus longue (il faut deviner les types). Si le typage est dynamique, l'exécution peut être moins efficace.

Portée statique vs dynamique

La portée d'un identificateur dans un programme désigne l'endroit dans lequel il est possible de l'utiliser.

Portée statique vs dynamique

La portée d'un identificateur dans un programme désigne l'endroit dans lequel il est possible de l'utiliser.

Les identificateurs dans un langage de programmation peuvent être de deux principales catégories :

de portée statique, où chaque occurrence d'un identificateur doit être mis en relation avec sa définition préalable;

Portée statique vs dynamique

La portée d'un identificateur dans un programme désigne l'endroit dans lequel il est possible de l'utiliser.

Les identificateurs dans un langage de programmation peuvent être de deux principales catégories :

- de portée statique, où chaque occurrence d'un identificateur doit être mis en relation avec sa définition préalable;
- 2 de portée dynamique, où ce que représente un identificateur peut dépendre de l'exécution du programme (dans certains *mauvais* cas, il peut même ne rien représenter du tout).

Portée statique

```
Considérons le programme Caml

let fact n = 
    if n \le 1 then
    1
    else
        n * (fact (n - 1))
in
(fact 3)
```

Portée statique

```
Considérons le programme Caml
```

```
let fact n =
    if n <= 1 then
        1
    else
        n * (fact (n - 1))
in
    (fact 3)</pre>
```

Lors de sa compilation, une erreur se produit : l'identificateur fact, utilisé en l. 5 est encore non défini.

On obtient le message suivant du compilateur :

```
File "Prog.ml", line 5, characters 12-16: Error: Unbound value fact
```

Considérons le programme Python

```
n = int(input())  # Lecture d'un entier.
if n == 0 :
    res = "a"  # 'res' est une chaîne de caractères.
elif n == 1 :
    res = [1, 2, 3]  # 'res' est une liste.
print res  # Tentative d'affichage de 'res'.
```

Considérons le programme Python

```
n = int(input())  # Lecture d'un entier.
if n == 0 :
    res = "a"  # 'res' est une chaîne de caractères.
elif n == 1 :
    res = [1, 2, 3]  # 'res' est une liste.
print res  # Tentative d'affichage de 'res'.
```

Lors de son exécution, l'identificateur res en l. 6 peut faire référence à des définitions différentes :

si l'utilisateur saisit 0, res est défini comme étant la chaîne "a";

Considérons le programme Python

```
n = int(input())  # Lecture d'un entier.
if n == 0 :
    res = "a"  # 'res' est une chaîne de caractères.
elif n == 1 :
    res = [1, 2, 3]  # 'res' est une liste.
print res  # Tentative d'affichage de 'res'.
```

Lors de son exécution, l'identificateur res en l. 6 peut faire référence à des définitions différentes :

- si l'utilisateur saisit 0, res est défini comme étant la chaîne "a";
- si l'utilisateur saisit 1, res est défini comme étant la liste contenant successivement les éléments 1, 2 et 3;

Considérons le programme Python

```
n = int(input())  # Lecture d'un entier.
if n == 0 :
    res = "a"  # 'res' est une chaîne de caractères.
elif n == 1 :
    res = [1, 2, 3]  # 'res' est une liste.
print res  # Tentative d'affichage de 'res'.
```

Lors de son exécution, l'identificateur res en l. 6 peut faire référence à des définitions différentes :

- si l'utilisateur saisit 0, res est défini comme étant la chaîne "a";
- si l'utilisateur saisit 1, res est défini comme étant la liste contenant successivement les éléments 1, 2 et 3;
- dans tous les autres cas, res est un identificateur non défini.

Cette information est donnée, lors de l'exécution, par

```
Traceback (most recent call last):
   File "Prog.py", line 6, in <module>
     print res
NameError: name 'res' is not defined
```

Langages fonctionnels purs vs impurs

Il y a deux sortes de langages fonctionnels :

■ les langages fonctionnels purs, où tout effet de bord est interdit. Des problèmes se posent notamment lors de la gestion des entrées sorties (mais qui sont résolus élégamment au moyen des *monades*).

Langages fonctionnels purs vs impurs

Il y a deux sortes de langages fonctionnels :

- les langages fonctionnels purs, où tout effet de bord est interdit. Des problèmes se posent notamment lors de la gestion des entrées sorties (mais qui sont résolus élégamment au moyen des monades).
- 2 les langages fonctionnels impurs, où certaines particularités des langages impératifs sont utilisables, comme la gestion classique des entrées/sorties, les affectations ou encore les instructions de boucle.

Caractéristiques des principaux langages

Langage	T. dyn.	T. stat.	T. expl.	T. impl.	Imp.	Fonc.
С	Non	Oui	Oui	Non	Oui	Non
Python	Oui	Non	Non	Oui	Oui	Impur
Caml	Non	Oui	Non	Oui	Oui	Impur
Haskell	Non	Oui	Non	Oui	Non	Pur

Caractéristiques des principaux langages

Langage	T. dyn.	T. stat.	T. expl.	T. impl.	Imp.	Fonc.
С	Non	Oui	Oui	Non	Oui	Non
Python	Oui	Non	Non	Oui	Oui	Impur
Caml	Non	Oui	Non	Oui	Non	Impur
Haskell	Non	Oui	Non	Oui	Non	Pur

Axe 2 : concepts premiers

- 3 Programmation
- 4 Pratique
- 5 Types

Plan

- 3 Programmation
 - Interpréteur Caml
 - Liaisons
 - Types de base
 - Fonctions

« La 1^{re} chose à apprendre lorsque l'on aborde un nouveau langage de programmation est

« La 1^{re} chose à apprendre lorsque l'on aborde un nouveau langage de programmation est de savoir écrire des commentaires ».

— J.-P. Duval

« La 1^{re} chose à apprendre lorsque l'on aborde un nouveau langage de programmation est de savoir écrire des commentaires ».

— J.-P. Duval

En Caml, un commentaire est constitué de tout ce qui est délimité par (* et *). Par exemple,

(* Ceci est un commentaire. *)

« La 1^{re} chose à apprendre lorsque l'on aborde un nouveau langage de programmation est de savoir écrire des commentaires ».

