

VILNIAUS UNIVERSITETAS  
MATEMATIKOS IR INFORMATIKOS FAKULTETAS  
PROGRAMŲ SISTEMŲ STUDIJŲ PROGRAMA

**Faktų paieška pagal šabloną TLA+ įrodymų sistemoje**

**Fact search by pattern in the TLA+ proof system**

Kursinis darbas

Atliko: 4 kurso 1 grupės studentas

Domantas Keturakis

Darbo vadovas: Doc., Dr. Karolis Petrauskas

# Turinys

Terminai .....	3
Įvadas .....	3
Background .....	4
TLA+ .....	4
TLAMP .....	4
Isabelle .....	4
Faktų paieška .....	4
RocQ (Coq) .....	4
Others .....	5
Previous art/work .....	5
Implementacija / kaip susijuniga su lsp ir TLAMP .....	5
Pavyzdys .....	5
Trūkumai .....	5
Rezultatai .....	5
Išvados .....	5
Notes .....	5
Šaltiniai .....	6

## Terminai

- ATP (Automated theorem proving) - TODO
- Proof construction - įrodymo rašymas (ranka), i.e.: dalis nuo **Proof** iki **Qed**.
- Proof search - ta dalis, kur ATP atlieka automatiškai.
- Proof synthesis - ???
- Proof script - viskas nuo **Theorem** iki **Qed**.

## Įvadas

Traciškai programų sistemų modeliai aprašomi tekstu ir vizualinėmis diagramomis (UML) - šie yra sunkiai patikrinami automatiniai įrankiais. **[TODO]**.

Formalūs metodai (angl. *formal methods*) yra programinės įrangos kūrimo metodai, kurie naudoja matematine logika pagrįstus modelius, tam kad būtų galima analizuoti ir įrodyti programinės įrangos modelio savybes.

TLA<sup>+</sup> yra formaliais metodais pagrįsta modeliavimo sistema, kuria galima patikrinti sistemų modelių savybės, siekiant užtikrinti jų teisingumą.

Sėkmingi atvejai:

- (AWS) ... [New+15]
- Safety-critical systems:
  - TAS [RP17]
  - A train status alert system [Sal+20]
  - Aviation systems [Das+24]

*Čia nežinau, gal per mažai faktiška:* IDEs padidina prieinamumą ir gali padidinti TLA+ naudojamumą. (Todėl verta/relevant tobulinti TLA+ LSP)

Search engines [probably irrelevant]:

- Isabelle [HK22],
- Google for theorems in Lean

## Background

Basically, šitai: „In this section, we describe the fundamental technologies for this paper. We describe the proof assistant Coq, giving an overview of how it works, as well as describe Visual Studio Code (VS Code), the Language Server Protocol (LSP), and the concept of code completion.“ bet skirtą šitam darbui.

### TLA+

Čia trumpai apie TLA+

- TLA in Isabelle: [Mer99], [GM11]

### TLAMP

paiškininti kas yra ir kaip veikia TLAPM / TLAPS.

## Isabelle

## Faktų paieška

*Gal* tinkami raktažodžiai: metaheuristic search, proof script synthesis, automated proof script synthesis

### RocQ (Coq)

- „Expanding Coq With Type Aware Code Completion“ [DK23]
  - ▶ Kaip suprantu veikia tik su `rewrite` ir `apply` taktikomis: „For every file, at every location where the tactics `apply` and `rewrite` are used, request for a list of completion items.“
  - ▶ „Discovery is handled through the internal function that is also used by the `Search` command in Coq“
  - ▶ „For every file, at every location where the tactics `apply` and `rewrite` are used, request for a list of completion items.“
  - ▶ Realiai čia aprašo kaip geriausia sortinti rezultatus, naudinga, bet čia pirma reikia turėti, ką sortinti: „The only difference in how the algorithms are implemented is the sorting step.“
- TacTok: semantics-aware proof synthesis [FBG20]
  - ▶ Gal turi gerų reference'ų: „Recent research has shown that the proof state can help predict the next step.“
  - ▶ „In this paper, we present TacTok, the first technique that attempts to fully automate proof script synthesis by modeling proof scripts using both the partial proof script written thus far and the semantics of the proof state“
  - ▶ Cited:
    - CoqHammer
    - ASTactic
- Coq search by type inhibition [Cza20] [probably irrelevant]
  - ▶ Kinda useless, bet *gal* geri reference'ai:
    -
- PProofster: Automated Formal Verification [Agr+23]

- Coq Search komanda
- Hammer for Coq: Automation for dependent type theory [CK18]  
     Jeigu kalbėsiu apie Rocq (dar žinomą kaip Coq) [Pau15]

## Others

- Let AI/LLMs do it [Zho25] [outside the scope] Galimai naudinga:
  - „We present a novel approach to automated proof generation for the TLA+ Proof System (TLAPS) using Large Language Models (LLMs). Our method combines two key components: a sub-proof obligation generation phase that breaks down complex proof obligations into simpler sub-obligations, <...>“
- Isabelle/HOL `find_theorems`, `find_consts` komandos

LSP stuff:

## Previous art/work

Dalykai, ant kurių galiu pagrįsti savo darbą.