— J.-P. Duval

En Caml, un commentaire est constitué de tout ce qui est délimité par (* et *). Par exemple,

```
(* Ceci est un commentaire. *)
```

Les symboles (* et *) fonctionnent comme des parenthèses : il est possible d'appareiller chaque (* avec un unique *). Il est ainsi possible d'imbriquer les commentaires.

« La 1^{re} chose à apprendre lorsque l'on aborde un nouveau langage de programmation est de savoir écrire des commentaires ».

— J.-P. Duval

En Caml, un commentaire est constitué de tout ce qui est délimité par (* et *). Par exemple,

```
(* Ceci est un commentaire. *)
```

Les symboles (* et *) fonctionnent comme des parenthèses : il est possible d'appareiller chaque (* avec un unique *). Il est ainsi possible d'imbriquer les commentaires.

```
(* Ceci est un commentaire
    (* imbrique. *) *)
```

En Caml, ceci fonctionne.

« La 1^{re} chose à apprendre lorsque l'on aborde un nouveau langage de programmation est de savoir écrire des commentaires ».

— J.-P. Duval

En Caml, un commentaire est constitué de tout ce qui est délimité par (* et *). Par exemple,

```
(* Ceci est un commentaire. *)
```

Les symboles (* et *) fonctionnent comme des parenthèses : il est possible d'appareiller chaque (* avec un unique *). Il est ainsi possible d'imbriquer les commentaires.

En Caml, ceci fonctionne.

En C, ceci ne fonctionne pas.

Plan

- 3 Programmation
 - Interpréteur Caml
 - Liaisons
 - Types de base
 - Fonctions

Il existe trois modes principaux pour programmer en Caml :

Il existe trois modes principaux pour programmer en Caml :

écrire un programme dans un fichier d'extension .ml et le compiler avec le compilateur bytecode;

Il existe trois modes principaux pour programmer en Caml :

- écrire un programme dans un fichier d'extension .ml et le compiler avec le compilateur bytecode;
- écrire un programme dans un fichier d'extension .ml et le compiler avec le compilateur natif;

Il existe trois modes principaux pour programmer en Caml :

- écrire un programme dans un fichier d'extension .ml et le compiler avec le compilateur bytecode;
- 2 écrire un programme dans un fichier d'extension .ml et le compiler avec le compilateur natif;
- 3 ouvrir l'interpréteur Caml et écrire du code, ou bien en importer.

Il existe trois modes principaux pour programmer en Caml :

- écrire un programme dans un fichier d'extension .ml et le compiler avec le compilateur bytecode;
- 2 écrire un programme dans un fichier d'extension .ml et le compiler avec le compilateur natif;
- 3 ouvrir l'interpréteur Caml et écrire du code, ou bien en importer.

Les deux premières méthodes fournissent un exécutable (voir plus loin).

Il existe trois modes principaux pour programmer en Caml :

- écrire un programme dans un fichier d'extension .ml et le compiler avec le compilateur bytecode;
- écrire un programme dans un fichier d'extension .ml et le compiler avec le compilateur natif;
- 3 ouvrir l'interpréteur Caml et écrire du code, ou bien en importer.

Les deux premières méthodes fournissent un exécutable (voir plus loin).

La 3^e est intéressante car elle permet de faire du développement incrémental, c.-à-d. l'écriture et le test pas à pas des fonctions nécessaires à la résolution d'un problème.

Dans ce cas, le programme n'est pas exécuté mais est interprété.

L'interpréteur se lance avec la commande ocaml ou mieux, rlwrap ocaml pour avoir accès à l'historique.

Objective Caml version 4.01.0

#

L'interpréteur se lance avec la commande ocaml ou mieux, rlwrap ocaml pour avoir accès à l'historique.

Objective Caml version 4.01.0

#

Celle-ci lance une boucle d'interaction qui se comporte, de manière répétée, de la façon suivante :

L'interpréteur se lance avec la commande ocaml ou mieux, rlwrap ocaml pour avoir accès à l'historique.

```
Objective Caml version 4.01.0
```

#

Celle-ci lance une boucle d'interaction qui se comporte, de manière répétée, de la façon suivante :

le programmeur écrit une phrase;

Lire

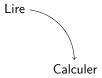
L'interpréteur se lance avec la commande ocaml ou mieux, rlwrap ocaml pour avoir accès à l'historique.

Objective Caml version 4.01.0

#

Celle-ci lance une boucle d'interaction qui se comporte, de manière répétée, de la façon suivante :

- le programmeur écrit une phrase;
- le système l'interprète;



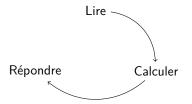
L'interpréteur se lance avec la commande ocaml ou mieux, rlwrap ocaml pour avoir accès à l'historique.

Objective Caml version 4.01.0

#

Celle-ci lance une boucle d'interaction qui se comporte, de manière répétée, de la façon suivante :

- 1 le programmeur écrit une phrase;
- le système l'interprète;
- 3 le système affiche le **résultat** de la phrase.



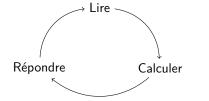
L'interpréteur se lance avec la commande ocaml ou mieux, rlwrap ocaml pour avoir accès à l'historique.

Objective Caml version 4.01.0

#

Celle-ci lance une boucle d'interaction qui se comporte, de manière répétée, de la façon suivante :

- 1 le programmeur écrit une phrase;
- 2 le système l'interprète;
- 3 le système affiche le **résultat** de la phrase.



Et ainsi de suite.

Une phrase est une **expression** terminée par ;; (marqueur de fin de phrase).

```
# 1 + 1;;
```

Une phrase est une **expression** terminée par ;; (marqueur de fin de phrase).

```
# 1 + 1;;
```

Elle peut tenir sur plusieurs lignes

```
# 1
+ 1;;
```

Une phrase est une **expression** terminée par ;; (marqueur de fin de phrase).

```
# 1 + 1;;
```

Elle peut tenir sur plusieurs lignes

```
# 1
+ 1;;
```

L'utilisateur demande l'**évaluation** d'une phrase en appuyant sur **entrée** et le système fournit ensuite sa réponse.

```
# 1 + 1;;
- : int = 2
```

Une phrase est une **expression** terminée par ;; (marqueur de fin de phrase).

```
# 1 + 1;;
```

Elle peut tenir sur plusieurs lignes

```
# 1
+ 1;;
```

L'utilisateur demande l'**évaluation** d'une phrase en appuyant sur **entrée** et le système fournit ensuite sa réponse.

```
# 1 + 1;;
- : int = 2
```

Explications:

■ le signe – signifie qu'une **valeur** a été calculée;

Une phrase est une **expression** terminée par ;; (marqueur de fin de phrase).

```
# 1 + 1;;
```

Elle peut tenir sur plusieurs lignes

```
# 1
+ 1;;
```

L'utilisateur demande l'**évaluation** d'une phrase en appuyant sur **entrée** et le système fournit ensuite sa réponse.

```
# 1 + 1;;
- : int = 2
```

Explications:

- le signe signifie qu'une valeur a été calculée;
- int signifie que cette valeur est de type int;

Une phrase est une **expression** terminée par ;; (marqueur de fin de phrase).

```
# 1 + 1;;
```

Elle peut tenir sur plusieurs lignes

```
# 1
+ 1;;
```

L'utilisateur demande l'**évaluation** d'une phrase en appuyant sur **entrée** et le système fournit ensuite sa réponse.

```
# 1 + 1;;
- : int = 2
```

Explications:

- le signe signifie qu'une valeur a été calculée;
- : int signifie que cette valeur est de type int;
- = 2 signifie que cette valeur **est** 2.

Plan

- 3 Programmation
 - Interpréteur Caml
 - Liaisons
 - Types de base
 - Fonctions

De la même manière que l'on peut écrire en mathématiques « Soit n l'entier 5. ».

pour définir ce que représente le symbole « n », il est possible en programmation Caml de donner un nom à une valeur.

De la même manière que l'on peut écrire en mathématiques

« Soit n l'entier 5. »,

pour définir ce que représente le symbole « n », il est possible en programmation Caml de donner un nom à une valeur.

Ceci s'appelle une définition, ou encore la liaison d'un nom à une valeur.

De la même manière que l'on peut écrire en mathématiques

pour définir ce que représente le symbole « n », il est possible en programmation Caml de donner un nom à une valeur.

Ceci s'appelle une définition, ou encore la liaison d'un nom à une valeur.

On utilise pour cela la construction syntaxique

let
$$ID = EXP$$

où ID est un nom (identificateur) et EXP est une expression.

De la même manière que l'on peut écrire en mathématiques

```
« Soit n l'entier 5. »,
```

pour définir ce que représente le symbole « n », il est possible en programmation Caml de donner un nom à une valeur.

Ceci s'appelle une définition, ou encore la liaison d'un nom à une valeur.

On utilise pour cela la construction syntaxique

```
let ID = EXP
```

où ID est un nom (identificateur) et EXP est une expression.

```
# let n = 5;;
val n : int = 5
# n;;
- : int = 5
```

La 1^{re} phrase lie au nom n la valeur 5. L'interpréteur le signale en commençant sa réponse par val n.

De la même manière que l'on peut écrire en mathématiques

```
« Soit n l'entier 5. »,
```

pour définir ce que représente le symbole « n », il est possible en programmation Caml de donner un nom à une valeur.

Ceci s'appelle une définition, ou encore la liaison d'un nom à une valeur.

On utilise pour cela la construction syntaxique

```
let ID = EXP
```

où ID est un nom (identificateur) et EXP est une expression.

```
# let n = 5;;
val n : int = 5
# n;;
- : int = 5
```

La 1^{re} phrase lie au nom n la valeur 5. L'interpréteur le signale en commençant sa réponse par val n.

La 2^e phrase donne la valeur à laquelle n est liée.

Il est possible de définir des noms localement à une expression.

Il est possible de définir des noms localement à une expression.

La **portée lexicale** d'un nom défini localement est étendue à l'expression où figure sa définition.

Il est possible de définir des noms localement à une expression.

La **portée lexicale** d'un nom défini localement est étendue à l'expression où figure sa définition.

On utilise pour cela la construction syntaxique

let ID = VAL in EXP

où ID est un nom, VAL est une valeur et EXP est une expression.

Il est possible de définir des noms localement à une expression.

La **portée lexicale** d'un nom défini localement est étendue à l'expression où figure sa définition.

On utilise pour cela la construction syntaxique

let ID = VAL in EXP

où ID est un nom, VAL est une valeur et EXP est une expression.

Cette expression possède une valeur : celle de EXP.

Il est possible de définir des noms localement à une expression.

La **portée lexicale** d'un nom défini localement est étendue à l'expression où figure sa définition.

On utilise pour cela la construction syntaxique

```
let ID = VAL in EXP
```

où ID est un nom, VAL est une valeur et EXP est une expression.

Cette expression possède une valeur : celle de EXP.

```
# let n = 5 in n + 1;;
- : int = 6
```

La 2^e occurrence de n a pour valeur 5 à cause de la liaison précédente. Ainsi, n + 1 a pour valeur 6.

Il est possible de définir des noms localement à une expression.

La **portée lexicale** d'un nom défini localement est étendue à l'expression où figure sa définition.

On utilise pour cela la construction syntaxique

```
let ID = VAL in EXP
```

où ID est un nom, VAL est une valeur et EXP est une expression.

Cette expression possède une valeur : celle de EXP.

```
# let n = 5 in n + 1;;
- : int = 6

# let n = 3;;
val n : int = 3
# let n = 4 in 2 * n;;
- : int = 8
# n;;
- : int = 3
```

```
La 2^e occurrence de n a pour valeur 5 à cause de la liaison précédente. Ainsi, n+1 a pour valeur 6.
```

La liaison de $\bf n$ à 4 dans la $\bf 2^e$ phrase est locale : le nom global $\bf n$ défini en $\bf 1^{re}$ phrase reste inchangé.

Il est possible de définir des noms localement à une expression.

La **portée lexicale** d'un nom défini localement est étendue à l'expression où figure sa définition.

On utilise pour cela la construction syntaxique

```
let ID = VAL in EXP
```

où ID est un nom, VAL est une valeur et EXP est une expression.

Cette expression possède une valeur : celle de EXP.

```
# let n = 5 in n + 1;;
- : int = 6

# let n = 3;;
val n : int = 3
# let n = 4 in 2 * n;;
- : int = 8
# n;;
- : int = 3
```

```
La 2^e occurrence de n a pour valeur 5 à cause de la liaison précédente. Ainsi, n + 1 a pour valeur 6.
```

La liaison de n à 4 dans la 2^e phrase est locale : le nom global n défini en 1^{re} phrase reste inchangé.