Isabelle `find_theorems` ir `find_consts` komandos, kaip veikia Coq Search komanda. Kas ir kokie metodai iš kiekvieno buvo pasirinkti, paaiškinti kodėl pasirinkti.

## Implementacija / kaip susijuniga su lsp ir TLAMP

Planas xuliganas:

`vscode-lsp <-> tlamp_lsp <-> tlamp <-> Isabelle`

Galutinis rezultatas, kaip veikia, kaip naudotis, kaip pritaikyti.

## Pavyzdys

TLA+ pavyzdys, kuriame matosi kaip veikia faktų paieška.

## Trūkumai

## Rezultatai

## Išvados

## Notes

- **The E Theorem Prover** (<https://github.com/eprover/eprover/blob/master/DOC/E-3.1.html>)

Kaip suprantu gan paprasta first-order logic theorem prover implementacija.

1.2 versija turi ~157k C kodo eilučių, tai tikriausiai ne tokia ir paprasta implementacija.

Tikriausiai irrelevant

- The CADE ATP System Competition (<https://tptp.org/CASC/>)
- „E – a brainiac theorem prover“ [Sch02]

## Šaltiniai

- [New+15] C. Newcombe, T. Rath, F. Zhang, B. Munteanu, M. Brooker, ir M. Deardeuff, „How Amazon web services uses formal methods“, *Commun. ACM*, t. 58, nr. 4, p. 66–73, kovo 2015, doi: 10.1145/2699417.
- [RP17] S. Resch ir M. Paulitsch, „Using TLA+ in the Development of a Safety-Critical Fault-Tolerant Middleware“, *2017 IEEE International Symposium on Software Reliability Engineering Workshops (ISSREW)*, 2017, p. 146–152. doi: 10.1109/ISSREW.2017.43.
- [Sal+20] G. Salierno, S. Morvillo, L. Leonardi, ir G. Cabri, „Specification and verification of railway safety-critical systems using TLA+: A Case Study“, *2020 IEEE 29th International Conference on Enabling Technologies: Infrastructure for Collaborative Enterprises (WETICE)*, 2020, p. 207–212. doi: 10.1109/WETICE49692.2020.00048.
- [Das+24] M. Das ir kt., „TLA+ Specification of Aviation System with Time Analysis“, *2024 15th International Conference on Computing Communication and Networking Technologies (ICCCNT)*, 2024, p. 1–6. doi: 10.1109/ICCCNT61001.2024.10725489.
- [HK22] F. Huch ir A. Krauss, „FindFacts: A Scalable Theorem Search“. [Interaktyvus]. Adresas: <https://arxiv.org/abs/2204.14191>
- [Mer99] S. Merz, „An Encoding of TLA in Isabelle“, 1999. [Interaktyvus]. Adresas: <https://api.semanticscholar.org/CorpusID:10435651>
- [GM11] G. Grov ir S. Merz, „A Definitional Encoding of TLA\* in Isabelle/HOL“, *Arch. Formal Proofs*, t. 2011, 2011, [Interaktyvus]. Adresas: <https://api.semanticscholar.org/CorpusID:7524763>
- [DK23] Hjalte Dalland Jakob Israelsen ir S. Kristensen, „Expanding Coq With Type Aware Code Completion“. [Interaktyvus]. Adresas: [https://github.com/Jakobis/vscoqComparison/blob/a181fe074cdca4ee0b13c2c71ab907bea73a5432/Expanding\\_Coq\\_with\\_Type\\_Aware\\_Code\\_Completion.pdf](https://github.com/Jakobis/vscoqComparison/blob/a181fe074cdca4ee0b13c2c71ab907bea73a5432/Expanding_Coq_with_Type_Aware_Code_Completion.pdf)
- [FBG20] E. First, Y. Brun, ir A. Guha, „TacTok: semantics-aware proof synthesis“, *Proc. ACM Program. Lang.*, t. 4, nr. OOPSLA, lapkr. 2020, doi: 10.1145/3428299.
- [Cza20] Ł. Czajka, „Practical Proof Search for Coq by Type Inhabitation“, *Automated Reasoning*, N. Peltier ir V. Sofronie-Stokkermans, Sud., Cham: Springer International Publishing, 2020, p. 28–57.
- [Agr+23] A. Agrawal ir kt., „Proofster: Automated formal verification“, *2023 IEEE/ACM 45th International Conference on Software Engineering: Companion Proceedings (ICSE-Companion)*, 2023, p. 26–30.
- [CK18] Ł. Czajka ir C. Kaliszyk, „Hammer for Coq: Automation for dependent type theory“, *Journal of automated reasoning*, t. 61, p. 423–453, 2018.
- [Pau15] C. Paulin-Mohring, „Introduction to the calculus of inductive constructions“, *All about Proofs, Proofs for All*, t. 55, 2015.
- [Zho25] Y. Zhou, „Retrieval-Augmented TLAPS Proof Generation with Large Language Models“. [Interaktyvus]. Adresas: <https://arxiv.org/abs/2501.03073>

- [Sch02] S. Schulz, „E—a brainiac theorem prover“, *Ai Communications*, t. 15, nr. 2–3, p. 111–126, 2002.