Ceci explique la valeur du nom n de la 3^e phrase.

La règle pour comprendre une phrase définissant un nom est de **relier** chaque occurrence d'un nom \mathbf{x} à sa définition.

La règle pour comprendre une phrase définissant un nom est de **relier** chaque occurrence d'un nom ${\bf x}$ à sa définition.

```
# let s = 2 in
let s = s * s in
let s = s * s in
s + 4;;
```

La règle pour comprendre une phrase définissant un nom est de **relier** chaque occurrence d'un nom x à sa définition.

```
# let s = 2 in
    let s = s * s in
    let s = s * s in
    s + 4;;
- : int = 20
```

Chaque occurrence du nom s fait référence à la valeur du nom s de la liaison précédente. On retrouve ainsi le résultat affiché.

La règle pour comprendre une phrase définissant un nom est de **relier** chaque occurrence d'un nom x à sa définition.

```
# let s = 2 in
    let s = s * s in
    let s = s * s in
    s + 4;;
- : int = 20
```

```
# let s = let x = 3 in x * x;;
```

Chaque occurrence du nom s fait référence à la valeur du nom s de la liaison précédente. On retrouve ainsi le résultat affiché.

La règle pour comprendre une phrase définissant un nom est de **relier** chaque occurrence d'un nom x à sa définition.

```
# let s = 2 in
    let s = s * s in
    let s = s * s in
    s + 4;;
- : int = 20
```

Chaque occurrence du nom s fait référence à la valeur du nom s de la liaison précédente. On retrouve ainsi le résultat affiché.

```
Le nom s est lié à la valeur 9. En effet, l'expression let x = 3 in x * x a pour valeur 9.
```

```
# let x =
    let y = 2 in
    let z = 3 in
        y + let z = 8 in
        z * z;;
```

```
# let x =
    let y = 2 in
    let z = 3 in
        y + let z = 8 in
        z * z;;
Warning 26: unused variable z.
val x : int = 66
```

La nom \mathbf{z} défini en l. 3 n'est pas utilisé pour attribuer une valeur au nom \mathbf{x} .

L'interpréteur le signale par un message d'avertissement.

```
# let x =
    let y = 2 in
    let z = 3 in
        y + let z = 8 in
        z * z;;
Warning 26: unused variable z.
```

val x : int = 66

La nom z défini en l. 3 n'est pas utilisé pour attribuer une valeur au nom x.

L'interpréteur le signale par un message d'avertissement.

```
# let x =
    let y = 2 in
    let z = 3 in
        y + let z = 8 in
        z * z;;
```

Warning 26: unused variable z. val x : int = 66

Error: Unbound value x

La nom z défini en l. 3 n'est pas utilisé pour attribuer une valeur au nom x.

L'interpréteur le signale par un message d'avertissement.

L'évaluation de cette phrase produit une erreur lors de son interprétation. En effet, le nom x de la l. 2 n'est pas défini.

Il est possible de définir des noms simultanément dans une même phrase.

Il est possible de définir des noms simultanément dans une même phrase.

On utilise pour cela la construction syntaxique

```
let ID1 = VAL1 and ID2 = VAL2
```

où ID1 et ID2 sont des identificateurs et VAL1 et VAL2 sont des valeurs.

Il est possible de définir des noms simultanément dans une même phrase.

On utilise pour cela la construction syntaxique

```
let ID1 = VAL1 and ID2 = VAL2
```

où ID1 et ID2 sont des identificateurs et VAL1 et VAL2 sont des valeurs.

```
# let x = 1 and y = 2;;
val x : int = 1
val y : int = 2
```

Cette phrase lie simultanément au nom x la valeur 1 et au nom y la valeur 2.

Il est possible de définir des noms simultanément dans une même phrase.

On utilise pour cela la construction syntaxique

```
let ID1 = VAL1 and ID2 = VAL2
```

où ID1 et ID2 sont des identificateurs et VAL1 et VAL2 sont des valeurs.

```
# let x = 1 and y = 2;;
val x : int = 1
val y : int = 2

# let x = 1 in
    let y = 3
    and z = 4 in
    x + y + z;;
- : int = 8
```

Cette phrase lie simultanément au nom x la valeur 1 et au nom y la valeur 2.

Il est possible d'imbriquer les définitions locales et simultanées.

On notera l'indentation différente impliquée par les in et les and.

```
# let x = 1 in
    let x = 2
    and y = x + 3 in
    x + y;;
```

```
# let x = 1 in
    let x = 2
    and y = x + 3 in
        x + y;;
- : int = 6
```

Dans la définition du nom y, l'occurrence de x qui y apparaît est celle définie en l. 1.

```
# let x = 1 in
    let x = 2
    and y = x + 3 in
        x + y;;
- : int = 6
```

Dans la définition du nom y, l'occurrence de x qui y apparaît est celle définie en l. 1.

```
# let x = 1 in
    let x = 2
    and y = x + 3 in
        x + y;;
- : int = 6
```

Dans la définition du nom y, l'occurrence de x qui y apparaît est celle définie en l. 1.

```
# let x = 1 in
    let x = 2 in
    let y = x + 3 in
        x + y;;
Warning 26: unused variable x.
```

-: int = 7

Cette phrase est obtenue en remplaçant le and par un in let.

```
# let x = 1 in
    let x = 2
    and y = x + 3 in
        x + y;;
- : int = 6
```

Dans la définition du nom y, l'occurrence de x qui y apparaît est celle définie en l. 1.

```
# let x = 1 in
    let x = 2 in
    let y = x + 3 in
        x + y;;
Warning 26: unused variable x.
- : int = 7
```

Cette phrase est obtenue en remplaçant le and par un in let. Le résultat est différent du précédent : dans la définition du nom y, l'occurrence de x qui y apparaît est celle définie en l. 2.

```
# let x = 1
and y = 2
and z = let x = 16 in
x * x * x;;
```

```
# let x = 1
  and y = 2
  and z = let x = 16 in
    x * x * x;;
val x : int = 1
val y : int = 2
val z : int = 4096
```

Il y a trois liaisons simultanées.

Il y a trois liaisons simultanées. L'occurrence du nom \mathbf{x} en l. 4 est celle définie en l. 3. Cette définition n'influe pas sur la définition de \mathbf{x} en l. 1.

```
# let x = 1
  and y = 2
  and z = let x = 16 in
        x * x * x;;
val x : int = 1
val y : int = 2
val z : int = 4096

# let x = 1
  and y = x + 1;;
```

Il y a trois liaisons simultanées. L'occurrence du nom x en l. 4 est celle définie en l. 3. Cette définition n'influe pas sur la définition de x en l. 1.

Il y a trois liaisons simultanées.

L'occurrence du nom x en l. 4 est celle définie en l. 3. Cette définition n'influe pas sur la définition de x en l. 1

let x = 1
 and y = x + 1;;
Error: Unbound value x

L'évaluation de cette phrase produit une erreur lors de son interprétation. En effet, le nom x de la l. 2 n'est pas défini.

Plan

- 3 Programmation
 - Interpréteur Caml
 - Liaisons
 - Types de base
 - Fonctions

Les six types de base

Nom du type	Utilisation
int	Représentation des entiers signés
float	Représentation des nombres à virgule signés
char	Représentation des caractères
string	Représentation des chaînes de caractères
bool	Représentation des booléens
unit	Type contenant une unique valeur

Le type bool contient exactement deux valeurs : true et false.

Le type bool contient exactement deux valeurs : true et false.

Opérateur	Arité	Rôle
not	1	Non logique
&&	2	Et logique
11	2	Ou logique

Ces opérateurs produisent des valeurs de type bool.

Le type bool contient exactement deux valeurs : true et false.

Opérateur	Arité	Rôle
not	1	Non logique
&&	2	Et logique
11	2	Ou logique

Ces opérateurs produisent des valeurs de type bool.

Par exemple :

```
# (false || (not false)) && (not (true || false));;
- : bool = false
# not true && false;;
- : bool = false
```

Le type bool contient exactement deux valeurs : true et false.

Opérateur	Arité	Rôle
not	1	Non logique
&&	2	Et logique
11	2	Ou logique

Ces opérateurs produisent des valeurs de type bool.

Par exemple :

```
# (false || (not false)) && (not (true || false));;
- : bool = false
# not true && false;;
- : bool = false
```

Règle : ne jamais hésiter à introduire des parenthèses (sans exagérer) pour gagner en lisibilité.

```
Une valeur de type int peut s'écrire en
■ décimal, sans préfixe (p.ex. 0, 1024, -82);
```

Une valeur de type int peut s'écrire en

- décimal, sans préfixe (p.ex. 0, 1024, -82);
- hexadécimal, avec le préfixe 0x (p.ex. 0x0, 0x400, -0xAE00F23);

Une valeur de type int peut s'écrire en

- décimal, sans préfixe (p.ex. 0, 1024, -82);
- hexadécimal, avec le préfixe 0x (p.ex. 0x0, 0x400, -0xAE00F23);
- binaire, avec le préfixe 0b (p.ex. 0b1011011, -0b101).

```
Une valeur de type int peut s'écrire en
```

- décimal, sans préfixe (p.ex. 0, 1024, -82);
- hexadécimal, avec le préfixe 0x (p.ex. 0x0, 0x400, -0xAE00F23);
- binaire, avec le préfixe 0b (p.ex. 0b1011011, -0b101).

La plage des int s'étend de min_int à max_int.

Sur un système 64 bits, ceci va de

$$-2^{62} = -4611686018427387904$$

à

$$2^{62} - 1 = 4611686018427387903.$$

Une valeur de type int peut s'écrire en

- décimal, sans préfixe (p.ex. 0, 1024, -82);
- hexadécimal, avec le préfixe 0x (p.ex. 0x0, 0x400, -0xAE00F23);
- binaire, avec le préfixe 0b (p.ex. 0b1011011, -0b101).

La plage des int s'étend de min_int à max_int.

Sur un système 64 bits, ceci va de

$$-2^{62} = -4611686018427387904$$

à

$$2^{62} - 1 = 4611686018427387903.$$

La plage ne s'étend pas de -2^{n-1} à $2^{n-1}-1$: utilisation d'un bit pour la gestion automatique de la mémoire.

Opérations arithmétiques sur les int

Opérateur	Arité	Rôle
-, +	1	Moins, Plus (signe)
-, +	2	Soustraction, Addition
/, *	2	Division, Multiplication
succ	1	Successeur
pred	1	Prédécesseur
abs	1	Valeur absolue
mod	2	Modulo

Ces opérateurs produisent des valeurs de type int.

Opérations arithmétiques sur les int

Opérateur	Arité	Rôle
-, +	1	Moins, Plus (signe)
-, +	2	Soustraction, Addition
/, *	2	Division, Multiplication
succ	1	Successeur
pred	1	Prédécesseur
abs	1	Valeur absolue
mod	2	Modulo

Ces opérateurs produisent des valeurs de type int.

succ, pred et abs sont des fonctions.

Opérations arithmétiques sur les int

Opérateur	Arité	Rôle
-, +	1	Moins, Plus (signe)
-, +	2	Soustraction, Addition
/, *	2	Division, Multiplication
succ	1	Successeur
pred	1	Prédécesseur
abs	1	Valeur absolue
mod	2	Modulo

Ces opérateurs produisent des valeurs de type int.

succ, pred et abs sont des fonctions. mod n'est pas une fonction, c'est un opérateur.

Opérations relationnelles sur les int

Opérateur	Arité	Rôle
=, <>	2	Égalité, Différence
<, >	2	Comparaison stricte
<=, >=	2	Comparaison large

Ces opérateurs produisent des valeurs de type bool.

Opérations relationnelles sur les int

Opérateur	Arité	Rôle
=, <>	2	Égalité, Différence
<, >	2	Comparaison stricte
<=, >=	2	Comparaison large

Ces opérateurs produisent des valeurs de type bool.

Par exemple :

```
# (2 = 1) || (32 <= 64);;
- : bool = true
```

Opérations bit à bit sur les int

Opérateur	Arité	Rôle
lnot	1	Non bit à bit
land	2	Et bit à bit
lor	2	Ou bit à bit
lxor	2	Ou exclusif bit à bit
lsl, lsr	2	Décalage à gauche, droite bit à bit
asr	2	Décalage à droite avec respect du signe bit à bit

Ces opérateurs produisent des valeurs de type int.

Opérations bit à bit sur les int

Opérateur	Arité	Rôle
lnot	1	Non bit à bit
land	2	Et bit à bit
lor	2	Ou bit à bit
lxor	2	Ou exclusif bit à bit
lsl, lsr	2	Décalage à gauche, droite bit à bit
asr	2	Décalage à droite avec respect du signe bit à bit

Ces opérateurs produisent des valeurs de type int.

Par exemple:

```
# 1 lsl 10;;
- : int = 1024
# (lnot 0) lsr 1;;
- : int = 4611686018427387903
```

Le type float permet de représenter des nombres à virgule.

Le type float permet de représenter des nombres à virgule.

Une valeur de type float s'écrit obligatoirement avec une virgule « . ». P.ex., 4.52 est l'écriture du nombre 4.52.

Le type float permet de représenter des nombres à virgule.

Une valeur de type float s'écrit obligatoirement avec une virgule « . ». P.ex., 4.52 est l'écriture du nombre 4.52.

Le zéro à virgule s'écrit 0..

Le type float permet de représenter des nombres à virgule.

Une valeur de type float s'écrit obligatoirement avec une virgule « . ». P.ex., 4.52 est l'écriture du nombre 4.52.

Le zéro à virgule s'écrit 0...

La plage des float s'étend de -max_float à max_float. Sur un système 64 bits, ceci va de

```
\label{eq:max_float} -\texttt{max\_float} = -1.79769313486231571 \times 10^{308} 
 \label{eq:max_float} \\ \texttt{max\_float} = 1.79769313486231571 \times 10^{308}.
```

Règle : les opérations arithmétiques sur les int ont leur analogue sur les float en ajoutant un « . » à l'opérateur : -., +., /., *..

```
# 1. +. 1.;;
- : float = 2.
```

Règle : les opérations arithmétiques sur les int ont leur analogue sur les float en ajoutant un « . » à l'opérateur : -., +., /., *..

```
# 1. +. 1.;;
- : float = 2.
```

Attention : on ne peut pas mélanger les int et les float de manière non explicite :

```
# 2 +. 3.5;;
```

Error: This expression has type int but an expression was expected of type float

Règle : les opérations arithmétiques sur les int ont leur analogue sur les float en ajoutant un « . » à l'opérateur : -., +., /., *..

```
# 1. +. 1.;;
- : float = 2.
```

Attention : on ne peut pas mélanger les int et les float de manière non explicite :

```
# 2 +. 3.5;;
```

Error: This expression has type int but an expression was expected of type float

On peut convertir un int en float par la fonction float_of_int :

```
# (float_of_int 32);;
- : float = 32.
```

```
Règle : les opérations arithmétiques sur les int ont leur analogue sur les
float en ajoutant un « . » à l'opérateur : -., +., /., *..
# 1. +. 1.;;
-: float = 2.
Attention : on ne peut pas mélanger les int et les float de manière
non explicite:
#2+.3.5;;
Error: This expression has type int but an expression was
        expected of type float
On peut convertir un int en float par la fonction float_of_int :
# (float_of_int 32);;
-: float = 32.
et un float en int par la fonction int_of_float (troncature) :
# (int_of_float 21.9);;
-: int = 21
```

Les opérateurs relationnels sur les **float** sont les mêmes que ceux sur les **int**.

```
# 32. <= 89.99;;
- : bool = true
```

Les opérateurs relationnels sur les float sont les mêmes que ceux sur les int.

```
# 32. <= 89.99;;
- : bool = true
```

lci aussi, on ne peut pas mélanger les int et les float de manière non explicite :

Les opérateurs relationnels sur les **float** sont les mêmes que ceux sur les **int**.

```
# 32. <= 89.99;;
- : bool = true
```

lci aussi, on ne peut pas mélanger les int et les float de manière non explicite :

Il faut en revanche écrire

```
# 67.67 = (float_of_int 8);;
- : bool = false
```

Les opérateurs relationnels sur les float sont les mêmes que ceux sur les int.

```
# 32. <= 89.99;;
- : bool = true
```

lci aussi, on ne peut pas mélanger les int et les float de manière non explicite :

Il faut en revanche écrire

```
# 67.67 = (float_of_int 8);;
- : bool = false
```

pour demander explicitement la conversion d'un int en un float.

Il existe des opérateurs spécifiques aux float. Entre autres :

Opérateur	Arité	Rôle
abs_float	1	Valeur absolue
floor, ceil	1	Partie entière inf., sup.
sqrt	1	Racine carrée
log, exp	1	Logarithme népérien, exponentielle
cos, sin, tan	1	Fonctions trigonométriques
**	2	Exponentiation

Ces opérateurs produisent des valeurs de type float.

Il existe des opérateurs spécifiques aux float. Entre autres :

Opérateur	Arité	Rôle
abs_float	1	Valeur absolue
floor, ceil	1	Partie entière inf., sup.
sqrt	1	Racine carrée
log, exp	1	Logarithme népérien, exponentielle
cos, sin, tan	1	Fonctions trigonométriques
**	2	Exponentiation

Ces opérateurs produisent des valeurs de type float.

Hormis ** qui est bien un opérateur du langage, les autres sont en réalité des fonctions prédéfinies.

Le type char

Le type char permet de représenter les caractères ASCII.

Une valeur de type char peut s'écrire

- par un caractère entre apostrophes (p.ex., 'a', '8', '?');
- par son code ASCII, sur trois chiffres précédés de \, le tout entre apostrophes (p. ex '\101', '\000', '\035').

Le type char

Le type char permet de représenter les caractères ASCII.

Une valeur de type char peut s'écrire

- par un caractère entre apostrophes (p.ex., 'a', '8', '?');
- par son code ASCII, sur trois chiffres précédés de \, le tout entre apostrophes (p. ex '\101', '\000', '\035').

La fonction int_of_char calcule le code ASCII d'un caractère.

```
# (int_of_char 'G');;
- : int = 71
```

Le type char

Le type char permet de représenter les caractères ASCII.

Une valeur de type char peut s'écrire

- par un caractère entre apostrophes (p.ex., 'a', '8', '?');
- par son code ASCII, sur trois chiffres précédés de \, le tout entre apostrophes (p. ex '\101', '\000', '\035').

La fonction int_of_char calcule le code ASCII d'un caractère.

```
# (int_of_char 'G');;
- : int = 71
```

La fonction char_of_int calcule le caractère de code ASCII spécifié.

Le type string permet de représenter des chaînes de caractères.

Le type string permet de représenter des chaînes de caractères.

Une chaîne de caractères s'écrit par une suite de caractères entre guillemets. P.ex., "abc123", " $100\101f$ ".

Le type string permet de représenter des chaînes de caractères.

Une chaîne de caractères s'écrit par une suite de caractères entre guillemets. P.ex., "abc123", "\100\101f".

L'opérateur ^ permet de concaténer deux chaînes de caractères. P.ex.,

```
# "abc" ^ "def";;
- : string = "abcdef"
```

Le type string permet de représenter des chaînes de caractères.

Une chaîne de caractères s'écrit par une suite de caractères entre guillemets. P.ex., "abc123", "\100\101f".

L'opérateur ^ permet de concaténer deux chaînes de caractères. P.ex.,

```
# "abc" ^ "def";;
- : string = "abcdef"

# let u = "ab"
and v = "ba" in
```

u ^ v ^ u ^ v;;
- : string = "abbaabba"

Le type string permet de représenter des chaînes de caractères.

Une chaîne de caractères s'écrit par une suite de caractères entre guillemets. P.ex., "abc123", "\100\101f".

L'opérateur ^ permet de concaténer deux chaînes de caractères. P.ex.,

```
# "abc" ^ "def";;
- : string = "abcdef"
```

Plus précisément, si u et v sont des noms liés à des chaînes de caractères, u ^v est une expression dont la valeur est la concaténation de u et de v.

```
# let u = "ab"
and v = "ba" in
        u ^ v ^ u ^ v;;
- : string = "abbaabba"
```

Le type string permet de représenter des chaînes de caractères.

Une chaîne de caractères s'écrit par une suite de caractères entre guillemets. P.ex., "abc123", "\100\101f".

L'opérateur ^ permet de concaténer deux chaînes de caractères. P.ex.,

```
# "abc" ^ "def";;
- : string = "abcdef"
```

```
# let u = "ab"
and v = "ba" in
        u ^ v ^ u ^ v;;
- : string = "abbaabba"
```

Plus précisément, si u et v sont des noms liés à des chaînes de caractères, u ^v est une expression dont la valeur est la concaténation de u et de v.

Il n'y a pas d'effet de bord : les chaînes u et v ne sont pas modifiées lors de leur concaténation.

Il existe des fonctions de conversion autour du type ${\tt string}$. Parmi celles-ci, il y a

```
string_of_bool et bool_of_string;
```

- string_of_int et int_of_string;
- string_of_float et float_of_string.

Il existe des fonctions de conversion autour du type string. Parmi celles-ci, il y a

```
string_of_bool et bool_of_string;
```

- string_of_int et int_of_string;
- string_of_float et float_of_string.

Les opérateurs relationnels sont bien définis sur les string. On peut ainsi totalement comparer des chaînes de caractères.

Il existe des fonctions de conversion autour du type ${\tt string}$. Parmi celles-ci, il y a

```
string_of_bool et bool_of_string;string_of_int et int_of_string;string_of_float et float_of_string.
```

Les opérateurs relationnels sont bien définis sur les string. On peut ainsi totalement comparer des chaînes de caractères.

```
# "abc" = "abde";;
- : bool = false
```

Il existe des fonctions de conversion autour du type string. Parmi celles-ci, il y a

```
string_of_bool et bool_of_string;string_of_int et int_of_string;string_of_float et float_of_string.
```

Les opérateurs relationnels sont bien définis sur les string. On peut ainsi totalement comparer des chaînes de caractères.

Il existe des fonctions de conversion autour du type ${\tt string}$. Parmi celles-ci, il y a

```
string_of_bool et bool_of_string;string_of_int et int_of_string;string_of_float et float_of_string.
```

Les opérateurs relationnels sont bien définis sur les string. On peut ainsi totalement comparer des chaînes de caractères.

Il existe des fonctions de conversion autour du type string. Parmi celles-ci, il y a

```
string_of_bool et bool_of_string;string_of_int et int_of_string;string_of_float et float_of_string.
```

Les opérateurs relationnels sont bien définis sur les string. On peut ainsi totalement comparer des chaînes de caractères.

Le type unit est un type particulier qui contient une unique valeur, appelée « vide » et écrite



Le type unit est un type particulier qui contient une unique valeur, appelée « vide » et écrite

()

```
# ();;
- : unit = ()
```

Le type unit est un type particulier qui contient une unique valeur, appelée « vide » et écrite

Le type unit est un type particulier qui contient une unique valeur, appelée « vide » et écrite

Les opérateurs relationnels sont bien définis sur unit.

Le type unit est un type particulier qui contient une unique valeur, appelée « vide » et écrite

```
# ();;
-: unit = ()

# let a = () in let b = a in
b;;
-: unit = ()
```

Les opérateurs relationnels sont bien définis sur unit.

Dans la suite, nous verrons que ce type sert à rendre les fonctions homogènes au sens où toute fonction doit renvoyer une valeur.

En effet, une fonction qui n'est pas sensée renvoyer de valeur va renvoyer ().

Plan

- 3 Programmation
 - Interpréteur Caml
 - Liaisons
 - Types de base
 - Fonctions

On rappelle qu'en programmation fonctionnelle,

1 l'objet de base est la fonction;

On rappelle qu'en programmation fonctionnelle,

- l'objet de base est la fonction;
- 2 un programme est une collection de définitions de fonctions;

On rappelle qu'en programmation fonctionnelle,

- l'objet de base est la fonction;
- 2 un programme est une collection de définitions de fonctions;
- 3 l'exécution d'un programme est l'application d'une fonction principale à des arguments.

On rappelle qu'en programmation fonctionnelle,

- l'objet de base est la fonction;
- 2 un programme est une collection de définitions de fonctions;
- l'exécution d'un programme est l'application d'une fonction principale à des arguments.

La raison d'être d'un programme, en programmation fonctionnelle, est de calculer une valeur.

On rappelle qu'en programmation fonctionnelle,

- l'objet de base est la fonction;
- 2 un programme est une collection de définitions de fonctions;
- 3 l'exécution d'un programme est l'application d'une fonction principale à des arguments.

La raison d'être d'un programme, en programmation fonctionnelle, est de calculer une valeur.

Cette valeur calculée est précisément la valeur de retour de la fonction principale du programme.

D'un point de vue formel, une fonction

$$f: E_1 \times E_2 \times \cdots \times E_n \to S$$

est une partie du produit cartésien $E_1 \times E_2 \times \cdots \times E_n \times S$

D'un point de vue formel, une fonction

$$f: E_1 \times E_2 \times \cdots \times E_n \to S$$

est une partie du produit cartésien $E_1 \times E_2 \times \cdots \times E_n \times S$ telle que

$$(e_1, e_2, \dots, e_n, s) \in f$$
 et $(e_1, e_2, \dots, e_n, s') \in f$ implique $s = s'$.

D'un point de vue formel, une fonction

$$f: E_1 \times E_2 \times \cdots \times E_n \to S$$

est une partie du produit cartésien $E_1 \times E_2 \times \cdots \times E_n \times S$ telle que

$$(e_1, e_2, \ldots, e_n, s) \in f$$
 et $(e_1, e_2, \ldots, e_n, s') \in f$ implique $s = s'$.

D'usage, la propriété $(e_1, e_2, \dots, e_n, s) \in f$ est ainsi notée

$$f(e_1,e_2,\ldots,e_n)=s.$$

D'un point de vue formel, une fonction

$$f: E_1 \times E_2 \times \cdots \times E_n \to S$$

est une partie du produit cartésien $E_1 \times E_2 \times \cdots \times E_n \times S$ telle que

$$(e_1, e_2, \dots, e_n, s) \in f$$
 et $(e_1, e_2, \dots, e_n, s') \in f$ implique $s = s'$.

D'usage, la propriété $(e_1, e_2, \dots, e_n, s) \in f$ est ainsi notée

$$f(e_1, e_2, \ldots, e_n) = s$$
.

On appelle ${\bf n}$ l'arité de f (qui est son nombre d'entrées).

D'un point de vue formel, une fonction

$$f: E_1 \times E_2 \times \cdots \times E_n \to S$$

est une partie du produit cartésien $E_1 \times E_2 \times \cdots \times E_n \times S$ telle que

$$(e_1, e_2, \dots, e_n, s) \in f$$
 et $(e_1, e_2, \dots, e_n, s') \in f$ implique $s = s'$.

D'usage, la propriété $(e_1, e_2, \dots, e_n, s) \in f$ est ainsi notée

$$f(e_1, e_2, \ldots, e_n) = s$$
.

On appelle n l'arité de f (qui est son nombre d'entrées).

Distinction à faire entre

application : fonction définie en tout point ;

D'un point de vue formel, une fonction

$$f: E_1 \times E_2 \times \cdots \times E_n \to S$$

est une partie du produit cartésien $E_1 \times E_2 \times \cdots \times E_n \times S$ telle que

$$(e_1, e_2, \dots, e_n, s) \in f$$
 et $(e_1, e_2, \dots, e_n, s') \in f$ implique $s = s'$.

D'usage, la propriété $(e_1, e_2, \dots, e_n, s) \in f$ est ainsi notée

$$f(e_1, e_2, \ldots, e_n) = s$$
.

On appelle n l'arité de f (qui est son nombre d'entrées).

Distinction à faire entre

- application : fonction définie en tout point ;
- **fonction** : application partielle (pas de résultat pour certaines entrées).

En informatique, les ensembles d'entrée et de sortie des fonctions sont des **types**.

En informatique, les ensembles d'entrée et de sortie des fonctions sont des **types**.

On distingue la notion de paramètre et d'argument :

un paramètre est un identificateur non lié à une valeur et intervenant dans la définition d'une fonction;

En informatique, les ensembles d'entrée et de sortie des fonctions sont des **types**.

On distingue la notion de paramètre et d'argument :

- un paramètre est un identificateur non lié à une valeur et intervenant dans la définition d'une fonction;
- 2 un argument est une expression qui vient se substituer à un paramètre lors de l'appel à une fonction.

En informatique, les ensembles d'entrée et de sortie des fonctions sont des **types**.

On distingue la notion de paramètre et d'argument :

- un paramètre est un identificateur non lié à une valeur et intervenant dans la définition d'une fonction;
- un argument est une expression qui vient se substituer à un paramètre lors de l'appel à une fonction.

P.ex., soit $f: \mathbb{N} \times \mathbb{N} \to \mathbb{N}$ la fonction définie par f(x, y) := x + y.

En informatique, les ensembles d'entrée et de sortie des fonctions sont des **types**.

On distingue la notion de paramètre et d'argument :

- un paramètre est un identificateur non lié à une valeur et intervenant dans la définition d'une fonction;
- un argument est une expression qui vient se substituer à un paramètre lors de l'appel à une fonction.

P.ex., soit $f: \mathbb{N} \times \mathbb{N} \to \mathbb{N}$ la fonction définie par f(x, y) := x + y. Les noms x et y sont les paramètres de f.

En informatique, les ensembles d'entrée et de sortie des fonctions sont des **types**.

On distingue la notion de paramètre et d'argument :

- un paramètre est un identificateur non lié à une valeur et intervenant dans la définition d'une fonction;
- un argument est une expression qui vient se substituer à un paramètre lors de l'appel à une fonction.

P.ex., soit $f: \mathbb{N} \times \mathbb{N} \to \mathbb{N}$ la fonction définie par f(x,y) := x + y. Les noms x et y sont les paramètres de f. Lors de l'appel f(2,6), f est appelée avec les arguments 2 et 6.

En informatique, les ensembles d'entrée et de sortie des fonctions sont des **types**.

On distingue la notion de paramètre et d'argument :

- un paramètre est un identificateur non lié à une valeur et intervenant dans la définition d'une fonction;
- un argument est une expression qui vient se substituer à un paramètre lors de l'appel à une fonction.

P.ex., soit $f: \mathbb{N} \times \mathbb{N} \to \mathbb{N}$ la fonction définie par f(x,y) := x + y. Les noms x et y sont les paramètres de f. Lors de l'appel f(2,6), f est appelée avec les arguments 2 et 6.

Lors d'un appel à une fonction f avec les arguments e_1, \ldots, e_n , on dit que l'on applique f à e_1, \ldots, e_n .